#### 1

 $q^2=p$  for no positive rational number q.  $q^2=p$  pour aucun nombre rationnel positif q.  $q^2=p$  für keine positive rationale Zahl q.  $q^2=p$  para nenhum número racional positivo q.

### 2

The collection of prime natural numbers is infinite. La collection d'entiers naturels primaires est infinie. Die Sammlung von unteilbaren natürlichen Zahlen ist unendlich. O collection de números naturais primos é infinito.

# 3

Let x, y be sets. x and y are equinumerous iff there exists a injective map from x to y and there exists an injective map from y to x.

Soient x, y des ensembles. x et y sont équinombreux si et seulement si il existe une correspondance injective de x à y et il existe une application injective de y à x.

Seien x, y Mengen. x und y sind gleichzahlig wenn und genau dann wenn es eine injektive Abbildung aus x nach y gibt und es eine injektive Abbildung aus y nach x gibt.

Deixe x, y ser conjuntos. x e y são equinumeiros se e só se existe uma função injetiva de x a y e existe uma aplicação injetiva de y a x.

#### 4

For all finite sets X and all natural numbers n, if |X| = n, then  $\mathcal{P}(X)$  is finite and  $|\mathcal{P}(X)| = 2^n$ . Pour tous les ensembles finis X et tous les entiers naturels n, si |X| = n, alors  $\mathcal{P}(X)$  est fini et  $|\mathcal{P}(X)| = 2^n$ . Für alle endlichen Mengen X und alle natürlichen Zahlen n, wenn |X| = n, dann ist  $\mathcal{P}(X)$  endlich und  $|\mathcal{P}(X)| = 2^n$ .

Para todos os conjuntos finitos X e todos os números naturais n, se |X|=n, então  $\mathcal{P}(X)$  é finito e  $|\mathcal{P}(X)|=2^n$ .

### 5

Let s,t be real numbers such that s < t. Then there exists a real number r such that s < r < t. Soient s,t des nombres tel que s < t. Alors il existe un nombre r tel que s < r < t. Seien s,t reelle Zahlen derart dass s < t. Dann gibt es eine reelle Zahl r derart dass s < r < t. Deixe s,t ser números tal que s < t. Então existe um número r tal que s < r < t.

#### 6

Let M be a set. Then there exists no surjection from M onto the powerset of M. Soit M un ensemble. Alors il n'existe aucune surjection de M sur l'ensemble puissance de M. Sei M eine Menge. Dann gibt es keine Surjektion aus M auf die Potenzmenge M. Deixe M ser um conjunto. Então não existe nenhuma sobrejecção de M sobre o conjunto de potência de M.

#### 7

 $\begin{array}{l} \sum_{0 \leq i < n} x^i = \frac{1-x^n}{1-x} \text{ for all natural numbers } n. \\ \sum_{0 \leq i < n} x^i = \frac{1-x^n}{1-x} \text{ pour tous les entiers naturels } n. \\ \sum_{0 \leq i < n} x^i = \frac{1-x^n}{1-x} \text{ für alle natürlichen Zahlen } n. \\ \sum_{0 \leq i < n} x^i = \frac{1-x^n}{1-x} \text{ para todos os números naturais } n. \end{array}$ 

### 8

$$\begin{split} &\sum_{i=1}^{n} (a+d\cdot i) = n\cdot (a+\frac{(n+1)\cdot d}{2})..\\ &\sum_{i=1}^{n} (a+d\cdot i) = n\cdot (a+\frac{(n+1)\cdot d}{2})..\\ &\sum_{i=1}^{n} (a+d\cdot i) = n\cdot (a+\frac{(n+1)\cdot d}{2})..\\ &\sum_{i=1}^{n} (a+d\cdot i) = n\cdot (a+\frac{(n+1)\cdot d}{2}).. \end{split}$$

#### q

Let m, n be natural numbers such that m < n. Then the greatest common divisor of m and n is the greatest common divisor of n - m and m.

Soient m, n des entiers naturels tel que m < n. Alors le plus grand commun diviseur de m et de n est le plus grand commun diviseur de m et de m.

Seien m, n natürliche Zahlen derart dass m < n. Dann ist der größte gemeinsame Teiler m und n der größte gemeinsame Teiler n - m und m.

Deixe m, n ser números naturais tal que m < n. Então o máximo divisor comum de m e n é o máximo divisor comum de n - m e m.

## 10

Assume  $A \subseteq \mathbb{N}$  and  $0 \in A$  and for all  $n \in A$ ,  $n+1 \in A$ . Then  $A = \mathbb{N}$ . Supposons que  $A \subseteq \mathbb{N}$  et  $0 \in A$  et pour tout  $n \in A$ ,  $n+1 \in A$ . Alors  $A = \mathbb{N}$ . Wir nehmen an, dass  $A \subseteq \mathbb{N}$  und  $0 \in A$  und für alle  $n \in A$ ,  $n+1 \in A$ . Dann  $A = \mathbb{N}$ . Admitemos que  $A \subseteq \mathbb{N}$  e  $0 \in A$  e para todo  $n \in A$ ,  $n+1 \in A$ . Então  $A = \mathbb{N}$ .