다이나믹 프로그래밍

3.1 파도반 수열 BOJ #9461

점화식을 유도하면 다음과 같습니다.

$$P_n = \begin{cases} 1 & n = 1, n = 2, n = 3 \\ 2 & n = 4, n = 5 \\ P_{n-1} + P_{n-5} & \text{otherwise} \end{cases}$$

그대로 구현하면 됩니다. 여러 테스트 케이스가 들어오므로 P_{100} 까지 전부 구해 두고 테스트 케이스가 들어올 때마다 결과를 출력합니다.

 $P_{100} \approx 8.9 \times 10^{11}$ 이고 이는 int 범위에 들어가지 않음에 주의합니다. int로 짰다면 테스트 입력으로 1 100을 넣었을 때 -203165375가 나오는 것을 확인할 수 있습니다. 테스트 데이터를 잘 구성해 미리 넣어 보고 실수를 방지합시다.

정답 코드

실행 시간 0ms, 메모리 1,988KB

```
#include <iostream>

using namespace std;

using ll = long long;

ll dp[101] = {0, 1, 1, 1, 2, 2};

int main() {
    cin.tie(nullptr);
    cout.tie(nullptr);
```

```
ios_base::sync_with_stdio(false);
11
12
13
        for (int i = 6; i \le 100; i \leftrightarrow) {
             dp[i] = dp[i - 1] + dp[i - 5];
14
15
16
        int t;
17
        cin >> t;
19
        while (t--) {
21
            int x;
22
             cin >> x;
             cout \ll dp[x] \ll '\n';
23
24
25
26
        return 0;
27 }
```

3.2 1, 2, 3 더하기 BOJ #9095

어떤 수n이 있을 때

 $d_n = (n = 1, 2, 3)$ 합으로 나타내는 방법의 수)

로 정의합시다. 그러면 우선 $d_1 = 1$, $d_2 = 2$, $d_3 = 4$ 입니다.

n > 3을 1, 2, 3의 합으로 나타내는 방법은

- n-1을 1, 2, 3의 합으로 나타내고 마지막에 +1
- n-2를 1, 2, 3의 합으로 나타내고 마지막에 +2
- n-3을 1, 2, 3의 합으로 나타내고 마지막에 +3

으로 나눠집니다. 따라서 n > 3일 때 $d_n = d_{n-1} + d_{n-2} + d_{n-3}$ 입니다. 정리하면

$$d_n = \begin{cases} 1 & n = 1 \\ 2 & n = 2 \\ 4 & n = 3 \\ d_{n-1} + d_{n-2} + d_{n-3} & \text{otherwise} \end{cases}$$

이고, 이를 코드로 구현하면 됩니다.

정답 코드

실행 시간 0ms, 메모리 1,988KB

```
1 #include <iostream>
3 using namespace std;
5 int dp[12] = {0, 1, 2, 4};
  int main() {
       cin.tie(nullptr);
       cout.tie(nullptr);
       ios_base::sync_with_stdio(false);
10
11
       for (int i = 4; i \le 12; i ++) {
12
           dp[i] = dp[i - 1] + dp[i - 2] + dp[i - 3];
13
14
15
       int t;
16
17
       cin >> t;
18
       while (t--) {
19
20
           int x;
21
           cin >> x;
           cout \ll dp[x] \ll '\n';
22
23
24
25
       return 0;
26 }
```

3.3 동전 1 BOJ #2293

앞의 문제들과 접근은 비슷하나, 순서가 다른 것은 같은 경우이므로 1+2원과 2+1원을 따로 처리해 줘야 합니다. 어떤 방법을 쓰면 좋을까요?

DP를 갱신해 주는 순서를 바꾸면 됩니다. 일단 첫번째 동전만 사용해 경우의 수를 구하고, 두 번째 동전을 추가해 경우의 수를 구하고, 세 번째 동전을 추가해 경우의 수를 구하고, … 이와 같이 반복하면 순서가 다른 경우는 생기지 않습니다.

정답 코드

실행 시간 0ms, 메모리 2.068KB

```
#include <iostream>

using namespace std;
using ll = long long;

ll dp[101] = {0, 1, 1, 1, 2, 2};

int main() {
    cin.tie(nullptr);
    cout.tie(nullptr);
    ios_base::sync_with_stdio(false);
```

```
for (int i = 6; i ≤ 100; i↔) {
          dp[i] = dp[i - 1] + dp[i - 5];
14
16
17
      int t;
      cin >> t;
18
     while (t--) {
       int x;
21
          cin >> x;
23
          cout \ll dp[x] \ll '\n';
24
      return 0;
26
```

동전 문제에도 많은 버전이 있습니다.

- BOJ #11047 동전 0: 동전을 적절히 사용해서 그 가치의 합을 K로 만드려고 할 때, 필요한 동전 개수의 최솟값을 구하는 문제입니다. 대신 동전의 가치가 배수 관계를 이룹니다. 다이나믹 프로그래밍은 아니지만 조금만 생각하면 쉽게 풀리는 문제입니다.
- BOJ #2294 동전 2: 동전 0과 같은 문제이나 동전의 가치가 배수 관계를 이루지 않습니다. 다이나믹 프로그래밍으로 풀 수 있습니다.

3.4 제곱수의 합 BOJ #1699

자연수 N을 제곱수들의 합으로 표현할 때 그 항의 최소 개수를 구해야 합니다. '가장 긴 증가하는 부분 수열' 문제를 접근하듯이 아래와 같은 점화식을 세워볼 수 있습니다. d_i 를

 $d_i = (i$ 를 제곱수들의 합으로 표현할 때, 그 항의 최소 개수)

로 정의한다면, $j+k^2=i$ 가 되는 모든 j들에 대해 j를 제곱수들의 합으로 표현한 것 뒤에 k^2 를 더해 주면 i가 되므로 d_i 는 결국 i보다 작으면서 $j+k^2=i$ 가 되는 모든 i에 대해 최솟값을 취한

$$d_i = \begin{cases} 1 & i = 0\\ \min_{0 \le j < i, k \in \mathbb{N}, j+k^2=i} (d_j + 1) & \text{otherwise} \end{cases}$$

가 됩니다.

 $N \leq 10^5$ 이고, N 이하의 제곱수는 $\left\lfloor \sqrt{N} \right\rfloor$ 개 있으므로 시간 복잡도는 $\mathcal{O}\left(N^{\frac{3}{2}}\right)$ 이고 이는 2초 안에 충분히 실행 가능합니다.

정답 코드

실행 시간 32ms, 메모리 2,380KB

```
1 #include <iostream>
   #include <algorithm> // min()
4 using namespace std;
6 int dp[100001];
   int main() {
8
        cin.tie(nullptr);
9
        cout.tie(nullptr);
10
       ios_base::sync_with_stdio(false);
11
12
       fill(dp, dp + 100001, 987654321);
13
14
15
       int n;
16
       cin >> n;
17
       dp[0] = 0;
18
        for (int i = 0; i \le n; i \leftrightarrow) {
19
            for (int k = 1; i - k * k \ge 0; k + +) {
20
21
                dp[i] = min(dp[i], dp[i - k * k] + 1);
22
       }
23
       cout << dp[n];</pre>
25
26
        return 0;
27
28 }
```

3.5 이항 계수 2 BOJ #11051

이항 계수에는 다음과 같은 성질이 있습니다.

$$\binom{n}{k} + \binom{n}{k+1} = \binom{n+1}{k+1}$$

이를 2차원 배열을 사용해 그대로 코드로 옮기면 됩니다.

중간 과정에서 계산 결과가 int 범위를 초과할 수 있는데, $\binom{n}{k}$ 를 전부 구한 후 마지막에 나머지 연산을 하지 말고 아래의 성질을 이용해 더할 때마다 매번 나머지 연산을 하면 오버플로우를 방지할 수 있습니다.

$$(a+b) \operatorname{mod} m = (a \operatorname{mod} m + b \operatorname{mod} m) \operatorname{mod} m$$

정답 코드

실행 시간 4ms, 메모리 5,900KB

```
#include <iostream>
2 #include <algorithm> // min()
4 using namespace std;
 6 int binom[1001][1001];
 8 int main() {
      cin.tie(nullptr);
10
       cout.tie(nullptr);
       ios_base::sync_with_stdio(false);
12
       int n, k;
       cin \gg n \gg k;
14
15
        binom[0][0] = 1;
17
       for (int i = 0; i < n; i++) {
            binom[i + 1][0] = 1;
            for (int j = 0; j < k; j \leftrightarrow ) {
19
                binom[i + 1][j + 1] = (binom[i][j] + binom[i][j + 1]) % 10007;
20
21
22
23
       cout << binom[n][k];</pre>
24
25
26
        return 0;
27 }
```

3.6 스티커 BOJ #9465

i 행에서 윗쪽 스티커의 점수를 s_{i0} , 아랫쪽 스티커의 점수를 s_{i1} 이라고 두고, d_{ij} 를 다음과 같이 정의합시다.

$$d_{ij} = egin{cases} (i$$
번째 행에서 아무 스티커도 안 골랐을 때의 점수의 최댓값) $j=0$ $(i$ 번째 행에서 윗쪽 스티커를 골랐을 때의 점수의 최댓값) $j=1$ $(i$ 번째 행에서 아랫쪽 스티커를 골랐을 때의 점수의 최댓값) $j=2$

그러면 각각의 경우 점화식은 다음과 같습니다.

$$d_{ij} = \begin{cases} \max \left\{ d_{(i-1)0}, d_{(i-1)1}, d_{(i-1)2} \right\} & j = 0 \\ \max \left\{ d_{(i-1)0}, d_{(i-1)2} \right\} + s_{i0} & j = 1 \\ \max \left\{ d_{(i-1)0}, d_{(i-1)1} \right\} + s_{i1} & j = 2 \end{cases}$$

- d_{i0} 의 경우 이번 열에서 아무것도 고르지 않으므로, 바로 전 열에서의 점수의 최댓값을 가져옵니다.
- d_{i1} 의 경우 이번 열에서 윗쪽 스티커를 고르므로, 바로 전 열에서 윗쪽 스티커를 고른 경우만 제외하고 최댓값을 가져옵니다. 그리고 윗쪽 스티커의 점수를 더합니다.

• d_{12} 의 경우 이번 열에서 윗쪽 스티커를 고르므로, 바로 전 열에서 아랫쪽 스티커를 고른 경우만 제외하고 최댓값을 가져옵니다. 그리고 아랫쪽 스티커의 점수를 더합니다.

이를 코드로 구현하면 정답입니다.

정답 코드

실행 시간 92ms, 메모리 3,940KB

```
1 #include <iostream>
2 #include <cstring> // memset()
3 #include <algorithm> // min()
5 using namespace std;
   int s[100000][2], dp[100000][3];
8
   int main() {
        cin.tie(nullptr);
10
11
        cout.tie(nullptr);
        ios_base::sync_with_stdio(false);
12
13
14
        cin >> t;
15
16
        while (t--) {
17
            int n;
            cin >> n;
18
            for (int j = 0; j < 2; j \leftrightarrow) {
20
                for (int i = 0; i < n; i \leftrightarrow) {
21
                     cin \gg s[i][j];
22
23
            }
24
25
            dp[0][0] = 0;
26
27
            dp[0][1] = s[0][0];
            dp[0][2] = s[0][1];
28
29
            for (int i = 1; i < n; i \leftrightarrow) {
30
                dp[i][0] = max({dp[i - 1][0], dp[i - 1][1], dp[i - 1][2]});
31
                dp[i][1] = max(dp[i - 1][0], dp[i - 1][2]) + s[i][0];
32
                dp[i][2] = max(dp[i - 1][0], dp[i - 1][1]) + s[i][1];
33
34
35
36
            cout \ll \max(\{dp[n-1][0], dp[n-1][1], dp[n-1][2]\}) \ll '\n';
37
        }
38
        return 0;
39
40 }
```

3.7 상자넣기 BOJ #1965

문제를 읽어 보면 결국 가장 긴 증가하는 부분 수열을 구하는 것과 동일한 문제 입니다. 강의자료에 나온 방법 그대로 코딩하면 정답입니다.

정답 코드

실행 시간 0ms, 메모리 1,996KB

```
1 #include <iostream>
2 #include <algorithm>
3 using namespace std;
5 int a[1000], d[1000];
6 int main() {
        int n;
        cin >> n;
        for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
            cin \gg a[i];
            d[i] = 1;
11
12
13
        for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
14
            for (int j = 0; j < i; j \leftrightarrow) {
15
                 if (a[j] ≥ a[i]) continue;
16
17
                 d[i] = max(d[i], d[j] + 1);
18
            }
       }
19
20
        int mx = 0;
21
22
        for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
23
            mx = max(mx, d[i]);
24
25
        cout << mx;
26
27
        return 0;
28 }
```

3.8 RGB거리 BOJ #1149

'스티커' 문제와 비슷하게 접근하면 됩니다. 집 i를 칠하는 비용을 s_{ij} 라고 두고, d_{ij} 를 다음과 같이 정의합니다.

```
d_{ij} = egin{cases} (i번째 집을 빨강으로 칠했을 때의 비용의 최솟값) j=0 (i번째 집을 초록으로 칠했을 때의 비용의 최솟값) j=1 (i번째 집을 파랑으로 칠했을 때의 비용의 최솟값) j=2
```

그러면 각각의 경우 점화식은 역시 '스티커' 문제와 비슷하게 다음과 같이 세울 수 있습니다.

$$d_{ij} = \begin{cases} \min \left\{ d_{(i-1)1}, d_{(i-1)2} \right\} + s_{i0} & j = 0 \\ \min \left\{ d_{(i-1)0}, d_{(i-1)2} \right\} + s_{i1} & j = 1 \\ \min \left\{ d_{(i-1)0}, d_{(i-1)1} \right\} + s_{i2} & j = 2 \end{cases}$$

- d_{i0} 의 경우 바로 전의 집을 빨강으로 칠한 경우를 제외하고 최솟값을 가져옵니다. 그리고 i 번째 집을 빨강으로 칠합니다.
- d_{i1} 의 경우 바로 전의 집을 초록으로 칠한 경우를 제외하고 최솟값을 가져옵니다. 그리고 i번째 집을 초록으로 칠합니다.
- d_{i2} 의 경우 바로 전의 집을 파랑으로 칠한 경우를 제외하고 최솟값을 가져옵니다. 그리고 i 번째 집을 파랑으로 칠합니다.

이를 구현하면 됩니다. 입력 방식이 '스티커' 문제와 다름에 주의하세요.

정답 코드

실행 시간 0ms, 메모리 2,012KB

```
1 #include <iostream>
2 #include <cstring> // memset()
3 #include <algorithm> // min()
5 using namespace std;
7 int s[1000][3], dp[1000][3];
    int main() {
       cin.tie(nullptr);
10
11
         cout.tie(nullptr);
        ios_base::sync_with_stdio(false);
12
13
        int n;
        cin >> n;
15
16
         for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
17
              for (int j = 0; j < 3; j \leftrightarrow) {
18
19
                   cin \gg s[i][j];
20
         }
21
22
         dp[0][0] = s[0][0];
23
         dp[0][1] = s[0][1];
         dp[0][2] = s[0][2];
25
26
         for (int i = 1; i < n; i \leftrightarrow ) {
27
              dp[i][0] = min(dp[i - 1][1], dp[i - 1][2]) + s[i][0];
dp[i][1] = min(dp[i - 1][0], dp[i - 1][2]) + s[i][1];
dp[i][2] = min(dp[i - 1][0], dp[i - 1][1]) + s[i][2];
28
29
30
31
32
        cout << min({dp[n - 1][0], dp[n - 1][1], dp[n - 1][2]}) << '\n';
```

3.9 기타리스트 BOJ #1495

 d_{ii} 를 다음과 같이 정의합시다.

 $d_{ij} = (i$ 번째 곡을 볼륨 j로 연주할 수 있는가의 여부)

맞습니다. DP 배열을 int가 아닌 bool로 선언할 것입니다.

DP 배열을 이런 식으로 생각할 수 있다는 아이디어가 있다면 점화식은 비교적 간단히 생각할 수 있습니다. 바로 전 곡을 볼륨 j로 연주할 수 있었을 경우 이번 곡은 볼륨 $j-V_i$, $j+V_i$ 로 연주할 수 있습니다.

$$d_{ij} = egin{cases} ext{true} & d_{(i-1)(j-V_i)} ext{ is true} \ ext{true} & d_{(i-1)(j+V_i)} ext{ is true} \ ext{false} & ext{otherwise} \end{cases}$$

이를 각 곡의 각 볼륨마다 반복하면 됩니다.

정답 코드

실행 시간 0ms, 메모리 2,088KB

```
1 #include <iostream>
   using namespace std;
   bool dp[101][1002];
   int main() {
       cin.tie(nullptr);
9
        cout.tie(nullptr);
        ios_base::sync_with_stdio(false);
11
12
        int n, s, m;
        cin >> n >> s >> m;
13
14
        dp[0][s] = true;
16
        for (int i = 1; i \leq n; i \leftrightarrow) {
17
            int x;
18
            cin >> x;
19
20
            for (int j = 0; j \le m + 1; j \leftrightarrow) {
21
22
                 if (!dp[i - 1][j]) continue;
                 if (j + x \le m) dp[i][j + x] = true;
23
                 if (0 \le j - x) dp[i][j - x] = true;
```

```
26
27
        int mx = -1;
28
        for (int i = 0; i \le m + 1; i \leftrightarrow) {
29
             if (dp[n][i]) mx = i;
30
31
32
        cout << mx;
33
34
        return 0;
35
36 }
```

3.10 2차원 배열의 합 BOJ #1495

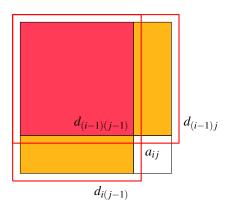
원래 배열을 a라고 두고, d_{ij} 를 다음과 같이 정의합시다.

 $d_{ii} = ((0,0)$ 위치부터 (i,j) 위치까지에 저장된 수의 합)

그러면 점화식은 다음과 같습니다.

$$d_{ij} = d_{(i-1)j} + d_{i(j-1)} - d_{(i-1)(j-1)} + a_{ij}$$

아래의 그림을 보면 조금 더 이해하기 쉬울 것입니다.



이제 위와 같은 방식으로 들어오는 부분 $(i,j)\cdots(x,y)$ 마다 다음을 계산해 주면됩니다.

$$d_{xy} - d_{x(j-1)} - d_{(i-1)y} + d_{(i-1)(j-1)}$$

정답 코드

실행 시간 12ms, 메모리 2,696KB

```
#include <iostream>
    using namespace std;
    int a[301][301], dp[301][301];
    int main() {
7
         cin.tie(nullptr);
         cout.tie(nullptr);
         ios_base::sync_with_stdio(false);
10
11
         int n, m;
12
13
         cin >> n >> m;
14
         for (int i = 1; i \leq n; i \leftrightarrow) {
              for (int j = 1; j \le m; j ++ ) {
15
                   cin \gg a[i][j];
                   dp[i][j] \ = \ dp[i \ - \ 1][j] \ + \ dp[i][j \ - \ 1] \ - \ dp[i \ - \ 1][j \ - \ 1] \ + \ a[i][j];
17
18
              }
         }
19
20
21
         int k;
         cin >> k;
22
23
         while (k--) {
24
              int i, j, x, y;
              cin \gg i \gg j \gg x \gg y;
25
              cout \, << \, dp[x][y] \, - \, dp[x][j \, - \, 1] \, - \, dp[i \, - \, 1][y] \, + \, dp[i \, - \, 1][j \, - \, 1] \, << \, ' \backslash n';
26
27
28
         return 0;
29
30
    }
```

계산의 편의를 위해 1-based 인덱스를 사용했습니다.

3.11 1학년 BOJ #5557

'기타리스트' 문제와 같은 방식으로 풀면 됩니다. 단 이번엔 dp 배열에 경우의수를 누적해줘야 합니다. 값이 long long 범위임에 주의하세요.

정답 코드

실행 시간 0ms, 메모리 2,004KB

```
#include <iostream>

using namespace std;
using ll = long long;

ll dp[21][100];

int main() {
    cin.tie(nullptr);
    cout.tie(nullptr);
    ios_base::sync_with_stdio(false);
```

```
12
13
        int n, s;
        cin >> n;
14
15
        for (int i = 0; i < n - 1; i++) {
16
17
             int x;
             cin >> x;
             if (i = 0) {
19
                 dp[x][i] = 1;
20
                 continue;
21
22
23
             for (int j = 0; j \le 20; j \leftrightarrow) {
                 int u = j + x, v = j - x;
24
                 if (\emptyset \le u \& u \le 2\emptyset) dp[u][i] += dp[j][i - 1];
25
26
                  if (0 \le v \& v \le 20) dp[v][i] += dp[j][i - 1];
27
28
        }
29
30
        cin \gg s;
31
        cout << dp[s][n - 2];</pre>
32
33
        return 0;
34 }
```

3.12 신나는 함수 실행 BOJ #9184

3차원 배열을 만들고, 위에서 아래로 내려가는 식으로 문제에서 요구하는 그대로 DP를 구현하면 됩니다. 줄 17이 핵심입니다.

정답 코드

실행 시간 0ms, 메모리 2,060KB

```
1 #include <iostream>
3 using namespace std;
4 using ll = long long;
6 ll dp[21][21][21];
   ll w(int a, int b, int c) {
       if (a \leqslant 0 || b \leqslant 0 || c \leqslant 0) {
9
10
            return 1;
11
12
        if (a > 20 || b > 20 || c > 20) {
13
            return w(20, 20, 20);
14
15
16
       if (dp[a][b][c]) return dp[a][b][c];
17
18
        if (a < b & b < c) {
19
20
            return dp[a][b][c] = w(a, b, c - 1)
                                    + w(a, b - 1, c - 1)
- w(a, b - 1, c);
21
22
```

```
23
24
25
        return dp[a][b][c] = w(a - 1, b, c)
                             + w(a - 1, b - 1, c)
26
27
                             + w(a - 1, b, c - 1)
                             - w(a - 1, b - 1, c - 1);
28
29 }
30
31 int main() {
32
       cin.tie(nullptr);
       cout.tie(nullptr);
33
       ios_base::sync_with_stdio(false);
34
35
       int a, b, c;
36
37
       while (cin \gg a \gg b \gg c) {
           if (a = -1 \& b = -1 \& c = -1) break;
38
            cout << "w(" << a << ", " << b << ", " << c << ") = ";
39
           cout \ll w(a, b, c) \ll '\n';
40
       }
41
42
43
       return 0;
44 }
```

3.13 팰린드롬? BOJ #10942

배열 a에 대해 $d_{i,j}$ 를 다음과 같이 정의합시다.

 $d_{i,j} = (i$ 번째 문자부터 j번째 문자까지로 구성된 부분 문자열이 팰린드롬)

그러면 점화식을 아래와 같이 세울 수 있습니다.

$$d_{i,j} = \begin{cases} \text{true} & i = j \\ a_i = a_j & i+1 = j \\ d_{i+1,j-1} \text{ is true and } a_i = a_j & \text{otherwise} \end{cases}$$

- 길이가 1인 부분 배열은 무조건 팰린드롬입니다.
- 길이가 2인 부분 배열은 두 수가 같으면 팰린드롬입니다.
- 길이가 3 이상인 부분 배열이 팰린드롬이려면, <u>맨 앞 수와 맨 뒷 수가 같고</u>, 그 사이의 부분 배열이 팰린드롬이면 됩니다.

이처럼 DP 배열의 인덱스에 구간의 시작과 끝을 넣는 식으로 활용할 수도 있습니다.

다만 이 문제의 경우 DP 배열을 업데이트하는 순서도 신경써줘야 합니다. 길이가 i인 부분 배열에 대한 DP가 전부 처리되어야 길이가 i+2인 부분 배열에 대해서도 처리할 수 있기 때문에, 무식하게 i 순서대로 j 순서대로 돌리면 틀립니다.

대신 문자열의 길이 d를 순서대로 돌리면서 내부에서 문자열의 시작 인덱스 i를 순서대로 돌리면 됩니다. 아래의 코드 줄 20–22에서 확인할 수 있습니다.

정답 코드

실행 시간 224ms, 메모리 5,900KB

```
1 #include <iostream>
   using namespace std;
5 int a[2000];
   bool dp[2000][2000];
   int main() {
        cin.tie(nullptr);
9
        cout.tie(nullptr);
10
        ios_base::sync_with_stdio(false);
11
12
13
        cin >> n;
14
15
16
        for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
             cin \gg a[i];
17
18
19
20
        for (int d = 0; d < n; d \leftrightarrow) {
             for (int i = 0; i < n; i \leftrightarrow) {
21
                  int j = i + d;
22
                  if (j \ge n) break;
23
24
25
                  if (i = j) {
                  dp[i][j] = true;
} else if (i + 1 = j) {
26
27
28
                       if (a[i] = a[j]) {
                            dp[i][j] = true;
29
30
                  } else {
31
                       \textbf{if} \; (a[i] \, = \, a[j] \; \& \ dp[i \, + \, 1][j \, - \, 1]) \; \{
32
33
                            dp[i][j] = true;
34
35
                  }
             }
36
        }
37
38
        int m;
39
40
        cin >> m;
41
        while (m--) {
42
43
             int u, v;
             cin >> u >> v;
44
45
             u -- , v -- ;
             cout \ll dp[u][v] \ll '\n';
46
47
48
        return 0;
49
50 }
```

3.14 Dance Dance Revolution BOJ #2342

두 발의 위치를 인덱스로 활용하기로 합시다. $d_{i,j,k}$ 를 다음과 같이 정의합시다.

 $d_{i,j,k}$

=(i개의 지시 사항을 완료한 후 왼쪽 발이 j, 오른쪽 발이 k에 있을 때 든 최소의 힘)

발을 i에서 j로 움직이는 비용을 $mov_{i,j}$ 라고 하고, i번째 지시 사항을 x_i 라 할 때 점화식은 다음과 같습니다.

$$\begin{aligned} d_{i,x,k} &= \min_{0 \leq j \leq 4, 0 \leq k \leq 4, x \neq k} \left(d_{i,j,k} + \text{mov}_{j,x} \right) \\ d_{i,j,x} &= \min_{0 \leq j \leq 4, 0 \leq k \leq 4, x \neq j} \left(d_{i,j,k} + \text{mov}_{k,x} \right) \end{aligned}$$

- 왼발이 j에 있었을 때 이를 x로 옮김
- 오른발이 k에 있었을 때 이를 x로 옮김

두 가지 상황을 고려해 구현하면 됩니다.

정답 코드

실행 시간 16ms, 메모리 12,144KB

```
1 #include <iostream>
2 #include <algorithm>
   using namespace std;
6 int a[100000], dp[100001][5][5];
    int inf = 98765432;
 8 int mov[5][5] = {
             {1, 2, 2, 2, 2},
             {0, 1, 3, 4, 3},
            {0, 3, 1, 3, 4},
11
12
            {0, 4, 3, 1, 3},
13
            {0, 3, 4, 3, 1}
14 };
15
16 int main() {
17
        cin.tie(nullptr);
        cout.tie(nullptr);
18
        ios_base::sync_with_stdio(false);
19
20
        for (int i = 0; i \le 100000; i \leftrightarrow) {
21
             for (int j = 0; j < 5; j++) {
   for (int k = 0; k < 5; k++) {</pre>
22
23
                      dp[i][j][k] = inf;
24
25
             }
26
27
28
29
        dp[0][0][0] = 0;
```

```
int n = 0;
31
        while (true) {
32
33
            cin \gg a[n];
            if (!a[n]) break;
34
35
             n++;
36
37
        for (int i = 0; i < n; i++) {
             int x = a[i];
39
             for (int j = 0; j < 5; j \leftrightarrow) {
40
                 for (int k = 0; k < 5; k++) {
41
                     if (x \neq k) dp[i + 1][x][k] = min(
42
43
                              dp[i + 1][x][k], dp[i][j][k] + mov[j][x]
                              );
44
45
                      if (j \neq x) dp[i + 1][j][x] = min(
                              dp[i + 1][j][x], dp[i][j][k] + mov[k][x]
46
47
48
             }
49
        }
50
51
        int mn = inf;
52
53
        for (int j = 0; j < 5; j ++) {
            for (int k = 0; k < 5; k \leftrightarrow) {
54
55
                 mn = min(mn, dp[n][j][k]);
56
57
        cout << mn;
59
60
        return 0;
   }
61
```

3.15 행렬 곱셈 순서 BOJ #11049

'팰린드롬?' 문제처럼 시작과 끝을 인덱스로 사용하기로 합시다. $d_{i,j}$ 를 다음과 같이 정의합시다.

 $d_{i,j} = (i$ 번째 행렬부터 j번째 행렬까지를 곱했을 때의 연산의 수의 최솟값)

그러면 점화식을 다음과 같이 세울 수 있습니다.

$$d_{i,j} = \min_{i \leq k, k+1 \leq j} \left(d_{i,k} + d_{k+1,j} + \left($$
행렬 곱셈에 필요한 연산 수 $\right) \right)$

i, j 사이의 수 k에 대해 $i\cdots k$ 번째 행렬을 곱한 것과 $(k+1)\cdots j$ 번째 행렬을 곱한 것을 곱했을 때의 연산의 수를 최소화하면 됩니다. 행렬 곱셈에 필요한 연산 수는 줄 36에서 구했습니다.

정답 코드

실행 시간 56ms, 메모리 3,952KB

```
#include <iostream>
2 #include <algorithm>
   using namespace std;
   using ll = long long;
   using pii = pair<int, int>;
   ll inf = 1ll << 60;
   pii a[501];
   ll dp[501][501];
10
    int main() {
12
        cin.tie(nullptr);
13
14
        cout.tie(nullptr);
        ios_base::sync_with_stdio(false);
15
16
        int n;
17
18
        cin >> n;
        for (int i = 1; i \leq n; i \leftrightarrow) {
19
             cin >> a[i].first >> a[i].second;
20
21
             fill(dp[i], dp[i] + n + 1, inf);
22
23
        for (int d = 0; d < n; d \leftrightarrow) {
24
             for (int i = 1; i \leqslant n; i++) {
25
                 int j = i + d;
26
                 if (j > n) break;
27
28
                 if (d = 0) {
29
30
                     dp[i][j] = 0;
31
                 } else {
                     for (int k = i; k < j; k \leftrightarrow) {
32
                          dp[i][j] = min(
33
                                   dp[i][j],
34
                                   dp[i][k] + dp[k + 1][j]
35
                                   + a[i].first * a[k].second * a[j].second
36
                                   );
37
38
                     }
                 }
39
             }
40
41
        }
42
43
        cout \ll dp[1][n] \ll '\n';
44
45
        return 0;
   }
46
```