题目 5. 上证 50 股票指数的构成

问题背景

上证 50 指数是通过上证 50 股票构建的。金融专家通过分析这些股票在经济体中的重要性,赋予权重 w, 指数的风险低于单个股票。稳健型投资者可以依据股票指数的成分购买股票,在经济发展的阶段,股票指数应保持总体上升的趋势。按照指数购买股票,风险是最低的吗? 从投资组合风险最小化的角度,成分股票的权重仍然是最优的吗? 请对此展开研究。

数据集和资料

上证 50 股票 2016 ~ 2019 年的行情数据 q_5_qttn.csv

上证 50 指数 2016 ~ 2019 年的行情数据 q_5_idx.csv

在任何预测与计算之前,请将股票价格转换成对数收益率,直接对于价格的预测和模型评价是 无效的。

关于 CAPM 等自定义的预测模型,可以使用 sklearn.base.RegressorMixin 改写成标准的 scikit-learn 机器学习模型,从而能够套用超参数优化等工具。具体方法请参考 https://github.com/K ensuke-Hinata/statistic/tree/master/AI/books 中的《特征工程入门与实践》的有关小节。

求风险的有效前沿涉及到求解函数的最小值,可参考 https://www.tensorflow.org/guide/a utodiff#gradient_tapes 使用梯度下降法自动求解最小值,也可使用 Lagrange 乘子法。

研究任务

- **问题 5-1.** 根据 2016, 2017, 2018 年的数据,分别用 CAPM 模型估计 50 个股票的 β 值,无风险收益按 1.5% 计算。用所求的 β 估计其后 1 年的收益率。将结果与真实值比较并报告误差,阐述 CAPM 模型是否有效。继承 sklearn.base.RegressorMixin 编写 CAPM 回归模型。任选 skopt.BayesSearchCV,sklearn.model_selection.RandomizedSearchCV 中的一种方法,搜索以下超参数,计算最优超参数和最优结果:无风险收益率(注意:年化收益率)。
- **问题 5-2.** 计算所有股票的协方差矩阵;对于给定的权重 $\forall \mathbf{w}, w \in [0,1], \sum w = 1$,求解期望收益率 **E** 和期望金融风险(用标准差表示) σ ,求解使 σ 尽可能取得最小值的权重 **w** 和对应的期望收益率。与上证 50 成分股票权重比较,阐述风险和收益水平的区别。
- **问题 5-3.** 使用 $T-m\sim T-1, m>1$ 日的上证 50 成分股收益率,使用随机森林模型,预测 T 日的上证 50 **指数**收益率。不需要使用交叉验证,但要分为 70% 的训练集,10% 的验证集,20% 的测试集。优化随机森林的超参数,和超参数 m,并报告测试集上的准确率,阐述是否能通过成分股票的收益率预测股票指数的收益率。找出每个股票的特征重要性,比较与成分股权重的差异。