第十二周电子版作业(11月28日0点前提交)

□Q4. (开放性问题,选做)带有 l_1 正则化的线性不定反问题,这是一种特殊的最优化模型,或lasso模型。本题请利用函数fmincon与自己编写的迭代算法分别求解多元带约束问题min $\|B\vec{x}\|_1$, s. t. $A\vec{x} = \vec{b}$ 的解。其中,A, B均为5 × 8矩阵, \vec{b} 为已知5维列向量, \vec{x} 为待解出的8维列向量,迭代初值自定。在 $A\vec{x} = \vec{b}$ 必须成立的情况下,我们需要在无穷多组解中挑选使 $\|B\vec{x}\|_1$ 最小的一个特解。具体定义格式如下:

rng default

A = rand(5,8); B = rand(5,8); b = rand(5,1);

- 注意事项: (1)使用函数fmincon计算完结果后可代入验证等式约束 $A\vec{x} = \vec{b}$ 是否正确,同时也记录目标函数的值。
- (2)自己编写迭代算法的难点是保证线性约束的成立以及1-范数是不可导,因此该模型无法直接使用梯度下降法或牛顿迭代法。因此这一问量力而行,课程会提供ADMM算法的部分参考资料,也可以使用其他可行的方法。(ADMM算法建议固定迭代次数)