Урок Numpy

# Библиотеки Python. Numpy

- 1 Вычислительные возможности Python. Numpy
- 2 Измерение скорости
- 3 Массивы в Numpy
- 4 Размерность массива
- 5 Индексация в массивах
- (6) Массовые операции
- 7 Немного о матрицах
- 8 Сортировки
- 9 Вспомним PIL
- (10) Игра «Жизнь»

### Аннотация

Этот урок посвящен вычислительным мощностям Python и библиотеке Numpy. Кроме того, мы научимся замерять время выполнения программы. Затронем работу с многомерными массивами и изучим (или вспомним) немного линейной алгебры. А еще, возможно, напишем игру.

# 1. Вычислительные возможности Python. Numpy

Как мы уже говорили, Python — язык для быстрой разработки. Однако чистый Python не предназначен для написания быстрых программ. Это интерпретируемый язык, поэтому программы на Python выполняются медленнее аналогов на C, C++ или Fortran. С другой стороны, математики, физики, биологи и инженеры часто применяют Python для решения вычислительных задач.

Нет ли тут противоречия? Как интерпретируемый язык может быть эффективен в вычислительной математике?

Оказывается, все дело в библиотеках. Python отлично подходит на роль промежуточной среды, оболочки, «клея» между библиотеками, написанными на разных языках.

Чаты

В этом уроке мы поговорим о наиболее фундаментальной библиотеке для работы с вычислительнои

26.10.2022, 23:08 Материал «Учебник | Библиотеки Руthon. Numpy» — Библиотеки Руthon. Numpy — Основы программирования на яз... математикой — **Numpy**.

Многие другие пакеты для работы с данными и вычислениями используют базовые объекты этой библиотеки. В числе таких пакетов OpenCV — открытая библиотека для работы с распознаванием образов — и Pandas — библиотека, ориентированная на анализ данных.

### 2. Измерение скорости

Замеры времени (а в более общем случае, профилирование) — не такая простая процедура, как может показаться. Обычно проще всего замерить астрономическое время между началом и концом выполнения задачи, усредняя результаты нескольких опытов. Однако почти все ОС многозадачны, поэтому процессор (и его вычислительные ядра) редко отдаются одной задаче в единоличное пользование. Как следствие, в измерениях лучше использовать именно процессорное время. Механизмы замера времени сами вмешиваются в процесс и немного влияют на результат — как и в любом физическом эксперименте.

#### Библиотека timeit

В Python для замера времени работы кода служит библиотека timeit.

Вы можете познакомиться с возможностями модуля в соответствующем разделе документации.

Например, мы можем замерить три разных способа заполнить список из миллиона квадратных корней.

```
0.18135334600083297
0.21764946899929782
0.1530561779945856
```

Как видим, в этой версии интерпретатора (3.7) предпочтительно использовать мар.

#### Важно!

Самый медленный способ — это, конечно же, динамическое расширение существующего список (аppend). Причем, чем больше список — тем медленнее он меняет свой размер. Это вызван необходимостью иногда переносить данные из одного места списка в другое.

Несмотря на относительную быстроту (0,15 секунд на извлечение 1 000 000 квадратных корней), скорость можно увеличить еще примерно в 10 раз. Давайте посмотрим как.

# 3. Массивы в Numpy

Основной объект в Numpy — многомерный массив.

#### Массивы

Массивы — одна из базовых структур данных, которая позволяет моделировать многие объекты, относящиеся как к науке, так и к обычной жизни: список покупок, результаты наблюдения температуры, матрицы и векторы, изображения, видео и т. д.

Напомним, что в чистом Python нет типа данных с именем массив, и нам приходится моделировать его с помощью списков.

Другое дело — Numpy. За тип массива здесь отвечает объект array.

Как же создать массив?

Во-первых, массив можно сделать из обычного списка:

```
import numpy as np
np.array([1, 4, 10, 34])
```

```
array([ 1, 4, 10, 34])
```

Или из диапазона:

```
np.array(range(10))
```

```
array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
```

А можно сделать и из итератора с помощью функции fromiter():

```
np.fromiter(map(int, ["1", "2", "3", "4"]), dtype=np.int8)
```

```
array([1, 2, 3, 4], dtype=int8)
```

#### Важно!

В Numpy элементы одного массива должны быть **однородны** (одного типа). Это самое важ идеологическое отличие массивов от списков, в которых можно хранить объекты разной природы.

```
np.array([11, 234.5, "hello"])
array(['11', '234.5', 'hello'], dtype='<U32')</pre>
```

Numpy создаст массив из юникод-строк длиной 32. За тип элементов в большинстве случаев отвечает параметр dtype(data type). Обратите внимание на тип данных элементов массива. Посмотрите так же на использование параметра dtype:

```
a = np.array([1, 3, 8])
a # => array([1, 3, 8])

a.dtype
# => dtype('int64')

type(a[0])
# => numpy.int64

a = np.array([1, 3, 8], dtype=np.float64)
type(a[0])
# => numpy.float64
```

Указание типов и работа с ними нужны, поскольку языки, на которых написана эта библиотека, строго типизованы. Вдобавок это увеличивает скорость обработки данных.

## 4. Размерность массива

### Размерность массива

Размерность массива можно в любой момент изменить операцией reshape().

Узнать размерность можно атрибутом shape.

Вообще говоря, размерность — всего лишь «синтаксический сахар». В памяти все может храниться как одномерный массив с пересчетом координат элемента. Таким образом, операция reshape() — просто изменение коэффициентов в алгоритме, а не перераспределение и копирование данных.

```
a = np.arange(100)
a.shape
```

```
(100,)
```

```
a.reshape(10, 10)
```

```
[20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29],
[30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39],
[40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49],
[50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59],
[60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69],
[70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79],
[80, 81, 82, 83, 84, 85, 86, 87, 88, 89],
[90, 91, 92, 93, 94, 95, 96, 97, 98, 99]])
```

#### a.reshape(5, 20)

```
array([[ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19],
[20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39],
[40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49, 50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59],
[60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69, 70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79],
[80, 81, 82, 83, 84, 85, 86, 87, 88, 89, 90, 91, 92, 93, 94, 95, 96, 97, 98, 99]])
```

#### a.reshape(5, 5, 4)

```
array([[[ 0, 1, 2, 3],
            [4, 5, 6, 7],
            [8, 9, 10, 11],
            [12, 13, 14, 15],
            [16, 17, 18, 19]],
           [[20, 21, 22, 23],
            [24, 25, 26, 27],
            [28, 29, 30, 31],
            [32, 33, 34, 35],
            [36, 37, 38, 39]],
           [[40, 41, 42, 43],
            [44, 45, 46, 47],
            [48, 49, 50, 51],
            [52, 53, 54, 55],
            [56, 57, 58, 59]],
           [[60, 61, 62, 63],
            [64, 65, 66, 67],
            [68, 69, 70, 71],
                                                                                    Чаты
            [72, 73, 74, 75],
```

```
[76, 77, 78, 79]],

[80, 81, 82, 83],

[84, 85, 86, 87],

[88, 89, 90, 91],

[92, 93, 94, 95],

[96, 97, 98, 99]]])
```

Например, фильм можно представить в виде 4-мерного массива кадров. Кадр — картинка, то есть трехмерный массив. Его можно представить и как двумерный массив пикселей, где каждый пиксель — одномерный массив из трех элементов: R, G, B.

#### Важно!

Самое главное — при использовании функции **reshape()** произведение ее параметров должно быть равно количеству элементов в массиве.

Иначе мы получим ошибку:

```
a.reshape(2, 3, 4)
```

```
ValueError Traceback (most recent call last)

<ipython-input-31-a907d0800243> in <module>()
----> 1 a.reshape(2, 3, 4)

ValueError: cannot reshape array of size 100 into shape (2, 3, 4)
```

## 5. Индексация в массивах

Давайте рассмотрим массив 10×10, созданный ранее.

```
a = a.reshape(10,10)
```

В нем работает привычная индексация.

```
a[1][2] # => 12
a[2][1] # => 21
a[5] # => array([50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59])
```

По аналогии со списками мы можем применять срезы:

```
a[3:5, 1:6]
\# \Rightarrow array([[31, 32, 33, 34, 35], [41, 42, 43, 44, 45]])
a[:, 2:4]
# => array([[ 2, 3],
             [12, 13],
             [22, 23],
#
             [32, 33],
             [42, 43],
#
             [52, 53],
#
             [62, 63],
#
             [72, 73],
#
             [82, 83],
             [92, 93]])
```

Кроме того, доступ можно организовать через списки с индексами:

$$a[[1], [4, 4, 7, 8]] # => array([14, 14, 17, 18])$$

#### Важно!

Но самой удобной альтернативой обычному способу является тот, в котором в качестве «адреса» элемента используется кортеж координат:

$$a[(7, 9)] # => 79$$

Скобки, конечно же, можно опустить:

$$a[7, 9] # => 79$$

## 6. Массовые операции

Инициализация:

np.ones(10)

```
array([ 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1.])
# заполняем единицами целого типа
np.ones(10, dtype=np.int32)
array([1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1], dtype=int32)
# заполняем нулями и сразу указываем форму
np.zeros(30).reshape(5, 6)
array([[ 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
      [0., 0., 0., 0., 0., 0.]
      [0., 0., 0., 0., 0., 0.],
      [0., 0., 0., 0., 0., 0.]
      [0., 0., 0., 0., 0., 0.]
# заполняем случайными целыми из диапазона [1..10)
# и сразу указываем форму
np.random.randint(1, 10, (5, 5))
array([[3, 1, 1, 5, 4],
      [5, 4, 8, 6, 3],
      [6, 9, 9, 3, 4],
      [7, 4, 2, 1, 9],
      [3, 5, 4, 2, 2]])
# заполняем случайными вещественными числами из диапазона [0..1)
np.random.random(10)
array([ 0.96373978, 0.73252097, 0.32213768, 0.81560531, 0.31843467,
       0.51289493, 0.99791928, 0.5999641, 0.15257882, 0.16074567])
# формируем массив из строки чисел, указывая разделитель
np.fromstring("1, 3, 4, 5, 120", sep=",")
               3., 4., 5., 120.])
array([
         1.,
# каждый элемент массива вычисляется по функции
np.fromfunction(lambda x, y: x * 5 + y, (3, 5), dtype=np.int8)
                                                                              Чаты
```

4],

1, 2,

array([[ 0,

```
26.10.2022, 23:08
```

```
[ 5, 6, 7, 8, 9],
[10, 11, 12, 13, 14]], dtype=int8)
```

Работают основные операции арифметики, сравнения, причем на всем массиве целиком. И это здорово!

```
a = np.random.randint(1, 5, 10)
b = np.random.randint(1, 5, 10)
print(a)
print(b)
```

```
[1 3 1 1 3 4 2 3 3 3]
[4 1 1 3 1 4 4 4 1 1]
```

```
print(a > b) # => [False True False False True False False False True True]
print(a + b) # => [5 4 2 4 4 8 6 7 4 4]
print(a * b) # => [ 4 3 1 3 3 16 8 12 3 3]
print(a ** 2) # => [ 1 9 1 1 9 16 4 9 9 9]
print(a[a > b]) # => [3 3 3 3]
print(a.sum()) # => 24
```

Тригонометрические операции тоже работают, только надо использовать их версии из библиотеки numpy, а не из math:

```
print(np.sin(a))
```

Вспомним начало этого урока, когда мы говорили о скорости работы.

Решим ту же задачу по вычислению 1 000 000 корней с помощью Numpy и посмотрим, какого ускорения мы добились:

```
timeit.timeit("np.sqrt(np.arange(1000000))", "import numpy as np", number=1)
```

```
0.014551434993336443
```

# 7. Немного о матрицах

Numpy позволяет очень эффективно работать с двумерными и вообще n-мерными массивами.

```
# Заполним матрицу "последовательно" по строкам a = np.arange(1, 21).reshape(4, 5)
```

```
array([[ 1, 2, 3, 4, 5],
[ 6, 7, 8, 9, 10],
[11 12 13 14 15]
```

```
Материал «Учебник | Библиотеки Python. Numpy» — Библиотеки Python. Numpy — Основы программирования на яз...
       [16, 17, 18, 19, 20]])
# Транспонируем матрицу (строки станут столбцами, а столбцы — строками)
b = a.transpose()
array([[ 1, 6, 11, 16],
       [ 2, 7, 12, 17],
       [ 3, 8, 13, 18],
       [4, 9, 14, 19],
       [ 5, 10, 15, 20]])
# Повернем матрицу вправо и влево
b = np.rot90(a)
c = np.rot90(a, -1)
print(b)
print(c)
[[ 5 10 15 20]
 [ 4 9 14 19]
 [ 3 8 13 18]
 [ 2 7 12 17]
 [ 1 6 11 16]]
[[16 11 6 1]
 [17 12 7 2]
 [18 13 8 3]
 [19 14 9 4]
```

## 8. Сортировки

[20 15 10 5]]

Библиотека Numpy предлагает свои функции по сортировке. Давайте посмотрим, как они работают:

```
# отсортируем матрицу по умолчанию
print(np.sort(a))
```

Чаты

# заполним матрицу случайными целыми числами

```
[[ 0 2 7 12]
  [ 1 11 12 18]
  [ 1 4 6 10]
  [ 0 3 5 9]
  [ 5 12 12 18]]
```

#### Важно!

В этом случае сортировка происходит по **последнему** измерению. Обходя матрицу, мы сначала выбираем строку, а потом идем по этой строке, поэтому последнее измерение в данном случае — это строка. В результате мы отсортировали независимо каждую строку.

```
# а теперь укажем конкретное измерение print(np.sort(a, axis=0))
```

```
[[ 0 1 0 3]
 [ 2 1 4 5]
 [ 6 9 5 7]
 [12 12 11 10]
 [18 12 12 18]]
```

Матрица отсортирована по столбцам.

Но самое интересное в том, что если в качестве значения параметра axis указать None, то матрица перед сортировкой будет линеаризована, то есть превращена в одномерный массив.

```
print(np.sort(a, axis=None))
```

```
[ 0 0 1 1 2 3 4 5 5 6 7 9 10 11 12 12 12 18 18]
```

Обратите внимание: подобное поведение характерно не только для функции sort(), но и для многих других функций: min(), sum() и т. д.

Но об этом вы можете почитать самостоятельно на странице с документацией.

### 9. Вспомним PIL

Работая с библиотекой PIL, тоже можно использовать средства Numpy.

Например, если мы хотим сделать изображение темнее оригинала, можем просто поделить его составляющие, например, на 10:

```
from PIL import Image
import numpy as np

# получим массив numpy из картинки, которую откроем из файла.
image = np.asarray(Image.open('images/Риана.jpg'))
```

# поделим все элементы массива на 10, приведем к типу uint8 (один байт без знака) # преобразуем в изображение и сохраним в файл

Image.fromarray(np.uint8(image // 10)).save('r2.jpg')



## 10. Игра «Жизнь»

Несколько десятилетий назад Джон Конуэй придумал один из самых известных клеточных автоматов, который назвал игрой «Жизнь». Простота правил сочетается в ней с богатством результатов. Многие компьютерные инженеры хоть раз обращались к программированию и исследованию этой игры, которая послужила интересной моделью для многих отраслей науки.

#### Клеточный автомат

Клеточный автомат — модель однородного пространства с некоторыми клетками. Каждая клетка может находиться в одном из нескольких состояний и иметь некоторое количество соседей. Задаются правила перехода из одного состояния в другое в зависимости от текущего состояния клетки и ее соседей.

Пространство «Жизни» — бесконечное поле клеток.

Каждая клетка имеет 8 соседей (сверху, снизу, справа, слева и по диагонали). Клетка может иметь два состояния — живое (на клетке стоит фишка) и мертвое (фишки нет).

Правила изменения следующие:

- Если клетка была живой, она выживет, если у нее 2 или 3 соседа. Если соседей 4, 5, 6, 7 ил умирает от перенаселенности, а если 0 или 1 — от одиночества

- Новая клетка рождается в поле, у которого есть ровно 3 соседа

Время в этой игре дискретно и считается поколениями. Все начинается с начальной расстановки фишек (0 поколение), в дальнейшем рассматривается эволюция клеточного пространства в 1, 2, 3 и т. д. поколении. Процессы смерти и рождения происходят одновременно, после чего строится следующее поколение.

Давайте попробуем написать игру «Жизнь», используя библиотеку Numpy. Пусть у нас будет поле 10×10, в центр которого поместим конструкцию, известную как глайдер. Мы скоро выясним, почему она так называется.

```
import numpy as np

population = np.array(
    [[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
    [0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0],
    [0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0],
    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]],
    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]],
    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]], dtype=np.uint8)
```

Поле имеет тип **uint8**, чтобы оно занимало меньше памяти. Каждый его элемент занимает ровно 1 байт (8 бит) и является целым беззнаковым (unsigned) числом в диапазоне от 0 до 255.

#### Важно!

Живые клетки обозначаются единицей, а мертвые — нулем. Нужно решить, что делать на границах поля. Мы не можем обеспечить бесконечность в обоих направлениях, поэтому замкнем поле само на себя. Если выйти за нижнюю границу, окажемся наверху, а если за правую — появимся слева, и наоборот. Получается что-то вроде бублика. Такая фигура называется тор.

Для начала познакомимся с операцией **roll**, доступной для массивов. Она сдвигает исходный массив вдоль одного из измерений (в данном случае — строки или столбца).

#### population

```
[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],

[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],

[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]], dtype=uint8)
```

np.roll(population, 2, 0)

np.roll(population, 2, 1)

Мы можем посчитать количество соседей у каждой клетки, просто сделав 8 копий со сдвигом массива и просуммировав их.

```
neighbors = sum([
    np.roll(np.roll(population, -1, 1), 1, 0),
    np.roll(np.roll(population, 1, 1), -1, 0),
    np.roll(np.roll(population, 1, 1), 1, 0),
    np.roll(np.roll(population, -1, 1), -1, 0),
    np.roll(population, 1, 1),
    np.roll(population, -1, 1),
    np.roll(population, -1, 0),
    np.roll(population, 1, 0),
    np.roll(population, -1, 0)
])
```

Таки образом, матрица количества соседей выглядит так:

Чаты

array([[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],

```
[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
[0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0],
[0, 0, 0, 1, 1, 2, 1, 0, 0, 0],
[0, 0, 1, 3, 5, 3, 2, 0, 0, 0],
[0, 0, 1, 1, 3, 2, 2, 0, 0, 0],
[0, 0, 1, 2, 3, 2, 1, 0, 0, 0],
[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]],
[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]], dtype=uint8)
```

Теперь нужно получить новую популяцию.

#### Важно!

Выполним на матрице следующую операцию: «если у клетки 3 соседа, то в следующем поколении на этом месте будет клетка; а если 2 — клетка будет при условии, что она была "жива" в текущем поколении».

Для этого воспользуемся операторами | (или) и & (и).

```
# выделим клетки, у которых ровно три соседа neighbors == 3
```

```
array([[False, False, False, False, False, False, False, False, False,
       False],
      [False, False, False, False, False, False, False, False,
       False],
      [False, False, False, False, False, False, False, False,
      [False, False, False, False, False, False, False, False,
       False],
      [False, False, False, True, False, False, False, False,
       False],
      [False, False, False, False, False, False, False, False,
       False],
      [False, False, False, False, False, False, False, False,
      [False, False, False, False, False, False, False, False,
       False],
      [False, False, False, False, False, False, False, False,
       False],
      [False, False, False, False, False, False, False, False,
       False]], dtype=bool)
```

```
# а теперь те, в которых была жизнь и имеется ровно два соседа population & (neighbors == 2)
```

```
# и объединим их population = (neighbors == 3) | (population & (neighbors == 2)) population
```

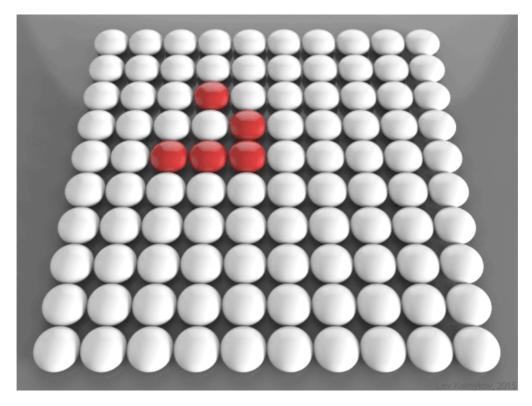
Объединить матрицы с логическими и целочисленными элементами можно, поскольку они в данном случае могут быть сведены друг к другу: 0 — False, 1 — True.

Проследим эволюцию глайдера на протяжении четырех поколений. Для этого создадим функцию next\_population().

```
26.10.2022, 23:08
               Материал «Учебник | Библиотеки Python. Numpy» — Библиотеки Python. Numpy — Основы программирования на яз...
      [[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
       [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
       [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
       [0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0],
       [0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0],
       [0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0],
       [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
       [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
       [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
       [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]], dtype=np.uint8)
  for _ in range(4):
      print(population, '\n')
      population = next_population(population)
   [[0000000000]
       [00000000000]
       [0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
       [0 0 0 0 1 0 0 0 0 0]
       [0000010000]
       [0 0 0 1 1 1 0 0 0 0]
        [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
        [0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
        [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
       [0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]]
       [[0000000000]
       [00000000000]
       [00000000000]
       [00000000000]
       [0 0 0 1 0 1 0 0 0 0]
       [0 0 0 0 1 1 0 0 0 0]
       [0 0 0 0 1 0 0 0 0 0]
       [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
       [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
        [0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]]
       [[0000000000]
        [0000000000]
        [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
        [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
        [0 0 0 0 0 1 0 0 0 0]
        [0 0 0 1 0 1 0 0 0 0]
        [0 0 0 0 1 1 0 0 0 0]
        [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
        [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
                                                                                  Чаты
        [0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]]
```

```
[[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 1 1 0 0 0 0]
[0 0 0 0 1 1 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
```

С визуализацией у нас не очень здорово, но видно, что глайдер «летит»: каждые четыре поколения он сдвигается вниз и вправо. Иными словами, он движется в правый нижний угол, что демонстрирует красивая анимация **источника**.



За время поисков были найдены разнообразные движущиеся комбинации, периодические комбинации, порождающие глайдеры («глайдерные ружья»). Была даже доказана возможность построить в игре «Жизнь» универсальную вычислительную машину.

#### Итоги

Мы увидели, что значительную часть вычислений можно реализовывать в библиотеках, избавляясь от циклов в Python и ускоряя вычисления. Массивы Numpy — одна из самых востребованных структур в вычислительной математике.

#### Справка

Исключительное право на учебную программу и все сопутствующие ей учебные материалы, доступные в рамках проекта «Лицей Академии Яндекса», принадлежат АНО ДПО «ШАД». Воспроизведение, копирование, распространение и иное использование программы и материалов допустимо только с

26.10.2022, 23:08 Материал «Учебник | Библиотеки Руthon. Numpy» — Библиотеки Руthon. Numpy — Основы программирования на яз... предварительного письменного согласия АПО ДПО «ШАД».

Пользовательское соглашение.

© 2018 - 2022 ООО «Яндекс»