1 Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\left\{ egin{array}{l} rac{(y^2-xy+3x-y-6)\sqrt{x+2}}{\sqrt{6-x}} = 0, \ x+y-a = 0 \end{array}
ight.$$

имеет ровно два различных решения.

2 Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\left\{ egin{array}{l} rac{(y^2-xy+4x-7y+12)\sqrt{x+5}}{\sqrt{5-x}} = 0, \ x+y-a = 0 \end{array}
ight.$$

имеет ровно два различных решения.

 3 Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\left\{ egin{array}{l} rac{(y^2-xy+5x-4y-5)\sqrt{x+3}}{\sqrt{7-x}} = 0, \ x+y-a = 0 \end{array}
ight.$$

имеет ровно два различных решения.

⁴ Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\left\{ egin{array}{l} rac{(y^2-xy-9y+5x+20)\sqrt{x+5}}{\sqrt{7-y}} = 0, \ a = x+y \end{array}
ight.$$

имеет единственное решение.

5 Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\left\{ egin{array}{l} rac{(y^2-xy-4y+2x+4)\sqrt{x+4}}{\sqrt{5-y}} = 0, \ a = x+y \end{array}
ight.$$

имеет единственное решение.

 6 Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\left\{egin{aligned} 2x-2y-2=\leftert x^{2}+y^{2}-1
ightert,\ y=a\left(x-1
ight) \end{aligned}
ight.$$

имеет более двух решений.

7 Найдите все значения a, при каждом из которых система

$$\begin{cases} (x-4)^2 + (y-4)^2 = 9, \\ y = |x-a| + 1 \end{cases}$$

имеет ровно три различных решения.

8 Найдите все значения a, при каждом из которых система

$$\begin{cases} (x-3)^2 + (y-6)^2 = 25, \\ y = |x-a| + 1 \end{cases}$$

имеет ровно три различных решения.

 9 Найдите все значения a, при каждом из которых система

$$\left\{ egin{aligned} y = \sqrt{5 + 4x - x^2} + 2, \ y = \sqrt{9 - a^2 + 2ax - x^2} + a \end{aligned}
ight.$$

имеет единственное решение.

10 Найдите все значения a, при каждом из которых наименьшее значение функции $f\left(x\right)=4x^2-4ax+a^2+2a+2$ на множестве $|x|\geq 1$ не меньше 6.

11 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение $\left|2x^2-3x-2\right|=a-2x^2-8x$ либо не имеет решений, либо имеет единственное решение.

12 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение $a\,|x-3|=rac{5}{x+2}$ на промежутке $[0\,;\,+\,\infty)$ имеет ровно два корня.

13 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение $ax+\sqrt{-7-8x-x^2}=2a+3$ имеет единственный корень.

14 Найдите все значения a, при которых уравнение

$$6a + \sqrt{5 + 4x - x^2} = ax + 3$$

имеет единственный корень.

$$x^{2} + (2-a)^{2} = |x-2+a| + |x-a+2|$$

имеет единственный корень.

16 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$x^{2} + (a+4)^{2} = |x-4-a| + |x+a+4|$$

имеет единственный корень.

17 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$|x^2 - |x + 2 + a| = |x - a - 2| - (a + 2)^2$$

имеет единственный корень.

18 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$|x^2 - |x - 5 + a| = |x - a + 5| - (5 - a)^2$$

имеет единственный корень.

19 Найдите все положительные значения a, при каждом из которых система

$$\left\{ egin{aligned} (|x|-5)^2+(y-4)^2&=9,\ (x+2)^2+y^2&=a^2 \end{aligned}
ight.$$

имеет единственное решение.

20 Найдите все положительные значения a, при каждом из которых система

$$\left\{ egin{aligned} (|x|-6)^2 + (y-12)^2 &= 4, \ (x+1)^2 + y^2 &= a^2 \end{aligned}
ight.$$

имеет единственное решение.

21 Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\left\{egin{aligned} x^2 + 20x + y^2 - 20y + 75 &= \left| x^2 + y^2 - 25
ight|, \ x - y &= a \end{aligned}
ight.$$

имеет более одного решения.

$$\left\{ egin{array}{l} rac{(y^2-xy+3x-y-6)\sqrt{x+2}}{\sqrt{6-x}} = 0, \ x+y-a = 0 \end{array}
ight.$$

23 Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\left\{egin{aligned} x^2 + 5x + y^2 - y - |x - 5y + 5| &= 52, \ y - 2 &= a\,(x - 5) \end{aligned}
ight.$$

имеет ровно два решения.

 24 Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\left\{egin{aligned} x^2 - 8x + y^2 + 4y + 15 &= 4 \left| 2x - y - 10
ight|, \ x + 2y &= a \end{aligned}
ight.$$

имеет более двух решений.

25 Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\left\{egin{aligned} \left|x^2-1
ight|+2x-x^2=\left|y^2-1
ight|+2y-y^2,\ x+y=a \end{aligned}
ight.$$

имеет более двух решений.

26 Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\left\{egin{aligned} x^2+\left|x^2-2x
ight|=y^2+\left|y^2-2y
ight|,\ x+y=a \end{aligned}
ight.$$

имеет более двух решений.

27 Найдите все значения a, при каждом из которых система

$$\left\{egin{aligned} y^2-x-2=\left|x^2-x-2
ight|,\ x-y=a \end{aligned}
ight.$$

имеет более двух решений.

 28 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\left|\frac{6}{x}-5\right|=ax-1$$

на промежутке $(0\,;\,+\,\infty)$ имеет более двух корней.

29 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\sqrt{1-2x} = a - 3|x|$$

имеет более двух корней.

30 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$rac{5}{x+2}=a\leftert x-3
ightert$$

на промежутке $[0\,;\;+\,\infty)$ имеет более двух корней.

31 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\left|\frac{5}{x}-4\right|=ax-1$$

на промежутке $(0\,;\;+\infty)$ имеет более двух корней.

32 Найдите все значения a>0, при каждом из которых уравнение

$$|1 - 6\sqrt{x}| = 2\left(x + a\right)$$

имеет ровно два корня.

 33 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$|ax-1=\left|rac{6}{x}-3\right|$$

на промежутке $(0\,;\,+\,\infty)$ имеет ровно один корень.

34 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$x^4 + (a-3)^2 = |x-a+3| + |x+a-3|$$

либо имеет единственное решение, либо не имеет решений.

 35 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$|2x^2 + 3x - 2| = 8x - 2x^2 - a$$

либо не имеет решений, либо имеет единственное решение.

 36 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\left|\frac{5}{x}-3\right|=ax-1$$

на промежутке $(0\,;\,+\,\infty)$ имеет более двух корней.

$$|ax-2| = \left| \frac{5}{x} - 3 \right|$$

на промежутке $(0\,;\,+\,\infty)$ имеет ровно один корень.

38 Найдите все значения a>0, при каждом из которых уравнение $|\,1-5\sqrt{x}\,|=2\,(x+a)$

имеет ровно два корня.

- 39 Найдите все значения a, при каждом из которых неравенство $\left|x^2-4x+a-5\right|\leq 10$ выполняется для всех $x\in [a-5\,;\,a].$
- 40 Найдите все значения a>0, при каждом из которых уравнение $|\,1-5\sqrt{x}\,|=3\,(x+a)\,$ имеет ровно два корня.
- 41 Найдите все значения a>0, при каждом из которых уравнение $|1-6\sqrt{x}|=4\,(x+a)$ имеет ровно два корня.
- 42 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение $\frac{3}{x+1}=a\,|x-5|$ на промежутке $[0\,;\,+\infty)$ имеет более двух корней.
- 43 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение $a\,|x-5|=rac{3}{x+1}$ на промежутке $[0\,;\,+\,\infty)$ имеет ровно два корня.
- 44 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение $\frac{2}{x+1}=a\,|x-5|$ на промежутке $[0\,;\,+\infty)$ имеет более двух корней.
- 45 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение $\left| \frac{6}{x} 3 \right| = ax 1$

на промежутке $(0\,;\,+\,\infty)$ имеет более двух корней.

46 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\frac{2}{x+1} = a \left| x - 3 \right|$$

на промежутке $[0\,;\;+\,\infty)$ имеет более двух корней.

47 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\frac{3}{x+1} = a |x-2|$$

на промежутке $[0\,;\,+\,\infty)$ имеет более двух корней.

48 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\sqrt{1-4x} = a - 3|x|$$

имеет более двух корней.

49 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$a\left|x-4
ight|=rac{5}{x+1}$$

на промежутке $[0\,;\,+\,\infty)$ имеет ровно два корня.

50 Найдите все значения a, для каждого из которых уравнение

$$x^{10} + (a - 2|x|)^5 + x^2 - 2|x| + a = 0$$

имеет более трёх различных решений.

51 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$x^4 + (a-4)^2 = |x-a+4| + |x+a-4|$$

либо имеет единственное решение, либо не имеет решений.

52 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\sqrt{2-4x} = a - 3|x|$$

имеет более двух корней.

 53 Найдите все значения a, при каждом из которых наименьшее значение функции

$$f(x) = 4x^2 + 4ax + a^2 - 2a + 2$$

на множестве $1 \leq |x| \leq 3$ не меньше 6.

54 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\frac{5}{x+1} = a \left| x - 4 \right|$$

на промежутке $[0\,;\;+\,\infty)$ имеет более двух корней.

55 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$|a|x-3| = \frac{2}{x+1}$$

на промежутке $[0\,;\,+\,\infty)$ имеет ровно два корня.

56 Найдите все значения a, при каждом из которых неравенство

$$|x^2 - 8x + a + 5| > 10$$

не имеет решений на отрезке $[a-6\,;\,a]$.

57 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\sqrt{3-2x} = a - 3|x|$$

имеет более двух корней.

58 Найдите все значения a, при каждом из которых неравенство

$$|x^2 - 6x + a| > 10$$

не имеет решений на отрезке $[a\,;\,a+6].$

 59 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$a\left|x-2
ight|=rac{3}{x+1}$$

на промежутке $[0\,;\,+\,\infty)$ имеет ровно два корня.

 60 Найдите все значения a>0, при каждом из которых уравнение

$$|1-3\sqrt{x}|=x+a$$

имеет ровно два корня.

$$8x^6 + (a - |x|)^3 + 2x^2 - |x| + a = 0$$

имеет более трёх различных решений.

62 Найдите все значения a, при каждом из которых наименьшее значение функции

$$f(x) = 4x^2 + 4ax + a^2 - 2a + 2$$

на множестве $|x| \geq 1$ не меньше 6.

63 Найдите все значения a, при каждом из которых неравенство

$$|x^2 - 4x + a| \le 10$$

выполняется для всех $x \in [a\,;\, a+5].$

64 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\left| ax - 1 = \left| \frac{6}{x} - 5 \right| \right|$$

на промежутке $(0\,;\;+\,\infty)$ имеет ровно один корень.

65~ Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\sqrt{1-2x} = a - 7|x|$$

имеет более двух корней.

 66 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$|a|x-5|=rac{2}{x+1}$$

на промежутке $[0\,;\,+\,\infty)$ имеет ровно два корня.

67 Найдите все значения a, при каждом из которых наименьшее значение функции

$$f(x) = 4x^2 - 4ax + a^2 + 2a + 2$$

на множестве $1 \leq |x| \leq 3$ не меньше 6.

68 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$|ax-1=\left|\frac{5}{x}-4\right|$$

на промежутке $(0\,;\,+\,\infty)$ имеет ровно один корень.

$$\sqrt{1-2x} = a - 5|x|$$

имеет более двух корней.

70 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\left|\frac{6}{x} - 2\right| = ax - 1$$

на промежутке $(0\,;\,+\,\infty)$ имеет более двух корней.

71 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\log_{1-x}\left(3-a-x\right)=2$$

имеет хотя бы один корень, принадлежащий промежутку $[-2;\,1)$.

72 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$a^2 - 5a + 5\sqrt{2x^2 + 25} = 3|x - 5a| - 6|x|$$

имеет хотя бы один корень.

73 Найдите все значения a, для каждого из которых существует хотя бы одна пара чисел x и y, удовлетворяющая неравенству

$$5|x-2|+2|x+a| \le \sqrt{25-y^2}-3.$$

74 Найдите все значения a, при которых уравнение

$$11a + \sqrt{-21 + 10x - x^2} = ax + 2$$

имеет единственный корень.

75 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$|x^2 - |x + 3 + a| = |x - a - 3| - (a + 3)^2$$

имеет единственный корень.

⁷⁶ Найдите все значения a, для каждого из которых существует хотя бы одна пара чисел x и y, удовлетворяющая неравенству

$$|2|x-a|+7|x-3| \le \sqrt{1-y^2}+5.$$

77 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$|x^{2} + (a+7)^{2}| = |x-7-a| + |x+a+7|$$

имеет единственный корень.

- 78 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение $x^2+(a-5)^2=|x+5-a|+|x+a-5|$ имеет единственный корень.
- 79 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение $\log_{x+1}{(x+5-a)}=2$ имеет хотя бы один корень, принадлежащий промежутку $(-1;\,2].$
- 80 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение $a^2-12a+2\sqrt{7x^2+4}=8\,|x-2a|-16\,|x|$ имеет хотя бы один корень.
- 81 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение $x^2+(a-3)^2=|x+3-a|+|x+a-3|$ имеет единственный корень.
- 82 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение $x^2-|x+7-a|=|x+a-7|-(a-7)^2$ имеет единственный корень.
- 83 Найдите все значения a, при которых уравнение $\left|\sin^2x+2\cos x+a\right|=\sin^2x+\cos x-a$ имеет на промежутке $\left(\frac{\pi}{2};\,\pi\right]$ единственный корень.
- 84 Найдите все значения a, при которых уравнение $\left|2\sin^2x+8\cos x-3a\right|=2\sin^2x+7\cos x+3a$ имеет на промежутке $\left[\frac{\pi}{2};\,\pi\right)$ единственный корень.
- 85 Найдите все значения a, для каждого из которых существует хотя бы одна пара чисел x и y, удовлетворяющая неравенству

$$5|x-2|+3|x+a| < \sqrt{4-y^2}+7.$$

86 Найдите все значения a, при которых уравнение

$$9a + \sqrt{-7 + 8x - x^2} = ax + 3$$

имеет единственный корень.

87 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$(4\cos x - 3 - a) \cdot \cos x - 2.5\cos 2x + 1.5 = 0$$

имеет хотя бы один корень.

88 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$|a^2 - 12a + 3\sqrt{4x^2 + 9} = 6|x - 3a| - 10|x|$$

имеет хотя бы один корень.

89 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$|x^2 - |x - 4 + a| = |x - a + 4| - (4 - a)^2$$

имеет единственный корень.

⁹⁰ Найдите все значения a, для каждого из которых существует хотя бы одна пара чисел x и y, удовлетворяющая неравенству

$$3|x+4|+|x+a| \le \sqrt{36-y^2}-4.$$

91 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$ax + \sqrt{3 - 2x - x^2} = 4a + 2$$

имеет единственный корень.

⁹² Найдите все значения a, для каждого из которых существует хотя бы одна пара чисел x и y, удовлетворяющая неравенству

$$4|x+3|+3|x-a| \leq \sqrt{16-y^2} + 2.$$

93 Найдите все значения a, при которых уравнение

$$|3\cos^2 x + 18\sin x + a| = 3\cos^2 x + 17\sin x - a$$

имеет на промежутке $\left[\pi;\,rac{3\pi}{2}
ight)$ единственный корень.

94 Найдите все значения a, для каждого из которых существует хотя бы одна пара чисел x и y, удовлетворяющая неравенству

$$3|x-a|+5|x+2| \le \sqrt{9-y^2}+9.$$

95 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\log_{1-x}\left(a-x+2\right)=2$$

имеет хотя бы один корень, принадлежащий промежутку $[-\,1;\,1)$.

96 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$ax + \sqrt{-8 - 6x - x^2} = 2a + 1$$

имеет единственный корень.

 97 Найдите все значения a, при которых уравнение

$$rac{5a}{a-3} \cdot 7^{|x|} = 49^{|x|} + rac{6a+7}{a-3}$$

имеет ровно два различных корня.

98 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$a^2 - 10a + 5\sqrt{x^2 + 25} = 4|x - 5a| - 8|x|$$

имеет хотя бы один корень.

 99 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$|x^2 - |x + 6 - a| = |x + a - 6| - (a - 6)^2$$

имеет единственный корень.

100 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$ax + \sqrt{-5 - 6x - x^2} = 5a + 2$$

имеет единственный корень.

101 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$(6\sin x - 2 - 3a) \cdot \sin x + 3.5\cos 2x + 0.5 = 0$$

имеет хотя бы один корень.

$$|x^{2} + (1-a)^{2}| = |x-1+a| + |x-a+1|$$

имеет единственный корень.

103 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$ax + \sqrt{-27 - 12x - x^2} = 7a + 3$$

имеет единственный корень.

104 Найдите все значения a, при которых уравнение

$$8a + \sqrt{7 + 6x - x^2} = ax + 4$$

имеет единственный корень.

105 Найдите все значения a, при которых уравнение

$$\frac{7a}{a-5} \cdot 2^{|x|} = 4^{|x|} + \frac{12a+17}{a-5}$$

имеет ровно два различных корня.

106 Найдите все значения a, при которых уравнение

$$\left|\cos^2 x + 2\sin x - 2a\right| = \cos^2 x + \sin x + 2a$$

имеет на промежутке $\left[-\frac{\pi}{2};\,0\right)$ единственный корень.

107 Найдите все значения a, при которых уравнение

$$\frac{3a}{a-5} \cdot 5^{|x|} = 25^{|x|} + \frac{2a+4}{a-5}$$

имеет ровно два различных корня.

108 Найдите все значения a, при каждом из которых система неравенств

$$\left\{egin{array}{l} 2a \leq x, \ 6x > x^2 + a^2, \ x + a < 6 \end{array}
ight.$$

имеет хотя бы одно решение на отрезке [4; 5].

109 Найдите все значения a, при каждом из которых система неравенств

$$\left\{egin{array}{l} a\left(x-1
ight)\geq4,\ 2\sqrt{x-2}\geq a,\ 3x< a+14 \end{array}
ight.$$

имеет хотя бы одно решение на отрезке [4; 5].

110 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\sqrt{x^4 - x^2 + a^2} = x^2 + x - a$$

имеет ровно три различных корня.

111 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\frac{x - 2a}{x + 2} + \frac{x - 1}{x - a} = 1$$

имеет ровно один корень.

112 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\sqrt{2^x-a}+rac{a-1}{\sqrt{2^x-a}}=1$$

имеет ровно два различных корня.

113 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\sqrt{3x^2 + 2ax + 1} = x^2 + ax + 1$$

имеет ровно три различных корня.

114 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\frac{x^3 + x^2 - 9a^2x - 2x + a}{x^3 - 9a^2x} = 1$$

имеет ровно один корень.

115 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$2^x - a = \sqrt{4^x - a}$$

имеет единственный корень.

116 Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\left\{egin{array}{l} rac{xy^2-xy-5y+5}{\sqrt{5-y}}=0,\ y=ax \end{array}
ight.$$

имеет ровно три различных решения.

$$\left\{egin{array}{l} rac{xy^2-2xy-4y+8}{\sqrt{4-y}}=0,\ y=ax \end{array}
ight.$$

имеет ровно три различных решения.

118 Найдите все значения a, при каждом из которых система неравенств

$$\left\{egin{array}{l} ax\geq 2,\ \sqrt{x-1}>a,\ 3x\leq 2a+11 \end{array}
ight.$$

имеет хотя бы одно решение на отрезке [3; 4].

119 Найдите все значения a, при каждом из которых система неравенств

$$\left\{egin{array}{l} x\leq 2a+6,\ 6x\geq x^2+a^2,\ x+a>0 \end{array}
ight.$$

имеет хотя бы одно решение на отрезке [1; 2].

120 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\sqrt{2-3x}\cdot \ln\left(16x^2-a^2
ight)=\sqrt{2-3x}\cdot \ln\left(4x+a
ight)$$

имеет ровно один корень.

121 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\sqrt{4x-1} \cdot \ln \left(x^2 - 2x + 2 - a^2\right) = 0$$

имеет ровно один корень на отрезке [0; 1].

122 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$(5x-2)\cdot\ln\left(x+a\right) = (5x-2)\cdot\ln\left(2x-a\right)$$

имеет ровно один корень на отрезке [0; 1].

123 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\ln{(4x-1)} \cdot \sqrt{x^2 - 6x + 6a - a^2} = 0$$

имеет ровно один корень на отрезке [0; 3].

$$\sqrt{2x-1} \cdot \ln \left(4x-a
ight) = \sqrt{2x-1} \cdot \ln \left(5x+a
ight)$$

имеет ровно один корень на отрезке [0; 1].

125 Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\sqrt{x+2a} \cdot \ln{(x-a)} = (x-1) \cdot \ln{(x-a)}$$

имеет ровно один корень на отрезке [0; 1].