Définition

Suites d'experiences

d'experiences aléatoires

Variables

aléatoires

Loi de probabilita

variable aléatoi

Schema de Bernoulli

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli

Loi binomiale

Probabilités.

Définition

Suites d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Définition

Loi de probabilité

Paramètres d'une

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoull Schéma de Bernouil d'ordre n Loi binomiale

Définition 1

Une **probabilité** sur un fini $\Omega = \{\omega_1, ..., \omega_n\}$ est la donnée d'une fonction

$$P:\Omega o ext{telle que } \sum_{i=1}^n P(\omega_i) =$$

On appelle **éventualité** ou **issue** un ω_i de Ω . On appelle **événement** une A de Ω , i.e un ensemble d'issues.

$$P: \mathcal{P}(\Omega) \rightarrow [0,1]$$

 $A \mapsto P(A) =$

Épreuve de Bernoull Schéma de Bernouil d'ordre n Loi binomiale

Définition 1

Une **probabilité** sur un univers fini $\Omega = \{\omega_1, ..., \omega_n\}$ est la donnée d'une fonction

$$P:\Omega o ext{telle que } \sum_{i=1}^n P(\omega_i) =$$

On appelle **éventualité** ou **issue** un ω_i de Ω . On appelle **événement** une A de Ω , i.e un ensemble d'issues.

$$P: \mathcal{P}(\Omega) \rightarrow [0,1]$$

 $A \mapsto P(A) =$

Épreuve de Bernoul Schéma de Bernoul d'ordre n Loi binomiale

Définition 1

Une **probabilité** sur un univers fini $\Omega = \{\omega_1, ..., \omega_n\}$ est la donnée d'une fonction

$$P:\Omega o [0;1] ext{ telle que } \sum_{i=1}^n P(\omega_i) =$$

On appelle **éventualité** ou **issue** un ω_i de Ω . On appelle **événement** une A de Ω , i.e un ensemble d'issues.

$$P: \mathcal{P}(\Omega) \rightarrow [0,1]$$

 $A \mapsto P(A) =$

Épreuve de Bernouil Schéma de Bernouil d'ordre n Loi binomiale

Définition 1

Une **probabilité** sur un univers fini $\Omega = \{\omega_1, ..., \omega_n\}$ est la donnée d'une fonction

$$P:\Omega \to [0;1]$$
 telle que $\sum_{i=1}^n P(\omega_i)=1$

On appelle **éventualité** ou **issue** un ω_i de Ω . On appelle **événement** une A de Ω , i.e un ensemble d'issues.

$$P: \mathcal{P}(\Omega) \rightarrow [0,1]$$

 $A \mapsto P(A) =$

Épreuve de Bernoull Schéma de Bernouil d'ordre n Loi binomiale

Définition 1

Une **probabilité** sur un univers fini $\Omega = \{\omega_1, ..., \omega_n\}$ est la donnée d'une fonction

$$P:\Omega \to [0;1]$$
 telle que $\sum_{i=1}^n P(\omega_i)=1$

On appelle **éventualité** ou **issue** un élément ω_i de Ω . On appelle **événement** une A de Ω , i.e un ensemble d'issues.

$$P: \mathcal{P}(\Omega) \rightarrow [0,1]$$

 $A \mapsto P(A) =$

Épreuve de Bernoul Schéma de Bernoul d'ordre n Loi binomiale

Définition 1

Une **probabilité** sur un univers fini $\Omega = \{\omega_1, ..., \omega_n\}$ est la donnée d'une fonction

$$P:\Omega \to [0;1]$$
 telle que $\sum_{i=1}^n P(\omega_i)=1$

On appelle **éventualité** ou **issue** un élément ω_i de Ω . On appelle **événement** une partie A de Ω , i.e un ensemble d'issues.

$$P: \mathcal{P}(\Omega) \rightarrow [0,1]$$

 $A \mapsto P(A) =$

Épreuve de Bernoul Schéma de Bernoul d'ordre n Loi binomiale

Définition 1

Une **probabilité** sur un univers fini $\Omega = \{\omega_1, ..., \omega_n\}$ est la donnée d'une fonction

$$P:\Omega \to [0;1]$$
 telle que $\sum_{i=1}^n P(\omega_i)=1$

On appelle **éventualité** ou **issue** un élément ω_i de Ω . On appelle **événement** une partie A de Ω , i.e un ensemble d'issues.

$$egin{array}{lll} P: & \mathcal{P}(\Omega) &
ightarrow & [0,1] \ & A & \mapsto & P(A) = \sum\limits_{\omega \in A} P(\omega) \end{array}$$

Épreuve de Bernouill Schéma de Bernouill d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux Modéliser le caractère aléatoire d'une expérience consiste à définir une fonction de sur l'ensemble des issues de cette expérience.

Exemple 2

On réalise un lancer d'un dé équilibré à 6 faces.

Quelle est la probabilités d'obtenir un résultat pair?

$$\Omega =$$

$$A = \{\omega \in \Omega / \} = \{$$

Le dé étant équilibré, il y a

$$P(2) = P(4) = P(6) =$$

$$P(A) = P(2) + P(4) + P(6) = \times \frac{1}{6} =$$

$$P(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$
 où Card signifie le nombre d'éléments.

Epreuve de Bernoulli Schéma de Bernouill d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux Modéliser le caractère aléatoire d'une expérience consiste à définir une fonction de probabilité sur l'ensemble des issues de cette expérience.

Exemple 2

On réalise un lancer d'un dé équilibré à 6 faces.

Quelle est la probabilités d'obtenir un résultat pair?

$$\Omega = 0.0$$

$$A = \{\omega \in \Omega / \} = \{$$

Le dé étant équilibré, il y a et

$$P(2) = P(4) = P(6) =$$

$$P(A) = P(2) + P(4) + P(6) = \times \frac{1}{6} =$$

$$P(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$
 où Card signifie le nombre d'éléments.

Modéliser le caractère aléatoire d'une expérience consiste à définir une fonction de probabilité sur l'ensemble des issues de cette expérience.

Exemple 2

On réalise un lancer d'un dé équilibré à 6 faces.

Quelle est la probabilités d'obtenir un résultat pair?

$$\Omega=\{1,..,6\}\text{,}$$

$$A = \{\omega \in \Omega / \} = \{ \}.$$

$$\cdot = \{$$
 $\}.$

Le dé étant équilibré, il y a

$$P(2) = P(4) = P(6) = ...$$

$$F(2) = F(4) = F(0) = 0$$

$$P(A) = P(2) + P(4) + P(6) = \times \frac{1}{6} =$$

$$P(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$
 où Card signifie le nombre d'éléments.

Épreuve de Bernouill Schéma de Bernouill d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux Modéliser le caractère aléatoire d'une expérience consiste à définir une fonction de probabilité sur l'ensemble des issues de cette expérience.

Exemple 2

On réalise un lancer d'un dé équilibré à 6 faces.

Quelle est la probabilités d'obtenir un résultat pair?

$$\Omega = \{1, .., 6\},$$

$$A = \{ \omega \in \Omega / \omega \text{ est pair} \} = \{ \}.$$

Le dé étant équilibré, il y a et

$$P(2) = P(4) = P(6) =$$

$$P(A) = P(2) + P(4) + P(6) = \times \frac{1}{6} = ...$$

$$P(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$
 où Card signifie le nombre d'éléments.

Épreuve de Bernoull Schéma de Bernouil d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux Modéliser le caractère aléatoire d'une expérience consiste à définir une fonction de probabilité sur l'ensemble des issues de cette expérience.

Exemple 2

On réalise un lancer d'un dé équilibré à 6 faces.

Quelle est la probabilités d'obtenir un résultat pair?

$$\Omega = \{1,..,6\},\,$$

$$A = \{ \omega \in \Omega / \omega \text{ est pair} \} = \{ \omega \text{ est pair} \} = \{ \omega \}.$$

Le dé étant équilibré, il y a

$$P(2) = P(4) = P(6) =$$

$$P(A) = P(2) + P(4) + P(6) = \times \frac{1}{6} =$$

$$P(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$
 où Card signifie le nombre d'éléments.

Épreuve de Bernouill Schéma de Bernouill d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux Modéliser le caractère aléatoire d'une expérience consiste à définir une fonction de probabilité sur l'ensemble des issues de cette expérience.

Exemple 2

On réalise un lancer d'un dé équilibré à 6 faces.

Quelle est la probabilités d'obtenir un résultat pair?

$$\Omega = \{1,..,6\},$$

$$A = \{\omega \in \Omega/\omega \text{ est pair}\} = \{\omega \text{ est pair}\} = \{2, 4, 6\}.$$

Le dé étant équilibré, il y a et

$$P(2) = P(4) = P(6) =$$

$$P(A) = P(2) + P(4) + P(6) = \times \frac{1}{6} =$$

$$P(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$
 où Card signifie le nombre d'éléments.

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux Modéliser le caractère aléatoire d'une expérience consiste à définir une fonction de probabilité sur l'ensemble des issues de cette expérience.

Exemple 2

On réalise un lancer d'un dé équilibré à 6 faces.

Quelle est la probabilités d'obtenir un résultat pair?

$$\Omega = \{1,..,6\},$$

$$A = \{\omega \in \Omega/\omega \text{ est pair}\} = \{\omega \text{ est pair}\} = \{2, 4, 6\}.$$

Le dé étant équilibré, il y a équiprobabilité et

$$P(2) = P(4) = P(6) =$$

$$P(A) = P(2) + P(4) + P(6) = \times \frac{1}{6} =$$

$$P(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$
 où Card signifie le nombre d'éléments.

Épreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux Modéliser le caractère aléatoire d'une expérience consiste à définir une fonction de probabilité sur l'ensemble des issues de cette expérience.

Exemple 2

On réalise un lancer d'un dé équilibré à 6 faces.

Quelle est la probabilités d'obtenir un résultat pair?

$$\Omega = \{1,..,6\},$$

$$A = {\omega \in \Omega/\omega \text{ est pair}} = {\omega \text{ est pair}} = {2, 4, 6}.$$

Le dé étant équilibré, il y a équiprobabilité et

$$P(2) = P(4) = P(6) = \frac{1}{6}$$
.

$$P(A) = P(2) + P(4) + P(6) = \times \frac{1}{6} =$$

$$P(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$
 où Card signifie le nombre d'éléments.

Épreuve de Bernouill Schéma de Bernouill d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux Modéliser le caractère aléatoire d'une expérience consiste à définir une fonction de probabilité sur l'ensemble des issues de cette expérience.

Exemple 2

On réalise un lancer d'un dé équilibré à 6 faces.

Quelle est la probabilités d'obtenir un résultat pair?

$$\Omega = \{1,..,6\},$$

$$A = \{\omega \in \Omega/\omega \text{ est pair}\} = \{\omega \text{ est pair}\} = \{2, 4, 6\}.$$

Le dé étant équilibré, il y a équiprobabilité et

$$P(2) = P(4) = P(6) = \frac{1}{6}$$
.

$$P(A) = P(2) + P(4) + P(6) = 3 \times \frac{1}{6} =$$

$$P(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$
 où Card signifie le nombre d'éléments.

Épreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux Modéliser le caractère aléatoire d'une expérience consiste à définir une fonction de probabilité sur l'ensemble des issues de cette expérience.

Exemple 2

On réalise un lancer d'un dé équilibré à 6 faces.

Quelle est la probabilités d'obtenir un résultat pair?

$$\Omega = \{1,..,6\},$$

$$A = \{\omega \in \Omega/\omega \text{ est pair}\} = \{\omega \text{ est pair}\} = \{2, 4, 6\}.$$

Le dé étant équilibré, il y a équiprobabilité et

$$P(2) = P(4) = P(6) = \frac{1}{6}$$
.

$$P(A) = P(2) + P(4) + P(6) = 3 \times \frac{1}{6} = \frac{1}{2}.$$

$$P(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$
 où Card signifie le nombre d'éléments.

Épreuve de Bernouil Schéma de Bernouil d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux Modéliser le caractère aléatoire d'une expérience consiste à définir une fonction de probabilité sur l'ensemble des issues de cette expérience.

Exemple 2

On réalise un lancer d'un dé équilibré à 6 faces.

Quelle est la probabilités d'obtenir un résultat pair?

$$\Omega = \{1,..,6\},$$

$$A = \{\omega \in \Omega/\omega \text{ est pair}\} = \{\omega \text{ est pair}\} = \{2, 4, 6\}.$$

Le dé étant équilibré, il y a équiprobabilité et

$$P(2) = P(4) = P(6) = \frac{1}{6}$$
.

$$P(A) = P(2) + P(4) + P(6) = 3 \times \frac{1}{6} = \frac{1}{2}.$$

$$P(A) = \frac{Card(A)}{Card(\Omega)} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$
 où Card signifie le nombre d'éléments.

Définition

Suites d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Loi de probabilité
Paramètres d'une
variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernouil Schéma de Bernouil d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux

Théorème 3

Lorsqu'une expérience aléatoire est constituée d'une suite de n expériences aléatoires (ou épreuves), on peut la représenter par un . Une issue est la liste ordonnée des résultats que l'on peut représenter par un de l'arbre.

- Loi des chemins :
 La probabilité d'une issue est des probabilités inscrites sur chacune des arêtes constituant le chemin associé à cette issue.
- Loi des noeuds :

 La somme des probabilités inscrites sur les arêtes issues
 d'un même noeud yaut

Définition

Loi de probabilité

Paramètres d'une

variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoull Schéma de Bernouil d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux

Théorème 3

Lorsqu'une expérience aléatoire est constituée d'une suite de n expériences aléatoires (ou épreuves), on peut la représenter par un arbre pondéré. Une issue est la liste ordonnée des résultats que l'on peut représenter par un de l'arbre.

- Loi des chemins : La probabilité d'une issue est des probabilités inscrites sur chacune des arêtes constituant le chemin associé à cette issue.
- Loi des noeuds :

 La somme des probabilités inscrites sur les arêtes issues
 d'un même noeud yaut

Suites

d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Loi de probabilité
Paramètres d'une
variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernouil Schéma de Bernouil d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux

Théorème 3

Lorsqu'une expérience aléatoire est constituée d'une suite de n expériences aléatoires (ou épreuves), on peut la représenter par un arbre pondéré. Une issue est la liste ordonnée des résultats que l'on peut représenter par un chemin de l'arbre.

- Loi des chemins :
 La probabilité d'une issue est des probabilités inscrites sur chacune des arêtes constituant le chemin associé à cette issue.
- Loi des noeuds :

 La somme des probabilités inscrites sur les arêtes issues
 d'un même noeud yaut

Lorsqu'une expérience aléatoire est constituée d'une suite de n

expériences aléatoires (ou épreuves), on peut la représenter par un arbre pondéré. Une issue est la liste ordonnée des résultats que l'on peut représenter par un chemin de l'arbre.

- I oi des chemins : La probabilité d'une issue est le produit des probabilités inscrites sur chacune des arêtes constituant le chemin associé à cette issue.
- Loi des noeuds : La somme des probabilités inscrites sur les arêtes issues d'un même noeud vaut ...

Épreuve de Bernoul Schéma de Bernoul d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux

Théorème 3

Lorsqu'une expérience aléatoire est constituée d'une suite de n expériences aléatoires (ou épreuves), on peut la représenter par un arbre pondéré. Une issue est la liste ordonnée des résultats que l'on peut représenter par un chemin de l'arbre.

- Loi des chemins : La probabilité d'une issue est le produit des probabilités inscrites sur chacune des arêtes constituant le chemin associé à cette issue.
- Loi des noeuds :
 La somme des probabilités inscrites sur les arêtes issues
 d'un même noeud vaut 1.

Loi de probabilit Paramètres d'un variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Epreuve de Bernouil Schéma de Bernouil d'ordre n Loi binomiale

Définition 4

On dit qu'une expérience aléatoire est constituée d'une suite d'épreuves **indépendantes**, **identiquement distribuées** si chaque épreuve ne dépend pas des résultats des épreuves précédentes, c'est à dire si les issues possibles sont les mêmes et avec la même répartition de probabilités.

Exemple 5 (Page 319)

- Tirage avec remise (épreuves indépendantes, identiquement distribuées) dans une urne contenant 2 boules bleues, 2 rouges et une noire.
- Représentation de l'expérience par un arbre pondéré.

Définition

Suites d'experiences aléatoires

aléatoires

Définition

Loi de probabilit

Paramètres d'un

Schéma de

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n

Loi binomial Coefficients

Définition

Suites d'experience aléatoires

Variables aléatoires

Définition Loi de probabilit Paramètres d'un

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoull Schéma de Bernouil d'ordre n Loi binomiale

Définition 6

Etant donnée une expérience aléatoire dont l'univers (l'ensemble des issues possibles) est Ω . Définir une **variable aléatoire** (réélle) X sur Ω consiste à associer à chaque issue un nombre réél. Autrement dit, X est une $X: \to .$

Définition

Suites d'experience aléatoires

Variables aléatoires

Définition Loi de probabilité Paramètres d'une

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoull Schéma de Bernouil d'ordre n Loi binomiale

Définition 6

Etant donnée une expérience aléatoire dont l'univers (l'ensemble des issues possibles) est Ω . Définir une **variable aléatoire** (réélle) X sur Ω consiste à associer à chaque issue un nombre réél. Autrement dit, X est une fonction $X: \to .$

Épreuve de Bernouil Schéma de Bernouil d'ordre n Loi binomiale

Définition 6

Etant donnée une expérience aléatoire dont l'univers (l'ensemble des issues possibles) est Ω . Définir une **variable aléatoire** (réélle) X sur Ω consiste à associer à chaque issue un nombre réél. Autrement dit, X est une fonction $X:\Omega \to \mathbb{R}$.

Épreuve de Bernouil Schéma de Bernouil d'ordre n Loi binomiale

Définition 6

Etant donnée une expérience aléatoire dont l'univers (l'ensemble des issues possibles) est Ω . Définir une **variable** aléatoire (réélle) X sur Ω consiste à associer à chaque issue un nombre réél. Autrement dit, X est une fonction $X:\Omega\to\mathbb{R}$.

Épreuve de Bernoull Schéma de Bernouil d'ordre n Loi binomiale

Exemple 7

On définit, sur l'expérience aléatoire de l'exemple précédent, la variable (aléatoire) qui associe à un tirage le nombre de boule rouge obtenue.

Il y a seulement valeurs possibles pour cette variable aléatoire :

Schéma de Bernoui d'ordre n Loi binomiale

Exemple 7

On définit, sur l'expérience aléatoire de l'exemple précédent, la variable (aléatoire) qui associe à un tirage le nombre de boule rouge obtenue.

Il y a seulement 3 valeurs possibles pour cette variable aléatoire :

Épreuve de Bernou Schéma de Bernou d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Exemple 7

On définit, sur l'expérience aléatoire de l'exemple précédent, la variable (aléatoire) qui associe à un tirage le nombre de boule rouge obtenue.

Il y a seulement 3 valeurs possibles pour cette variable aléatoire : 0, 1, 2.

Définitior

Suites d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Loi de probabilité Paramètres d'une

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoul Schéma de Bernoul d'ordre n Loi binomiale

Définition 8

Soit Ω un univers muni d'une fonction de probabilité $P: \Omega \to [0;1]$.

Soit X une variable aléatoire $X:\Omega\to\mathbb{R}$ avec $x_i,i=1,..,k$ ses différentes valeurs.

Établir la **loi de probabilité** de X consiste à associer à chaque valeur x_i la probabilité de l'événement .

Épreuve de Bernou Schéma de Bernou d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Définition 8

Soit Ω un univers muni d'une fonction de probabilité $P: \Omega \to [0; 1]$.

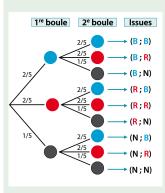
Soit X une variable aléatoire $X:\Omega\to\mathbb{R}$ avec $x_i,i=1,..,k$ ses différentes valeurs.

Établir la **loi de probabilité** de X consiste à associer à chaque valeur x_i la probabilité de l'événement $X = x_i$.

Loi binomiale Coefficients

Exemple 9

Soit X la variable aléatoire qui compte le nombre de boules rouges tirées, de l'exemple précédent.



$$P(X = 0)$$

= $P($)
= = + + + =

Épreuve de Bernoull Schéma de Bernouil d'ordre n

Loi binomiale Coefficients binomiaux

Exemple 9



$$P(X = 0)$$

= $P(\{(B; B); (B; N); (N; B); (N; N)\})$
= - + + - -

Épreuve de Bernoull Schéma de Bernouil d'ordre n

Loi binomiale Coefficients binomiaux

Exemple 9



$$\begin{array}{l} P(X=0) \\ = P(\{(B;B);(B;N);(N;B);(N;N)\}) \\ = P(B;B) + P(B;N) + P(N;B) + P(N;N) \\ = & + & + & = \end{array}$$

Loi binomiale Coefficients binomiaux

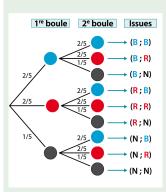
Exemple 9



$$P(X = 0) = P(\{(B; B); (B; N); (N; B); (N; N)\})$$

$$= P(B; B) + P(B; N) + P(N; B) + P(N; N)$$

$$= (\frac{2}{5})^{2} + + =$$

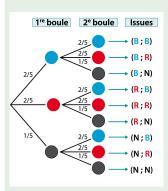


$$\begin{array}{l} P(X=0) \\ = P(\{(B;B);(B;N);(N;B);(N;N)\}) \\ = P(B;B) + P(B;N) + P(N;B) + P(N;N) \\ = (\frac{2}{5})^2 + \frac{2}{5}\frac{1}{5} + \\ \end{array}$$

Épreuve de Bernoull Schéma de Bernouil d'ordre n

Loi binomiale Coefficients

Exemple 9



$$\begin{array}{l} P(X=0) \\ = P(\{(B;B);(B;N);(N;B);(N;N)\}) \\ = P(B;B) + P(B;N) + P(N;B) + P(N;N) \\ = (\frac{2}{5})^2 + \frac{2}{5}\frac{1}{5} + \frac{1}{5}\frac{2}{5} + \end{array}$$

Épreuve de Bernoull Schéma de Bernouil d'ordre n

Loi binomiale Coefficients binomiaux

Exemple 9



$$\begin{array}{l} P(X=0) \\ = P(\{(B;B);(B;N);(N;B);(N;N)\}) \\ = P(B;B) + P(B;N) + P(N;B) + P(N;N) \\ = (\frac{2}{5})^2 + \frac{2}{5}\frac{1}{5} + \frac{1}{5}\frac{2}{5} + (\frac{1}{5})^2 = \end{array}$$

Loi binomiale Coefficients binomiaux

Exemple 9



$$\begin{array}{l} P(X=0) \\ = P(\{(B;B);(B;N);(N;B);(N;N)\}) \\ = P(B;B) + P(B;N) + P(N;B) + P(N;N) \\ = (\frac{2}{5})^2 + \frac{2}{5}\frac{1}{5} + \frac{1}{5}\frac{2}{5} + (\frac{1}{5})^2 = \frac{9}{25} \end{array}$$

7461-141---

Suites d'experiences

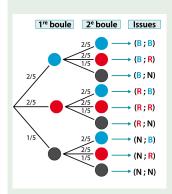
Variables aléatoires

Loi de probabilité Paramètres d'une

Schéma de

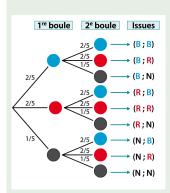
Épreuve de Bernouill Schéma de Bernouill d'ordre n Loi binomiale

Exemple 9



$$\begin{split} &P(X=0)\\ &=P(\{(B;B);(B;N);(N;B);(N;N)\})\\ &=P(B;B)+P(B;N)+P(N;B)+P(N;N)\\ &=(\frac{2}{5})^2+\frac{2}{5}\frac{1}{5}+\frac{1}{5}\frac{2}{5}+(\frac{1}{5})^2=\frac{9}{25}\\ &P(X=1)\\ &=P(\{(B;R);(R;B);(R;N);(N;R)\})\\ &=P(B;R)+P(R;B)+P(R;N)+P(N;R)\\ &=(\frac{2}{5})^2+(\frac{2}{5})^2+\frac{2}{5}\frac{1}{5}+\frac{1}{5}\frac{2}{5}=\frac{125}{25}\\ &P(X=2)\\ &=P(\{R;R)\}\\ &=P(B;R)+P(B;B)+P(B;R)+P(B;R)\\ &=(\frac{2}{5})^2+(\frac{2}{5})^2+\frac{2}{5}\frac{1}{5}+\frac{1}{5}\frac{2}{5}=\frac{125}{25}\\ &=P(B;R)+P(B;R)\\ &=P(B;R)+P(B;R)\\ &=(\frac{2}{5})^2=\frac{4}{25}\end{split}$$

Exemple 9



$$\begin{array}{l} P(X=0) \\ = P(\{(B;B);(B;N);(N;B);(N;N)\}) \\ = P(B;B) + P(B;N) + P(N;B) + P(N;N) \\ = (\frac{2}{5})^2 + \frac{2}{5}\frac{1}{5} + \frac{1}{5}\frac{2}{5} + (\frac{1}{5})^2 = \frac{9}{25} \\ P(X=1) \\ = P(\{(B;R);(R;B);(R;N);(N;R)\}) \\ = P(B;R) + P(R;B) + P(R;N) + P(N;R) \\ = (\frac{2}{5})^2 + (\frac{2}{5})^2 + \frac{2}{5}\frac{1}{5} + \frac{1}{5}\frac{2}{5} = \frac{12}{25} \\ P(X=2) \\ = P(\{(R;R)\}) \\ = (\frac{2}{5})^2 = \frac{4}{25} \end{array}$$

x _i	0	1	2
$P(X = x_i)$	9	12	4

Une loi de probabilité d'une variable aléatoire X:

Xi	<i>x</i> ₁	<i>x</i> ₂	 X _k
$P(X = x_i)$	p_1	<i>p</i> ₂	 p_k

est l'estimation des fréquences obtenues en faisant des statistiques sur un grand nombre de réalisations de l'expérience aléatoire :

Xi	<i>x</i> ₁	<i>x</i> ₂	 X _k
fi	f_1	f_2	 f_k

De même que nous avons défini les paramêtres moyenne, variance et écart-type d'une série statistique, nous définissons espérance E(X), variance var(X) et écart-type σ_X d'une variable aléatoire X.

Definition

d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Loi de probabilité
Paramètres d'une
variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernouill Schéma de Bernouill d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux

Définition 10 (Paramètres d'une variable aléatoire)

$$E(X) = \sum_{k}^{k} =$$

$$Var(X) = E((X - E(X))^2) = \sum_{i=1}^{k} p_i$$

$$Var(X) = E(X^2) - E(X)^2 = \sum_{i=1}^{k} -(\sum_{j=1}^{k})^2$$

$$\sigma_X =$$

Définition 10 (Paramètres d'une variable aléatoire)

$$E(X) = \sum_{i=1}^{k} =$$

$$Var(X) = E((X - E(X))^2) = \sum_{i=1}^{\kappa} p_i$$

$$Var(X) = E(X^2) - E(X)^2 = \sum_{i=1}^{k} -(\sum_{j=1}^{k})^2$$

$$\sigma_X =$$

Définition 10 (Paramètres d'une variable aléatoire)

$$E(X) = \sum_{i=1}^k p_i x_i =$$

$$Var(X) = E((X - E(X))^2) = \sum_{i=1}^{K} p_i$$

$$Var(X) = E(X^2) - E(X)^2 = \sum_{i=1}^{k} -(\sum_{j=1}^{k})^2$$

$$\sigma_X =$$

Définition 10 (Paramètres d'une variable aléatoire)

$$E(X) = \sum_{i=1}^{\kappa} p_i x_i = p_1 x_1 + ... + p_k x_k$$

$$Var(X) = E((X - E(X))^2) = \sum_{i=1}^{k} p_i$$

$$Var(X) = E(X^2) - E(X)^2 = \sum_{i=1}^{k} -(\sum_{j=1}^{k})^2$$

$$\sigma_X =$$

Définition 10 (Paramètres d'une variable aléatoire)

Paramètres d'une

variable aléatoire

$$E(X) = \sum_{i=1}^{K} p_i x_i = p_1 x_1 + ... + p_k x_k$$

$$Var(X) = E((X - E(X))^2) = \sum_{i=1}^{k} p_i(x_i - E(X))^2$$

$$Var(X) = E(X^2) - E(X)^2 = \sum_{i=1}^{k} -(\sum_{j=1}^{k})^2$$

$$\sigma_X =$$

Définition 10 (Paramètres d'une variable aléatoire)

Paramètres d'une

variable aléatoire

$$E(X) = \sum_{i=1}^{\kappa} p_i x_i = p_1 x_1 + ... + p_k x_k$$

$$Var(X) = E((X - E(X))^2) = \sum_{i=1}^{\kappa} p_i(x_i - E(X))^2$$

$$Var(X) = E(X^2) - E(X)^2 = \sum_{i=1}^{k} p_i x_i^2 - (\sum_{i=1}^{k} p_i^2)^2$$

$$\sigma_X =$$

Définition 10 (Paramètres d'une variable aléatoire)

$$E(X) = \sum_{i=1}^{K} p_i x_i = p_1 x_1 + ... + p_k x_k$$

$$Var(X) = E((X - E(X))^2) = \sum_{i=1}^{\kappa} p_i(x_i - E(X))^2$$

$$Var(X) = E(X^2) - E(X)^2 = \sum_{i=1}^{k} p_i x_i^2 - (\sum_{i=1}^{k} p_i x_i)^2$$

$$\sigma_X =$$

Définition 10 (Paramètres d'une variable aléatoire)

$$E(X) = \sum_{i=1}^{K} p_i x_i = p_1 x_1 + ... + p_k x_k$$

$$Var(X) = E((X - E(X))^2) = \sum_{i=1}^{\kappa} p_i(x_i - E(X))^2$$

$$Var(X) = E(X^2) - E(X)^2 = \sum_{i=1}^k p_i x_i^2 - (\sum_{i=1}^k p_i x_i)^2$$

$$\sigma_X = \sqrt{Var(X)}$$

Exemple 11

procedent.						
X _i	0 1	2				
$P(X=x_i)$	9 25 25 25	<u>4</u> 25				
$E(X) = \times F$	P(< P() + >	< P()
$=$ $+2 \times$	= =	$=\frac{4}{5}$				
$E(X^2) = \times$	P(X =	0)+	$\times P(X$	(=1) +	$\times P(X)$	X=2
=	=					
Var(X) = -	_ =	=	$-=rac{12}{25}$			
$\sigma_{\rm X} = \simeq 0$	0.69					

Exemple 11

precedent.
$x_i \mid 0 \mid 1 \mid 2$
$P(X = x_i) = \frac{9}{25} = \frac{12}{25} = \frac{4}{25}$
$E(X) = 0 \times P() + \times P() + \times P()$
$=$ $+2\times$ $=$ $=\frac{4}{5}$
$E(X^2) = \times P(X = 0) + \times P(X = 1) + \times P(X = 2)$
= =
$Var(X) = - = \frac{12}{25}$
$\sigma_X = \simeq 0.69$

precedent.						
Xi	0 1	2				
$P(X=x_i)$	$\frac{9}{25}$ $\frac{12}{25}$	4 25				
$E(X) = 0 \times F$	P(X=0)	$\frac{1}{1}$	< P() +	$\times P($)
$=$ $+2 \times$	= :	$=\frac{4}{5}$				
$E(X^2) = \times$	P(X =	= 0) +	$\times P(\lambda$	$(1)^{-1}$	$+ \times F$	P(X=2)
=	=					
Var(X) =	_	=	$-=rac{12}{25}$			
$\sigma_{\rm X} = \simeq 0$	0.69					

Exemple 11

$x_i $
$P(X = x_i) \begin{vmatrix} \frac{9}{25} & \frac{12}{25} & \frac{4}{25} \end{vmatrix}$
$\overline{E(X)} = 0 \times P(X = 0) + 1 \times P() + \times P()$
$= +2 \times = = \frac{4}{5}$
$E(X^2) = \times P(X = 0) + \times P(X = 1) + \times P(X = 2)$
= =
$Var(X) = - = \frac{12}{25}$
$\sigma_X = \simeq 0.69$

$x_i \mid 0 \mid 1 \mid 2$
$P(X=x_i) \begin{vmatrix} \frac{9}{25} & \frac{12}{25} & \frac{4}{25} \end{vmatrix}$
$\overline{E(X)} = 0 \times P(X = 0) + 1 \times P(X = 1) + \times P($
$= +2 \times = = \frac{4}{5}$
$E(X^2) = \times P(X = 0) + \times P(X = 1) + \times P(X = 2)$
= =
$Var(X) = - = \frac{12}{25}$
$\sigma_{\rm V} - \sim 0.60$

precedent:
x_i 0 1 2
$P(X = x_i)$ $\frac{9}{25}$ $\frac{12}{25}$ $\frac{4}{25}$
$E(X) = 0 \times P(X = 0) + 1 \times P(X = 1) + 2 \times P($
$= +2 \times = = \frac{4}{5}$
$E(X^2) = \times P(X = 0) + \times P(X = 1) + \times P(X = 2)$
= =
$Var(X) = - = \frac{12}{25}$
$\sigma_{\rm V} = \sim 0.69$

Xi	0	1	2							
$P(X=x_i)$	<u>9</u> 25	$\frac{12}{25}$	<u>4</u> 25							
$E(X) = 0 \times$	$\overline{P(X)}$	= 0	+1	×	P(X :	= 1)	+ 2 ×	P(z)	X=2)
$=$ $+2 \times$	=	=	= \frac{4}{5}							
$E(X^2) =$	$\times P($	X =	0) +		$\times P($	X =	1)+	×	P(X)	= 2)
=	=									
Var(X) =	-	=	= —	· :	$=\frac{12}{25}$					
$\sigma_X = \simeq$	0.69									

Exemple 11

Xi	0	1	2		
$P(X = x_i)$					
$E(X) = 0 \times$	P(X)	= 0) + 1	$\times P(X=1) + 2 \times I$	P(X = 2)
$=\frac{12}{25}+2\times$			$=\frac{4}{5}$		
$E(X^2) =$	$\times P($	X =	0)+	$\times P(X=1) +$	$\times P(X=2)$
=	=				
Var(X) =	_	=	=	$=\frac{12}{25}$	
$\sigma_{\rm V} = \sim$	0.69				

Exemple 11

recedent.
$x_i \mid 0 \mid 1 \mid 2 \mid$
$P(X = x_i) \begin{vmatrix} \frac{9}{25} & \frac{12}{25} & \frac{4}{25} \end{vmatrix}$
$E(X) = 0 \times P(X = 0) + 1 \times P(X = 1) + 2 \times P(X = 2)$
$=\frac{12}{25}+2\times\frac{4}{25}==\frac{4}{5}$
$E(X^2) = X P(X = 0) + X P(X = 1) + X P(X = 2)$
= =
$Var(X) = - = \frac{12}{25}$
$\sigma_X = \simeq 0.69$

Exemple 11

Xi	0 1	2			
$P(X=x_i)$	$\frac{9}{25}$ $\frac{12}{25}$	$\frac{4}{25}$			
$E(X) = 0 \times I$	P(X=0))+1 ×	P(X=1) +	$-2 \times P($	X = 2)
$=\frac{12}{25}+2\times\frac{2}{2}$	$\frac{4}{5} = \frac{20}{25} =$	$=\frac{4}{5}$			
$E(X^2) = $	$\times P(X) =$	= 0) +	$\times P(X=1)$	$)+ \rightarrow$	P(X=2)
=	=				
Var(X) =	- =	=	$r = \frac{12}{25}$		
$\sigma_X = \simeq$	0.69				

Exemple 11

procedent.				
Xi	0	1	2	
$P(X=x_i)$	<u>9</u> 25	12 25	<u>4</u> 25	
$E(X) = 0 \times$	$\overline{P(X)}$	= 0) + 1	$\times P(X=1) + 2 \times P(X=2)$
$=\frac{12}{25}+2\times \frac{1}{2}$	$\frac{4}{25} =$	$\frac{20}{25} =$	= 4/5	
$E(X^2) = 0^2$	$\times P($	$\tilde{X} =$	0) +	$-1^2 \times P(X=1) + 2^2 \times P(X=2)$
=	=			
Var(X) =	_	=	=	$\frac{1}{1} = \frac{12}{25}$
$\sigma_{\rm V}$ – \sim	0.69			

Xi	0	1	2	
$P(X=x_i)$	<u>9</u> 25	$\frac{12}{25}$	4 25	
$E(X) = 0 \times$	$\overline{P(X)}$	= 0) + 1	$\times P(X=1) + 2 \times P(X=2)$
$=\frac{12}{25}+2\times\frac{1}{2}$	$\frac{4}{25} =$	$\frac{20}{25} =$	= 4/5	
$E(X^2) = 0^2$	$\times P($	$\widetilde{X} =$	(0) +	$+1^2 \times P(X=1) + 2^2 \times P(X=2)$
$=\frac{12}{25}+4\times\frac{1}{25}$	$\frac{4}{55} = \frac{1}{5}$			
Var(X) =	_	=	=	$\frac{1}{1} = \frac{12}{25}$
$\sigma_X = \simeq$	0.69			-

Exemple 11

Xi	0	1	2	
$P(X=x_i)$	9 25	$\frac{12}{25}$	$\frac{4}{25}$	
				$\times P(X=1) + 2 \times P(X=2)$
$=\frac{12}{25}+2\times\frac{1}{2}$	$\frac{4}{55} = $	$\frac{20}{25} =$	= \frac{4}{5}	
$E(X^2) = 0^2$	$\times P($	$\tilde{X} =$	0) +	$+1^2 \times P(X=1) + 2^2 \times P(X=2)$
$=\frac{12}{25}+4\times\frac{1}{2}$	$\frac{4}{55} = 1$	28 25		
Var(X) =	_	=	= —	$\frac{1}{1} = \frac{12}{25}$
$\sigma_X = \simeq$	0.69			

Exemple 11

X _i	0 1	2	
$P(X=x_i)$	$\frac{9}{25}$ $\frac{12}{25}$	<u>4</u> 25	
			$\times P(X=1) + 2 \times P(X=2)$
$=\frac{12}{25}+2\times\frac{4}{25}$	$=\frac{20}{25}=$	= \frac{4}{5}	
$E(X^2) = 0^2 \times$	P(X =	0) +	$+1^2 \times P(X=1) + 2^2 \times P(X=2)$
$=\frac{12}{25}+4\times\frac{4}{25}$	$=\frac{28}{25}$		
$Var(X) = \frac{28}{25}$	- =	= —	$\frac{1}{1} = \frac{12}{25}$
$\sigma_X = \simeq 0$.69		

Exemple 11

$$\begin{array}{|c|c|c|c|}\hline x_i & 0 & 1 & 2\\\hline P(X=x_i) & \frac{9}{25} & \frac{12}{25} & \frac{4}{25}\\\hline E(X) = 0 \times P(X=0) + 1 \times P(X=1) + 2 \times P(X=2)\\ = \frac{12}{25} + 2 \times \frac{4}{25} = \frac{20}{25} = \frac{4}{5}\\\hline E(X^2) = 0^2 \times P(X=0) + 1^2 \times P(X=1) + 2^2 \times P(X=2)\\ = \frac{12}{25} + 4 \times \frac{4}{25} = \frac{28}{25}\\\hline Var(X) = \frac{28}{25} - (\frac{4}{5})^2 = --- = \frac{12}{25}\\\hline \sigma_X = & \simeq 0.69 \end{array}$$

Exemple 11

Exemple 11

$$\begin{array}{c|c|c|c} x_i & 0 & 1 & 2 \\ \hline P(X = x_i) & \frac{9}{25} & \frac{12}{25} & \frac{4}{25} \\ \hline E(X) = 0 \times P(X = 0) + 1 \times P(X = 1) + 2 \times P(X = 2) \\ = \frac{12}{25} + 2 \times \frac{4}{25} = \frac{20}{25} = \frac{4}{5} \\ E(X^2) = 0^2 \times P(X = 0) + 1^2 \times P(X = 1) + 2^2 \times P(X = 2) \\ = \frac{12}{25} + 4 \times \frac{4}{25} = \frac{28}{25} \\ Var(X) = \frac{28}{25} - (\frac{4}{5})^2 = \frac{28 - 25}{25} \\ \hline \sigma_X = & \simeq 0.69 \\ \end{array}$$

Xi	0	1	2	
$P(X=x_i)$	9 25	$\frac{12}{25}$	$\frac{4}{25}$	
$\overline{E(X)} = 0 \times$	$\overline{P(X)}$	= 0) + 1	$\times P(X=1) + 2 \times P(X=2)$
$=\frac{12}{25}+2\times\frac{1}{2}$	$\frac{4}{25} = $	$\frac{20}{25} =$	= \frac{4}{5}	
$E(X^2) = 0^2$	$\times P($	$\widetilde{X} =$	0) +	$+1^2 \times P(X=1) + 2^2 \times P(X=2)$
$=\frac{12}{25}+4\times \frac{1}{2}$	$\frac{4}{55} = \frac{1}{5}$	28 25		
$Var(X) = \frac{28}{25}$	- ($(\frac{4}{5})^2 =$	$=\frac{28-}{2!}$	$\frac{16}{5} = \frac{12}{25}$
$\sigma_X = \simeq$	0.69			

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouill d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux

Exemple 11

On reprend l'exemple du tirage de boules de l'exemple précédent :

x_i 0 1 2
$P(X = x_i) \begin{vmatrix} \frac{9}{25} & \frac{12}{25} & \frac{4}{25} \end{vmatrix}$
$E(X) = 0 \times P(X = 0) + 1 \times P(X = 1) + 2 \times P(X = 2)$
$=\frac{12}{25}+2\times\frac{4}{25}=\frac{20}{25}=\frac{4}{5}$
$E(X^2) = 0^2 \times P(X = 0) + 1^2 \times P(X = 1) + 2^2 \times P(X = 2)$
$=\frac{12}{25}+4\times\frac{4}{25}=\frac{28}{25}$
$Var(X) = \frac{28}{25} - (\frac{4}{5})^2 = \frac{28 - 16}{25} = \frac{12}{25}$
$\sigma_X = \frac{2\sqrt{3}}{5} \simeq 0.69$

Coefficients binomiaux

Théorème 12

Soit $X: \Omega \to \mathbb{R}$ une variable aléatoire. On note aX + b la variable aléatoire telle que $(aX + b)(\omega) = aX(\omega) + b$.

$$E(aX + b) =$$

$$Var(aX + b) =$$

Théorème 12

Soit $X:\Omega\to\mathbb{R}$ une variable aléatoire. On note aX+b la variable aléatoire telle que $(aX + b)(\omega) = aX(\omega) + b$.

$$E(aX+b)=aE(X)+b$$

$$Var(aX + b) =$$

Loi binomiale Coefficients

Théorème 12

Soit $X : \Omega \to \mathbb{R}$ une variable aléatoire. On note aX + b la variable aléatoire telle que $(aX + b)(\omega) = aX(\omega) + b$.

$$E(aX+b)=aE(X)+b$$

$$Var(aX + b) = a^2 var(X)$$

Paramètres d'une variable aléatoire

Théorème 13 (Loi des grands nombres)

Pour un grand nombre d'expériences aléatoires réalisées la moyenne (resp. l'écart-type) des valeurs observées pour X est proche de (resp.) de X .

Définition

Suites d'experience: aléatoires

Variables aléatoires

Définition Loi de probabi

Paramètres d'une variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernouill Schéma de Bernouill d'ordre n

Loi binomiale Coefficients

Théorème 13 (Loi des grands nombres)

Pour un grand nombre d'expériences aléatoires réalisées la moyenne (resp. l'écart-type) des valeurs observées pour X est proche de l'espérance (resp.) de X.

Définition

Suites d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Loi de probabilité Paramètres d'une variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n

Loi binomiale Coefficients

Théorème 13 (Loi des grands nombres)

Pour un grand nombre d'expériences aléatoires réalisées la moyenne (resp. l'écart-type) des valeurs observées pour X est proche de l'espérance (resp. l'écart-type) de X.

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Définition 14 (Schéma de Bernoulli d'ordre 1)

Une **épreuve de Bernoulli** est une expérience aléatoire qui admet exactement deux issues : Succès et .

En associant à cette expérience aléatoire le variable X qui vaut 1 en cas de succès et 0 en cas d'échec, on obtient pour X loi de probabilité suivante :

k	0	1
		р

Épreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients binomiaux

Définition 14 (Schéma de Bernoulli d'ordre 1)

Une **épreuve de Bernoulli** est une expérience aléatoire qui admet exactement deux issues : Succès et échec.

En associant à cette expérience aléatoire le variable X qui vaut 1 en cas de succès et 0 en cas d'échec, on obtient pour X loi de probabilité suivante :

k	0	1
		р

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Définition 14 (Schéma de Bernoulli d'ordre 1)

Une **épreuve de Bernoulli** est une expérience aléatoire qui admet exactement deux issues : Succès et échec.

En associant à cette expérience aléatoire le variable X qui vaut 1 en cas de succès et 0 en cas d'échec, on obtient pour X loi de probabilité suivante :

k	0	1
P(X=k)		р

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Définition 14 (Schéma de Bernoulli d'ordre 1)

Une **épreuve de Bernoulli** est une expérience aléatoire qui admet exactement deux issues : Succès et échec.

En associant à cette expérience aléatoire le variable X qui vaut 1 en cas de succès et 0 en cas d'échec, on obtient pour X loi de probabilité suivante :

k	0	1
P(X=k)	1 - p	р

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Définition 14 (Schéma de Bernoulli d'ordre 1)

Une **épreuve de Bernoulli** est une expérience aléatoire qui admet exactement deux issues : Succès et échec.

En associant à cette expérience aléatoire le variable X qui vaut 1 en cas de succès et 0 en cas d'échec, on obtient pour X loi de probabilité suivante :

k	0	1
P(X=k)	1 - p	р

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale

Exemple 15

On lance un dé équilibré à 6 faces. On définit le succès par l'événement «Obtenir 6». La variable aléatoire X associée à cette épreuve de Bernoulli suit la loi de

$$X \hookrightarrow B(\frac{1}{6})$$

k	0	1

Épreuve de Bernoulli

Exemple 15

On lance un dé équilibré à 6 faces. On définit le succès par l'événement «Obtenir 6». La variable aléatoire X associée à cette épreuve de Bernoulli suit la loi de Bernoulli de paramètre $X \hookrightarrow B(\frac{1}{6})$

$$X \hookrightarrow B(\frac{1}{6})$$

k	0	1

Exemple 15

On lance un dé équilibré à 6 faces. On définit le succès par l'événement «Obtenir 6». La variable aléatoire X associée à cette épreuve de Bernoulli suit la loi de Bernoulli de paramètre $X \hookrightarrow B(\frac{1}{6})$

$$X \hookrightarrow B(\frac{1}{6})$$

k	0	1
P(X=k)		

Épreuve de Bernoulli

Exemple 15

On lance un dé équilibré à 6 faces. On définit le succès par l'événement «Obtenir 6». La variable aléatoire X associée à cette épreuve de Bernoulli suit la loi de Bernoulli de paramètre

$$X \hookrightarrow B(\frac{1}{6})$$

k	0	1
P(X=k)	<u>5</u>	<u>1</u>

Proposition 16

Soit X une variable aléatoire suivant une loi de bernoulli de paramètre p.

$$E(X) = p$$

$$Var(X) = p(1-p)$$

$$E(X) = \times + \times = p$$

 $E() = \times (1-p) + \times p = p$
 $Var(X) = - = p - p^2 = p(1-p)$

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Proposition 16

Soit X une variable aléatoire suivant une loi de bernoulli de paramètre p.

$$E(X) = p$$

$$Var(X) = p(1-p)$$

$$E(X) = 0 \times + \times = p$$

 $E() = \times (1-p) + \times p = p$
 $Var(X) = - = p - p^2 = p(1-p)$

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Proposition 16

Soit X une variable aléatoire suivant une loi de bernoulli de paramètre p.

$$E(X) = p$$

$$Var(X) = p(1-p)$$

$$E(X) = 0 \times (1 - p) + \times = p$$

 $E() = \times (1 - p) + \times p = p$
 $Var(X) = - = p - p^2 = p(1 - p)$

Épreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Proposition 16

Soit X une variable aléatoire suivant une loi de bernoulli de paramètre p.

$$E(X) = p$$

$$Var(X) = p(1-p)$$

$$E(X) = 0 \times (1 - p) + 1 \times = p$$

 $E() = \times (1 - p) + \times p = p$
 $Var(X) = - = p - p^2 = p(1 - p)$

Proposition 16

Soit X une variable aléatoire suivant une loi de bernoulli de paramètre p.

$$E(X) = p$$

$$Var(X) = p(1-p)$$

$$E(X) = 0 \times (1 - p) + 1 \times p = p$$

 $E() = \times (1 - p) + \times p = p$
 $Var(X) = - = p - p^2 = p(1 - p)$

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Proposition 16

Soit X une variable aléatoire suivant une loi de bernoulli de paramètre p.

$$E(X) = p$$

$$Var(X) = p(1-p)$$

$$E(X) = 0 \times (1 - p) + 1 \times p = p$$

 $E(X^2) = \times (1 - p) + \times p = p$
 $Var(X) = - = p - p^2 = p(1 - p)$

Proposition 16

Soit X une variable aléatoire suivant une loi de bernoulli de paramètre p.

$$E(X) = p$$

$$Var(X) = p(1-p)$$

$$E(X) = 0 \times (1 - p) + 1 \times p = p$$

 $E(X^2) = 0^2 \times (1 - p) + 1^1 \times p = p$
 $Var(X) = - p - p^2 = p(1 - p)$

Épreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Proposition 16

Soit X une variable aléatoire suivant une loi de bernoulli de paramètre p.

$$E(X) = p$$

$$Var(X) = p(1-p)$$

$$E(X) = 0 \times (1 - p) + 1 \times p = p$$

 $E(X^2) = 0^2 \times (1 - p) + 1^1 \times p = p$
 $Var(X) = E(X^2) - p = p - p^2 = p(1 - p)$

Épreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale

Proposition 16

Soit X une variable aléatoire suivant une loi de bernoulli de paramètre p.

$$E(X) = p$$

$$Var(X) = p(1-p)$$

$$E(X) = 0 \times (1 - p) + 1 \times p = p$$

 $E(X^2) = 0^2 \times (1 - p) + 1^1 \times p = p$
 $Var(X) = E(X^2) - E(X)^2 = p - p^2 = p(1 - p)$

Exemple 17

$$E(X) = =$$

$$E(X) = = Var(X) = \times = \frac{5}{36}.$$

Exemple 17

$$E(X) = p =$$

 $Var(X) = \times = 1$

$$Var(X) = \times = \frac{5}{36}.$$

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n

Loi binomiale Coefficients

Exemple 17

$$E(X) = p = \frac{1}{6}$$

$$Var(X) = \times = \frac{5}{36}.$$

Loi binomiale Coefficients

Exemple 17

$$E(X) = p = \frac{1}{6}$$

$$Var(X) = \frac{1}{6} \times = \frac{5}{36}.$$

Loi binomiale Coefficients

Exemple 17

$$E(X) = p = \frac{1}{6}$$

 $Var(X) = \frac{1}{6} \times \frac{5}{6} = \frac{5}{36}$.

Définition 18 (Schéma de Bernoulli d'ordre n)

On appelle **schéma de Bernoulli** d'ordre n et de paramètre p, l'expérience aléatoire constituée par une suite de n épreuves de Bernoulli de paramètre p, et

Le résultat de l'expérience est la liste des *n* résultats représentée par un mot

$$R_1R_2...R_n$$

où $R_i = S$ ou \overline{S} .

On peut représenter l'expérience par un et la probabilité d'une issue est :

$$p^k(1-p)^{n-k}$$

Définition

d'experience aléatoires

Variables aléatoires

Loi de probabilité Paramètres d'une variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale

où k est

Définition 18 (Schéma de Bernoulli d'ordre n)

On appelle **schéma de Bernoulli** d'ordre n et de paramètre p, l'expérience aléatoire constituée par une suite de n épreuves de Bernoulli de paramètre p, indépendantes et identiquement distribuées.

Le résultat de l'expérience est la liste des n résultats représentée par un mot

$$R_1R_2...R_n$$

où $R_i = S$ ou \overline{S} .

On peut représenter l'expérience par un et la probabilité d'une issue est :

$$p^k(1-p)^{n-k}$$

Définition

Suites d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Loi de probabilité Paramètres d'une variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale

où k est

0

Définition 18 (Schéma de Bernoulli d'ordre n)

On appelle **schéma de Bernoulli** d'ordre n et de paramètre p, l'expérience aléatoire constituée par une suite de n épreuves de Bernoulli de paramètre p, indépendantes et identiquement distribuées.

Le résultat de l'expérience est la liste des n résultats représentée par un mot

$$R_1R_2...R_n$$

où $R_i = S$ ou \overline{S} .

On peut représenter l'expérience par un arbre pondéré et la probabilité d'une issue est :

$$p^k(1-p)^{n-k}$$

Définition

d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Loi de probabilité Paramètres d'une variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale

où k est

Définition 18 (Schéma de Bernoulli d'ordre n)

On appelle **schéma de Bernoulli** d'ordre n et de paramètre p, l'expérience aléatoire constituée par une suite de n épreuves de Bernoulli de paramètre p, indépendantes et identiquement distribuées.

Le résultat de l'expérience est la liste des n résultats représentée par un mot

$$R_1R_2...R_n$$

où $R_i = S$ ou \overline{S} .

On peut représenter l'expérience par un arbre pondéré et la probabilité d'une issue est :

$$p^k(1-p)^{n-k}$$

Définition

Suites d'experience aléatoires

Variables aléatoires

Loi de probabilité Paramètres d'une variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale

où k est le nombre de succès

Definition

d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Loi de probabilité Paramètres d'une variable aléatoire

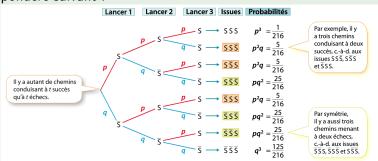
Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n

Loi binomia

Exemple 19

On réalise 3 lancers successifs d'un dé équilibré, en considérant à chaque lancé «obtenir 6» comme le succès. La suite de ces trois épreuves de Bernoulli peut être représentée par l'arbre pondéré suivant :



Définition

Suites d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Loi de probabilité
Paramètres d'une

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouill d'ordre n

Loi binomiale Coefficients

Définition 20 (Variable aléatoire associée)

À un schéma de Bernoulli d'ordre n et de paramètre p, on associe la variable aléatoire Y qui compte le nombre de succès obtenu lors de cette suite d'épreuves de bernoulli

et

Les valeurs possibles pour Y sont

On représente l'expérience par un . L'évènement $\{Y=k\}$ est constitué de tous les chemins de l'arbre contenant succès exactement. D'après la loi des chemins, la probabilité d'un tel chemin est . On appelle C_n^k le nombre de tels chemins.

Loi de probabilité Paramètres d'une variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouill d'ordre n

Loi binomiale Coefficients

Définition 20 (Variable aléatoire associée)

À un schéma de Bernoulli d'ordre n et de paramètre p, on associe la variable aléatoire Y qui compte le nombre de succès obtenu lors de cette suite d'épreuves de bernoulli indépendantes et identiquement distribuées. Les valeurs possibles pour Y sont

On représente l'expérience par un . L'évènement $\{Y=k\}$ est constitué de tous les chemins de l'arbre contenant succès exactement. D'après la loi des chemins, la probabilité d'un tel chemin est . On appelle C_n^k le nombre de tels chemins.

Suites d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Loi de probabilité Paramètres d'une variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoull Schéma de Bernouil d'ordre n

Loi binomiale Coefficients

Définition 20 (Variable aléatoire associée)

À un schéma de Bernoulli d'ordre n et de paramètre p, on associe la variable aléatoire Y qui compte le nombre de succès obtenu lors de cette suite d'épreuves de bernoulli indépendantes et identiquement distribuées. Les valeurs possibles pour Y sont 0, 1, ..., n.

On représente l'expérience par un . L'évènement $\{Y=k\}$ est constitué de tous les chemins de l'arbre contenant succès exactement. D'après la loi des chemins, la probabilité d'un tel chemin est . On appelle C_n^k le nombre de tels chemins.

Loi de probabilité Paramètres d'une variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoull Schéma de Bernouil d'ordre n

Loi binomiale Coefficients

Définition 20 (Variable aléatoire associée)

À un schéma de Bernoulli d'ordre n et de paramètre p, on associe la variable aléatoire Y qui compte le nombre de succès obtenu lors de cette suite d'épreuves de bernoulli indépendantes et identiquement distribuées. Les valeurs possibles pour Y sont 0, 1, ..., n.

On représente l'expérience par un arbre pondéré. L'évènement $\{Y=k\}$ est constitué de tous les chemins de l'arbre contenant succès exactement. D'après la loi des chemins, la probabilité d'un tel chemin est . On appelle C_n^k le nombre de tels chemins.

Loi de probabilité Paramètres d'une variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoull Schéma de Bernouil d'ordre n

Loi binomiale Coefficients

Définition 20 (Variable aléatoire associée)

À un schéma de Bernoulli d'ordre n et de paramètre p, on associe la variable aléatoire Y qui compte le nombre de succès obtenu lors de cette suite d'épreuves de bernoulli indépendantes et identiquement distribuées. Les valeurs possibles pour Y sont 0, 1, ..., n.

On représente l'expérience par un arbre pondéré. L'évènement $\{Y=k\}$ est constitué de tous les chemins de l'arbre contenant k succès exactement. D'après la loi des chemins, la probabilité d'un tel chemin est . On appelle \mathcal{C}_n^k le nombre de tels chemins.

Loi de probabilité Paramètres d'une variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoul Schéma de Bernouil d'ordre n

Loi binomiale Coefficients

Définition 20 (Variable aléatoire associée)

À un schéma de Bernoulli d'ordre n et de paramètre p, on associe la variable aléatoire Y qui compte le nombre de succès obtenu lors de cette suite d'épreuves de bernoulli indépendantes et identiquement distribuées. Les valeurs possibles pour Y sont 0,1,...,n.

On représente l'expérience par un arbre pondéré. L'évènement $\{Y=k\}$ est constitué de tous les chemins de l'arbre contenant k succès exactement. D'après la loi des chemins, la probabilité d'un tel chemin est $p^k(1-p)^{n-k}$. On appelle C_n^k le nombre de tels chemins.

Épreuve de Bernouill Schéma de Bernouill d'ordre n

Loi binomiale

Coefficients pinomiaux

Théorème 21

$$P(Y = k) =$$

$$E(Y) =$$

$$Var(Y) =$$

Épreuve de Bernouill Schéma de Bernouill d'ordre n

Loi binomiale

Coefficients oinomiaux

Théorème 21

$$P(Y=k) = p^k (1-p)^{n-k}$$

$$E(Y) =$$

$$Var(Y) =$$

Épreuve de Bernouill Schéma de Bernouill d'ordre n

Loi binomiale

oefficients

Théorème 21

$$P(Y = k) = C_n^k p^k (1 - p)^{n-k}$$

$$E(Y) =$$

$$Var(Y) =$$

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n

Loi binomiale

Coefficients

Théorème 21

$$P(Y = k) = C_n^k p^k (1 - p)^{n-k}$$

$$E(Y) = np$$

$$Var(Y) =$$

Épreuve de Bernouill Schéma de Bernouill d'ordre n

Loi binomiale

Coefficients

Théorème 21

$$P(Y = k) = C_n^k p^k (1 - p)^{n-k}$$

$$E(Y) = np$$

$$Var(Y) = np(1-p)$$

Suites d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Définition

Loi de probabilité

Paramètres d'une

variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale

Définition 22

On appelle coefficients binomiaux les entiers C_n^k du théorème 21.

 C_n^k est le nombre de chemins empruntant exactement k succès (et donc échecs), dans l'arbre binaire associé à un schéma de bernoulli d'ordre n.

 C_n^k est aussi le nombre de façon d'écrire un mot de lettres composé de fois la lettre S et fois la lettre E. C_n^k est aussi le nombre de parties à éléments d'un ensemble à éléments.

Suites d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Définition

Loi de probabilité

Paramètres d'une

variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Epreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Définition 22

On appelle coefficients binomiaux les entiers C_n^k du théorème 21.

 C_n^k est le nombre de chemins empruntant exactement k succès (et donc n-k échecs), dans l'arbre binaire associé à un schéma de bernoulli d'ordre n.

 C_n^k est aussi le nombre de façon d'écrire un mot de lettres composé de fois la lettre S et fois la lettre E. C_n^k est aussi le nombre de parties à éléments d'un ensemble à éléments.

Suites d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Définition

Loi de probabilité

Paramètres d'une

variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Définition 22

On appelle coefficients binomiaux les entiers C_n^k du théorème 21.

 C_n^k est le nombre de chemins empruntant exactement k succès (et donc n-k échecs), dans l'arbre binaire associé à un schéma de bernoulli d'ordre n.

 C_n^k est aussi le nombre de façon d'écrire un mot de n lettres composé de fois la lettre S et fois la lettre E. C_n^k est aussi le nombre de parties à éléments d'un ensemble à éléments.

Suites d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Définition

Loi de probabilité

Paramètres d'une

variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale

Définition 22

On appelle coefficients binomiaux les entiers C_n^k du théorème 21.

 C_n^k est le nombre de chemins empruntant exactement k succès (et donc n-k échecs), dans l'arbre binaire associé à un schéma de bernoulli d'ordre n.

 C_n^k est aussi le nombre de façon d'écrire un mot de n lettres composé de k fois la lettre S et fois la lettre E. C_n^k est aussi le nombre de parties à éléments d'un ensemble à éléments.

Suites d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Définition

Loi de probabilité

Paramètres d'une

variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Définition 22

On appelle coefficients binomiaux les entiers C_n^k du théorème 21.

 C_n^k est le nombre de chemins empruntant exactement k succès (et donc n-k échecs), dans l'arbre binaire associé à un schéma de bernoulli d'ordre n.

 C_n^k est aussi le nombre de façon d'écrire un mot de n lettres composé de k fois la lettre S et n-k fois la lettre E.

 C_n^k est aussi le nombre de parties à éléments d'un ensemble à éléments.

Suites d'experiences aléatoires

Variables aléatoires

Définition

Loi de probabilité

Paramètres d'une

variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Définition 22

On appelle coefficients binomiaux les entiers C_n^k du théorème 21.

 C_n^k est le nombre de chemins empruntant exactement k succès (et donc n-k échecs), dans l'arbre binaire associé à un schéma de bernoulli d'ordre n.

 C_n^k est aussi le nombre de façon d'écrire un mot de n lettres composé de k fois la lettre S et n-k fois la lettre E.

 C_n^k est aussi le nombre de parties à k éléments d'un ensemble à éléments.

Définition

Loi de probabilité

Paramètres d'une

variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Epreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale Coefficients

Définition 22

On appelle coefficients binomiaux les entiers C_n^k du théorème 21.

 C_n^k est le nombre de chemins empruntant exactement k succès (et donc n-k échecs), dans l'arbre binaire associé à un schéma de bernoulli d'ordre n.

 C_n^k est aussi le nombre de façon d'écrire un mot de n lettres composé de k fois la lettre S et n-k fois la lettre E. C_n^k est aussi le nombre de parties à k éléments d'un ensemble à n éléments.

Coefficients binomiaux

Proposition 23

- 1 $C_n^0 =$, pour tout entier naturel n.
- $= C_n^{n-k}, \text{ pour tout entier } n \ge 0 \text{ et tout entier } 0 \le k \le n.$
- 3 Formule du triangle de Pascal :

$$C_n^k = C_{n-1}^k +$$

pour tout entier n > 1 et 1 < k < n.

Coefficients

Proposition 23

- **11** $C_n^0 = 1$, pour tout entier naturel n.
- $= C_n^{n-k}, \text{ pour tout entier } n \ge 0 \text{ et tout entier } 0 \le k \le n.$
- 3 Formule du triangle de Pascal :

$$C_n^k = C_{n-1}^k +$$

pour tout entier n > 1 et 1 < k < n.

Coefficients binomiaux

Proposition 23

- $C_n^0 = 1$, pour tout entier naturel n.
- 2 $C_n^k = C_n^{n-k}$, pour tout entier $n \ge 0$ et tout entier 0 < k < n.
- **3** Formule du **triangle de Pascal** :

$$C_n^k = C_{n-1}^k +$$

pour tout entier n > 1 et 1 < k < n.

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouill d'ordre n

Coefficients

Proposition 23

- 1 $C_n^0 = 1$, pour tout entier naturel n.
- 2 $C_n^k = C_n^{n-k}$, pour tout entier $n \ge 0$ et tout entier $0 \le k \le n$.
- 3 Formule du triangle de Pascal :

$$C_n^k = C_{n-1}^k + C_{n-1}^{k-1}$$

pour tout entier $n \ge 1$ et $1 \le k \le n$.

Probabilités.

Définition

Suites d'experiences

Variables aléatoires

Loi de probabilité Paramètres d'une variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernouilli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale

- 1 Il n'y a qu'un mot comportant que des échecs.
- 2 D'après la symétrie de l'arbre.
- On distingue deux cas pour un chemin comportant exactement k succès : Soit il commence par un succès et il termine avec exactement k-1 succès durant les n-1 expériences restantes. Soit il commence par un échec et il termine avec exactement k succès parmi les n-1 expériences restantes.

Probabilités.

D 44:--:+:---

Suites

Variables

aléatoires Définition

Loi de probabilité Paramètres d'une variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale

- 1 Il n'y a qu'un mot comportant que des échecs. $C_n^0=1$
- 2 D'après la symétrie de l'arbre.
- 3 On distingue deux cas pour un chemin comportant exactement k succès : Soit il commence par un succès et il termine avec exactement k-1 succès durant les n-1 expériences restantes. Soit il commence par un échec et il termine avec exactement k succès parmi les n-1 expériences restantes.

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale

- **1** Il n'y a qu'un mot comportant que des échecs. $C_n^0 = 1$
- 2 D'après la symétrie de l'arbre. $C_n^k = C_n^{n-k}$
- 3 On distingue deux cas pour un chemin comportant exactement k succès : Soit il commence par un succès et il termine avec exactement k-1 succès durant les n-1 expériences restantes. Soit il commence par un échec et il termine avec exactement k succès parmi les n-1 expériences restantes.

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale

- **1** Il n'y a qu'un mot comportant que des échecs. $C_n^0 = 1$
- 2 D'après la symétrie de l'arbre. $C_n^k = C_n^{n-k}$
- 3 On distingue deux cas pour un chemin comportant exactement k succès : Soit il commence par un succès et il termine avec exactement k-1 succès durant les n-1 expériences restantes. Soit il commence par un échec et il termine avec exactement k succès parmi les n-1 expériences restantes.

$$C_{n-1}^{k-1} + =$$

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale

- 1 II n'y a qu'un mot comportant que des échecs. $C_n^0 = 1$
- 2 D'après la symétrie de l'arbre. $C_n^k = C_n^{n-k}$
- On distingue deux cas pour un chemin comportant exactement k succès : Soit il commence par un succès et il termine avec exactement k-1 succès durant les n-1 expériences restantes. Soit il commence par un échec et il termine avec exactement k succès parmi les n-1 expériences restantes.

$$C_{n-1}^{k-1} + C_{n-1}^{k} =$$

Loi de probabilité Paramètres d'une variable aléatoire

Schéma de Bernoulli

Épreuve de Bernoulli Schéma de Bernouilli d'ordre n Loi binomiale

- 1 II n'y a qu'un mot comportant que des échecs. $C_n^0 = 1$
- 2 D'après la symétrie de l'arbre. $C_n^k = C_n^{n-k}$
- On distingue deux cas pour un chemin comportant exactement k succès : Soit il commence par un succès et il termine avec exactement k-1 succès durant les n-1 expériences restantes. Soit il commence par un échec et il termine avec exactement k succès parmi les n-1 expériences restantes.

$$C_{n-1}^{k-1} + C_{n-1}^k = C_n^k$$