

Εξηγήστε περιεκτικά και επαρκώς την εργασία σας. Επιτρέπεται προαιρετικά η συνεργασία εντός ομάδων των 2 ατόμων. Κάθε ομάδα 2 ατόμων υποβάλλει μια κοινή αναφορά που αντιπροσωπεύει μόνο την προσωπική εργασία των μελών της. Αν χρησιμοποιήσετε κάποια άλλη πηγή εκτός του βιβλίου και του εκπαιδευτικού υλικού του μαθήματος, πρέπει να το αναφέρετε. Η παράδοση της αναφοράς και του κώδικα της εργασίας θα γίνει ηλεκτρονικά στο moodle του μαθήματος: <https://helios.ntua.gr/course/view.php?id=872>. Στη σελίδα αυτή, στην ενότητα 'Απορίες Εργαστηρίων', μπορείτε επίσης να υποβάλετε απορίες και ερωτήσεις δημιουργώντας issues.

Επισημαίνεται ότι απαγορεύεται η ανάρτηση των λύσεων των εργαστηριακών ασκήσεων στο github, ή άλλες ιστοσελίδες. Η σχεδίαση και το περιεχόμενο των εργαστηριακών projects αποτελούν αντικείμενο πνευματικής ιδιοκτησίας της διδακτικής ομάδας του μαθήματος.

Θέμα: Κωδικοποίηση σημάτων Μουσικής βάσει του ψυχοακουστικού μοντέλου (Perceptual Audio Coding)¹

Πολλά σύγχρονα συστήματα κωδικοποίησης μουσικής (π.χ. MP3) βασίζονται στις ιδιότητες του συστήματος ακοής του ανθρώπου με στόχο να συμπίεσουν μία ηχογράφηση δίνοντας έμφαση κυρίως στις αντιλήψιμες συχνότητες των κρίσιμων συχνοτικών περιοχών όπως αυτές ορίζονται από το ψυχοακουστικό μοντέλο. Τα διαθέσιμα bits κβαντισμού, ανάλογα με τον επιθυμητό βαθμό συμπίεσης, κατανέμονται ανά χρονικό τμήμα και κρίσιμη συχνοτική ζώνη με στόχο: α) το λάθος κβαντισμού να γίνεται όσο το δυνατό λιγότερο αντιληπτό και β) οι χρονο-συχνοτικές συνιστώσες του σήματος που ακούγονται περισσότερο να λαμβάνουν περισσότερο χώρο στην κωδικοποίηση από αυτές που επικαλύπτονται και δε γίνονται αντιληπτές κατά την ακοή. Στόχος της άσκησης είναι να συμπίεσουμε το ηχητικό σήμα μουσικής διάρκειας περίπου 30 sec που είναι αποθηκευμένο στο αρχείο *music_dsp.wav*. Το σήμα έχει ηχογραφηθεί με συχνότητα δειγματοληψίας $F_s = 44100$ Hz και έχει κωδικοποιηθεί με PCM χρησιμοποιώντας 16 bits ανά δείγμα. Παρακάτω περιγράφονται οι βασικές έννοιες του ψυχοακουστικού μοντέλου:

Absolute Threshold of hearing

Το κατώφλι ακοής (Absolute Threshold of Hearing) χαρακτηρίζει το ποσό της ενέργειας σε dB - Sound Pressure Level (dB SPL) που πρέπει να έχει ένας τόνος (π.χ. ημίτονο), συχνότητας f , ώστε να γίνει αντιληπτός σε περιβάλλον πλήρους ησυχίας. Η μη γραμμική συνάρτηση εκτίμησής του φαίνεται στο Σχήμα 1 και ισούται με:

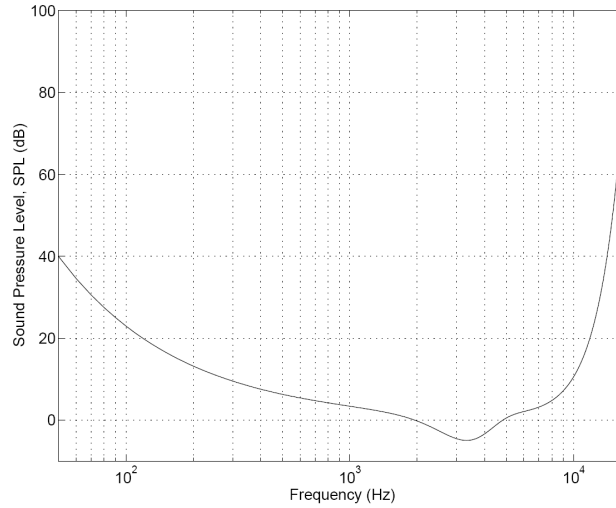
$$T_q(f) = 3.64(f/1000)^{-0.8} - 6.5e^{-0.6(f/1000-3.3)^2} + 10^{-3}(f/1000)^4 \text{ (dB SPL)}. \quad (1)$$

Όταν το κατώφλι ακοής χρησιμοποιείται σε εφαρμογές συμπίεσης, τότε το $T_q(f)$ θα μπορούσε να ερμηνευθεί ως το μέγιστο επιτρεπόμενο ποσό ενέργειας για την κωδικοποίηση των παραμορφώσεων που εισάγονται στο πεδίο της συχνότητας.

Critical Bands

Οι κρίσιμες συχνοτικές περιοχές (critical bands) του ψυχοακουστικού μοντέλου έχουν σχεδιαστεί καθ' ομοίωση των περιοχών στις οποίες συντονίζονται οι νευροδέκτες του ακουστικού φλοιού. Οι 25 πρώτες κρίσιμες συχνοτικές περιοχές μοντελοποιούνται με την ψυχοακουστική κλίμακα συχνοτήτων Bark η οποία έχει πεδίο τιμών στο διάστημα $[1, 25]$. Η μετατροπή των

¹ Αυτή η άσκηση υλοποιεί περίπου το Layer I του MPEG-1 (Η τεχνολογία audio coding με MP3 είναι το Layer III)



Σχήμα 1: Απόλυτη τιμή κατωφλίου ακοής: Absolute Threshold of Hearing.

συχνοτήτων της κλίμακας Hz στην κλίμακα Bark βάση του μη γραμμικού μοντέλου αντίληψης του ήχου δίνεται από την Εξ. (2):

$$b(f) = 13 \arctan(.00076f) + 3.5 \arctan[(f/7500)^2] \text{ (Bark)}, \quad (2)$$

όπου f το διάνυσμα συχνοτήτων σε Hz.

Παραθυροποίηση

Σύμφωνα με τα πρότυπα του MPEG-1 η ανάλυση που ακολουθεί γίνεται σε πλαίσια ανάλυσης $x(n)$ του αρχικού σήματος $s(n)$. Το μήκος των παραθύρων ισούται με $N = 512$ δείγματα. Η επεξεργασία με το Ψυχοακουστικό Μοντέλο (Μέρος 1) και τη Συστοιχία Φίλτρων (Μέρος 2) εκτελείται σε κάθε πλαίσιο ανάλυσης **χωρίς επικάλυψη**. Τα πλαίσια ανάλυσης για το στάδιο του Ψυχοακουστικού Μοντέλου παραθυρώνονται με παράθυρο Hanning.

Μέρος 1. Ψυχοακουστικό Μοντέλο 1

Σκοπός του Μέρους 1 είναι η δημιουργία μιας συνάρτησης που υλοποιεί το Ψυχοακουστικό Μοντέλο 1, η οποία παίρνει σαν είσοδο το παραθυροποιημένο πλαίσιο ανάλυσης και επιστρέφει το συνολικό κατώφλι κάλυψης T_g .

Βήμα 1.0: Προεπεξεργασία του σήματος

Διαβάστε στην python το σήμα μουσικής music_dsp.wav. Στη συνέχεια, κανονικοποιήστε το σε όλο το μήκος του, διαιρώντας τα δείγματα του με την απόλυτη μέγιστη τιμή του σήματος, έτσι ώστε καθ' όλη τη διάρκεια του να έχει τιμές μεταξύ $[-1, 1]$. Για τα επόμενα βήματα, χρειάζεται παραθυροποίηση του σήματος χρησιμοποιώντας $N = 512$ δείγματα, και ανάλυση σε κάθε πλαίσιο.

Βήμα 1.1: Φασματική Ανάλυση

Ο στόχος σε αυτό το βήμα είναι να αποκτήσουμε μία υψηλής ανάλυσης εκτίμηση του φάσματος του σήματος εκφρασμένο σε μονάδες SPL (Sound Pressure Level) όπως εκφράζεται η πίεση του αέρα στο τύμπανο του αυτιού. Αρχικά ορίζουμε την κλίμακα Bark σύμφωνα με την Εξ.(2), και στη συνέχεια υπολογίζουμε το N-σημείων φάσμα ισχύος $P(k)$ του σήματος όπου $N = 512$

δείγματα όπως έχει καθιερωθεί στο πρότυπο MPEG Layer-1.

Σημείωση: Επειδή το φάσμα ισχύος $P(k)$ έχει συμμετρία αντίστοιχη του μέτρου του DFT, τελικά κρατάμε το μονόπλευρο φάσμα ισχύος, που αντιστοιχεί σε $k \in [0, N/2]$:

$$P(k) = PN + 10 \log_{10} \left| \sum_{n=0}^{N-1} w(n)x(n)e^{-j\frac{2\pi kn}{N}} \right|^2, 0 \leq k \leq \frac{N}{2}. \quad (3)$$

Η σταθερά κανονικοποίησης PN ισούται με 90.302 dB ενώ ως παράθυρο $w(n)$ χρησιμοποιούμε το Hanning το οποίο ορίζεται ως:

$$w(n) = \frac{1}{2} \left[1 - \cos \left(\frac{2\pi n}{N} \right) \right]. \quad (4)$$

Χρήσιμες python υπορουτίνες: **fft()**, **hanning()** της numpy.

Βήμα 1.2: Εντοπισμός μασκών τόνων και θορύβου (Maskers)

Αφού υπολογιστεί το φάσμα ισχύος $P(k)$, στη συνέχεια θέλουμε να εντοπίσουμε ανά critical band **τοπικά μέγιστα (μάσκες)** τα οποία είναι μεγαλύτερα από τις γειτονικές τους συχνότητες τουλάχιστον κατά 7 dB. Το εύρος της γειτονιάς υπολογισμού των μασκών διαφέρει ανά διακριτή συχνότητα k , όπως φαίνεται στην Εξ.(6). Στις υψηλές συχνότητες οι μάσκες καλύπτουν ευρύτερες γειτονίες.

Άρα η παρακάτω συνάρτηση $S_T(k)$, Εξ.(5), επιστρέφει boolean τιμές $\{0, 1\}$ που προσδιορίζουν αν στη θέση k υπάρχει τονική μάσκα. (Κάθε θέση k στην οποία η S_T έχει λογική τιμή 1 αντιστοιχεί σε μία τονική μάσκα που καλύπτει τις γειτονικές συχνότητες). Η συνάρτηση εντοπίζει τις τονικές μάσκες ελέγχοντας για τοπικά μέγιστα στις διαφορετικές συχνοτικές περιοχές, όπως ορίζονται παρακάτω:

$$S_T(k) = \begin{cases} 0, & \text{αν } k \notin [2, 250] \\ P(k) > P(k \pm 1) \wedge P(k) > P(k \pm \Delta_k) + 7\text{dB}, & \text{αν } k \in [2, 250] \end{cases} \quad (5)$$

όπου το \wedge ισοδυναμεί με boolean and και το Δ_k :

$$\Delta_k \in \begin{cases} 2, & 2 \leq k < 63 & (0.17 - 5.5\text{kHz}) \\ [2, 3] & 63 \leq k < 127 & (5.5 - 11\text{kHz}) \\ [2, 6] & 127 \leq k < 250 & (11 - 20\text{kHz}) \end{cases} \quad (6)$$

Αφού βρείτε τις θέσεις των τονικών μασκών, υπολογίστε την ισχύ τους. Η ισχύς $P_{TM}(k)^2$ της μάσκας στη θέση k υπολογίζεται με βάση τις τιμές του φάσματος ισχύος στις διακριτές συχνότητες $(k-1), k, (k+1)$ ως:

$$P_{TM}(k) = \begin{cases} 10 \log_{10}(10^{0.1(P(k-1))} + 10^{0.1(P(k))} + 10^{0.1(P(k+1))}) (\text{dB}), & \text{αν } S_T(k) = 1 \\ 0, & \text{αν } S_T(k) = 0 \end{cases} \quad (7)$$

Για την εύρεση των *μασκών του θορύβου* (noise maskers) σας δίνεται ο προυπολογισμένος πίνακας P_NM για το κάθε παράθυρο ανάλυσης, τον οποίο θα χρησιμοποιήσετε για να τις αναπαραστήσετε.

Βήμα 1.3: Μείωση και αναδιοργάνωση των μασκών

Σε αυτό το βήμα μειώνουμε τον αριθμό των μασκών, χρησιμοποιώντας δυο διαφορετικά κριτήρια. Και σε αυτό το σημείο σας δίνονται 2 πίνακες, συγκεκριμένα οι P_TM, P_NM οι οποίοι

² P_{TM} , TM = Tone Masker, P_{NM} , NM = Noise Masker,

περιέχουν τις τονικές μάσκες P_TMc και τις μάσκες θορύβου P_NMc για το κάθε παράθυρο ανάλυσης, μετά τη μείωση και την αναδιοργάνωση.

Βήμα 1.4: Υπολογισμός των δυο διαφορετικών κατωφλίων κάλυψης (Individual Masking Thresholds)

Μετά τη μείωση του αριθμού των μασκών (Βήμα 1.3), υπολογίζουμε τα δύο διαφορετικά κατώφλια κάλυψης. Το κάθε κατώφλι αντιπροσωπεύει το ποσοστό κάλυψης στο σημείο i το οποίο προέρχεται από την μάσκα τόνου ή θορύβου στο σημείο j . Το δύο κατώφλια υπολογίζονται ως:

$$T_{TM}(i, j) = P_{TM}(j) - 0.275b(j) + SF(i, j) - 6.025(\text{dB SPL}) \quad (8)$$

$$T_{NM}(i, j) = P_{NM}(j) - 0.175b(j) + SF(i, j) - 2.025(\text{dB SPL}) \quad (9)$$

όπου το $P_{TM}(j)$ και $P_{NM}(j)$ η ισχύς των μασκών (τόνων και θορύβου, αντίστοιχα)³, στο σημείο j , και $b(j)$ οι συχνότητες στη κλίμακα Bark, Εξ.(2). Η συνάρτηση $SF(i, j)$ υπολογίζει την έκταση της κάλυψης από το σημείο j στο οποίο βρίσκεται η μάσκα έως το σημείο i το οποίο υφίσταται κάλυψη και, για την περίπτωση των τονικών μασκών, μοντελοποιείται ως εξής:

$$SF(i, j) = \begin{cases} 17\Delta_b - 0.4P_{TM}(j) + 11, & -3 \leq \Delta_b < -1 \\ (0.4P_{TM}(j) + 6)\Delta_b, & -1 \leq \Delta_b < 0 \\ -17\Delta_b, & 0 \leq \Delta_b < 1 \\ (0.15P_{TM}(j) - 17)\Delta_b - 0.15P_{TM}(j), & 1 \leq \Delta_b < 8 \end{cases} \quad (10)$$

Η συνάρτηση $SF(i, j)$ προσεγγίζει το ελάχιστο επίπεδο ισχύος το οποίο πρέπει να έχουν οι γειτονικές συχνότητες έτσι ώστε να γίνουν αντιληπτές από τον άνθρωπο. Η $SF(i, j)$ υπολογίζεται για κάθε μάσκα τόνου, ενώ οι θέσεις j μπορούν να βρεθούν ως $j : P_{TM}(j) > 0$. Στο συγκεκριμένο μοντέλο θεωρούμε πως το κατώφλι T_{TM} ορίζεται σε ένα διάστημα γειτονιάς των 12-Bark της μάσκας στο σημείο j , δηλαδή στις θέσεις $i : b(i) \in [b(j) - 3, b(j) + 8]$. Το $\Delta_b = b(i) - b(j)$ είναι η διαφορά των συχνοτήτων σε κλίμακα Bark μεταξύ της θέσης j της μάσκας και του κάθε σημείου i της γειτονιάς.

Σημείωση: Αντίστοιχα θα εργαστείτε και για την περίπτωση των μασκών θορύβου. Για τον υπολογισμό των κατωφλίων T_{NM} , στην Εξ.(10) αλλάζουμε το $P_{TM}(j)$ σε $P_{NM}(j)$, και βρίσκουμε τις θέσεις j αντίστοιχα με παραπάνω, μέσω της συνθήκης $P_{NM}(j) > 0$.

Βήμα 1.5: Υπολογισμός του συνολικού κατωφλίου κάλυψης (Global Masking Threshold)

Τα ξεχωριστά κατώφλια κάλυψης τα οποία υπολογίστηκαν στο Βήμα 1.4 συνδυάζονται για την δημιουργία του συνολικού κατωφλίου σε κάθε διακριτή συχνότητα ξεχωριστά. Το συνολικό κατώφλι $T_g(i)$ για κάθε πλαίσιο ανάλυσης υπολογίζεται αθροιστικά με την παρακάτω Εξίσωση:

$$T_g(i) = 10 \log_{10} \left(10^{0.1T_q(i)} + \sum_{l=0}^{255} 10^{0.1T_{TM}(i, l)} + \sum_{m=0}^{255} 10^{0.1T_{NM}(i, m)} \right) \text{ dB SPL}, \quad (11)$$

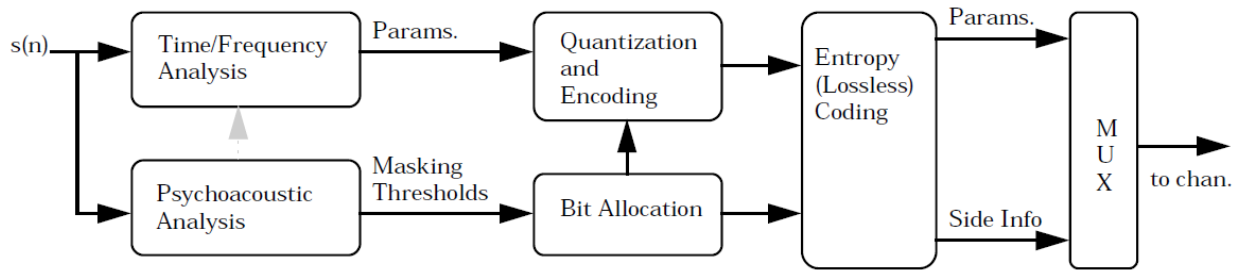
όπου το $T_q(i)$ είναι το Absolute Threshold of Hearing (ATH) σε κάθε διακριτή συχνότητα i , $T_{TM}(i, l)$ και $T_{NM}(i, m)$ τα ξεχωριστά κατώφλια κάλυψης των τόνων και του θορύβου αντίστοιχα, όπως υπολογίστηκαν στο Βήμα 1. Ουσιαστικά, για τον υπολογισμό των επιμέρους

³Σημείωση: Εδώ αναφερόμαστε στις μάσκες που σας δόθηκαν στο Βήμα 1.3, δηλ. στους πίνακες P_TMc και P_NMc

κατωφλίων κάλυψης $T_{TM}(i, \ell)$ και $T_{NM}(i, m)$ για κάθε critical band, που αντιστοιχεί στις διαφορετικές μάσκες, ανθροίζονται τα επιμέρους κατώφλια σε κάθε πλαίσιο ανάλυσης ξεχωριστά.

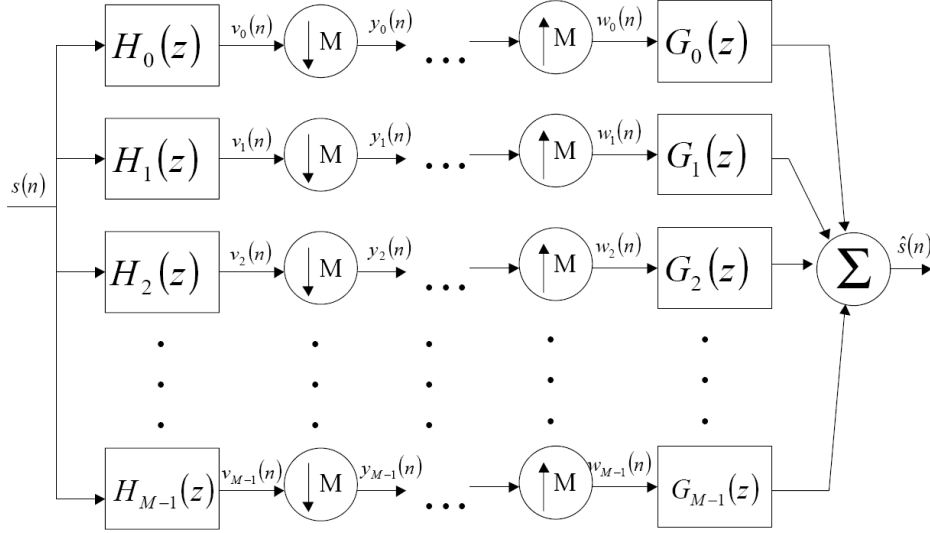
Μέρος 2. Χρονο-Συχνотική Ανάλυση με Συστοιχία Ζωνοπερατών Φίλτρων

Όλοι οι κωδικοποιητές ήχου, δείτε για παράδειγμα το block diagram του Σχ. 2, βασίζονται σε κάποιο είδος χρονο-συχνотικής ανάλυσης για την εξαγωγή ενός συνόλου παραμέτρων, οι οποίες χρησιμοποιούνται για την κβαντοποίηση και την κωδικοποίηση του ηχητικού σήματος. Για την ανάλυση αυτή συνήθως χρησιμοποιούνται συστοιχίες ζωνοπερατών φίλτρων, οι οποίες καλύπτουν όλο το φάσμα συχνοτήτων. Η συστοιχία των ζωνοπερατών φίλτρων διαιρεί το φάσμα σε υποζώνες συχνοτήτων και με αυτό τον τρόπο παρέχονται πληροφορίες σχετικά με την συχνотική κατανομή του σήματος, οι οποίες βοηθούν στην ταυτοποίηση των αντιληπτικά περιττών σημείων του σήματος. Με άλλα λόγια, η συστοιχία ζωνοπερατών φίλτρων διευκολύνει την ανάλυση με το ψυχοακουστικό μοντέλο καθώς επίσης η αποσύνθεση αυτή του σήματος στις διαφορετικές συχνотικές περιοχές βοηθά στη μείωση των στατιστικών redundancies.



Σχήμα 2: Generic Perceptual Audio Encoder.

Στο Μέρος 2 φιλτράρουμε τα παράθυρα $x(n)$ του σήματος με τη συστοιχία φίλτρων ανάλυσης $h_k(n)$ και σύνθεσης $g_k(n)$. Στόχος είναι η δημιουργία μιας συνάρτησης που υλοποιεί τη διαδικασία του Σχ.3, η οποία παίρνει σαν είσοδο το κάθε πλαίσιο ανάλυσης $x(n)$, τη συστοιχία φίλτρων και το συνολικό κατώφλι κάλυψης που υπολογίστηκε στο Μέρος 1. Η έξοδος της συνάρτησης είναι το ανακατασκευασμένο σήμα $\hat{x}(n)$ και ο αριθμός των bits που χρησιμοποιήθηκαν για τη δημιουργία του.



Σχήμα 3: Uniform M-Band Maximally Decimated Analysis-Synthesis Filterbank.

Βήμα 2.0: Συστοιχία Ζωνοπερατών Φίλτρων (Filterbank)

Όπως ήδη αναφέραμε για την ανάλυση του σήματος στις κρίσιμες συνιστώσες του, ανά χρονικό πλαίσιο, χρησιμοποιούνται συστοιχίες ζωνοπερατών φίλτρων. Σε αρκετά συστήματα συμπίεσης, τα φίλτρα σχεδιάζονται βάσει μίας τροποποιημένης εκδοχής του γνωστού διακριτού μετασχηματισμού συνημιτόνων. Ο εν λόγω Modified Discrete Cosine Transform (MDCT) είναι πλήρως αντιστρέψιμος και δεν εισάγει λάθη στην κωδικοποίηση του σήματος. Στο στάδιο της κωδικοποίησης και αποκωδικοποίησης του συστήματος συμπίεσης που υλοποιείται στην άσκηση χρησιμοποιούνται $M = 32$ φίλτρα ανάλυσης και σύνθεσης αντίστοιχα. Οι κρουστικές αποκρίσεις τους είναι:

$$h_k(n) = \sin \left[\left(n + \frac{1}{2} \right) \frac{\pi}{2M} \right] \sqrt{\frac{2}{M}} \cos \left[\frac{(2n + M + 1)(2k + 1)\pi}{4M} \right] \quad (12)$$

και

$$g_k(n) = h_k(2M - 1 - n) \quad (13)$$

αντίστοιχα, με μήκος $L = 2M$, ενώ $\sin[(n + \frac{1}{2})\frac{\pi}{2M}]$ (για $0 \leq n \leq L - 1$ και $0 \leq k \leq M - 1$) ένα βαθυπερατό φίλτρο γνωστό ως “ημιτονικό παράθυρο”.

Βήμα 2.1: Ανάλυση με Συστοιχία Φίλτρων

Στο Βήμα 2.1 κάνουμε (i) συνέλιξη του σήματος $x(n)$ με τα φίλτρα σύνθεσης $h_k(n)$, όπου $k = 1, \dots, M$ και (ii) υποδειγματοληψία του φιλτραρισμένου σήματος. Η ακολουθία εξόδου:

$$v_k(n) = h_k(n) * x(n) = \sum_{m=0}^{L-1} x(n-m)h_k(m), \quad k = 0, 1, \dots, M-1, \quad (14)$$

από τη συνέλιξη υποδειγματοληπείται κατά παράγοντα M για να διαιρεθεί το αρχικό σήμα στις χρονικές του συνιστώσες $y_k(n) = v_k(Mn)$.

Ο αποδεκατισμός (decimation) που επιδέχονται γίνεται στο μέγιστο βαθμό χωρίς να υπάρχουν φαινόμενα επικάλυψης (aliasing). Ωστόσο, τα μη ιδανικά ζωνοπερατά φίλτρα εισάγουν επικαλύψεις μεταξύ των συνιστωσών τις οποίες και θεωρούμε αμελητέες.

Βήμα 2.2: Κβαντοποίηση

Ένα απαραίτητο στοιχείο κάθε ψηφιακού κωδικοποιητή είναι ο κβαντιστής, ο οποίος αντιστοιχεί τις τιμές των δειγμάτων μίας διακριτής ακολουθίας σε αριθμημένα επίπεδα κβάντισης. Εδώ, θα υλοποιήσετε έναν προσαρμοζόμενο ομοιόμορφο κβαντιστή 2^{B_k} επιπέδων, όπου B_k ο αριθμός των bits κωδικοποίησης ανά δείγμα της ακολουθίας $y_k(n)$ στο τρέχον πλαίσιο ανάλυσης $x(n)$ του σήματος, ο οποίος και υπολογίζεται από τον τύπο:

$$B_k = \text{int} \left(\log_2 \left(\frac{R}{\min(T_g(i))} \right) - 1 \right), \quad (15)$$

όπου $T_g(i)$ το συνολικό κατώφλι κάλυψης του ψυχοακουστικού μοντέλου για το πλαίσιο ανάλυσης, όπως υπολογίστηκε στο Μέρος 1, και $R = 2^B$ το πλήθος των βαθμίδων έντασης του αρχικού σήματος $s(n)$, κωδικοποιημένο στα B bits ανά δείγμα. Το $T_g(i)$ ορίζεται στο διάστημα ορισμού του κάθε φίλτρου ανάλυσης, δηλαδή $i : f(i) \in [f_k - \frac{F_s}{4M}, f_k + \frac{F_s}{4M}]$, $k = 1, \dots, M$ όπου $f_k = \frac{(2k-1)F_s}{4M}$ η κεντρική συχνότητα του κάθε φίλτρου (σε Hz).

Εκτός του αριθμού των bits που ορίζονται από το ψυχοακουστικό μοντέλο, ο κβαντιστής θα προσαρμόζεται και βάσει της ελάχιστης και μέγιστης τιμής του σήματος σε κάθε πλαίσιο ανάλυσης. Άρα, το βήμα κβαντισμού Δ ρυθμίζεται βάσει του B_k και του πεδίου τιμών $[x_{min}, x_{max}]$ της εκάστοτε ακολουθίας $y_k(n)$, ως:

$$\Delta = \frac{x_{max} - x_{min}}{2^{B_k}} \quad (16)$$

Στο βήμα αυτό σας ζητείται επίσης να πειραματιστείτε και με έναν μη-προσαρμοζόμενο κβαντιστή και άρα να συμπιέσετε το σήμα χρησιμοποιώντας σταθερό αριθμό bits του κβαντιστή, όπου $B_k = 8$ bits σε κάθε πλαίσιο ανάλυσης, και σταθερό βήμα κβαντισμού Δ , το οποίο καθορίζεται από ένα υποτιθέμενο σταθερό πεδίο τιμών του σήματος $[-1, 1]$.

Βήμα 2.3: Σύνθεση

Στη συνέχεια, οι κβαντισμένες ακολουθίες $\hat{y}_k(n)$ στέλνονται στον αποκωδικοποιητή όπου παρεμβάλλονται με M μηδενικά και υπερδειγματοληπτούνται, σύμφωνα με τη σχέση

$$w_k(n) = \begin{cases} \hat{y}_k(n/M), & n = 0, M, 2M, 3M, \dots \\ 0, & \text{αλλιώς.} \end{cases} \quad (17)$$

Εν συνεχεία, τα $w_k(n)$ συνελίσσονται με τα φίλτρα σύνθεσης, Εξ.(13).

Η έξοδος $\hat{x}(n)$ της συστοιχίας φίλτρων ισούται με τη μετατοπισμένη είσοδο $x(n - n_0)$ αν το σφάλμα της κβάντισης είναι μηδενικό, κάτι που δε συμβαίνει στις περισσότερες περιπτώσεις.

Το συνολικό πλαίσιο ανάλυσης-σύνθεσης φαίνεται στο Σχήμα 3.

Σημειώνεται ότι στον αποκωδικοποιητή εκτός από τους δείκτες των σταθμών στις οποίες κβαντίζονται τα δείγματα της ακολουθίας $y_k(n)$, στέλνονται επίσης η θέση της πρώτης στάθμης και το Δ και τα δύο κωδικοποιημένα σε 16 bits.

Η τελική ανακατασκευή του σήματος μουσικής $\hat{s}(n)$ γίνεται με εφαρμογή της τεχνικής OverLap-Add χωρίς επικάλυψη μεταξύ των διαδοχικών πλαισίων ανάλυσης.

ΠΑΡΑΔΟΤΕΑ: Αρχεία python και αναφορά που να περιέχει:

- Image plots (σχήματα εικόνων) από όλα τα ενδιαμέσως στάδια στο Μέρος 1 (Ψυχοακουστικό μοντέλο), συγκεκριμένα plots του κάθε βήματος για κάποιο πλαίσιο ανάλυσης. Το T_g υπολογίζεται για όλα τα πλαίσια.
- Δυο διαφορετικά αρχεία .wav μετά την τελική ανακατασκευή του σήματος της μουσικής για τις δυο διαφορετικές μεθόδους κβαντοποίησης: 1) ψυχοακουστικό μοντέλο με προσαρμοζόμενο κβαντιστή 2) σταθερό αριθμό bit κβαντισμού, $B_k = 8$ και μη-προσαρμοζόμενο κβαντιστή.
- Αποτελέσματα συγκρίσεων μεταξύ των δυο διαφορετικών μεθόδων (ποσοστά συμπίεσης ως προς το αρχικό σήμα) και το μέσο τετραγωνικό λάθος.
- Σχήματα εικόνων από το αρχικό και ανακατασκευασμένο σήμα (και με τις δύο μεθόδους), όπως και απεικόνιση του λάθους.
- Συνοπτική επεξήγηση των αλγορίθμων και σχολιασμός των αποτελεσμάτων.

ΠΑΡΑΡΤΗΜΑ Α: Πληροφορίες σχετικά με το Βήμα 2 (Μέρος 1)

Στο Βήμα 2 σας δίνεται ο προϋπολογισμένος πίνακας, όπου και έχουν ήδη βρεθεί οι μάσκες θορύβου. Οι μάσκες θορύβου για κάθε critical band, $P_{NM}(\bar{k})$ υπολογίζονται στα σημεία τα οποία δεν ανήκουν μέσα στις γειτονιές $\pm\Delta$ των τονικών μασκών:

$$NoiseMember_i(k) = \begin{cases} 1, & \text{αν } k \notin j \pm \Delta_j \text{ όπου } j \in [\ell, u] \text{ με } S_T(j) = 1 \\ 0, & \text{αν } k \in j \pm \Delta_j \text{ όπου } j \in [\ell, u] \text{ με } S_T(j) = 1 \end{cases} \quad (18)$$

για όλα τα k που ανήκουν σε κάθε critical band (i), όπου $i = 1, \dots, 25$. Και άρα

$$P_{NM}(\bar{k}) = 10 \log_{10} \sum_j 10^{0.1P(j)} \text{ dB}, \text{ όπου } \bar{k} = \left(\prod_{j=\ell}^u j \right)^{1/(\ell-u+1)} \quad (19)$$

ΠΑΡΑΡΤΗΜΑ Β: Πληροφορίες σχετικά με το Βήμα 1.3 (Μέρος 1)

Όσον αφορά την μείωση του αριθμού των μασκών, σας δόθηκαν και πάλι οι προϋπολογισμένοι πίνακες. Η βασική ιδέα για την μείωση και την αναδιοργάνωση των μασκών είναι η εξής: Χρησιμοποιούμε δυο διαφορετικά κριτήρια.

1. Κάθε μάσκα τόνου και θορύβου η οποία βρίσκεται κάτω από το κατώφλι απόλυτης ακοής (ATH) απορρίπτεται, άρα μόνο οι μάσκες οι οποίες πληρούν την σχέση

$$P_{TM,NM}(k) \geq T_q(k) \quad (20)$$

θα παραμείνουν, όπου $T_q(k)$ είναι το SPL του κατωφλίου σε περιβάλλον ησυχίας.

2. Σε κινούμενα παράθυρα του 0.5 Bark βρίσκουμε τις μάσκες και τις αντικαθιστούμε με την πιο δυνατή σε ένταση.

ΠΑΡΑΡΤΗΜΑ Γ: ΠΑΡΑΤΗΡΗΣΕΙΣ / ΔΙΕΥΚΡΙΝΙΣΕΙΣ

1. **Κανονικοποίηση:** Κανονικοποιήστε το σήμα μουσικής, διαιρώντας τα δείγματα του με την απόλυτη μέγιστη τιμή του σήματος, έτσι ώστε καθ' όλη τη διάρκεια του να είναι στο διάστημα $[-1, 1]$.
2. **Παραθυροποίηση:** Η επεξεργασία με το Ψυχοακουστικού Μοντέλου (Μέρος 1) και τη Συστοιχία Φίλτρων (Μέρος 2) θα εκτελεστεί για πλαίσια ανάλυσης $N = 512$ δειγμάτων χωρίς επικάλυψη.
3. **Τελική Ανασύνθεση:** Η τελική ανασύνθεση του σήματος μουσικής, θα γίνει με την τεχνική OverLap-Add, χωρίς επικάλυψη μεταξύ των διαδοχικών πλαισίων ανάλυσης. Διευκρίνιση: λόγω της συνέλιξης, το φιλτραρισμένο σήμα έχει περισσότερα δείγματα από το αρχικό πλαίσιο ανάλυσης, όπου $N = 512$. Τα επιπλέον αυτά δείγματα θα πρέπει να ληφθούν υπόψη στην τελική ανακατασκευή και να προστεθούν ανάλογα.
4. **Αποτελέσματα συγκρίσεων** μεταξύ των δυο διαφορετικών μεθόδων: Σας ζητούνται τα ποσοστά συμπίεσης των δύο συμπίεσμένων σημάτων ως προς το αρχικό και το μέσο τετραγωνικό λάθος τους. Για το ποσοστό συμπίεσης των συμπίεσμένων σημάτων, θα χρησιμοποιήσετε τον τύπο:

$$\text{rate} = 1 - \frac{\text{bits_final}}{\text{bits_initial}} \quad (21)$$

όπου για τον τελικό αριθμό bits θα υπολογίσετε για κάθε frame και φίλτρο τα bits που του αντιστοιχούν (βάσει του αντίστοιχου B_k) και θα τα αθροίσετε, ενώ για τον αρχικό, $N \cdot B$ για σήμα N δειγμάτων. Το μέσο τετραγωνικό λάθος, Mean Square Error (MSE) ορίζεται ως η μέση τιμή του τετραγώνου της διαφοράς του αρχικού από το συμπίεμένο σήμα.

ΠΡΟΣΟΧΗ: Τα φίλτρα της σύνθεσης εισάγουν μία καθυστέρηση στο συμπίεμένο σήμα, η οποία θα πρέπει να βρεθεί και να αφαιρεθεί πριν τον υπολογισμό του MSE. Απεικονίστε το αρχικό, το ανακατασκευασμένο σήμα, αλλά και το λάθος που προκύπτει (και με τις δύο μεθόδους).

5. **Προσοχή:** Κατεβάστε το μουσικό σήμα καθώς και τους προυπολογισμένους πίνακες που σας δίνονται έτοιμοι και βρίσκονται στο συμπληρωματικό υλικό στο helios.

Λεπτομέρειες για το ψυχοακουστικό μοντέλο, τη συστοιχία φίλτρων, καθώς επίσης και για το μοντέλο κωδικοποίησης στο οποίο βασίζεται η συγκεκριμένη άσκηση θα βρείτε στα άρθρα (τα οποία μπορείτε να κατεβάσετε από το <http://cvsp.cs.ntua.gr/courses/dsp/material.shtml>:

[1] T. Painter, A. Spanias, "Perceptual Coding of Digital Audio", IEEE Proceedings 2000.

[2] T. Painter, A. Spanias, "A Review of Algorithms for Perceptual Coding of Digital Audio Signals", in Proc. of 13th Int'l Conf. on Digital Signal Processing, 1997.