



МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования

«МИРЭА – Российский технологический университет»

РТУ МИРЭА

---

Институт Информационных Технологий

Кафедра Вычислительной техники

---

## ОТЧЕТ О ВЫПОЛНЕНИИ ПРАКТИЧЕСКОЙ РАБОТЫ

### №1-2

«Преобразование алгебраического выражения в обратную  
польскую запись на Python»

по дисциплине

«Теория формальных языков»

Выполнил студент группы ИКБО-15-22

*Оганнисян Г.А.*

Принял старший преподаватель

*Боронников А.С.*

Практическая работа  
выполнена

«\_\_»\_\_\_\_\_2023 г.

«Зачтено»

«\_\_»\_\_\_\_\_2023 г.

Москва 2021

```
D:\Work\Practic_MIREA\TFYA>python polskaya_zapis.py
Введите алгебраическое выражение: 3 / ( 5 - ( 3 + ( 2 * 8 ) ) ) |
```

Рисунок 1 – Ввод примера в программу

```
D:\Work\Practic_MIREA\TFYA>python polskaya_zapis.py
Введите алгебраическое выражение: 3 / ( 5 - ( 3 + ( 2 * 8 ) ) )
Обратная польская запись: 3 5 3 2 8 * + - /
```

Рисунок 2 – Вывод программы

Этот код выполняет преобразование инфиксного алгебраического выражения (обычного математического выражения с операторами вроде +, -, \*, /) в обратную польскую запись. Обратная польская запись (или постфиксная запись) - это форма записи математических выражений, в которой операторы идут после своих операндов.

1. **is\_operator(token):**
  - Проверяет, является ли токен оператором.
2. **precedence(token):**
  - Определяет приоритет оператора.
3. **infix\_to\_postfix(expression):**
  - Преобразует инфиксное выражение в постфиксное.
4. **input\_expression = input("Введите алгебраическое выражение: ")**
  - Запрашивает у пользователя ввод алгебраического выражения.
5. **postfix\_expression = infix\_to\_postfix(input\_expression):**
  - Вызывает функцию **infix\_to\_postfix** для преобразования введенного выражения в постфиксное.
6. **print("Обратная польская запись:", postfix\_expression):**
  - Выводит результат преобразования в постфиксное выражение.

#### Листинг кода

*# Функция для проверки, является ли токен оператором*

```
def is_operator(token):
    return token in "+-*/"
```

*# Функция для определения приоритета оператора*

```
def precedence(token):
    if token in "+-":
        return 1
    if token in "*/":
        return 2
```

```

return 0 # Приоритет 0 для чисел и скобок

# Функция для преобразования инфиксного выражения в постфиксное
def infix_to_postfix(expression):
    output = [] # Список для хранения выходного постфиксного выражения
    stack = [] # Стек для временного хранения операторов и скобок

    # Разбиваем входное выражение на токены (числа, операторы и скобки)
    for token in expression.split():
        if token.isdigit():
            output.append(token) # Если токен - число, добавляем его в выход
        elif token == "(":
            stack.append(token) # Если токен - "(", помещаем его в стек
        elif token == ")":
            # Если токен - ")", извлекаем операторы из стека и добавляем их в выход,
            # пока не встретим "("
            while stack and stack[-1] != "(":
                output.append(stack.pop())
            stack.pop() # Удаляем "(" из стека
        elif is_operator(token):
            # Если токен - оператор, извлекаем операторы из стека и добавляем их в выход,
            # пока приоритет текущего оператора не станет меньше операторов в стеке
            while stack and is_operator(stack[-1]) and precedence(stack[-1]) >= precedence(token):
                output.append(stack.pop())
            stack.append(token) # Помещаем текущий оператор в стек

    # После обработки всех токенов, извлекаем оставшиеся операторы из стека и добавляем их в
    # выход
    while stack:
        output.append(stack.pop())

    # Возвращаем постфиксное выражение, объединив элементы списка через пробел
    return " ".join(output)

# Получаем входное алгебраическое выражение от пользователя
input_expression = input("Введите алгебраическое выражение: ")
# Вызываем функцию для преобразования и выводим результат
postfix_expression = infix_to_postfix(input_expression)
print("Обратная польская запись:", postfix_expression)

```

```
D:\Work\Practic_MIREA\TFYA>python kalkulator_pol_z.py
Введите обратную польскую запись: 3 5 3 2 8 * + - /
```

Рисунок 3 – Ввод данных для 2 программы

```
D:\Work\Practic_MIREA\TFYA>python kalkulator_pol_z.py
Введите обратную польскую запись: 3 5 3 2 8 * + - /
Результат: -0.21428571428571427
```

Рисунок 4 – Вывод данных 2 программы

Этот код - реализация программы для вычисления математических выражений, представленных в обратной польской записи (RPN). Обратная польская запись - это форма записи математических выражений, где операторы следуют после своих операндов. Пример ввода выражения: "3 5 3 2 8 \* + - /"

Программа использует стек для хранения операндов и операторов. Она также отслеживает инфиксную запись выражения для каждого шага вычисления. В случае неверного выражения (например, недостаточно операндов) программа выводит сообщение об ошибке.

Для каждого токена (числа или оператора) в выражении, программа либо помещает число в стек операндов, либо выполняет операцию с двумя верхними элементами стека и помещает результат обратно в стек. В процессе выполнения выражения, программа также строит инфиксное выражение для каждого шага.

В конце выполнения, если на стеке остался только один элемент, то это и есть результат выражения. В противном случае программа выводит сообщение об ошибке.

Пример:

- Ввод: "3 5 3 2 8 \* + - /"
- Вывод:
  - Результат: -0.21428571428571427

## Листинг кода

```
def evaluate_postfix(expression):
    stack = [] # Стек для хранения операндов

    # Разбиваем входное выражение на токены
    tokens = expression.split()

    for token in tokens:
        if token.isdigit():
            # Если токен - число, помещаем его в стек
            stack.append(int(token))
        else:
            # Если токен - оператор, извлекаем два операнда из стека
            operand2 = stack.pop()
            operand1 = stack.pop()
            # Выполняем операцию, соответствующую оператору
            if token == "+":
                result = operand1 + operand2
            elif token == "-":
                result = operand1 - operand2
            elif token == "*":
                result = operand1 * operand2
            elif token == "/":
                result = operand1 / operand2
            # Результат операции помещаем обратно в стек
            stack.append(result)

    # В конце, стек должен содержать только один элемент, который и будет результатом
    return stack[0]

# Получаем входное выражение от пользователя
input_expression = input("Введите обратную польскую запись: ")
# Вызываем функцию для вычисления и выводим результат
result = evaluate_postfix(input_expression)
print("Результат:", result)
```