Λογισμικό και προγραμματισμός υψηλής επίδοσης Εργασία 1

Περιεχόμενα

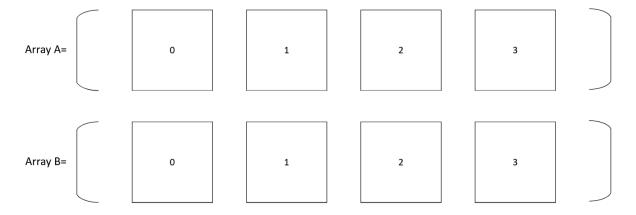
Question 1	1
a)	1
Automatic vectorization	3
Omp vectorization	4
Avx vectorization	
β)	8
Omp bench	9
Avx bench	10
Question 2	12
a)	12
β)	15
Y)	16

Question 1

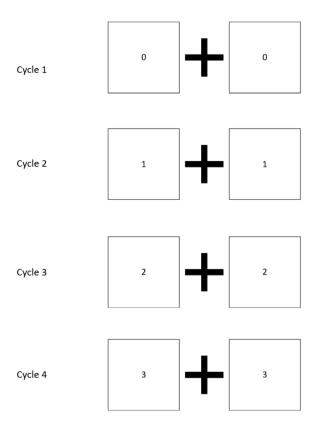
a)

Με όλες τις υλοποιήσεις σκοπεύουμε να χρησιμοποιήσουμε simd για την επιτάχυνση των υπολογισμών. Για να κατανοήσουμε την λειτουργία που θέλουμε να κάνουμε, ας δούμε ένα παράδειγμα:

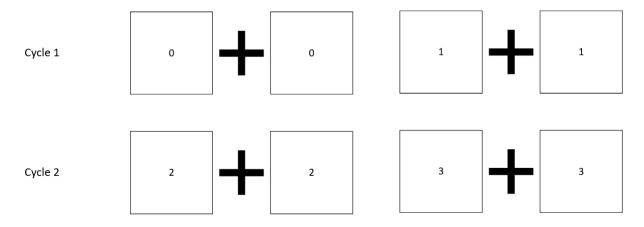
Έστω ότι έχουμε 2 array A,B με 4 ίδια στοιχεία το καθένα 0, 1, 2, 3 και θέλουμε να τα προσθέσουμε. Κανονικά, σε έναν κύκλο cρυ κάνουμε πρώτα την πρόσθεση των 2 στοιχείων 0+0, στον επόμενο κάνουμε των στοιχείων 1+1 κλπ. Με την χρήση simd, μπορούμε μέσα σε 1 cρυ cycle να κάνουμε πολλαπλές πράξεις μαζί, όπως 0+0 και 1+1, αρά επιταχύνουμε την διαδικασία χωρίς να χρειαστούμε παραπάνω επεξεργαστικούς πόρους.



Εικόνα 1: Δείχνει τα αρχικά array Α, Β.



Εικόνα 2: Κλασσικός τρόπος πράξεων, 1 ανά κύκλο ρολογιού.



Εικόνα 3: Simd πράξεις, πολλαπλές ανά κύκλο ρολογιού.

Automatic vectorization

Για να ενεργοποιήσουμε το automatic vectorization, αρκεί να χρησιμοποιήσουμε τα κατάλληλα flag. Αναλυτικότερα, θέτουμε το μέγιστο δυνατό optimization (level 3) επιτρέποντας inlining, loop unrolling και vectorization. Επιπλέον, φροντίζουμε με το native ότι χρησιμοποιείτε η βέλτιστη τεχνική για την αρχιτεκτονική μας (ο xeon του server συγκεκριμένα είναι x86) και αφήνουμε την διαδικασία αυτόματα στον compiler με την ftree vectorize.

```
CC = qcc
# Best optimization, inlining included
CFLAGS = -03 -march=native -ftree-vectorize -fopt-info-vec-all \
         -flto -finline-functions -finline-small-functions \
         -finline-functions-called-once -fwhole-program \
         -ffast-math -fno-math-errno \
         -finline-limit=999999
LIBS = -lm
all: bench
bench: bench.o
     $(CC) $(CFLAGS) -0 $@ $^ $(LIBS)
# Compile the bench
bench.o: bench.c weno.h
     $(CC) $(CFLAGS) -c bench.c
clean:
     rm -f *.o bench
```

Το αποτέλεσμα που λαμβάνουμε είναι:

```
magnetiment of the exercising of spining of the control of the con
```

Μπορούμε να διακρίνουμε ότι το κύριο loop που κάνει τις πράξεις (το weno minus reference) έγινε vectorized με επιτυχία. Τα υπόλοιπα error είναι από τις πράξεις μνήμης και i/ο διαδικασιών, τα οποία δεν γίνονται vectorize άρα ο compiler μας τα δείχνει ως σφάλμα, ενώ στην πραγματικότητα η διαδικασία μας είναι σωστή. Αξίζει να σημειωθεί ότι ο compiler δεν έκανε vectorize το loop μας χωρίς την ffast και το inline, μάλλον επειδή θεωρούσε ότι θα προκαλέσει σφάλμα η' πως είναι ασύμφορο να γίνει. Το συμπέρασμα είναι ότι προφανώς η αυτόματη διαδικασία δεν είναι η βέλτιστη.

Omp vectorization

Οι αλλαγές που χρειάζονται είναι ελάχιστες, αρκεί να προσθέσουμε στην εντολή omp parralel for το simd και επιπλέον επιλέξαμε να κάνουμε inline την συνάρτηση για να μην έχουμε overhead, δηλαδή αντί να την καλούμε απλά γράψαμε κατευθείαν τις πράξεις μέσα στο loop.

```
b[i]*(float)(19./3.) + c[i]*(float)(11./3.)) +
                         b[i]*(b[i]*(float)(25./3.)
c[i]*(float)(31./3.)) +
                         c[i]*c[i]*(float)(10./3.);
        const float is1 = b[i] * (b[i] * (float) (4./3.)
c[i]*(float)(13./3.) + d[i]*(float)(5./3.)) +
                         c[i]*(c[i]*(float)(13./3.)
d[i]*(float)(13./3.)) +
                         d[i]*d[i]*(float)(4./3.);
        const float is2 = c[i]*(c[i]*(float)(10./3.) -
d[i]*(float)(31./3.) + e[i]*(float)(11./3.)) +
                         d[i]*(d[i]*(float)(25./3.)
e[i]*(float)(19./3.)) +
                         e[i]*e[i]*(float)(4./3.);
        const float isOplus = isO + (float)WENOEPS;
        const float is1plus = is1 + (float)WENOEPS;
        const float is2plus = is2 + (float)WENOEPS;
        const float alpha0 = (float)(0.1)/((float)(is0plus*is0plus));
        const float alpha1 = (float) (0.6) / ((float) (is1plus*is1plus));
        const float alpha2 = (float)(0.3)/((float)(is2plus*is2plus));
        const float alphasum = alpha0 + alpha1 + alpha2;
        const float inv alpha = (float)1/alphasum;
        const float omega0 = alpha0 * inv alpha;
        const float omega1 = alpha1 * inv alpha;
        const float omega2 = (float)1 - omega0 - omega1;
        out[i] = omega0*((float)(1.0/3.)*a[i] - (float)(7./6.)*b[i] +
(float)(11./6.)*c[i]) +
                 omega1* (-(float)(1./6.)*b[i] + (float)(5./6.)*c[i] +
(float)(1./3.)*d[i]) +
                 omega2*((float)(1./3.)*c[i] + (float)(5./6.)*d[i] -
(float)(1./6.)*e[i]);
```

Avx vectorization

Χρησιμοποιούμε εντολές για 256bit register, άρα μπορούμε να κάνουμε 8 πράξεις ταυτόχρονα. Αρχικά, πριν από τους υπολογισμούς φορτώνουμε στους καταχωρητες τις τιμές των σταθερών μας ώστε να είναι έτοιμες για χρήση.

```
const __m256 v_4o3 = _mm256_set1_ps(4.0f/3.0f);
const __m256 v_19o3 = _mm256_set1_ps(19.0f/3.0f);
const __m256 v_11o3 = _mm256_set1_ps(11.0f/3.0f);
const __m256 v_25o3 = _mm256_set1_ps(25.0f/3.0f);
const __m256 v_31o3 = _mm256_set1_ps(31.0f/3.0f);
const __m256 v_10o3 = _mm256_set1_ps(10.0f/3.0f);
const __m256 v_13o3 = _mm256_set1_ps(13.0f/3.0f);
const __m256 v_5o3 = _mm256_set1_ps(5.0f/3.0f);
const __m256 v_5o3 = _mm256_set1_ps(5.0f/3.0f);
const __m256 v_eps = _mm256_set1_ps(0.0f);
const __m256 v_one = _mm256_set1_ps(1.0f);
const __m256 v_alpha0 = _mm256_set1_ps(0.1f);
const __m256 v_alpha1 = _mm256_set1_ps(0.6f);
const __m256 v_alpha2 = _mm256_set1_ps(0.3f);
```

Συνεχίζοντας, υλοποιούμε ένα loop ώστε να παίρνουμε τα δεδομένα από τα array στους καταχωρητες, συγκεκριμένα 8 στοιχεία κάθε φορά και κάνουμε vectorize τις πράξεις για τα stencil.

```
#pragma omp parallel for
                for (int i = 0; i < NENTRIES; i += 8) {</pre>
                               // Load all data
                                m256 \text{ va} = mm256 \text{ loadu ps(&a[i]);}
                                __m256 vb = _mm256_loadu_ps(&b[i]);
__m256 vc = _mm256_loadu_ps(&c[i]);
                                   _{m256} \text{ vd} = _{mm256} \text{loadu_ps(&d[i]);}
                                   m256 \text{ ve} = mm256 \text{ loadu ps(&e[i]);}
// Calculations
                                   m256 is0 = mm256 mul ps(va, mm256 mul ps(va, v 4o3));
                                is0 = mm256 \text{ sub ps}(is0, mm256 \text{ mul ps}(va, mm256 \text{ mul ps}(vb,
v 19o3)));
                                is0 = mm256 add ps(is0, mm256 mul ps(va, mm256 mul ps(vc,
v 11o3)));
                                  m256 \text{ tmp} = mm256 \text{ mul ps (vb, } mm256 \text{ mul ps (vb, } v 2503));
                                tmp = mm256 \text{ sub ps}(tmp, mm256 \text{ mul ps}(vb, mm256 \text{ mul ps}(vc, 
v 31o3)));
                               is0 = mm256 \text{ add ps}(is0, tmp);
                                is0 = mm256 add ps(is0, mm256 mul ps(mm256 mul ps(vc, vc),
v 10o3));
                                    m256 is1 = mm256 mul ps(vb, mm256 mul ps(vb, v 4o3));
                               is1 = mm256 \text{ sub ps}(is1, mm256 \text{ mul ps}(vb, mm256 \text{ mul ps}(vc,
v 13o3)));
                                is1 = mm256 add ps(is1, mm256 mul ps(vb, mm256 mul ps(vd,
v 5o3)));
```

```
tmp = mm256 \text{ mul ps(vc, } mm256 \text{ mul ps(vc, } v 13o3));
                                    tmp = mm256 sub ps(tmp, mm256 mul ps(vc, mm256 mul ps(vd,
v 13o3)));
                                  is1 = mm256 \text{ add ps}(is1, tmp);
                                    is1 = mm256 add ps(is1, mm256 mul ps(mm256 mul ps(vd, vd),
v 4o3));
                                           m256 is2 = mm256 mul ps(vc, mm256 mul ps(vc, v 10o3));
                                    is2 = mm256 \text{ sub ps}(is2, mm256 \text{ mul ps}(vc, mm256 \text{ mul ps}(vd,
v 31o3)));
                                    is2 = mm256 add ps(is2, mm256 mul ps(vc, mm256 mul ps(ve, mm256)
v 11o3)));
                                    tmp = mm256 \text{ mul ps}(vd, mm256 \text{ mul ps}(vd, v 25o3));
                                    tmp = mm256 \text{ sub ps}(tmp, mm256 \text{ mul ps}(vd, mm256 \text{ mul ps}(ve, ms)(ve, ms)(ve,
v 19o3)));
                                    is2 = mm256 \text{ add ps}(is2, tmp);
                                    is2 = mm256 add ps(is2, mm256 mul ps(mm256 mul ps(ve, ve),
v 4o3));
```

Παρακάτω, για να αποφευχθεί η αριθμητική αστάθεια κατά τη διάρκεια υπολογισμού των βαρών, στους δείκτες ομαλότητας προστίθεται μια μικρή σταθερά (η epsilon). Με τον τρόπο αυτό, αποφεύγονται πιθανά σφάλματα διαίρεσης με το μηδέν και εξασφαλίζουμε ότι το πρόγραμμα παραμένει σταθερό κατά τη διάρκεια της εκτέλεσης. Μόλις προστεθεί το epsilon, οι δείκτες ομαλότητας τετραγωνίζονται ως μέρος της διαδικασίας κανονικοποίησης.

```
// Add epsilon and compute squares
    is0 = _mm256_add_ps(is0, v_eps);
    is1 = _mm256_add_ps(is1, v_eps);
    is2 = _mm256_add_ps(is2, v_eps);
    is0 = _mm256_mul_ps(is0, is0);
    is1 = _mm256_mul_ps(is1, is1);
    is2 = _mm256_mul_ps(is2, is2);

is0 = _mm256_div_ps(v_alpha0, is0);
    is1 = _mm256_div_ps(v_alpha1, is1);
    is2 = _mm256_div_ps(v_alpha2, is2);

__m256_alpha_sum = _mm256_add_ps(_mm256_add_ps(is0, is1),
is2);
__m256_inv_sum = _mm256_div_ps(v_one, alpha_sum);
```

Τέλος, υπολογίζουμε τα βάρη και κάνουμε τους τελικούς υπολογισμούς.

```
m256 \text{ omega0} = mm256 \text{ mul ps}(is0, inv sum);
           m256 \text{ omegal} = mm256 \text{ mul ps}(is1, inv sum);
           m256 \text{ omega2} = mm256 \text{ sub ps}(\mathbf{v} \text{ one}, mm256 \text{ add ps}(\mathbf{omega0},
omegal));
         // Final reconstruction
          m256 u0 = mm256 mul ps(mm256 set1 ps(1.0f/3.0f), va);
         u0 = mm256 \text{ sub ps}(\mathbf{u0},
mm256 mul ps ( mm256 set1 ps (7.0f/6.0f), vb));
         u0 = mm256 \text{ add ps}(\mathbf{u0},
mm256 mul ps( mm256 set1 ps(11.0f/6.0f), vc));
          m256 u1 = mm256 mul ps(mm256 set1 ps(-1.0f/6.0f), vb);
         u1 = mm256 \text{ add ps}(\mathbf{u1},
mm256 mul ps ( mm256 set1 ps (5.0f/6.0f), vc));
         u1 = mm256 \text{ add ps}(\mathbf{u1},
mm256 mul ps ( mm256 set1 ps (1.0f/3.0f), vd));
          m256 u2 = mm256 mul ps( mm256 set1 ps(1.0f/3.0f), vc);
         u2 = mm256 \text{ add ps}(u2)
mm256 mul ps( mm256 set1 ps(5.0f/6.0f), vd));
         u2 = mm256 sub ps(u2,
mm256 mul ps ( mm256 set1 ps(1.0f/6.0f), ve));
         // Combine results
         m256 \text{ result} = mm256 \text{ mul ps}(omega0, u0);
         result = mm256 add ps(result, mm256 mul ps(omega1, u1));
         result = mm256 add ps(result, mm256 mul ps(omega2, u2));
         mm256 storeu ps(&out[i], result);
```

β)

Αρχικά, για όλες τις υλοποιήσεις απενεργοποιούμε το debug mode του αρχικού bench ώστε να έχουμε το κανονικό dataset. Σε αυτό παρατηρούμε ότι περιλαμβάνει 2 διαφορετικά, το peak like και το stream like όπου το πρώτο δοκιμάζει την απόδοση δεδομένων που βρίσκονται στην cache (είναι περίπου 32kb, άρα χωράει στην cache) και το δεύτερο δοκιμάζει την απόδοση για δεδομένα που βρίσκονται στον δίσκο (είναι 512mb). Η κάθε δοκιμή υλοποιείτε 4 φορές, άρα μπορούμε να δούμε ανά μέσο όρο αν η υλοποίηση μας είναι αποδοτική. Όλα τα παραπάνω λεγόμενα βρίσκονται εντός του αρχικού αρχείου bench.

```
printf("Hello, weno benchmark!\n");
    const int debug = 1;
```

```
if (debug)
{
    benchmark(argc, argv, 4, 1, 1, "debug");
    return 0;
}
```

Omp bench

Για την οmp υλοποίηση, κάνουμε πλέον reference το κατάλληλο αρχείο ώστε να τρέξουν οι μετρήσεις και επιπλέον μετράμε τον χρόνο εκτέλεσης. Στην συνέχεια, καλούμε το αρχικό bench και μετράμε πάλι τον χρόνο εκτέλεσης ενώ ταυτόχρονο συγκρίνουμε τις τιμές των αποτελεσμάτων μας στις πράξεις. Εφόσον έχουν μικρό σφάλμα, τότε θεωρούμε ότι η διαδικασία ολοκληρώθηκε με επιτυχία.

```
// Run original
  double t1 = get_wtime();
  weno_minus_reference(a, b, c, d, e, gold, NENTRIES);
  double t2 = get_wtime();
  printf("Reference time: %f seconds\n", t2-t1);

// Run OMP
  t1 = get_wtime();
  weno_minus_openmp(a, b, c, d, e, result, NENTRIES);
  t2 = get_wtime();
  printf("OpenMP time: %f seconds\n", t2-t1);

const double tol = 1e-5;
  printf("Verifying accuracy with tolerance %.5e...", tol)
```

Παρατηρούμε τα εξής:

Peak like:

Run	Αρχικός κώδικας	Отр	Απόδοση
0	0.002506	0.034104	Οmρ πιο αργό
1	0.002870	0.004798	Omp 1.7x πιο
			γρήγορο
2	0.002876	0.002380	Omp 1.2x πιο
			γρήγορο
3	0.002864	0.000071	Omp 40x πιο
			γρήγορο

Stream like:

Run	Αρχικός κώδικας	Отр	Απόδοση
0	0.538961	0.027125	Omp 20x πιο
			γρήγορο
1	0.371902	0.020740	Omp 18x πιο
			γρήγορο
2	0.368252	0.016525	Omp 22x πιο
			γρήγορο
3	0.455793	0.020485	Omp 22x πιο
			γρήγορο

Από τα αποτελέσματα καταλαβαίνουμε ότι η omp υλοποίηση για cache δεν επιφέρει σταθερή αύξηση απόδοσης, αντιθέτως μπορεί να είναι και πιο αργή από την σειριακή. Αυτό συμβαίνει λόγο του overhead δημιουργίας νημάτων και ανάθεσης εργασιών σε αυτά, καθώς και από τον os scheduler την συγκεκριμένη χρονική στιγμή. Επαναλαμβάνοντας το πείραμα πολλαπλές φορές, βρήκαμε ότι ανά μέσο όρο το speedup είναι οριακά καλύτερο από την σειριακή έκδοση. Αντιθέτως, παρατηρούμε σταθερή αύξηση απόδοσης στην περίπτωση των δεδομένων στην μνήμη. Η σειριακή έκδοση πρέπει να περιμένει τα δεδομένα από την μνήμη, ενώ η παράλληλη κάνει το ίδιο αλλά με πολλαπλά thread και συνεπώς δεν περιορίζεται τόσο (δηλαδή αξιοποιεί περισσότερο bandwidth της μνήμης). Επιπλέον, αφού η ταχύτητα της μνήμης είναι σαφώς πιο αργή από της cache, το overhead μας επηρεάζει ελάχιστα.

Avx bench

Είναι ακριβώς το ίδιο με το omp, η μόνη αλλαγή είναι ότι αυξήσαμε ελάχιστα το περιθώριο σφάλματος στον έλεγχο.

```
// Run original
   double t1 = get_wtime();
   weno_minus_reference(a, b, c, d, e, gold, NENTRIES);
   double t2 = get_wtime();
   printf("Reference time: %f seconds\n", t2-t1);

// Run AVX
   t1 = get_wtime();
   weno_avx(a, b, c, d, e, result, NENTRIES);
   t2 = get_wtime();
   printf("AVX time: %f seconds\n", t2-t1);

const double tol = 5e-5;
   printf("Verifying accuracy with tolerance %.5e...", tol);
   check_error(tol, gold, result, NENTRIES);
   printf("passed!\n");
```

Παρατηρούμε τα εξής:

Peak like:

Run	Αρχικός κώδικας	Avx	Απόδοση
0	0.002335	0.000348	Ανχ 6.7χ πίο
			γρήγορο
1	0.001828	0.000292	Ανχ 6.3χ πιο
			γρήγορο
2	0.001869	0.000330	Ανχ 5.7χ πιο
			γρήγορο
3	0.002024	0.000289	Ανχ 7.0χ πιο
			γρήγορο

Stream like:

Run	Αρχικός κώδικας	Avx	Απόδοση
0	0.373378	0.054475	Ανχ 6.9χ πιο
			γρήγορο
1	0.379516	0.055297	Ανχ 6.9χ πιο
			γρήγορο
2	0.383932	0.054732	Ανχ 7.0χ πιο
			γρήγορο
3	0.374941	0.052222	Ανχ 7.2χ πιο
			γρήγορο

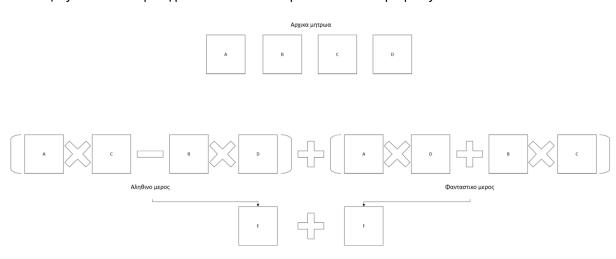
Και για τα 2 test, έχει σταθερή αύξηση απόδοσης. Καταλαβαίνουμε ότι το vectorization δεν υποφέρει από θέματα scheduler και overhead όπως το omp, άρα ακόμα και στην cache προσφέρει σταθερή απόδοση. Στην περίπτωση της

μνήμης, επωφελείται από το γεγονός ότι κάνει 8 πράξεις ανά κύκλο αντί για 1. Είναι αρκετά πιο αργό από το omp για τον απλό λόγο ότι παραμένει single threaded, άρα είναι φυσικά αδύνατο να έχει το ίδιο throughput. Συμπερασματικά, η βέλτιστη υλοποίηση θα ήταν ο συνδυασμός omp και ανχ για να πέτυχουμε το μέγιστο δυνατό speedup και στις 2 περιπτώσεις.

Question 2

a)

Για την συγκεκριμένη ερώτηση, ουσιαστικά απλά ακολουθούμε κανονικές πράξεις με μητρώα. Από την σχέση (1) που δίνεται, παρατηρούμε πως υπολογίζεται το πραγματικό και το φανταστικό μέρος.



Εικόνα 4: Υπολογισμός σύνθετων μητρώων.

```
// Total run time
double get time() {
    struct timeval tv;
    gettimeofday(&tv, NULL);
    return tv.tv sec * 1000000 + tv.tv usec;
}
// define to which matrixes to write to
 global void complexMatMulKernel(
    const float* A, const float* B,
    const float* C, const float* D,
    float* E, float* F,
    int n)
// Assigning each thread an element to calculate
    int row = blockIdx.y * blockDim.y + threadIdx.y;
    int col = blockIdx.x * blockDim.x + threadIdx.x;
// Check that its inside the matrix
    if (row < n && col < n)
// Initialize to zero before calculations
        float sumAC = 0.0f;
        float sumBD = 0.0f;
        float sumAD = 0.0f;
        float sumBC = 0.0f;
        for (int k = 0; k < n; ++k)
// retrieve values
            float a = A[row * n + k];
            float b = B[row * n + k];
            float c = C[k * n + col];
            float d = D[k * n + col];
// Calculate A, B, C, D
           sumAC += a * c;
            sumBD += b * d;
            sumAD += a * d;
            sumBC += b * c;
// Calculate and store in E,F
       E[row * n + col] = sumAC - sumBD;
        F[row * n + col] = sumAD + sumBC;
```

```
// Random matrix values
void initializeMatrix(float* mat, int n)
    for (int i = 0; i < n * n; ++i)</pre>
       mat[i] = static cast<float>(rand()) / RAND MAX;
}
int main()
    double start time = get time();
    srand(time(NULL));
    size t size = N * N * sizeof(float);
// Starting in cpu before transfering to gpu
    float* h A = (float*) malloc(size);
    float* h B = (float*) malloc(size);
    float* h C = (float*) malloc(size);
    float* h D = (float*) malloc(size);
    float* h E = (float*) malloc(size);
    float* h F = (float*) malloc(size);
    initializeMatrix(h A, N);
    initializeMatrix(h B, N);
    initializeMatrix(h C, N);
    initializeMatrix(h D, N);
// Tranfering to gpu
    float *d A, *d B, *d C, *d D, *d E, *d F;
    cudaMalloc((void**)&d A, size);
    cudaMalloc((void**)&d B, size);
    cudaMalloc((void**)&d C, size);
    cudaMalloc((void**)&d D, size);
    cudaMalloc((void**)&d E, size);
    cudaMalloc((void**)&d F, size);
    cudaCheckError();
    cudaMemcpy(d A, h A, size, cudaMemcpyHostToDevice);
    cudaMemcpy(d B, h B, size, cudaMemcpyHostToDevice);
    cudaMemcpy(d C, h C, size, cudaMemcpyHostToDevice);
    cudaMemcpy(d D, h D, size, cudaMemcpyHostToDevice);
    cudaCheckError();
// Block size
    dim3 dimBlock (16, 16);
    dim3 dimGrid((N + dimBlock.x - 1) / dimBlock.x,
```

```
(N + dimBlock.y - 1) / dimBlock.y);
    complexMatMulKernel<<<dimGrid, dimBlock>>>(d A, d B, d C, d D,
d E, d F, N);
    cudaCheckError();
    cudaDeviceSynchronize();
    cudaCheckError();
    cudaMemcpy(h E, d E, size, cudaMemcpyDeviceToHost);
    cudaMemcpy(h F, d F, size, cudaMemcpyDeviceToHost);
    cudaCheckError();
    cudaFree(d A);
    cudaFree(d B);
    cudaFree(d C);
    cudaFree(d D);
    cudaFree(d E);
    cudaFree(d F);
    cudaCheckError();
    free (h A);
    free (h B);
    free (h C);
    free (h D);
    free (h E);
    free (h F);
    double end time = get time();
    printf("Matrix size: %d x %d\n", N, N);
    printf("Total execution time: %.4f seconds\n", (end time -
start time) / 1000000.0);
    return 0;
```

β)

Αρχικά, η όλη λογική των υπολογισμών γίνεται με την συνάρτηση complexMatMulKernel. Ορίζουμε σε ποια μητρώα θέλουμε να γράψουμε και αναθέτουμε σε κάθε thread το αντίστοιχο στοιχείο που είναι υπεύθυνο να υπολογίσει. Συνεχίζοντας, ελέγχουμε ότι είμαστε εντός των διαστάσεων του μητρώου (δηλαδή έχουμε ακόμα στοιχεία να υπολογίσουμε) και αρχικοποιουμε τις μεταβλητές όπου θα αποθηκεύουμε τα αποτελέσματα των πράξεων. Επιπλέον, τώρα πρέπει να ανακτήσουμε τις πραγματικές τιμές των στοιχείων από τις αντίστοιχες θέσεις και υπολογίζουμε τα γινόμενα των συνδυασμών μητρώων που έχουμε (ΑC, BD, AD, BC) ώστε να υπολογίσουμε τα τελικά μητρώα Ε και Γ χρησιμοποιώντας την σχέση 1 της εκφώνησης. Το σημαντικότερο

κομμάτι είναι η αρχικοποίηση των μητρώων στην cpu (δηλαδή στον Host) καθώς αυτή είναι υπεύθυνη για την διαχείριση της gpu και γενικότερα της διαχείρισης όλης της διαδικασίας. Αφού γίνει αυτό με επιτυχία, τότε μόνο γίνεται να μεταφέρουμε τα δεδομένα στην gpu (device) ώστε τελικά να κάνει τους υπολογισμούς, δηλαδή να τρέξει την συνάρτηση που αναφέρθηκε παραπάνω. Τέλος, χωρίζουμε το αρχικό πρόβλημα (στην συγκεκριμένη περίπτωση τον υπολογισμό μητρώων διαστάσεων NxN=1024x1024) σε 32x32 block, δηλαδή σε 1024 thread/block καθώς αυτό είναι το μέγιστο που υποστηρίζει η v100. Μέσω διάφορων πειραμάτων, διαπιστώσαμε ότι έχει ελάχιστη διαφορά με 16x16 block size για σχετικά μικρές διαστάσεις (κάτω από 4096x4096) αλλά σχετικά εμφανή σε μεγαλύτερες.

Y)

Για την σειριακή έκδοση, υλοποιούμε ακριβώς τον ίδιο κώδικα απλά χωρίς το cuda μέρος, οι πράξεις είναι ιδίες.

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
#include <sys/time.h>
#define N 1024
double get time() {
    struct timeval tv;
    gettimeofday(&tv, NULL);
    return tv.tv sec * 1000000 + tv.tv usec;
void initializeMatrix(float* mat, int n) {
    for (int i = 0; i < n * n; ++i) {</pre>
        mat[i] = (float) rand() / RAND MAX;
void complex matrix multiply(const float* A, const float* B, const
float* C, const float* D,
                            float* E, float* F, int n) {
    for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
        for (int j = 0; j < n; j++) {
            float sumAC = 0.0f;
            float sumBD = 0.0f;
            float sumAD = 0.0f;
            float sumBC = 0.0f;
            for (int k = 0; k < n; k++) {
                float a = A[i * n + k];
```

```
float b = B[i * n + k];
                float c = C[k * n + j];
                float d = D[k * n + j];
                sumAC += a * c;
                sumBD += b * d;
                sumAD += a * d;
                sumBC += b * c;
            }
            E[i * n + j] = sumAC - sumBD;
            F[i * n + j] = sumAD + sumBC;
       }
int main() {
    srand(time(NULL));
    size_t size = N * N * sizeof(float);
    float* A = (float*)malloc(size);
    float* B = (float*)malloc(size);
    float* C = (float*)malloc(size);
    float* D = (float*)malloc(size);
    float* E = (float*)malloc(size);
    float* F = (float*)malloc(size);
    if (!A || !B || !C || !D || !E || !F) {
       printf("Memory allocation failed!\n");
        return 1;
    }
    initializeMatrix(A, N);
    initializeMatrix(B, N);
    initializeMatrix(C, N);
    initializeMatrix(D, N);
    printf("Starting computation for %dx%d matrices...\n", N, N);
    double start time = get time();
    complex matrix multiply (A, B, C, D, E, F, N);
    double end time = get time();
    double execution time = (end time - start time) / 1000000.0;
    printf("Matrix size: %d x %d\n", N, N);
    printf("Serial CPU Execution time: %.4f seconds\n",
execution time);
```

```
free(A); free(B); free(C); free(D); free(E); free(F);
return 0;
}
```

Πραγματοποιούμε πειράματα για N=512,1024, 2048, 4096 (για την cpu υλοποίηση έως 2048, καθώς ο χρόνος εκτέλεσης είναι πολύ μεγάλος):

```
Starting computation for 512x512 matrices...
Matrix size: 512 x 512
Serial CPU Execution time: 0.9467 seconds

hpcgrp25@krylov100:~$ ./serial_cuda
Starting computation for 1024x1024 matrices...
Matrix size: 1024 x 1024
Serial CPU Execution time: 10.5916 seconds

hpcgrp25@krylov100:~$ ./serial_cuda
Starting computation for 2048x2048 matrices...
Matrix size: 2048 x 2048
```

hpcgrp25@krylov100:~\$./serial cuda

```
hpcgrp25@krylov100:~$ ./cuda
Matrix size: 4196 x 4196
Total execution time: 1.4784 seconds
```

Serial CPU Execution time: 163.6275 seconds

```
hpcgrp25@krylov100:~$ ./cuda
Matrix size: 512 x 512
Total execution time: 0.2317 seconds
```

```
hpcgrp25@krylov100:~$ ./cuda
Matrix size: 1024 x 1024
Total execution time: 0.2485 seconds
```

```
hpcgrp25@krylov100:~$ ./cuda
Matrix size: 2048 x 2048
Total execution time: 0.4880 seconds
```

```
hpcgrp25@krylov100:~$ ./cuda
Matrix size: 8192 x 8192
Total execution time: 5.5217 seconds
```

Παρατηρούμε ότι για μικρές διαστάσεις οι διαφορές δεν είναι δραματικές (περίπου 4x speedup), αλλά όσο μεγαλώνουν γίνονται μεγαλύτερες (περίπου 40x πιο γρήγορη η gpu για 1024x1024) έως το σημείο όπου απλά οι διαφορές είναι ασύγκριτες. Ένα πρόβλημα μισού δευτερολέπτου μεταφράζεται σε λεπτά για την cpu.

Για μια πιο δίκαια σύγκριση και λαμβάνοντας υπόψιν ότι οι επεξεργαστές xeon υποφέρουν με single core performance, μετατρέπουμε τον σειριακό κώδικα σε παράλληλο και έχουμε:

```
hpcgrp25@krylov100:~$ ./cuda_omp_cpu
Running with 48 OpenMP threads
Starting computation for 512x512 matrices...
Matrix size: 512 x 512
OpenMP CPU Execution time: 0.0404 seconds
```

```
hpcgrp25@krylov100:~$ ./cuda_omp_cpu
Running with 48 OpenMP threads
Starting computation for 2048x2048 matrices...
Matrix size: 2048 x 2048
OpenMP CPU Execution time: 8.6839 seconds
```

```
hpcgrp25@krylov100:~$ ./cuda_omp_cpu
Running with 48 OpenMP threads
Starting computation for 1024x1024 matrices...
Matrix size: 1024 x 1024
OpenMP CPU Execution time: 0.5298 seconds
```

```
hpcgrp25@krylov100:~$ ./cuda_omp_cpu
Running with 48 OpenMP threads
Starting computation for 4096x4096 matrices...
Matrix size: 4096 x 4096
OpenMP CPU Execution time: 75.7762 seconds
```

Σε μικρές διαστάσεις η cpu είναι αρκετά πιο γρήγορη, αφού δεν έχει καθυστερήσεις μεταφορών δεδομένων Host->Device και το αντίθετο. Όσο μεγαλώνουν οι διαστάσεις, πάλι βλέπουμε ότι η cpu δεν συγκρίνεται με την απόδοση της gpu σε καμία περίπτωση.