## Ликбез по матану. Геометрическая вероятность

## Базовый

- 1. Найти
  - (a)  $\int_{\frac{\pi}{3}}^{\pi} x \sin x dx$
  - (b) Площадь ограниченную  $C = \{y = x^2, (y-2)^2 + x^2 = 2^2, x = 2\}$
  - (c)  $\oint_C x dy + y dx$
  - (d)  $\int_0^\infty e^{-x^2} dx$
- 2. 2 лыжника условились о встрече между 10 и 11 часами утра у подножия горы (склона), причем договорились ждать друг друга не более 10 минут, чтобы не замерзнуть. Считая, что момент прихода на встречу каждым выбирается наудачу в пределах указанного часа, найдите вероятность того, что встреча всех трех состоится.
- 3. На плоскости, замощённой одинаковыми прямоугольниками со сторонами 10 и 20 (прямоугольники примыкают сторонами), рисуют случайную окружность радиуса 4. Найдите вероятность того, что окружность имеет общие точки ровно с тремя прямоугольниками.
- 4. Задача Бюффона. Плоскость разграфлена параллельными прямыми, отстоящими друг от друга на расстоянии 2a. На плоскости наудачу, бросается игла длины 2l (l < a). Найти вероятность того, что игла пересечет какую-нибудь прямую.

## Геометрическая вероятность

## Домашка

- 1. (16) Найти объем параболоида  $C = \{z > 0, z = 1 - y^3 - x^3\}$  через интеграл
- 2. k лыжников условились о встрече в промежуток времени [0,T], причем договорились ждать друг друга не более T/10 минут. Считая, что момент прихода на встречу каждым выбирается наудачу в пределах указанного часа, найдите вероятность того, что встреча состоится.
  - (a) (16) k=3
  - (b) (1б) k произвольное
- 3. (1б)Однородный прямой круговой конус с высотой h и радиусом основания r случайно бросается на горизонтальную плоскость.
  - (а) Найти вероятность того, что он упадет на основание;
  - (b) вычислить эту вероятность при r = h;
  - (c) при каком отношении r/h эта вероятность равна 1/4?
- 4. (16) Отрезок длины a случайным образом разделен на 3 части. Найти вероятность того, что длины хотя бы двоих частей не меньше, чем a/5.
- 5. (1б) Коэффициенты p и q квадратного уравнения

$$x^2 + px + q = 0$$

выбираются наудачу в промежутке [0,1]. Спрашивается, чему равна вероятность того, что корни будут действительными числами?