## Контрольная 2

- 1. (36)Рассмотрим игру: игрок вносит в казино і монет, после каждого раунда он с вероятностью 3/5 отдает одну монету, а с вероятностью 2/5 забирает себе одну монету. Игра длится t раундов. Если в какойто момент у игрока на руках окажется n монет или ни одной, то игра завершается досрочно. В конце игрок получит 2j монет, где j число монет, которые у него остались. Вычислите матожидание выигрыша.
- 2. (36)N солдат выстроились в шеренгу. Командир смотрит на шеренгу сбоку и видит, что более высокие солдаты загораживают низких или равных, и тех становится не видно. Чему равно математическое ожидание числа солдат, которых видно сбоку?
- 3. (3б)Вероятность попадания стрелка в цель 0.8. Патроны выдаются стрелку до первого промаха. Найти распределение случайной величины  $\xi$  равной числу выданных патронов. Определить наивероятнейшее и среднее число выданных патронов.
- 4. (3б)Пусть случайные величины и  $\eta$  независимы и одинаково распределены, причем  $P(\xi=1)=p,\ P(\xi=0)=1-p.$  Введем новую случайную величину

$$\zeta = \begin{cases} 0 & : (\xi + \eta) \bmod 2 = 0 \\ 1 & : (\xi + \eta) \bmod 2 = 1 \end{cases}$$

При каких  $p \xi$  и  $\zeta$  будут независимыми?

- 5. Пусть независимые случайные величины  $\xi$ ,  $\eta$ ,  $\zeta$  имеют одинаковое геометрическое распределение с параметром p. Найти:
  - (a) (16)  $P(\xi = \eta)$
  - (b) (16)  $P(\xi \ge \eta)$
  - (c) (16)  $P(\xi + \eta \le \zeta)$
- 6. (3б)Пусть  $p_n$  вероятность того, что число успехов в п испытаниях бернулли делится на 3. Найти реккурентное соотношение для  $p_n$ , а из него производящую функцию.

1

7. (126) Двумерное распределение пары целочисленных случайных величин  $\xi$  и  $\eta$  задаётся с помощью таблицы

	$\xi = -1$	$\xi = -2$	$\xi = -3$
$\eta = 1$	0	3/25	5/25
$\eta = 2$	4/25	3/25	4/25
$\eta = 3$	3/25	1/25	2/25

где в пересечении столбца  $\xi=i$  и строки  $\eta=j$  находится вероятность  $P\{\xi=i,\eta=j\}$ . Найти:

- (a) (1) Маргинальные распределения  $\xi, \eta$
- (b) (1) Мат. ожидание  $E\xi$  и  $E\eta$
- (c) (1) Дисперсия  $D\xi$  и  $D\eta$
- (d) (1) Среднеквадратичное отклонение:  $\sigma(\xi)$  и  $\sigma(\eta)$
- (e) (1)Ковариацию:  $cov(\xi, \eta)$ ,
- (f) (1)Корреляцию:  $\rho(\xi,\eta)$
- (g) (1) Информацию от выпадения  $(\xi, \eta) = (-1, 3)$
- (h) (1)Энтропию  $H(\xi)$
- (i) (1) Совместную энтропию  $H((\xi,\eta))$
- (j) (1) Условную энтропию  $H(\xi|\eta)$
- (k) (1) Условное матожидание  $(\xi|\eta)$
- (l) (1) Условную дисперсию  $D(\xi|\eta)$