Контрольная 2. ДСВ.

- 1. (3б)Рассмотрим игру: игрок вносит в казино і монет, после каждого раунда он с вероятностью 3/5 отдает одну монету, а с вероятностью 2/5 забирает себе одну монету. Игра длится t раундов. Если в какойто момент у игрока на руках окажется n монет или ни одной, то игра завершается досрочно. В конце игрок получит 2j монет, где j число монет, которые у него остались. Вычислите матожидание выигрыша.
- 2. (36)N солдат выстроились в шеренгу. Командир смотрит на шеренгу сбоку и видит, что более высокие солдаты загораживают низких или равных, и тех становится не видно. Чему равно математическое ожидание числа солдат, которых видно сбоку?
- 3. (3б)Вероятность попадания стрелка в цель 0.8. Патроны выдаются стрелку до первого промаха. Найти распределение случайной величины ξ равной числу выданных патронов. Определить наивероятнейшее и среднее число выданных патронов.
- 4. (3б)Пусть случайные величины ξ и η независимы и одинаково распределены, причем $P(\xi=1)=p,\ P(\xi=0)=1-p.$ Введем новую случайную величину

$$\zeta = \begin{cases} 0 & : (\xi + \eta) \bmod 2 = 0 \\ 1 & : (\xi + \eta) \bmod 2 = 1 \end{cases}$$

При каких $p \xi$ и ζ будут независимыми?

- 5. Пусть независимые случайные величины ξ , η , ζ имеют одинаковое геометрическое распределение с параметром p. Найти:
 - (a) (16) $P(\xi = \eta)$
 - (b) (16) $P(\xi \ge \eta)$
 - (c) (16) $P(\xi + \eta \le \zeta)$
- 6. (3б)Пусть p_n вероятность того, что число успехов в п испытаниях бернулли делится на 3. Найти реккурентное соотношение для p_n , а из него производящую функцию.

1

7. (126) Двумерное распределение пары целочисленных случайных величин ξ и η задаётся с помощью таблицы

	$\xi = -1$	$\xi = -2$	$\xi = -3$
$\eta = 1$	0	3/25	5/25
$\eta = 2$	4/25	3/25	4/25
$\eta = 3$	3/25	1/25	2/25

где в пересечении столбца $\xi=i$ и строки $\eta=j$ находится вероятность $P\{\xi=i,\eta=j\}$. Найти:

- (a) (1) Маргинальные распределения $\xi,\,\eta$
- (b) (1)Мат. ожидание $E\xi$ и $E\eta$
- (c) (1) Дисперсия $D\xi$ и $D\eta$
- (d) (1) Среднеквадратичное отклонение: $\sigma(\xi)$ и $\sigma(\eta)$
- (e) (1)Ковариацию: $cov(\xi, \eta)$,
- (f) (1)Корреляцию: $\rho(\xi,\eta)$
- (g) (1) Информацию от выпадения $(\xi, \eta) = (-1, 3)$
- (h) (1)Энтропию $H(\xi)$
- (i) (1)Совместную энтропию $H((\xi, \eta))$
- (j) (1) Условную энтропию $H(\xi|\eta)$
- (k) (1) Условное матожидание $(\xi|\eta)$
- (l) (1) Условную дисперсию $D(\xi|\eta)$
- 8. (3б)(Вместо 6, которая оказалось слишкои сложной). Пусть к шариков случайно(равновероятно) размещаются в п ящиках. Найти среднее значение числа пустых ящиков.