Зависимость. Ковариация.

Базовый

- 1. Пусть есть монетки, на одной стороне которых написано 1, на другой 2. Пусть ξ ДСВ суммы результатов бросков 2х монеток, μ проиведение. Найдите медиану, матожидание случайных величин и сравните их между собой.
- 2. Докажите с помощью определений свойства мат.ожидания, дисперсии, ковариации.
 - (a) $E(\alpha \xi) = \alpha E(\xi)$
 - (b) $E(\xi + \mu) = E\xi + E\mu$
 - (c) $E(\alpha \xi + \beta \mu) = \alpha E \xi + \beta E \mu$
 - (d) $E(\xi\mu) = E\xi E\mu$ если независимы
 - (e) Матожидание в схеме бернулли равно np.
- 3. Докажите свойство $D(\alpha \xi) = \alpha^2 D(\xi)$
- 4. В каком случае $D(\xi + \mu) = D\xi + D\mu$? А в каком не равно? На какую величину они будут отличаться в общем случае?
- 5. Докажите свойства ковариаций
 - (a) $cov(\xi, \mu) = cov(\mu, \xi)$
 - (b) $cov(\alpha \xi, \mu) = (\xi, \mu)$
 - (c) $cov(\xi_1 + \xi_2, \mu) = cov(\xi_1, \mu) + cov(\xi_2, \mu)$
- 6. Двумерное распределение пары целочисленных случайных величин ξ и η задаётся с помощью таблицы

	$\xi = -1$	$\xi = 0$	$\xi = 1$
$\eta = -1$	1/8	1/12	7/24
$\eta = 1$	5/24	1/6	1/8

где в пересечении столбца $\xi=i$ и строки $\eta=j$ находится вероятность $P\{\xi=i,\eta=j\}$. Найти:

1

- (a) Среднеквадратичное отклонение: $\sigma(\xi,\eta)$
- (b) Ковариацию: Cov (ξ, η) ,
- (c) Корреляцию: $r(\xi, \eta)$

Еще больше инструментов

Домашка

- 1. Возвращаемся к 6 домашке. Берем свою ДСВ и считаем для нее
 - (а) (0.5)Медиану
 - (b) (0.25)Среднеквадратичное отклонение

Берем любую ДСВ другой группы и считаем для 2х ДСВ

- (а) (0.7) Ковариацию
- (b) (0.3) Корреляцию
- 2. (0.5) Найти коэффициент корреляции между
 ξ и $\xi^2,$ если:

(a)
$$P\{\xi=0\} = 1/3, P\{\xi=1\} = 1/2, P\{\xi=-1\} = 1/6;$$

(b)
$$P\{\xi = -2\} = P\{\xi = 1\} = P\{\xi = 0\} = P\{\xi = -1\} = 1/4.$$

- 3. (0.5) Найти коэффициент корреляции между числом "единиц" и числом "шестёрок" при n бросаниях правильной игральной кости.
- 4. (0.75)Пусть ξ_1, ξ_2, \dots независимые случайные величины, принимающие значения 1 и 0 с вероятностями p и 1-p соответственно. Найти среднее значение и дисперсию суммы $\zeta = \eta_1 + \dots + \eta_n$, если:
 - (a) $\eta_i = \xi_i \xi_{i+1}$;
 - (b) $\eta_i = \xi_i \xi_{i+1} \xi_{i+2};$
 - (c) $\eta_i = 0$, если $\xi_i + \xi_{i+1}$ чётное число $\eta_i = 1$, иначе
- 5. (1)Произведение двух независимых равномерно распределенных на $\{0,1,\ldots,9\}$ однозначных чисел ξ и η можно записать в виде $\xi\eta=10\zeta_1+\zeta_2$. Найти законы распределения ζ_1 , и ζ_2 . Зависимы ли ζ_1 , и ζ_2 ?