## Преобразования случайных величин

## Классная работа

- 1. Вероятность сервера выйти из строя за малое время  $\Delta t$  равна  $\lambda \Delta t + o(\Delta t)$  при  $\Delta t \to 0$ . В момент времени 0 сервер работает. Найдите среднее время работы сервера.
- 2. Случайная величина  $\xi$  имеет экспоненциальное распределение с параметром  $\alpha>0$ . Найти плотности распределения случайных величин:
  - (a)  $\eta_1 = \sqrt{\xi};$
  - (b)  $\eta_2 = \xi^2$ ;
  - (c)  $\eta_3 = \frac{1}{\alpha} \ln \xi$ .
- 3. Найдите медиану, математическое ожидание и дисперсию случайной величины  $\xi$ , имеющей экспоненциальное распределение с показателем  $\alpha>0$ .
- 4. На смежные стороны единичного квадрата равновероятно ставят по одной точке. Найти матожидание и дисперсию расстояния между ними.

## Матожидание. Дисперсия.

## Домашняя работа

- 1. Для случайной величины из классного задания 2 найти плотности распределения случайных величин:
  - (a)  $(16)\eta_4 = \{\xi\}$ , где  $\{z\}$  дробная часть числа z;
  - (b)  $(16)\eta_5 = 1 e^{\alpha\xi}$ .
- 2. (16) Случайная величина  $\xi$  имеет распределение Парето с показателем a>0, если плотность ее распределения задается формулой

$$\rho_{\xi}(x) = \begin{cases} ax^{-a-1}, & x \ge 1\\ 0, & x < 1 \end{cases}$$

Пусть a>2. Найдите математическое ожидание, дисперсию и медиану  $\xi$ .

- 3. (16) Пусть  $\xi$  имеет нормальное распределение, найдите матожидание, дисперсию и медиану случайной величины  $\eta = \ln\arctan x$ .
- 4. (1б)Диаметр круга измерен приближенно. Считая, что его величина равномерно распределена в отрезке [a,b], найти распределение площади круга, ее среднее значение и дисперсию.
- 5. (16)Команда X сдаёт задачу за малый промежуток времени  $\Delta t$  с вероятностью  $p = \lambda \Delta t + o(\Delta t)$  при  $\Delta t \to 0$ . За этот промежуток времени они могут сдать больше одной задачи: в этом случае вероятность сдать k задач равна  $p^k$ . В начале соревнования у ребят нет решённых задач. Пусть  $\xi$  случайная величина, показывающая, за сколько времени они сдадут две задачи. Найдите матожидание и дисперсию  $\xi$ .