ĐẠI HỌC QUỐC GIA HÀ NỘI TRƯỜNG ĐAI HOC KHOA HOC TƯ NHIỀN

ĐỀ THI KẾT THÚC HỌC KỲ I NĂM HỌC 2021 - 2022

Môn thi: GIẢI TÍCH 1 (phần tự luận)

Mã môn học: **MAT2302**

Số tín chỉ: **5**

Đề số: 3

Dành cho sinh viên khóa: K66

Ngành: Toán học, Toán tin và SP toán

Thời gian làm bài: 60 phút (không kể thời gian phát đề)

1. (2.0 diem) Tính các giới hạn sau:

a)
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt[3]{1-2x} - \sqrt[3]{1-2x^2}}{2x+x^2};$$

b) $\lim_{x\to 0} (\cos x)^{\frac{1}{\sin^2 x}}$.

2. $(1.5 \ di em)$ Khai triển hàm số

$$f(x) = \sin(x)\sqrt{1 + x^2}$$

theo lũy thừa nguyên dương của \boldsymbol{x} đến số hạng chứa $\boldsymbol{x^4}.$

3. $(1.5 \text{ } di\hat{em})$ Xét tính liên tục và tính khả vi của hàm số

$$f(x) = egin{cases} e^{\sin x} & ext{n\'eu} \ x > 0, \ ax + b & ext{n\'eu} \ x \leq 0, \end{cases}$$

tại điểm x = 0 theo hai tham số a và b.

4. $(2.0 \text{ } di\hat{e}m)$ Cho hàm số

$$f(x,y) = egin{cases} rac{x^3 + y^2 \sin x + y^3}{x^2 + y^2} & ext{n\'eu } (x,y)
eq (0,0), \ 0 & ext{n\'eu } (x,y) = (0,0). \end{cases}$$

- a) Hãy tính các giới hạn lặp $\lim_{x\to 0}\lim_{y\to 0}f(x,y)$ và $\lim_{y\to 0}\lim_{x\to 0}f(x,y)$.
- b) Hàm số có liên tục tại (0,0) không, tại sao?
- 5. ($C\hat{\rho}ng\ di\r{e}m$) Chứng minh rằng nếu hàm số f liên tục đều trên khoảng mở hữu hạn (a,b) thì f bị chặn trên đó.



Ghi chú: Thí sinh không được sử dụng bất cứ tài liệu nào.