# OLYMPIC TIN - CẤP TỐC

Tài liệu ôn tập Competitive Programming

Đặng Phúc An Khang & Huỳnh Tấn Phúc

Sinh viên ngành CNTT (AI & DS) — Trường Đại học Quản lý & Công nghệ TP.HCM (UMT)

# Mục lục

1	Giới thiệu	2
	1.1 Các nguồn tài nguyên	2
	1.2 Tài khoản trên các Online Judge	
2	String (Xâu ký tự)	4
	2.1 Các hàm phải biết	4
	2.1.1 Khởi tạo và độ dài	
	2.1.2 Truy cập và thao tác ký tự	4
	2.1.3 Chuyển đổi	
	2.1.4 Biến đổi chuỗi	
	2.1.5 Một số cái khác	
	2.2 Bài tập	
	=-= 2 ··· · · · · · · · · · · · · · · · ·	
3	Toán học	6
	3.1 Bài tập	(
4	Cài đặt	,
	4.1 Bài tập	-
5	Segment Tree	8
	5.1 Bài tập	8
6	TÌM KIỂM NHỊ PHÂN	(
	6.1 Lý thuyết	
	6.1.1 Khái niệm	(
	6.1.2 Độ phức tạp	(
	6.1.3 Ý tưởng thuật toán	Ç
		1(
		1:

# GIỚI THIỆU

$\sim$					- 1	
${f C}$	റ	n	T 4	אב	١Ŧ	C
•	ι,	11	U		LU	

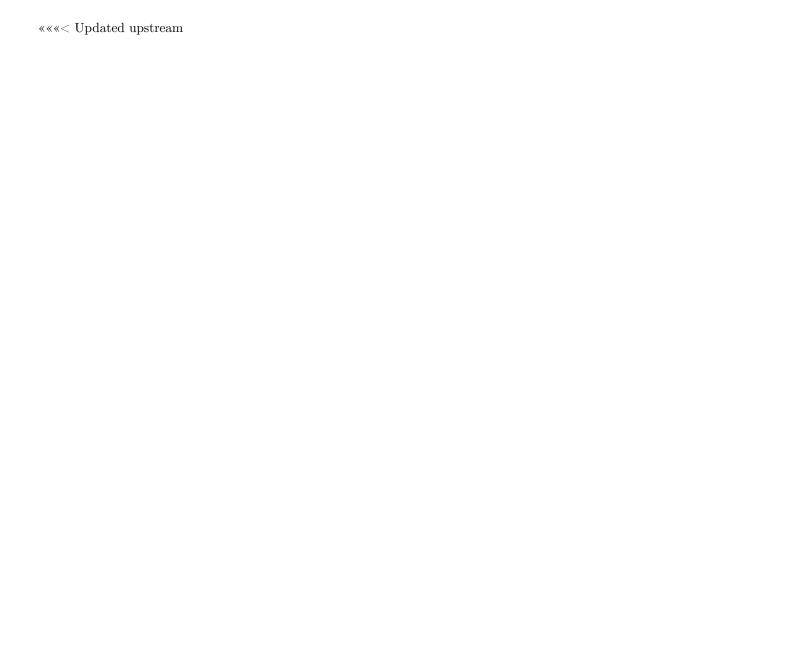
1.1	Các nguồn tài nguyên	2
1.2	Tài khoản trên các Online Judge	<b>2</b>

## 1.1 Các nguồn tài nguyên

- $\bullet \ \text{C/C++: https://github.com/GrootTheDeveloper/OLP-ICPC/tree/master/2025/C\%2B\%2B} \\$
- [Kho23]. CP10. Competitive Programming https://drive.google.com/drive/folders/1MTEVHT-7nBnMJ7C9LgyAR\_pEVSE3F1Kz?fbclid=IwAR3TovIj2rKCRe1a4oZxW-LQCoEoVkipVAvCzwrr0nJ6GzcAd47P6L01Rwc
- [CP-]. Algorithms for Competitive Programming https://cp-algorithms.com
- [VNO]. Thư viện VNOI https://wiki.vnoi.info

## 1.2 Tài khoản trên các Online Judge

- Codeforces: https://codeforces.com/profile/vuivethoima
- VNOI: oj.vnoi.info/user/Groot
- IUHCoder: oj.iuhcoder.com/user/ankhang2111
- MarisaOJ: https://marisaoj.com/user/grootsiuvip/submissions
- CSES: https://cses.fi/user/212174
- UMTOJ: sot.umtoj.edu.vn/user/grootsiuvip
- SPOJ: www.spoj.com/users/grootsiuvip/
- POJ: http://poj.org/userstatus?user\_id=vuivethoima
- AtCoder: https://atcoder.jp/users/grootsiuvip
- OnlineJudge.org: vuivethoima



## CHUONG 2

# STRING (XÂU KÝ TỰ)

## Contents

2.1	Các hà	m phải biết
	2.1.1	Khởi tạo và độ dài
	2.1.2	Truy cập và thao tác ký tự
	2.1.3	Chuyển đổi
	2.1.4	Biến đổi chuỗi
	2.1.5	Một số cái khác
2.2	Bài tập	5

## 2.1 Các hàm phải biết

## 2.1.1 Khởi tạo và độ dài

- string s = "hello";
- s.size() hoặc s.length()  $\rightarrow$  độ dài chuỗi.

## 2.1.2 Truy cập và thao tác ký tự

- s.front(), s.back()  $\rightarrow$  ký tự đầu/cuối.
- s.push\_back('a'), s.pop\_back()  $\rightarrow$  thêm / xóa ký tự cuối.

## 2.1.3 Chuyển đổi

- stoi("123")  $\rightarrow$  Chuyển string sang int.
- stoll("123456789")  $\rightarrow$  Chuyển string sang long long.
- to\_string(12345)  $\rightarrow$  Chuyển số sang string.

## 2.1.4 Biến đổi chuỗi

- reverse(s.begin(), s.end())  $\rightarrow$  đảo chuỗi.
- sort(s.begin(), s.end())  $\rightarrow spprox p$  ký tự.

## 2.1.5 Môt số cái khác

- getline(cin, s)  $\rightarrow$  nhập cả dòng.
- isalpha(c), isdigit(c), islower(c), isupper(c) → kiểm tra ký tự.
- tolower(c), toupper(c)  $\rightarrow$  đổi ký tự.

## 2.2 Bài tập

Bài tập 1. Xâu đẹp (OLP23KC)

Done

Bài tập 2. VCA (OLP20CT)

Done

Bài tập 3. Chỉ số hấp dẫn (OLP23CT)

Done

Bài tập 4. Chuỗi hạt (OLP22CT)

Done

Bài tập 5. Dãy chữ số (OLP22CT)

Done

 ${\bf link:}\ https://oj.vnoi.info/problem/olp\_kc23\_beastr$ 

 $\label{link:https://oj.vnoi.info/problem/olp_ct20_vca} \ link: \ https://oj.vnoi.info/problem/olp_ct20_vca$ 

link: https://oj.vnoi.info/problem/olp\_ct23\_attindex

 ${\bf link:}\ https://oj.vnoi.info/problem/olp\_ct22\_cutstr$ 

link: https://oj.vnoi.info/problem/olp\_ct22\_digits

# TOÁN HỌC

Contents

Done

3.1 Bài tập	
3.1 Bài tập	
Bài tập 6. Chăn bò (OLP19KC) Done	$\label{link:https://oj.vnoi.info/problem/olp_kc20_cows} \ link: \ https://oj.vnoi.info/problem/olp_kc20\_cows$
Bài tập 7. Cột bò (OLP19KC) Done	$\label{link:https://oj.vnoi.info/problem/olp_kc19_cow} \ link: \ https://oj.vnoi.info/problem/olp_kc19\_cow$
Bài tập 8. Tam giác (OLP19KC) Done	$\label{link:https://oj.vnoi.info/problem/olp_kc19_tri} {\bf link:}\ {\rm https://oj.vnoi.info/problem/olp_kc19\_tri}$
Bài tập 9. Mã hóa (OLP21KC) Done	${\bf link:}\ https://oj.vnoi.info/problem/olp\_kc21\_encryption$
Bài tập 10. Cầu kính (OLP21CT)	link: https://oj.vnoi.info/problem/olp_ct21_bridge

# CÀI ĐẶT

Contents					
	4.1 Bài tập		_		
4.1	Bài tập				
Bài tậ	ập 11. Truy vết (OLP21CT)	link: https://oj.vnoi.info/problem/olp_ct21_detectf1	2		

## SEGMENT TREE

Cont	tents	
	5.1 Bài tập 8	
5.1	Bài tập	

Bài tập 12. Khớp dữ liệu (OLP19KC) Bài tập 13. Năng lượng mặt trời (OLP21CT)

# TÌM KIẾM NHỊ PHÂN

#### Contents

6.1	Lý th	uyết 9	
	6.1.1	Khái niệm	
	6.1.2	Độ phức tạp	
	6.1.3	Ý tưởng thuật toán	
6.2	Bài tạ	ập tìm kiếm nhị phân	
6.3	Bài tậ	ập tìm kiếm nhị phân kết quả	

## 6.1 Lý thuyết

## 6.1.1 Khái niệm

Tìm kiếm nhị phân là **thuật toán tìm kiếm trên mảng đã được sắp xếp** (theo thứ tự tăng dần hoặc giảm dần). Ý tưởng chính: **chia đôi khoảng tìm kiếm** sau mỗi bước, từ đó giảm số lượng phần tử cần xét xuống một nửa.

- Nếu giá trị cần tìm nhỏ hơn giá trị giữa → tìm ở nửa trái.
- Nếu giá trị cần tìm lớn hơn giá trị giữa → tìm ở nửa phải.
- Nếu bằng giá trị giữa  $\rightarrow$  **tìm thấy** phần tử.

Điều kiện bắt buộc: Mảng phải được sắp xếp trước khi áp dụng tìm kiếm nhị phân.

## 6.1.2 Độ phức tạp

Bước phân tích	Giá trị
Thời gian	$O(\log_2 n)$
Không gian	$O(1)$ (phiên bản lặp) hoặc $O(\log n)$ (phiên bản đệ quy)

Vì mỗi lần chia đôi số phần tử, nên số bước lặp tỷ lệ với  $\log_2 n$ .

## 6.1.3 Ý tưởng thuật toán

Giả sử mảng a có n phần tử, tìm số x:

- 1. Khởi tao:
  - left = 0, right = n-1.
- 2. Trong khi left <= right:
  - mid = (left + right) / 2
  - Nếu a[mid] ==  $x \rightarrow t$ ìm thấy  $\rightarrow t$ rả về vị trí.
  - Nếu a[mid] < x  $\rightarrow$  tìm ở nửa phải  $\rightarrow$  left = mid + 1.
  - Nếu a[mid] > x  $\rightarrow$  tìm ở nửa trái  $\rightarrow$  right = mid 1.
- 3. Nếu vòng lặp kết thúc mà chưa tìm thấy  $\to x$  không tồn tại trong mảng.

## 6.2 Bài tập tìm kiếm nhị phân

## Bài tập 14. Tìm kiếm nhị phân

link: https://marisaoj.com/problem/515

Cho mảng A được sắp xếp tăng dần gồm n số nguyên khác nhau. Có q truy vấn, mỗi truy vấn là một số nguyên x. Hãy xác đinh xem giá tri x nằm ở vi trí nào trong mảng A.

#### Input

- Dòng đầu tiên gồm hai số nguyên n,q số phần tử của mảng và số lượng truy vấn.
- Dòng thứ hai gồm n số nguyên  $A_i$   $(1 \le i \le n)$ .
- q dòng tiếp theo, mỗi dòng gồm một số nguyên x, biểu thị một truy vấn.

 ${f Output}$  Với mỗi truy vấn, in ra vị trí của số nguyên x trong mảng A. Đảm bảo rằng x luôn tồn tại trong mảng A.  ${f Giới}$  hạn

- $1 \le n, q \le 10^5$
- $1 \le A_i, x \le 10^9$

Dữ liệu vào	Kết quả ra
5 3 1 4 6 8 10	2
1 4 6 8 10	5
4	1
10	
1	

Mảng được đánh chỉ số bắt đầu từ 1.

### Bài tập 15. Tìm kiếm nhị phân 2

link: https://marisaoj.com/problem/76

Cho mảng A **không giảm** gồm n số nguyên. Có q truy vấn, mỗi truy vấn cho một số nguyên x. Hãy tìm chỉ số nhỏ nhất i sao cho  $A_i = x$ . Nếu không tồn tại, in ra -1.

### Input

- Dòng đầu tiên gồm hai số nguyên n, q.
- Dòng thứ hai gồm n số nguyên  $A_i$   $(1 \le i \le n)$ .
- q dòng tiếp theo, mỗi dòng gồm một số nguyên x (một truy vấn).

**Output** In ra q dòng, dòng thứ i là kết quả cho truy vấn thứ i: chỉ số nhỏ nhất i sao cho  $A_i = x$ , hoặc -1 nếu không tìm thấy. **Giới hạn** 

- $1 \le n, q \le 10^5$
- $1 \le A_i, x \le 10^9$

Dữ liệu vào	Kết quả ra
5 3 1 2 3 3 9	1
1 2 3 3 9	5
1	$\mid 3$
9	
3	

## Bài tập 16. Tìm kiếm nhị phân 3

link: https://marisaoj.com/problem/77

Cho mảng A không giảm gồm n số nguyên. Có q truy vấn, mỗi truy vấn cho một số nguyên x. Hãy tìm chỉ số lớn nhất i sao cho  $A_i \leq x$ . Nếu không tồn tại, in ra -1.

#### Input

- $\bullet$  Dòng đầu tiên gồm hai số nguyên n,q.
- Dòng thứ hai gồm n số nguyên  $A_i$   $(1 \le i \le n)$ .
- q dòng tiếp theo, mỗi dòng gồm một số nguyên x (một truy vấn).

**Output** In ra q dòng, dòng thứ i là kết quả cho truy vấn thứ i: chỉ số lớn nhất i sao cho  $A_i \le x$ , hoặc -1 nếu không tìm thấy. **Giới hạn** 

- $1 \le n, q \le 10^5$
- $1 \le A_i, x \le 10^9$

Dữ liệu vào	Kết quả ra
$\begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 1 & 2 & 3 & 3 & 9 \end{bmatrix}$	1
1 2 3 3 9	4
1	4
5	
3	

### Bài tập 17. Mảng con lớn

link: https://marisaoj.com/problem/78

Cho mảng A gồm n số nguyên dương. Hãy đếm số lượng dãy con liên tiếp có tổng không nhỏ hơn k.

### Input

- Dòng đầu tiên gồm hai số nguyên n, k.
- Dòng thứ hai gồm n số nguyên  $A_i$  ngăn cách bởi dấu cách.

 ${\bf Output}$ In ra một số nguyên là số lượng dãy con liên tiếp có tổng không nhỏ hơn k. Giới han

- $1 \le n \le 10^5$
- $1 < A_i, k < 10^9$

Dữ liệu vào	Kết quả ra
5 6	6
1 2 1 4 5	

## Bài tập 18. Truy vấn đếm

link: https://marisaoj.com/problem/79

Cho mảng A gồm n số nguyên. Có q truy vấn dạng (l, r, x), hãy đếm số lượng giá trị x trong đoạn  $A_l, A_{l+1}, \ldots, A_r$ .

## Input

- Dòng đầu tiên gồm hai số nguyên n, q.
- Dòng thứ hai gồm n số nguyên  $A_i$  cách nhau bởi dấu cách.
- q dòng tiếp theo, mỗi dòng gồm ba số nguyên l, r, k cách nhau bởi dấu cách.

**Output** In ra q dòng, dòng thứ i là kết quả của truy vấn thứ i.

## Giới hạn

- $1 \le n, q, k, A_i \le 10^5$
- $1 \le l \le r \le n$

Dữ liệu vào	Kết quả ra
7 3	2
1 2 1 4 2 4 2	3
1 4 1	1
272	
354	

#### Bài tập 19. Đếm cặp

link: https://marisaoj.com/problem/80

Cho mảng Agồm n số nguyên. Hãy đếm số cặp (i,j) với i < jsao cho  $l \leq A_i + A_j \leq r.$ 

#### Input

- Dòng đầu tiên gồm ba số nguyên n, l, r.
- Dòng thứ hai gồm n số nguyên  $A_i$  cách nhau bởi dấu cách.

**Output** In ra một số nguyên là số cặp (i,j) thỏa mãn i < j và  $l \le A_i + A_j \le r$ . **Giới han** 

- $1 \le n \le 10^5$
- $1 < A_i, l, r < 10^9$

Dữ liệu vào	Kết quả ra
3 2 4	2
1 2 3	

#### Bài tập 20. Viên keo thứ k

link: https://marisaoj.com/problem/81

Có n loại kẹo. Loại i có  $a_i$  viên và mỗi viên nặng  $w_i$ . Không có hai loại kẹo có cùng khối lượng. Tất cả kẹo được đổ lên bàn và sắp xếp thành một hàng theo **khối lượng không giảm**. Với mỗi truy vấn k, hãy cho biết viên kẹo thứ k trên bàn nặng bao nhiêu.

- Dòng đầu tiên gồm hai số nguyên n, q.
- n dòng tiếp theo, dòng thứ i gồm hai số nguyên  $a_i, w_i$ .
- q dòng tiếp theo, mỗi dòng gồm một số nguyên k.

 ${\bf Output}$ In raq dòng, dòng thứ i là khối lượng của viên kẹo thứ k ở truy vấn thứ i. Giới han

- $1 \le n, q \le 10^5$
- $1 \le a_i, w_i \le 10^9$
- $1 \le k \le \sum_{i=1}^{n} a_i \le 10^{14}$

Dữ liệu vào	Kết quả ra
3 3 2 2	1
2 2	2
1 1	3
3 3	
1	
3	
5	

## Bài tập 21. Cạnh tam giác

link: https://marisaoj.com/problem/85

Cho mảng A gồm n phần tử nguyên. Hãy đếm số lượng bộ 3 số (i, j, k) với i < j < k sao cho  $A_i, A_j, A_k$  có thể tạo thành một bộ cạnh của tam giác.

## Input

- Dòng đầu tiên gồm một số nguyên n.
- Dòng thứ hai gồm n số nguyên  $A_i$ .

 ${\bf Output}$ In ra một số nguyên là số bộ (i,j,k) thỏa mãn điều kiện đề bài. Giới han

- $1 \le n \le 1500$
- $1 \le A_i \le 10^9$

Dữ liệu vào	Kết quả ra
4	1
1 2 3 4	

#### Bài tập 22. Số Hamming

link: https://marisaoj.com/problem/82

Số Hamming là các số nguyên dương chỉ có các ước nguyên tố là 2, 3, 5 (nó không chia hết cho số nguyên tố nào ngoài 2, 3, 5). Cho q truy vấn, mỗi truy vấn là một số nguyên m. Viết tất cả các số Hamming theo thứ tự tăng dần và tìm vị trí của số m trong dãy (dãy được đánh số từ 1).

## Input

- $\bullet$  Dòng đầu tiên gồm số nguyên q.
- q dòng tiếp theo, mỗi dòng gồm một số nguyên m.

Output In ra q dòng, dòng thứ i là kết quả của truy vấn thứ i. Nếu m không phải số Hamming, in ra -1. Giới hạn

- $1 \le q \le 10^5$
- $1 \le m \le 10^{18}$

Dữ liệu vào	Kết quả ra
5	1
1	$\mid 2$
2	$\mid 3$
3	4
4	-1
7	

Bài tập 23. Số nguyên liên tiếp

link: https://marisaoj.com/problem/197

- $\bullet$  Dòng đầu tiên gồm một số nguyên n.
- Dòng thứ hai gồm n số nguyên  $A_i$ .

 ${\bf Output}$ In ra một số nguyên là số lượng phần tử ít nhất phải thay. Giới han

- $1 \le n \le 10^5$
- $1 \le A_i \le 10^9$

Dữ liệu vào	Kết quả ra
3	1
4 10 5	

## 6.3 Bài tập tìm kiếm nhị phân kết quả

## Bài tập 24. Đọc sách

link: https://marisaoj.com/problem/86

Marisa có n cuốn sách, cuốn thứ i nằm ở vị trí  $A_i$ . Cô muốn lấy ra k cuốn để đọc. Hãy chọn k vị trí sao cho **khoảng cách nhỏ nhất giữa hai cuốn liên tiếp được lấy ra** là lớn nhất có thể, và in ra giá trị khoảng cách lớn nhất đó. **Input** 

- Dòng đầu tiên gồm hai số nguyên n, k.
- Dòng thứ hai gồm n số nguyên  $A_i$  (không có hai vi trí trùng nhau).

 ${\bf Output}$ In ra một số nguyên là khoảng cách lớn nhất sao cho có thể chọn đủ k cuốn sách. Giới han

- $1 \le n \le 10^5$
- $1 \le A_i, k \le 10^9$

Dữ liệu vào	Kết quả ra
5 3	3
10 4 2 3 1	

## Bài tập 25. Giá trị lớn nhất nhỏ nhất

link: https://marisaoj.com/problem/87

Cho mảng A gồm n phần tử. Hãy tìm giá trị nguyên x nhỏ nhất sao cho có thể chia mảng A thành chính xác k mảng con liên tiếp mà tổng của từng mảng con không vượt quá x.

### Input

- Dòng đầu tiên gồm hai số nguyên n, k.
- Dòng thứ hai gồm n số nguyên  $A_i$ .

Output In ra một số nguyên x là đáp án. Giới han

- $1 \le k \le n \le 10^5$
- $1 \le A_i \le 10^9$

Dữ liệu vào	Kết quả ra
5 2	9
5 4 3 2 1	

====== »»»> Stashed changes

# **BIBLIOGRAPHY**

- [CP-] CP-Algorithms. CP-Algorithms. URL: https://cp-algorithms.com/ (visited on 08/26/2025).
- [Kho23] Dinh Nguyen Khoi.  $Competitive\ Programming\ 10.$  drive, 2023.
- [VNO] VNOI. VNOI Wiki. URL: https://wiki.vnoi.info/ (visited on 08/26/2025).