递推与递归

1. [NOIP2008]

```
01 #include<iostream>
02 using namespace std;
03 void foo(int a, int b, int c)
04 {
05
      if (a>b)
06
          foo(c, a, b);
07
      else
          cout<<a<<','<<b<<','<<c<endl;
80
09 }
10 int main()
11 {
12
      int a, b, c;
13
      cin>>a>>b>>c;
14
      foo(a,b,c);
15
      return 0;
16 }
●判断题
                                                                )
(1)该程序只输出一行。
(2)如果输入的三个数都相同,程序会运行错误。
                                                             (
(3)如果输入312,输出2,3,1。
(4)如果输入321,程序会超时。
○选择题
(5)输入9108,输出为(
                      )。
                  B. 9,8,10
                                 C. 10,8,9
                                                D. 8,9,10
  A. 9,10,8
(6)令 n 代表输入变量 a、b、c 的次数,则 n=3 该程序的时间复杂度为(
                                                         )。
                                 C. O(\sqrt{\log n})
                                                D. O(\log(n\sqrt{n}))
                 B. O(logn)
  A. O(n)
```

```
2. [NOIP2008]
  01 #include<iostream>
  02 using namespace std;
  03 void f(int a, int b, int c)
  04 (
        cout<<a<<b<<c<'/><'/';
  05
        if (b < c)
  06
           f(a,c,b);
  07
        else if (a<b)
  08
        {
  09
           if (a < c)
  10
               f(c,a,b);
  11
           else
  12
               f(b,c,a);
  13
        }
  14
  15 }
  16 int main()
  17 {
      int a, b, c;
  18
  19 cin>>a>>b>>c;
     f(a,b,c);
  20
       cout << endl;
  21
      return 0;
  22
  23 }
  0判断题
  (1)程序可能没有输出。
                                                                     )
                                                                 (
  (2)程序可能会死循环。
  (3)输入101010程序会运行错误。
  (4)输入 258 114514 1919810 程序会运行错误。
  ●选择题
  (5)如果 n=3 代表输入变量个数 n=3,那么该程序时间复杂度是(
                                    C. O(n^2)
                                                    D. O(n^n)
    A. O(2^n)
                   B. O(n!)
  (6)如果输入132,则输出是(
                             )。
                                    B. 132/213/231/312/321/
    A. 132/213/231/321/312/
                                    D. 213/132/231/312/321/
    C. 213/132/231/321/312/
```

8. [NOIP2014]

```
01 #include<iostream>
02 using namespace std;
03 int fun(int n) {
      if (n==1) return 1;
04
      if (n==2) return 2;
05
      return fun(n-2) - fun(n-1);
06
07 }
08 int main() {
      int n;
09
10
     cin>>n;
      cout<< fun(n) << endl;</pre>
11
12
      return 0;
13 }
●判断题
(1)输入 114514 时在普通计算机上程序运行时间不会超过 1s。
(2)输入 0程序不会出现运行错误。
(3)该程序开启 O2 不会出现错误。
(4)输入6,输出7。
●选择题
                 )。
(5)时间复杂度为(
                              C. O(n^{logn})
                                           D. O(n)
                B. O(n^n)
  A. O(2^n)
(6)输入7时输出(
                )。
                               C. -10 D. 10
                B. 11
  A. -11
```

```
4. [NOIP2010]
  01 #include<iostream>
  02 using namespace std;
  03 const int NUM=5;
  04 int r(int n)
  05 {
        int i;
  06
        if (n \le NUM)
  07
           return n;
  08
        for (i=1; i <= NUM; i++)
  09
           if (r(n-i)<0)
  10
               return i;
  11
        return -1;
  12
  13 }
  14 int main()
  15 {
  16
        int n;
      cin>>n;
  17
      cout<<r(n)<<endl;</pre>
       return 0;
  19
  20 }
  0判断题
  (1)将第4行的 int 改为 unsigned,答案不会错误。
  (2)程序开启 O2 优化不会返回错误。
                                                                     )
  (3)如果输入-1,程序会输出-1。
  (4)该问题 r(n)的值没有规律。
                                                                     )
  ●选择题
  (5)如果输入7,程序会输出(
                            ) 。
    A. -1
                                    C. 1
                    B. 5
                                                    D. 3
  (6)如果输入16,程序会输出(
                             )。
    A. 16
                                                    D. 1
                                    C. 4
                    B. -1
```

5. [NOIP2011]

```
01 #include<iostream>
02 using namespace std;
03 int solve(int n, intm) {
04
      int i, sum;
05
      if (m==1) return 1;
06
      sum=0;
      for (i=1; i<n; i++)
07
         sum+=solve(i,m-1);
80
09
      return sum;
10 }
11 int main() {
12
      int n, m;
      scanf(''%d%d'',&n,&m);
13
      cout<<solve(n,m)<<endl;</pre>
14
      return 0;
15
16 }
●判断题
(1)将第7行<改成<=程序会出现运行错误。
(2)本题使用 C++98 编译不会出现编译错误。
(3)本题输入00不会出现运行错误。
(4)本题不可能输出0。
●选择题
(5)如果输入 74,输出(
                 B. 20
                               C. 21
  A. 11
                                              D. 12
(6)如果输入100,输出()。
                 B. 1
                               C. 2
  A. 0
                                              D. 3
```

```
6. [NOIP2011]
  01 #include<iostream>
  02 using namespace std;
  03 int n;
  04 void f2(int x, int v):
  05 void fl(int x, int y)
  06 {
  07
       if (x < n)
  80
         f2(y, x+y);
  09 }
  10 void f2(int x, int y)
  11 {
  12
       cout << x << ' ';
  13
       f1(y, x+y);
  14 }
  15 int main()
  16 (
  17
       cin>>n;
  18
       f1(0,1);
  19
       return 0;
  20 }
  (1)把04行删除,程序不会出现编译错误。
                                                         )
                                                         )
  (2)输入为 10,输出为 125。
                                                         )
  (3)把 07 行的"x<n"改为"x<=n",程序运行结果会出现改变。
                                                         )
  (4)该程序的时间复杂度为 O(n)。
  (5)输入为 35 时,输出为( )。
     A. 1 2 5 13 34 B. 1 2 5 13
                          C. 1 2 13
                                         D. 25 13
  (6)输出为125时,n的值可以为(
                          )。
    A. 3
                                         D. 11
                            C. 9
                B. 5
```

```
7. [NOIP2015]
```

```
01 #include<iostream>
 02 using namespace std;
 03 int fun(int n, int fromPos, int toPos) {
 04
        int t, tot;
        if (n==0) return 0;
 05
       for (t=1;t<=3;t++)
 06
            if (t!=fromPos&&t!=toPos)break;
 07
 80
       tot=0;
        tot+=fun(n-1, fromPos, t);
 09
 10
        tot++;
        tot+=fun(n-1,t,toPos);
 11
 12
        return tot;
 13 }
 14 int main() {
       int n;
 15
 16
        cin>>n;
       cout << fun(n, 1, 3) << end1;
 17
       return 0;
 18
 19 }
 ●判断题
(1)当 n 为小于 1000 的正整数时,将第 9 行和第 11 行一起去掉,程序输出结果为 1。
                                                                          )
(2)当 n 为小于 1000 的正整数时,将第 9 行或第 11 行中其中一行去掉,程序输出 n。
(3)函数中的 fromPos 与 toPos 与答案无关。
                                                                     (
(4)该程序的时间复杂度为 O(2")。
                                                                         )
●选择题
(5)fun(5,1,3)的值为(
                    ),
                                                     D. 9
                                    C. 66
  A. 31
                   B. 23
(6)fun(n,1,3)的通项公式为(
                             )。
                                    B. 2 * n
  A. fun(n-1,1,3) * 2+1
                                    D. \left( \left( \frac{1+\sqrt{5}}{2} \right)^n - \left( \frac{1-\sqrt{5}}{2} \right)^n \right) / \sqrt{5}
  C. 2^{n}-1
```

8. [NOIP2017]

```
01 #include<iostream>
02 using namespace std;
03 int q(int m, int n, int x) {
    int ans=0;
04
 int i;
05
    if (n==1)
06
07
       return 1;
    for (i=x; i \leq m/n; i++)
08
    ans+=g(m-i, n-1, i);
09
10
    return ans;
11 }
12 int main() {
                空第二行阻隔 6 行一起去掉,程序会出现死循环。
13 int t, m, n;
14 cin>>m>n; 常五全版一刊型, 图内以 0001 拍賣保險的 at a (* 1.8)
15 cout<<g(m,n,0)<<endl;
                   (1) 经在单户信息、则程序会编译增强。
16 return 0;
. ( )或出逾期,中国人
●判断颢 ※ ◎ ◎ ◎
                                           (
                                              )
                              B. 6
(1)把第6行去掉,程序总会输出1。
(2)将第4行的内容接在第2行的后面,程序输出与原样不同。
(3)把第5行去掉,程序会编译错误。
(4)此程序的功能是求将 m 个无序物品无序地分成 n 份的方案数。
                                            (
●选择题
(5)输入 7 3,则输出(
            ),
                                  D. 8
                       C. 6
            B. 4
  A. 2
(6)输入55,则输出()。
                                  D. 7
                       C. 5
            B. 3
  A. 1
```

9. [NOIP2018]

```
01 #include<iostream>
 02 using namespace std;
 03 int n, m;
 04 int findans(int n, int m) {
     if (n==0) return m;
 05
 06
     if (m==0) return n%3;
     return findans (n-1, m) - findans (n, m-1) + findans (n-1, m-1);
 07
180
09 int main() {
10
    cin>>n>>m;
     cout<< findans(n, m) << endl;</pre>
11
12
     return 0;
13 }
○判断题
(1)将第5行和第6行一起去掉,程序会出现死循环。
(2) 当输入的 n,m 的绝对值在 1000 以内时,程序一定会正常运行。
(3)若将该递归程序执行记忆化,则程序的时间复杂度为 O(nm)。
(4)将第3行接在第9行后,则程序会编译错误。
●选择题
(5)输入 5 6,则输出为( )。
A. 5
             B. 6
                        C. 7
(6)输入24.则输出为(一1)。
A. 5 C. 7 D. 8
```

)

10. [NOIP2014]

```
01 #include<iostream>
02 using namespace std;
03 int fun(int n, int minNum, int maxNum) {
     int tot, i;
04
     if (n==0) return 1;
05
     tot=0;
06
  for (i=minNum;i<=maxNum;i++)</pre>
07
         tot+=fun(n-1, i+1, maxNum);
08
09
     return tot;
10 }
11 int main() {
12
      int n;
13
     cin>>n;
     cout << fun (n, 1, 6) << endl;
14
15
      return 0;
16 }
●判断题
(1)将第5行删掉,程序编译错误。
(2)当输入的 n 的绝对值在 1000 以内时,程序不一定能正常运行。
(3)将第4行的内容接在第2行后,程序输出与原样不同。
(4)将第 4 行的内容去掉,程序将会运行错误。
●选择题
(5)fun(2,1,6)的值为(
                    ) ,
   A. 15
                                                D. 3
                 B. 10
                                C. 6
(6)fun(3,1,6)的值为(
                                                D. 1
                                C. 4
   A. 20
                 B. 10
```