

## 第6节 搜索算法

### 1. 【NOIP2009】国王放置

在  $n \times m$  的棋盘上放置  $k$  个国王,要求  $k$  个国王互相不攻击,有多少种不同的放置方法。假设国王放在第  $(x,y)$  格,国王攻击的区域是  $(x-1,y-1), (x-1,y), (x-1,y+1), (x,y-1), (x,y+1), (x+1,y-1), (x+1,y), (x+1,y+1)$ 。读入三个数  $n,m,k$ ,输出答案。题目利用回溯法求解。棋盘行标号为  $0 \sim n-1$ ,列标号为  $0 \sim m-1$ 。

```
#include<iostream>
using namespace std;
int n,m,k,ans;
int hash[5][5];
void work(int x,int y,int tot){
    int i,j;
    if (tot==k){
        ans++;
        return;
    }
    do{
        while (hash[x][y]){
            y++;
            if (y==m){
                x++;
                y= ① ;
            }
            if (x==n)
                return;
        }
        for (i=x-1;i<=x+1;i++)
            if (i>=0&&i<n)
                for (j=y-1;j<=y+1;j++)
                    if (j>=0&&j<m)
                        ② ;
        ③ ;
        for (i=x-1;i<=x+1;i++)
            if (i>=0&&i<n)
                for (j=y-1;j<=y+1;j++)
                    if (j>=0&&j<m) 回溯
                        ④ ;
        y++;
        if (y==m){
            x++;
            y=0;
        }
    } while (1);
}
```

```

    }
    if (x==n)
        return;
}
while (1);
}
int main() {
    cin>>n>>m>>k;
    ans=0;
    memset(hash, 0, sizeof(hash));
    ⑤;
    cout<<ans<<endl;
    return 0;
}

```

● 选择题

(1) ①处应填( B )。

A. 1

C. x

B. 0

D. m

(2) ②处应填( C )。

A. hash[i][j]++

C. hash[i][j]=0

B. hash[i][j]--

D. hash[i][j]=1

(3) ③处应填( D )。

A. work(x, y, tot++)

C. work(x, y, tot+1)

B. work(x, y, ++tot)

D. work(x, y, tot)

(4) ④处应填( C )。

A. hash[i][j]++

C. hash[i][j]=0

B. hash[i][j]--

D. hash[i][j]=1

(5) ⑤处应填( A )。

A. work(0, 0, 0)

C. work(1, 1, 1)

B. work(0, 0, 1)

D. work(n, m, k)

## 2.【NOIP2009】寻找等差数列

有一些长度相等的等差数列(数列中每个数都为  $0 \sim 59$  的整数), 设长度均为  $L$ , 将等差数列中的所有数打乱顺序放在一起。现在给你这些打乱后的数, 问原先  $L$  最大可能为多大? 先读入一个数  $n(1 \leq n \leq 60)$ , 再读入  $n$  个数, 代表打乱后的数。输出等差数列最大可能长度  $L$ 。

```
#include<iostream>
#include<cstring>
using namespace std;
int hash[60];
int n, x, ans, maxnum;
int work(int now) {
    int first, second, delta, i;
    int ok;
    while (① && !hash[now])
        ++now;
    if (now > maxnum)
        return 1;
    first = now;
    for (second = first; second <= maxnum; second++)
        if (hash[second]) {
            delta = ②;
            if (first + delta * ③ > maxnum)
                break;
            if (delta == 0)
                ok = (④);
            else {
                ok = 1;
                for (i = 0; i < ans; i++)
                    ok = ⑤ && (hash[first + delta * i]);
            }
            if (ok) {
                for (i = 0; i < ans; i++)
                    hash[first + delta * i]--;
                if (work(first))
                    return 1;
                for (i = 0; i < ans; i++)
```

```

        hash[first+delta*i]++;
    }
}
return 0;
}
int main() {
    int i;
    memset(hash, 0, sizeof(hash));
    cin >> n;
    maxnum = 0;
    for (i = 0; i < n; i++) {
        cin >> x;
        hash[x]++;
        if (x > maxnum)
            maxnum = x;
    }
    for (ans = n; ans >= 1; ans--)
        if (n % ans == 0 && ⑥) {
            cout << ans << endl;
            break;
        }
    return 0;
}

```

### ① 选择题

(1) ①处应填( )。

- A. now < maxnum
- C. now <= maxnum

- B. now >= maxnum
- D. now > maxnum

(2) ②处应填( )。

- A. second - first
- C. first - second

- B. second
- D. second - ans

(3) ③处应填( )。

- A. ans - 1
- C. ans

- B. ans - delta
- D. ans - first

(4) ④处应填( )。

- A. hash[first] > ans
- C. hash[second] <= ans

- B. hash[first] >= ans
- D. hash[second] < ans

(5) ⑤处应填( )。

- A. 0
- C. 1

- B. (!ok)
- D. ok

(6) ⑥处应填( )。

- A. work(0)
- C. work(ans)

- B. work(0) <= 0
- D. (!work(ans))

### 3.【NOIP2010】过河问题

在一个月黑风高的夜晚,有一群人在河的右岸,想通过唯一的一根独木桥走到河的左岸。在伸手不见五指的黑夜里,过桥时必须借助灯光来照明,不幸的是,他们只有一盏灯。另外,独木桥上最多能承受两个人同时经过,否则将会坍塌。每个人单独过独木桥都需要一定的时间,不同的人需要的时间可能不同。两个人一起过独木桥时,由于只有一盏灯,所以需要的时间是较慢的那个人单独过桥所花费的时间。现在输入  $N(2 \leq N < 1000)$  和这  $N$  个人单独过桥需要的时间,请计算总共最少需要多少时间,他们才能全部到达河左岸。

例如,有 3 个人甲、乙、丙,他们单独过桥的时间分别为 1、2、4,则总共最少需要的时间为 7。具体方法是:甲、乙一起过桥到河的左岸,甲单独回到河的右岸将灯带回,然后甲、丙在一起过桥到河的左岸,总时间为  $2+1+4=7$ 。

```
#include<iostream>
#include<cstring>
using namespace std;
const int SIZE=100;
const int INFINITY=10000;
const bool LEFT=true;
const bool RIGHT=false;
const bool LEFT_TO_RIGHT=true;
const bool RIGHT_TO_LEFT=false;
int n, hour[SIZE];
bool pos[SIZE];
int max(int a, int b) {
```

```

    if (a>b)
        return a;
    else
        return b;
}
int go (bool stage)
{
    int i, j, num, tmp, ans;
    if (stage==RIGHT_TO_LEFT)
    {
        num=0;
        ans=0;
        for (i=1; i<=n; i++)
            if (pos[i]==RIGHT)
            {
                num++;
                if (hour[i]>ans)
                    ans=hour[i];
            }
        if ( ① )
            return ans;
        ans=INFINITY;
        for (i=1; i<=n-1; i++)
            if (pos[i]==RIGHT)
                for (j=i+1; j<=n; j++)
                    if (pos[j]==RIGHT) {
                        pos[i]=LEFT;
                        pos[j]=LEFT;
                        tmp=max(hour[i], hour[j]) + ②;
                        if (tmp<ans)
                            ans=tmp;
                        pos[i]=RIGHT;
                        pos[j]=RIGHT;
                    }
        return ans;
    }
    if (stage==LEFT_TO_RIGHT)
    {
        ans=INFINITY;
        for (i=1; i<=n; i++)
            if ( ③ )
            {

```



```

        pos[i]=RIGHT;
        tmp= ④ A;
        if (tmp<ans)
            ans=tmp;
        ⑤ A;
    }
    return ans;
}
return 0;
}
int main()
{
    int i;
    cin>>n;
    for (i=1;i<=n;i++){
        cin>>hour[i];
        pos[i]=RIGHT;
    }
    cout<<go(RIGHT_TO_LEFT)<<endl;
    return 0;
}

```

### ●选择题

(1)①处应填( )。

A. num<=0

B. num<=1

C. num<=2

D. num<=3

(2)②处应填( )。

A. go(LEFT)

B. go(RIGHT)

C. go(LEFT\_TO\_RIGHT)

D. go(RIGHT\_TO\_LEFT)

(3)③处应填( )。

A. pos[i]=LEFT

B. pos[i]=RIGHT

C. pos[i]=LEFT\_TO\_RIGHT

D. pos[i]=RIGHT\_TO\_LEFT

(4)④处应填( )。

A. hour[i]+go(RIGHT\_TO\_LEFT)

B. hour[i]-go(RIGHT\_TO\_LEFT)

C. hour[i]+go(LEFT\_TO\_RIGHT)

D. hour[i]-go(LEFT\_TO\_RIGHT)

(5)⑤处应填( )。

A. pos[i]=LEFT

B. pos[i]=RIGHT

C. pos[i]=LEFT\_TO\_RIGHT

D. pos[i]=RIGHT\_TO\_LEFT