p024_blatt05-Aufgabe 1

June 6, 2024

Blatt 05 - Praktische Optimierung - Adrian Lentz, Robert

Lösungen und Erklärungen für Blatt 05.

Adrian Lentz - Matrikelnummer: 258882

Robert Schönewald - Matrikelnummer: 188252

Aufgabe 5.1

```
[1]: import numpy as np
  import timeit
  import matplotlib.pyplot as plt
  import scipy
  import statsmodels.api as sm
  import statsmodels.distributions.empirical_distribution as edf
  from scipy.stats import multivariate_normal
```

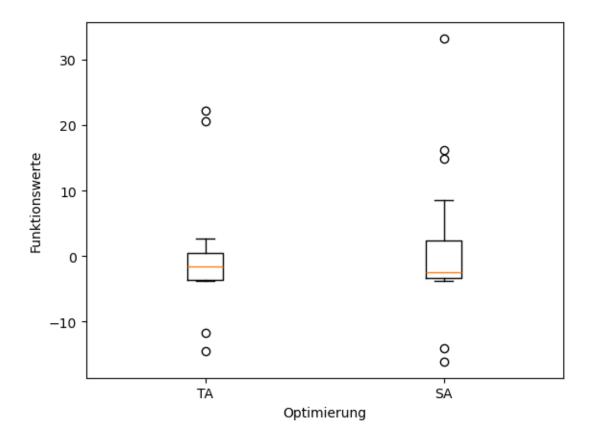
```
[2]: #Funktion definieren

def f_a(x):
    return 1.5*x[0]**2 + x[1]**2 + 21*np.sin(x[0])*np.cos(x[1]) + 0.

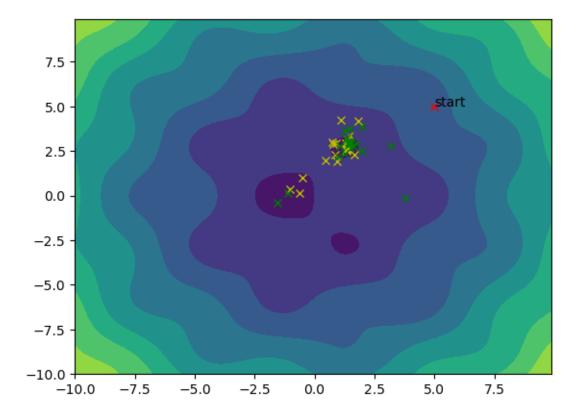
-5*((abs(x[0]))**2 + (abs(x[1]))**2)
```

```
[4]: #Implementiere Simulated Annealing
     def SA(f,d,X):
         Z=multivariate_normal(np.zeros(d), np.identity(d))
         T0=1
         for x in range(20):
             Y=X+Z.rvs()
             fY=f(Y)
             fX=f(X)
             if fY<fX:</pre>
                 X = Y
             if fY>fX:
                 if np.random.uniform(0,1) < np.exp((fX-fY)/T0):</pre>
             T0=T0*0.5
         return X
[5]: TAtraj=[]
     TAval=[]
     for x in range(20):
         result=TA(f_a, 2, [5, 5])
         TAtraj.append(result)
                                   #Fülle Liste mit Ergebnissen
         TAval.append(f_a(result)) #Fülle Liste mit allen Funktionswerten
     #np.median(TAtraj)
     #np.mean(TAtraj)
     #np.std(TAtraj)
[6]: SAtraj=[]
     SAval=[]
     for x in range(20):
         result=SA(f_a, 2, [5, 5])
         SAtraj.append(result)
                                    #Fülle Liste mit Ergebnissen
         SAval.append(f_a(result)) #Fülle Liste mit allen Funktionswerten
     #np.median(SAtraj)
     #np.mean(SAtraj)
     #np.std(SAtraj)
[7]: fig, ax = plt.subplots()
     ax.boxplot([TAval,SAval])
     ax.set xticklabels(['TA','SA'])
     ax.set(xlabel='Optimierung', ylabel='Funktionswerte')
```

[7]: [Text(0.5, 0, 'Optimierung'), Text(0, 0.5, 'Funktionswerte')]



```
[8]: x, y = np.mgrid[-10:10:.1, -10:10:.1]
pos = [x, y]
fig2 = plt.figure()
ax2 = fig2.add_subplot(111)
ax2.contourf(x, y, f_a(pos))
ax2.plot(5,5,"rx")
ax2.text(5,5,"start")
for x in TAtraj:
    ax2.plot(x[0],x[1],"yx") #TA Werte werden in Gelb markiert
for x in SAtraj:
    ax2.plot(x[0],x[1],"gx") #SA Werte werden in Grün markiert
```



Wie man in dem obigen Bild und dem Boxplot sieht, sind SA und TA ungefähr gleich variant. Beide Varianten finden meistens den lokalen Tiefpunkt in der Nähe des Startpunkts. Sowohl SA und TA produzieren Ausreißer, die dem globalen Optimum nahe kommen, Jedoch hat SA nach oben die stärkeren Ausreißer. Insgesamt sind beide Varianten sehr ähnlich, und beide Möglichkeiten, lokale Optima zu überwinden scheinen zu funktionieren. Um wirklich große Unterschiede feststellen zu können müsste die Stichprobengröße wahrscheinlich deutlich höher sein. Dies ist bei häufigerer Ausführung des Codes aufgefallen, da teilweise SA bessere Ergebnisse geliefert hatte und teilweise TA, jedoch ohne ein klares Schema feststellen zu können.

Aufgabe 5.2

```
[1]: import numpy as np
  import random
  import statistics

[2]: class Mutationen:
    def __init__(self):
        pass

    def two_swap_mutation(self, individual, K):
        size = len(individual)
        if size < 2:</pre>
```

```
return individual # Keine Mutation möglich, wenn die Länge weniger
      ⇔als 2 ist
             for _ in range(K): # Wähle zwei verschiedene Positionen zufällig aus
                 pos1, pos2 = random.sample(range(size), 2)
                 individual[pos1], individual[pos2] = individual[pos2],
      individual[pos1] # Tausch der Werte an den beiden Positionen
             return individual
        def one_translocation_mutation(self, individual, K):
             size = len(individual)
             for _ in range(K): # Wähle eine zufällige Position für das Gen, das _
      ⇔verschoben werden soll
                 pos1 = random.randint(0, size - 1)
                 gene = individual.pop(pos1)
                 pos2 = random.randint(0, size - 1) # Wähle eine neue zufällige⊔
      →Position, um das Gen wieder einzufügen
                 individual.insert(pos2, gene)
            return individual
        def mutate(self, individual, method, K):
             if method == '2-Swap':
                 return self.two_swap_mutation(individual, K)
             elif method == '1-Translocation':
                return self.one_translocation_mutation(individual, K)
             else:
                 raise ValueError("Invalid mutation method. Choose '2-Swap' or ∪
      [3]: class Rekombination:
        def __init__(self):
            pass
        def order_based_crossover(self, parent1, parent2):
             size = len(parent1)
             start, end = sorted(random.sample(range(size), 2)) # Wähle zwei_
      ⇒zufällige Schnittpunkte
             #Initailisieren der Kinder
             child1 = \lceil -1 \rceil * size
             child1[start:end] = parent1[start:end]
             #Aktuelle Indexposition
```

child1_pointer = end
parent2_pointer = end

#OBX für 1.Kind while -1 in child1:

```
if parent2[parent2_pointer % size] not in child1: #Index Bsp [5 %L]
→9]: Modulo Operator, hier 5<9 --> parent2[5] mit Kind verglichen
               child1[child1_pointer % size] = parent2[parent2_pointer % size]_
#Indexpositon des Kindes wird mit entsprechnden Eintrag des Eltern aufgefüllt
              child1_pointer += 1
          parent2_pointer += 1
      return child1
  def partially_mapped_crossover(self, parent1, parent2):
      size = len(parent1)
      start, end = sorted(random.sample(range(size), 2))
      child1 = [-1] * size
      child1[start:end] = parent1[start:end]
      mapping = {}
      for i in range(start, end):
          mapping[parent1[i]] = parent2[i]
          mapping[parent2[i]] = parent1[i]
      def fill_child(child, parent, start, end, mapping):
          for i in range(size):
               if i < start or i >= end:
                   gene = parent[i]
                   while gene in child[start:end]:
                       gene = mapping[gene]
                   child[i] = gene
      fill_child(child1, parent2, start, end, mapping)
      return child1
  def keine_rekombination(self, parent1, parent2): #Keine Rekombination -->_
→Kinder sind gleich zu Eltern
      return parent1
  def recombine(self, parent1, parent2, method):
      if method == 'OBX':
          return self.order_based_crossover(parent1, parent2)
      elif method == 'PMX':
          return self.partially_mapped_crossover(parent1, parent2)
      elif method == 'NIX':
          return self.keine_rekombination(parent1, parent2)
          raise ValueError("Invalid recombination method. Choose 'OBX',,,
→'PMX', or 'NIX'.")
```

```
[4]: class Zielfunktionen:
          def __init__(self):
              pass
          def ziel_1(self, kandidat): #Maximum - Minimum
              sums = self.evaluate(kandidat)
              return max(sums) - min(sums)
          def ziel_2(self, kandidat): #Summe der absoluten Differenz von allen Paaren
              sums = self.evaluate(kandidat)
              total difference = 0
              for i in range(len(sums)): #Sums enthält alle möglichen s1 bis s8_1
       \hookrightarrowElemente
                  for j in range(i + 1, len(sums)): #Durchläuft nachfolgendes⊔
       \hookrightarrowElement nach i
                      total_difference += abs(sums[i] - sums[j])
              return total_difference
          def ziel_3(self, kandidat): #Summe der absoluten Differenz von s1 und_
       ⇒allen andern s2 bis s8
              sums = self.evaluate(kandidat)
              s1 = sums[0]
              total_difference = 0
              for i in range(1, len(sums)):
                  total difference += abs(s1 - sums[i])
              return total_difference
          def evaluate(self, kandidat):
              s1 = sum(kandidat[0:3])
              s2 = sum(kandidat[3:6])
              s3 = sum(kandidat[6:9])
              s4 = sum(kandidat[0:9:3])
              s5 = sum(kandidat[1:9:3])
              s6 = sum(kandidat[2:9:3])
              s7 = kandidat[0] + kandidat[4] + kandidat[8]
              s8 = kandidat[2] + kandidat[4] + kandidat[6]
              return [s1, s2, s3, s4, s5, s6, s7, s8]
[31]: class EvolutionaryAlgorithm:
          def __init__(self, mu, lamb, mutation_k, mutation_method,_
       ⊸recombination_method, zielfunktion,max_evaluations=10000): #Weil Probleme, □
       →versuch mit maximaler evaluations-Anzahl
              self.mu = mu #Eltern
              self.lamb = lamb #Kinder
              self.mutation_k = mutation_k #Für Mutationen k=2 oder k=4
              self.mutation_method = mutation_method #Mutationen
              self.mutationen = Mutationen()
```

```
self.rekombination_method = recombination_method #Rekombinationen
        self.rekombination = Rekombination()
        self.zielfunktion = zielfunktion #Zielfunktion
        self.max_evaluations = max_evaluations # Max Evaluations festgelegt
        self.population = [random.sample(range(1, 10), 9) for _ in range(mu)]__
 →#Erstellung von (mu)-Individuen (zufällige Zahl von 1 bis 9) einer
 ⇒zufälliger Population
    def run(self):
        auswertungen = 0 #Anzahl der Auswertungen der Zielfunktion
        while auswertungen < self.max_evaluations:</pre>
            offspring = []
            for _ in range(self.lamb): #Schleife für Kinder
                parent1, parent2 = random.sample(self.population, 2)
                child = self.rekombination.recombine(parent1, parent2, self.
 →rekombination method) #Rekombination
                child = self.mutationen.mutate(child, self.mutation_method,__
 ⇒self.mutation_k) #Mutation
                offspring.append(child)
                auswertungen += 1
            self.population += offspring
            self.population.sort(key=self.zielfunktion) #Sortierung nach_
 \hookrightarrow Zielfunktion
            self.population = self.population[:self.mu] #Auswahl bester_
 \hookrightarrow Individuen
            if self.is_magic_square(self.population[0]):
                return auswertungen
    def is magic square(self, kandidat): #Überprüfen ob magischer Würfel passt
        return self.zielfunktion(kandidat) == 0 #Zielfunktion ist gleich 0 füru
 ⇔magischen Würfel
if __name__ == "__main__":
   mu_values = [5,10,20] #5,10,20
    lambda_values = [1,5,10] #1,5,10
    mutation_operators = ['2-Swap', '1-Translocation'] #'2-Swap',
 →'1-Translocation'
    mutation_k_werte = [2,4] #2,4
    rekombination_operators = ['OBX', 'PMX', 'NIX'] #'OBX', 'PMX', 'NIX'
    zielfunktionen = Zielfunktionen()
    zielfunktion_operators = [zielfunktionen.ziel_1, zielfunktionen.ziel_2,_
 ⇒zielfunktionen.ziel_3]
    max_evaluations = 10000
```

```
results = []
  for mu in mu_values: #Durch Eltern
      for lamb in lambda_values: #Durch Kinder
          for mutation_operator in mutation_operators: #Durch Mutationen
               for mutation_k in mutation_k_werte: #Mutationswert k=2 oder k=4
                  for rekombination_operator in rekombination_operators:
→#Durch Rekombinationen
                      for zielfunktion_operator in zielfunktion_operators:
⇔#Durch Zielfunktionen
                           evals_for_combination = []
                           for _ in range(10): #100-Wiederholungen
                              random.seed()
                               ea = EvolutionaryAlgorithm(mu, lamb, __
→mutation_k, mutation_operator, rekombination_operator,

¬zielfunktion_operator, max_evaluations)
                               evaluations = ea.run()
                               if evaluations is not None:
                                   evals_for_combination.append(evaluations)
                           if evals_for_combination:
                               median_evaluations = statistics.
→median(evals_for_combination)
                               results.append((median_evaluations, mu, lamb,__
mutation_operator, mutation_k, rekombination_operator, zielfunktion_operator.
→ __name __))
                              print(f"Median Evaluations:
⊶{median_evaluations}, Mu: {mu}, Lambda: {lamb}, Mutation:⊔
⊶{mutation_operator}, Mutation K: {mutation_k}, Rekombination:⊔
→ {rekombination_operator}, Zielfunktion: {zielfunktion_operator.__name__}")
  # Sortiere die Ergebnisse nach der Anzahl der Evaluierungen (Median) und
→qib die besten und schlechtesten Parameterkombinationen aus
  results.sort()
  print("\nDie 5 besten Parameterkombinationen:")
  for result in results[:5]:
      print(result)
  print("\nDie 5 schlechtesten Parameterkombinationen:")
  for result in results[-5:]:
      print(result)
```

```
KeyboardInterrupt Traceback (most recent call last)
Cell In[31], line 57
55 random.seed()
```

```
56 ea = EvolutionaryAlgorithm(mu, lamb, mutation_k, mutation_operator, u
 Grekombination_operator, zielfunktion_operator, max_evaluations)
---> 57 evaluations = ea.run()
     58 if evaluations is not None:
            evals_for_combination.append(evaluations)
     59
Cell In[31], line 21, in EvolutionaryAlgorithm.run(self)
     19 for _ in range(self.lamb): #Schleife für Kinder
            parent1, parent2 = random.sample(self.population, 2)
---> 21
            child =
 self.rekombination.recombine(parent1, parent2, self.rekombination_method)
 →#Rekombination
            child = self.mutationen.mutate(child, self.mutation_method, self.
 →mutation_k) #Mutation
            offspring.append(child)
Cell In[3], line 52, in Rekombination.recombine(self, parent1, parent2, method)
           return self.order_based_crossover(parent1, parent2)
     51 elif method == 'PMX':
            return self.partially_mapped_crossover(parent1, parent2)
     53 elif method == 'NIX':
            return self.keine rekombination(parent1, parent2)
     54
Cell In[3], line 42, in Rekombination.partially_mapped_crossover(self, parent1,
 →parent2)
     39
                        gene = mapping[gene]
     40
                    child[i] = gene
---> 42 fill_child(child1, parent2, start, end, mapping)
     43 return child1
Cell In[3], line 38, in Rekombination.partially_mapped_crossover.<locals>.
 fill_child(child, parent, start, end, mapping)
     36 if i < start or i >= end:
            gene = parent[i]
     37
            while gene in child[start:end]:
---> 38
     39
                gene = mapping[gene]
            child[i] = gene
     40
KeyboardInterrupt:
```

Leider kommt der EA nicht über eine bestimmte Kombinationen hinaus von Parametern, ich weiß leider nicht warum.

Versuch deswegen eine maximale evaluation festzulegen (10000) und die Anzahl der Wiederholungen zu verringern hat auch nicht geholfen.

Selbst nach sehr langer Rechenzeit , kommt der EA leider nicht aus einer einzigen Kombination von Paramteren raus, weswegen hier ein paar manulle Paramter Kombinationen festgelegt wur-

den, um einen Vergleich zu ermöglichen. Zusätzlich erscheint die Rekombination "PMX" nicht zu funktionieren, leider.

```
[]: 'Bsp-Output:'
     111
     Evaluations: 784, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, ...
      →Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1
     Evaluations: 1364, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2,,,
      \hookrightarrowRekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1
     Evaluations: 1903, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, 1
      \hookrightarrow Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1
     Evaluations: 1642, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2,,,
      \hookrightarrowRekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1
     Evaluations: 4661, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2,
      →Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1
     Evaluations: 2212, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, __
      →Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 1
     Evaluations: 3474, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, __
      →Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 1
     ..... etc.
```

Alle Parameter-Kombinationen für μ =5 (manuell mit EA berechnet):

Median Evaluations: 1847, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1

Median Evaluations: 1209.0, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_2

Median Evaluations: 1467.0, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 3

Median Evaluations: 5351.0, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel_1

Median Evaluations: 4139, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel 2

Median Evaluations: 1945, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel_3

Median Evaluations: 5996.0, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1

Median Evaluations: 7065, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_2

Median Evaluations: 6984.0, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 3

Median Evaluations: 6890, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel_1

Median Evaluations: 8724.0, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel_2

Median Evaluations: 6543.5, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel_3

Median Evaluations: 1987.0, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1

Median Evaluations: 2873.5, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 2

Median Evaluations: 1222, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_3

Median Evaluations: 4678.0, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 1

Median Evaluations: 3879, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 2

Median Evaluations: 5053, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_3

Median Evaluations: 3304.0, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 2, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel_2

Median Evaluations: 2621, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 2, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel 3

Median Evaluations: 1910.5, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel 1

Median Evaluations: 770.0, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel_2

Median Evaluations: 8444.0, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel_3

Median Evaluations: 1920, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 1

Median Evaluations: 1035, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 2

Median Evaluations: 1460.0, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 3

Median Evaluations: 3945, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel_3

Median Evaluations: 3002.5, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1

Median Evaluations: 2365, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_2

Median Evaluations: 2815.0, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_3

Median Evaluations: 2510, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel_1

Median Evaluations: 4055, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 1

Median Evaluations: 1865.0, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_2

Median Evaluations: 2445, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_3

Median Evaluations: 920, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 2, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel_2

Median Evaluations: 6290.0, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 1

Median Evaluations: 7725.0, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 2

Median Evaluations: 3435, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_3

Median Evaluations: 4610.0, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel_1

Median Evaluations: 2180, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel_2

Median Evaluations: 920, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1

Median Evaluations: 1130, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_2

Median Evaluations: 1990, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_3

Median Evaluations: 6520, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel 2

Median Evaluations: 5460.0, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1

Median Evaluations: 4480.0, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_2

Median Evaluations: 6340.0, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_3

Median Evaluations: 990, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel_3

Median Evaluations: 1170, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1

Median Evaluations: 1340, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_2

Median Evaluations: 2580, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_3

_

Median Evaluations: 5750, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1

Median Evaluations: 3550.0, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_2

Median Evaluations: 7415.0, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_3

Für Ziel1: Maximum - Minium: (nur für mu=5)

Beste Parameter-Kombination:

- 1. Median Evaluations: 920, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1
 - 2. Median Evaluations: 1170, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1
 - 3. Median Evaluations: 1847, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1
 - 4. Median Evaluations: 1910.5, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel 1
 - 5. Median Evaluations: 1920, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 2, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 1

Schlechste Parameter-Kombination:

- 6. Median Evaluations: 6890, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: NIX, Zielfunktion: ziel_1
- 7. Median Evaluations: 6290.0, Mu: 5, Lambda: 5, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1
- 8. Median Evaluations: 5996.0, Mu: 5, Lambda: 1, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 1
- 9. Median Evaluations: 5750, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 1-Translocation, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel 1
- 10. Median Evaluations: 5460.0, Mu: 5, Lambda: 10, Mutation: 2-Swap, Mutation K: 4, Rekombination: OBX, Zielfunktion: ziel_1

[]:[