	hert Schönewald - Matrikelnummer: 188252
	Aufgabe 3.1  port numpy as np nm kompasssuche test immort kompasssuche test
from impo impo impo impo	om kompasssuche_test import kompasssuche_test cort timeit cort matplotlib.pyplot as plt cort scipy cort statsmodels.api as sm
impo	port statsmodels.distributions.empirical_distribution as edf unktion definieren'
In [3]: np.r	<pre>f f_a(x):     return x[0]**2 + x[1]**2  .random.seed(1) ichprobe= random points = np.random.uniform(-10, 10, (500, 2))  #Punkte generieren</pre>
In [4]: 'Par	ichprobe= random_points = np.random.uniform(-10, 10, (500, 2)) #Punkte generieren  arametereinstellungen'  rameter = [
	(1.0, 0.5), $(2.0, 0.5),$ $(1.5, 0.8),$ $(0.5, 0.2)$
def	eitmessung - Definition' f zeitmessung(f_a,x0,s0,theta): zeit= lambda:kompasssuche_test(f_a,x0,s0,theta) #Lambda Funktion ersparrt definieren von zeit über funktion der Kompassuche
In [6]: 'Zei zeit	return timeit.timeit(zeit,number=1) #timeit.timeit gibt Messung der Laufzeit wieder  eitmessung - Ausführung' iten=[]
	ri, (s0, theta) in enumerate(parameter): #einmal alle Parameter durchgehen para_zeiten=[] #Zeiten für die jeweiligen Parameter werden hier gespeichert  for x0 in stichprobe:     curr_times=[] #Zeiten für die aktuellen zufälligen Startwerte     for jin range(100): #Messung 100mal wiederholen
	curr_times.append(zeitmessung(f_a, x0, s0, theta))  para_zeiten.append(np.median(curr_times))  zeiten.append(para_zeiten)  int(len(zeiten[0])) #Test der Länge, sollte 500 lang sein
ax.b	g, ax = plt.subplots() boxplot(zeiten)
0ut[7]: [Tex	set_xticklabels(['(1, 0.5)','(2, 0.5)','(1.5, 0.8)','(0.5, 0.2)']) .set(xlabel='Parameter', ylabel='mediane Zeiten')  ext(0.5, 0, 'Parameter'), Text(0, 0.5, 'mediane Zeiten')]
	0.0007 -
_	0.0005 -
. Zei	
	0.0002
0.4	
Die	(1, 0.5) (2, 0.5) (1.5, 0.8) (0.5, 0.2)  Parameter  e erste Sache die bei Betrachtung der Boxplots auffällt, ist dass die Parameterkombination (1.5, 0.8) deutlich höhere Zeiten erreicht als die anderen Parameter. Die Schrittweite wird hier am langsamsten verrringert, was dazu führt, dass viele unnötige Iterationen durchgeführt werden, da die Schrittweite immer noch zu lang ist. Dazu kommt noch, dass die initiale Schrittweite mit 1.5 relativ hoch ist.
ein s Die e	e Parameter (0.5, 0.2) erzeugen einen Boxplot mit sehr hoher Varianz, ihre schnellste und langsamste Zeit scheint mit der von allen Parameterpaaren übereinzustimmen. Dies lässt sich durch eine Sehr kleine initiale Schrittweite erklären. Zusätzlich wird diese auch nur sehr langsam verändert. Der Erfolg dieser Parameter hängt stark von der Startposition ab, da bei großer Entfernung zum Optimum sehr langsam verändert. Der Erfolg dieser Parameter hängt stark von der Startposition ab, da bei großer Entfernung zum Optimum sehr langsam verändert. Der Erfolg dieser Parameter hängt stark von der Startposition ab, da bei großer Entfernung zum Optimum sehr langsam verändert. Der Erfolg dieser Parameter hängt stark von der Startposition ab, da bei großer Entfernung zum Optimum von beiden mit sehr langsam verändert. Der Erfolg dieser Parameter hängt stark von der Startposition ab, da bei großer Entfernung zum Optimum von beiden mit sehr langsam verändert. Der Erfolg dieser Parameter hängt stark von der Startposition ab, da bei großer Entfernung zum Optimum von beiden mit sehr langsam verändert. Der Erfolg dieser Parameter hängt stark von der Startposition ab, da bei großer Entfernung zum Optimum von beiden mit sehr langsam verändert. Der Erfolg dieser Parameter hängt stark von der Startposition ab, das bei großer Entfernung zum Optimum von beiden mit sehr langsam verändert. Der Erfolg dieser Parameter hängt stark von der Startposition ab, das beide Parameter hängt stark von der Startposition ab, das beide Parameter hängt stark von der Startposition ab, das beide Parameter hängt stark von der Startposition ab, das beide Parameter hängt stark von der Startposition ab, das beide Parameter hängt stark von der Startposition ab, das beide Parameter hängt stark von der Startposition ab, das beide Parameter hängt stark von der Startposition ab, das beide Parameter hängt stark von der Startposition ab, das beide Parameter hängt stark von der Startposition ab, das beide Parameter hängt stark von der Startposition ab, das beide Parame
In [8]: 'Auf	ufstellen der Hypothesen' int('Hypothese (i):')
'H0: 'H1: prin	9: Parameterpaar (1,0.5) ist im Mittel langsamer oder gleich schnell als (1.5,0.8)' 1: Parameterpaar (1,0.5) ist im Mittel schneller als (1.5,0.8)' int('Welch-Test:')
prin prin	tat1, p1 = scipy.stats.ttest_ind(zeiten[0],zeiten[2],equal_var=False,alternative='less') int("t-statistic:",tstat1) int("p-value:",p1,end="\n"+"\n") int('Wilcoxon-Test:')
tsta prin prin	tat1, p1 = scipy.stats.ranksums(zeiten[0],zeiten[2],alternative='less') int("t-statistic:",tstat1) int("p-value:",p1,end="\n"+"\n")  othese (i):
Welch t-sta p-val	ch-Test: catistic: -63.876506413638296 alue: 0.0
t-sta	coxon-Test: catistic: -27.09587388755472 alue: 5.506431433436697e-162
In [9]: prin	er wurde der optionale Parameter alternative der Tests auf less verändert. Damit wird die alternative Hypothese verändert, sodass nun nicht mehr auf Ungleichheit getestet wird, sondern ob Verteilung des ersten Parameters kleiner ist als die des zweiten, so wie in der Aufgabe erwünscht. Dieser Test hat sehr kleine p-Werte, weswegen es sehr wahrscheinlich ist, dass die erste Hypothese zutrifft.  int ('Hypothese (ii):')  Parameterpaar (1.5,0.8) ist im Mittel langsamer oder gleich schnell als (0.5,0.2)'
'H1: prin tsta	1: Parameterpaar (1.5,0.8) ist im Mittel schneller als (0.5,0.2)'  int('Welch-Test:')  tat2, p2 = scipy.stats.ttest_ind(zeiten[2], zeiten[3], equal_var=False, alternative='less')
prin prin	int("t-statistic:",tstat2) int("p-value:",p2,end="\n"+"\n") int(\"Wilcoxon-Test:') tat2, p2 = scipy.stats.ranksums(zeiten[2],zeiten[3],equal_var=False,alternative='less')
prin prin Hypot	<pre>int("t-statistic:", tstat2) int("p-value:", p2, end="\n"+"\n") othese (ii):</pre>
Welch t-sta p-val Wilco	ch-Test: catistic: 36.691007952904805 calue: 1.0 coxon-Test:
t-sta p-val	ratistic: 24.254833068582748 alue: 1.0
In [10]: prin	Entergebnisse liefern p-Werte von 1, weswegen keine Aussage über die zweite Hypothese gemacht werden kann.  int('Hypothese (iii):') D: Parameterpaar (2,0.5) ist im Mittel langsamer oder gleich schnell als (1.5,0.8)'  1: Parameterpaar (2,0.5) ist im Mittel schneller als (1.5,0.8)'
'H1: prin tsta prin	1: Parameterpaar (2,0.5) ist im Mittel schneller als (1.5,0.8)'  int('Welch-Test:')  tat3, p3 = scipy.stats.ttest_ind(zeiten[1], zeiten[2], equal_var=False, alternative='greater')  int("t-statistic:", tstat3)
prin prin tsta	int("p-value:",p3,end="\n"+"\n")  int(\frac{\text{vstates}}{\text{vstate}},\frac{\text{vstates}}{\text{vstate}},\frac{\text{vstates}}{\text{vstate}},\frac{\text{vstates}}{\text{vstate}} = \frac{\text{vstate}}{\text{vstate}} = \frac{\text{vstate}}{\text{vstate}
prin Hypot Welch	int("t-statistic:",tstat3) int("p-value:",p3,end="\n"+"\n")  othese (iii): ch-Test: catistic: -76.41210058211469
p-val Wilco t-sta	alue: 1.0 coxon-Test: catistic: -27.174268570242553
p-val	alue: 1.0  Inlich wie in der ersten Hypothese erhalten wir sehr niedrige p-Werte, die dritte Hypothese wahrscheinlich zutrifft.
'H0:	int('Hypothese (iv):') D: Parameterpaar (1,0.5) ist im Mittel langsamer oder gleich schnell als (0.5,0.2)' 1: Parameterpaar (1,0.5) ist im Mittel schneller als (0.5,0.2)'  int('Welch-Test:')
tsta prin	<pre>int('Welch-Test:') tat4, p4 = scipy.stats.ttest_ind(zeiten[0], zeiten[3], equal_var=False, alternative='less') int("t-statistic:", tstat4) int("p-value:", p4, end="\n"+"\n")</pre>
tsta prin prin	<pre>int('Wilcoxon-Test:') tat4, p4 = scipy.stats.ranksums(zeiten[0], zeiten[3], alternative='less') int("t-statistic:", tstat4) int("p-value:", p4, end="\n"+"\n")</pre>
Hypot Welch t-sta	othese (iv): ch-Test: catistic: -12.662163934102148 alue: 6.867091120177482e-34
Wilco t-sta	coxon-Test: catistic: -11.352009910275669 klue: 3.623861415130875e-30
Die v	e bereits vorher gesehen, scheint es so als ob wir die vierte Hypothese wahrscheinlich wahr ist.  e vorher gesehenen Boxplots scheinen mit diesen Ergebnissen übereinzustimmen:  1 ist schneller als 3
(ii) 3 (iii) 2	1 ist schneller als 3 3 ist nicht schneller als 4 2 ist schneller als 3 1 ist schneller als 3
Für (	r den Welch-Test nehmen wir an, dass die Verteilungen normalverteilt sind und die Varianzen gleich sind. Letzteres haben wir durch den Parameter equal_var umgangen. Überprüfen wir nun also ob unsere Ergebnisse normalverteilt sind:  .qqplot(np.array(zeiten[0]),line="s")
plt.	.qqplot(np.array(zeiten[0]),line="s") t.show()  0.00040 -
	0.00035 -
antile	0.00030 -
Sa	0.00020 -
	0.00010
0.0	0.00005 1 0 1 2 Theoretical Quantiles
plt.	<pre>.qqplot(np.array(zeiten[1]), line="s") t.show()</pre>
	0.00030 -
10	0.00025 -
mple Quan	0.00020 -
o.	0.00015 -
0.0	0.00010
In [14]: sm.	-2 -1 0 1 2 Theoretical Quantiles  qqplot(np.array(zeiten[2]),line="s")
plt.	0.0008
	0.0007 -
nani	0.0005 -
mplé	0.0003 -
	0.0002 -
	-2 -1 0 1 2 Theoretical Quantiles
In [15]: sm.c plt	<pre>qqplot(np.array(zeiten[3]),line="s") t.show()</pre>
	0.0006 -
	0.0004 -
ımple	0.0003 -
	0.0001
0.0	$\frac{1}{1}$
Die	Theoretical Quantiles  Diagramme lassen darauf schließen, dass die Verteilungen wahrscheinlich normalverteilt sind.
x = y =	<pre>df = edf.ECDF(zeiten[0]) = np.linspace(min(zeiten[0]), max(zeiten[0])) = ecdf(x) t stan(x, y)</pre>
plt. Out[16]: [ <ma< th=""><td>matplotlib.lines.Line2D at 0x1fb509762d0&gt;]</td></ma<>	matplotlib.lines.Line2D at 0x1fb509762d0>]
0.8 -	
0.8 -	
0.4 -	
0.2 -	
0.0 -	0.00010 0.00015 0.00020 0.00035 0.00040
x =	<pre>df = edf.ECDF(zeiten[1]) = np.linspace(min(zeiten[1]), max(zeiten[1]))</pre>
y = plt.	e ecdf(x) t.step(x, y) matplotlib.lines.Line2D at 0x1fb500fa6d0>]
1.0 -	
0.8 -	
0.6 -	
0.2 -	
0.0 -	0.00010 0.00015 0.00020 0.00025 0.00030 0.00035
In [18]: ecdf	
	<pre>df = edf.ECDF(zeiten[2]) = np.linspace(min(zeiten[2]), max(zeiten[2]))</pre>
y = plt.	
y = plt.	<pre>np.linspace(min(zeiten[2]), max(zeiten[2])) ecdf(x) t.step(x, y)</pre>
y = plt.  Out[18]: [ <max.< th=""><td><pre>np.linspace(min(zeiten[2]), max(zeiten[2])) ecdf(x) t.step(x, y)</pre></td></max.<>	<pre>np.linspace(min(zeiten[2]), max(zeiten[2])) ecdf(x) t.step(x, y)</pre>
y = plt. Out[18]: [ <ma< th=""><td><pre>np.linspace(min(zeiten[2]), max(zeiten[2])) ecdf(x) t.step(x, y)</pre></td></ma<>	<pre>np.linspace(min(zeiten[2]), max(zeiten[2])) ecdf(x) t.step(x, y)</pre>
y = plt.  Out[18]: [ <ma -="" -<="" 0.6="" 0.8="" 1.0="" th=""><td>rp.linspace(min(zeiten[2]), max(zeiten[2])) ecdf(X) subplice in the subplication of th</td></ma>	rp.linspace(min(zeiten[2]), max(zeiten[2])) ecdf(X) subplice in the subplication of th
y = plt.  Out[18]: [ <ma -="" -<="" 0.4="" 0.6="" 0.8="" 1.0="" th=""><td>np_linspace(sin(zeites[2]), sax(zeiten[2])) scort(s)  macplotitD_lines_line2D at doi:rossazzade-j  d  d  d  d  d  d  d  d  d  d  d  d  d</td></ma>	np_linspace(sin(zeites[2]), sax(zeiten[2])) scort(s)  macplotitD_lines_line2D at doi:rossazzade-j  d  d  d  d  d  d  d  d  d  d  d  d  d
y = plt.  Out[18]: [ <mathrice th=""  =""  <=""><td>### control (1)   ### control</td></mathrice>	### control (1)   ### control
y = plt. Out[18]: [ <ma -="" 0.0="" 0.2="" 0.6="" 0.8="" 1.0="" =="" [19]:="" ecdf="" in="" plt.<="" th="" x="y"><td>### (applied (min (min (min (min (min (min (min (min</td></ma>	### (applied (min (min (min (min (min (min (min (min
y = plt.  Out[18]: [ <mathrice th=""  =""  <=""><td></td></mathrice>	
y = plt.  Out[18]: [ <ma -="" 0.0="" 0.4="" 0.6="" 0.8="" 1.0="" =="" [19]:="" [<ma<="" ecdf="" in="" out[19]:="" plt.="" th="" x="y"><td></td></ma>	
y = plt.  Out[18]: [ <ma -="" 0.0="" 0.2="" 0.4="" 0.8="" 1.0="" [19]:="" ecdf<="" in="" th=""><td>***                                    </td></ma>	***
y = plt.  Out[18]: [ <mathrice th=""  =""  <=""><td>### (### (### (### (### (### (### (###</td></mathrice>	### (### (### (### (### (### (### (###
y = plt.  Out[18]: [ <mathrice th=""  =""  <=""><td>### (### (### (### (### (### (### (###</td></mathrice>	### (### (### (### (### (### (### (###
y = plt.  Out[18]: [ $### (### (### (### (### (### (### (###$	### (### (### (### (### (### (### (###
y = plt.  Out[18]: [ $## Comparing Com$	## Comparing Com
Ut[18]: [ $######################################$	######################################
Ut[18]: [ $### Commence of the Commence o$	### Commence of the Commence o
Out[18]: [ $The state of the s$	The state of the s
Ut[18]: [ <ma 1.0 -   0.8 -   0.6 -   0.4 -   0.2 -   0.0 -   In [19]: ecdf</ma 	######################################
Ut[18]: [ $The state of the s$	The state of the s
Out[18]: [ $  A$	A
y = plt.  Out[18]: [ <max< th=""><td>                                     </td></max<>	
y = plt.  Out[18]: [ <max -="" 0.0="" 0.8="" 1.0="" [19]:="" ecdf="" in="" th=""  =""  <=""><td>The state of the s</td></max>	The state of the s
Ut[18]: [ <mail< th=""><td>The control of the co</td></mail<>	The control of the co
Out[18]: [ <mail< th=""><td>######################################</td></mail<>	######################################
y = plt.  Out[18]: [ <max &="" -="" 0.2="" 0.4="" 0.5="" 0.6="" 0.8="" 1.0="" :="" a="" alte="" ant="" auch="" das="" erki="" für="" güte="" ho="" insga="" konz="" konz<="" sign="" som="" th=""  =""><td>  Part   Part  </td></max>	Part
y = plt.  Out[18]: [ <max (18="" (6="" (7="" (8="" (9="" -="" 0.0="" 0.2="" 0.4="" 0.6="" 0.7="" 0.8="" 1.0="" 6="" [19]:="" [<max="" auch="" erki="" für="" in="" insgrite="" nic="" th=""  =""  <=""><td></td></max>	

(a): Nein, es wird die zu nachweisende Hypothese als Alternativhypothese zu widerlegen. Alle vorliegenden Unterschied gäbe und alle Test, um die Hypothese zu prüfen ebenfalls geändert werden

(b): Nein, wenn die Nullhypothese nicht widerlegt wird, kann man nicht automatisch annehmen, dass diese richtig ist. Für einen p-Wert von 0.75 zeigt, dass wahrscheinlich die Nullhypothese annehmbar ist, jedoch könnte sie immernoch falsch sein (es gibt keinen 100% p-Wert ). Deswegen ist keine Aussage möglich, ob es sich um eine normalverteilte Stichprobe handelt.

(c): Signifikantes Ergebnis zeigt, dass eine Abweichung von der Nullhypothese größer als eine zufällige ist. Somit kann die Nullhypothese abgelehnt werden, wodurch es sich um ein wissenschaftliches Ergebnis handelt, jedoch sollte aufjedenfall das entsprechnende Signifikanzniveau mit angegeben werden.

Blatt 03 - Praktische Optimierung - Adrian Lentz, Robert

\newline

Lösungen und Erklärungen für Blatt 03.

Adrian Lentz - Matrikelnummer: 258882

Antworten:

Es wäre somit unteranderem auch nicht wissenschaflich Vergleichbar und somit ein wenig sinnlos.

müssten. Beispiele sind hierfür, unteranderm das Signifikanzniveau  $\alpha$ , welches auf der Wahrscheinlichkeit der Nullhypothese abzulehnen basiert und damit ein Entscheidungskritierum ermöglicht.

