



Objetivos

- Practicar las técnicas básicas de definición de funciones en un lenguaje funcional.
- Diseñar funciones de forma recursiva para el tratamiento de listas.
- Conocer las funciones de orden superior básicas para tratamiento de listas.

Tarea

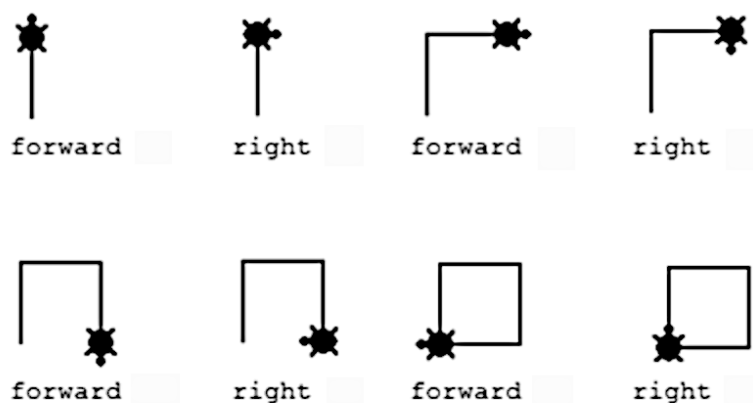
Diseña e implementa en Haskell las funciones que se piden a lo largo de la práctica.

1. Gráficos de Tortuga

El sistema denominado de **Gráficos de Tortuga** es un entorno programable de dibujo vectorial, popularizado por el lenguaje de programación Logo, que permite generar gráficos 2D basados en líneas poligonales mediante el desplazamiento de un cursor (la *tortuga* de Logo), que tiene una posición y una orientación en el plano. La tortuga puede moverse para trazar líneas, controlada mediante órdenes sencillas:

- moverse hacia adelante, en la dirección que indica la orientación de la tortuga, una distancia predeterminada (*paso*), trazando una línea.
- girar la orientación de la tortuga hacia la derecha o la izquierda un valor predeterminado (*giro*).

Por ejemplo, para dibujar un cuadrado, una vez fijados el paso y el ángulo de giro (90° en este caso), el proceso sería el siguiente:



En el lenguaje Logo el dibujo se hace directamente sobre una ventana, escribiendo un programa que controla la tortuga mediante órdenes del lenguaje. En esta práctica, para simplificar, generaremos una línea poligonal que se puede escribir en un fichero con formato SVG, que puedes visualizar abriéndolo con tu navegador.

El programa que controlará la tortuga se define mediante órdenes que serán simplemente caracteres en una cadena. Partiendo de un estado inicial de la tortuga, y con un paso y un giro fijados, cada carácter se interpreta como un comando para la tortuga que genera un nuevo estado (diferente posición u orientación) de la tortuga:

- '`>`': avanza la tortuga hacia delante
- '`+`': gira la tortuga hacia la derecha (sentido horario)
- '`-`': gira la tortuga hacia la izquierda (sentido anti-horario)

En el módulo `Turtle.hs` puedes ver las definiciones de los tipos de datos y funciones que te damos para manejar la tortuga. Una tortuga (`Turtle`) se define mediante una tupla que contiene la información del paso de avance y del ángulo de giro (en grados) predefinidos, y la posición y orientación actuales.

Para generar el gráfico, puedes escribir una lista de datos de tipo `Position` en un fichero SVG mediante la funcion `'saveSvg "nombre" puntos'`, definida en el módulo `SVG.hs`.

De esa forma, para dibujar un cuadrado, la información a utilizar sería la siguiente:

- Definición inicial de la tortuga: `(1, 90, (0,0), 0)`
- Secuencia de comandos: `">+>+>+>"`

Tarea

Implementa una función Haskell que genere la lista de puntos que corresponde al gráfico generado por una secuencia de comandos almacenados en una cadena:

```
tplot :: Turtle -> String -> [Position]
```

Úsala para generar distintas figuras geométricas (triángulo, cuadrado, círculo) y grábalas en formato SVG mediante las funciones dadas:

```
figura = tplot (1,90,(0,0),0) ">+>+>+>"
saveSvg "cuadrado" figura
```

2. Sistemas de Lindenmayer

Los **Sistemas de Lindenmayer** o **L-Systems** son gramáticas formales que, mediante ciertas reglas de re-escritura, se utilizan para modelar elementos naturales, como plantas o copos de nieve, mediante un sistema de gráficos de tortuga.

Un L-System añade al alfabeto de símbolos de la tortuga ('`>`', '`+`', '`-`'), otros símbolos nuevos que pueden ser letras mayúsculas o minúsculas. El sistema parte de una cadena inicial (*axioma*), que puede re-escribirse reemplazando cada una de las letras por una nueva cadena de símbolos. La cadena que sustituye a cada símbolo

se define mediante una serie de reglas de re-escritura. Ese proceso se repite un número determinado de veces, generando una cadena final, que se interpreta para generar un dibujo.

Una regla de re-escritura especifica como se sustituye cada símbolo, por ejemplo:

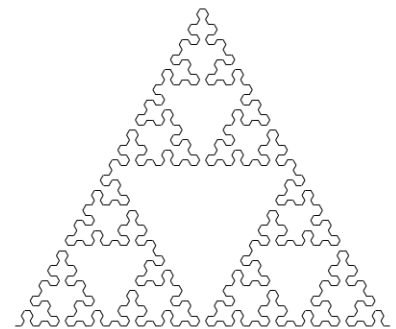
$$F \rightarrow F+F+F+F$$

Los símbolos para los que no exista regla se quedan como están. Normalmente los símbolos originales de control de la tortuga no se reescriben. La interpretación final de los símbolos es la siguiente:

- '>', '+', '-': igual que antes.
- letra mayúscula: avanza la tortuga, similar a '>'.
- letra minúscula: se ignora a la hora de dibujar, sólo se utiliza en el proceso de reescritura.

A partir de un axioma inicial y una serie de reglas podemos obtener la definición de nuestro gráfico repitiendo la aplicación de las reglas. En cada repetición se aplican todas las reglas en el orden en que estén definidos los símbolos:

Reglas: $F \rightarrow G-F-G$
 $G \rightarrow F+G+F$
 Axioma: F
 Distancia: 1
 Angulo: 60 grados



Tarea

Utilizando el lenguaje Haskell, y suponiendo que existe una función

```
rules :: Char -> String
```

implementa la función **lsystem**, que a partir de la función anterior que define las reglas de re-escritura, el axioma inicial y el número de veces que tenemos que aplicarlas, devuelve la cadena resultante:

```
lsystem :: (Char -> String) -> String -> Int -> String
```

Por ejemplo:

```
rules :: Char -> String
-- 'F' -> "G-F-G"
-- 'G' -> "F+G+F"
-- otros ?

> lsystem rules "F" 0
"F"
> lsystem rules "F" 1
"G-F-G"
> lsystem rules "F" 2
"F+G+F-G-F-G-F+G+F"
> lsystem rules "F" 3
"G-F-G+F+G+F+G-F-G-F+G+F-G-F-G-F+G+F+G-F-G"
```

Tarea

Define diversas versiones de la función `rules`, que definan distintos L-Systems. En el Apéndice tienes la definición de algunos sistemas conocidos, y puedes encontrar muchas otras en Internet.

Entrega

Deberás entregar todos los ficheros de código fuente que hayas necesitado para resolver el problema, incluyendo el programa principal `main.hs`.

La solución deberá ser compilable y ejecutable con los ficheros que has entregado mediante los siguientes comandos:

```
1 ghc --make main.hs
2 ./main
```

En caso de no compilar siguiendo estas instrucciones, el resultado de la evaluación de la práctica será de 0. No se deben utilizar paquetes ni librerías ni ninguna infraestructura adicional fuera de las librerías estándar del propio lenguaje.

Todos los archivos de código fuente solicitados en este guión deberán ser comprimidos en un único archivo ZIP con el siguiente nombre:

- `practica5_<nip>.zip` (donde `<nip>` es el NIP de 6 dígitos del estudiante involucrado) si el trabajo ha sido realizado de forma individual.
- `practica5_<nip1>_<nip2>.zip` (donde `<nip1>` y `<nip2>` son los NIPs de 6 dígitos de los estudiantes involucrados) si el trabajo ha sido realizado en pareja. En este caso **sólo uno** de los dos estudiantes deberá hacer la entrega.

El archivo comprimido a entregar no debe contener ningún fichero aparte de los fuentes que te pedimos: ningún fichero ejecutable o de objeto, ni ningún otro fichero adicional. La entrega se hará en la tarea correspondiente a través de la plataforma Moodle.

Apéndice – Definición de diversos L-Systems

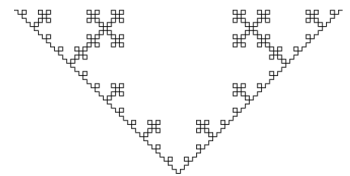
Curva de Koch

Reglas: $F \rightarrow F+F--F+F$
 Axioma: F
 Distancia: 1
 Angulo: 60 grados



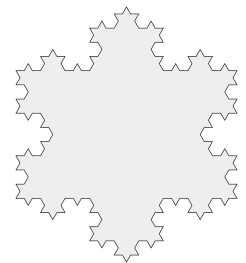
Curva de Koch cuadrada

Reglas: $F \rightarrow F+F-F-F+F$
 Axioma: F
 Distancia: 1
 Angulo: 90 grados



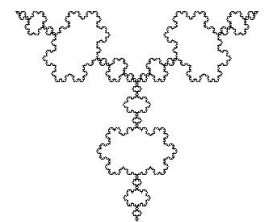
Koch Snowflake

Reglas: $F \rightarrow F-F++F-F$
 Axioma: $F++F++F$
 Distancia: 1
 Angulo: 60 grados



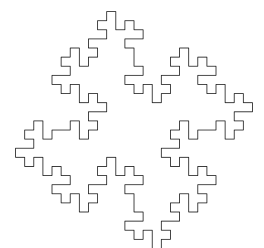
Koch Anti-Snowflake

Reglas: $F \rightarrow F+F--F+F$
 Axioma: $F++F++F$
 Distancia: 1
 Angulo: 60 grados



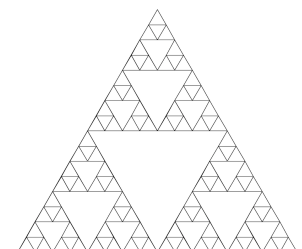
Isla de Minkowski

Reglas: $F \rightarrow F+F-F-FF+F+F-F$
 Axioma: $F+F+F+F$
 Distancia: 1
 Angulo: 90 grados



Triángulo de Sierpinsky

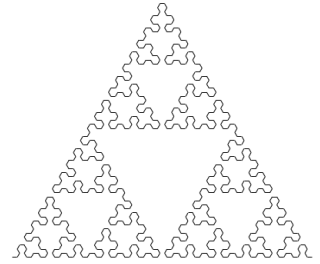
Reglas: $F \rightarrow F-G+F+G-F$
 $G \rightarrow GG$
 Axioma: $F-G-G$
 Distancia: 1
 Angulo: 120 grados



Sierpinsky Arrowhead

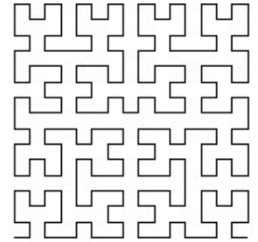
Reglas: $F \rightarrow G-F-G$
 $G \rightarrow F+G+F$

Axioma: F
 Distancia: 1
 Angulo: 60 grados

**Curva de Hilbert**

Reglas: $f \rightarrow -g>+f>f+>g-$
 $g \rightarrow +f>-g>g->f+$

Axioma: f
 Distancia: 1
 Angulo: 90 grados

**Curva de Gosper**

Reglas: $F \rightarrow F-G--G+F++FF+G-$
 $G \rightarrow +F-GG--G-F++F+G$

Axioma: F
 Distancia: 1
 Angulo: 60 grados

