

Algoritmia básica

Índice

1	ALGORITMOS VORACES	2
1.1	El problema de la mochila	2
1.2	Caminos mínimos en grafos (Dijkstra)	3
1.3	Árboles de recubrimiento de coste mínimo	3
1.4	Códigos de Huffman	3
1.5	El problema de la selección de actividades	3
1.6	El problema de la minimización del tiempo de espera	3
1.7	Fundamentos teóricos del esquema voraz	3
1.8	Un problema de planificación de tareas a plazo fijo	3
1.9	Heurísticas voraces	3
1.9.1	Coloreado de grados	3
1.9.2	El problema del viajante de comercio	3
2	DIVIDE Y VENCERÁS	4
3	PROGRAMACIÓN DINÁMICA	5
4	BÚSQUEDA CON RETROCESO	6
5	RAMIFICACIÓN Y PODA	7
6	PROGRAMACIÓN LINEAL Y REDUCCIONES	8

Capítulo 1

ALGORITMOS VORACES

Los algoritmos voraces se utilizan para resolver problemas de optimización: de un **conjunto de elementos candidatos**, se quiere obtener un **subconjunto solución factible** que maximice/minimice una **función objetivo**.

1. Se inicia con un conjunto vacío de candidatos.
2. Se intenta añadir el mejor elemento no escogido siguiendo una **función de selección**.
3. Si añadiendo el elemento el problema aún es **completable** (se puede llegar a la solución añadiendo mas elementos) se añade, de lo contrario se rechaza y elimina como posible elemento.
4. Si no es solución, volver al paso 2

1.1 El problema de la mochila

Se tiene una mochila con capacidad limitada (C), y una serie de objetos fraccionables (n) con un peso determinado(p_i). Meter una fracción de un objeto (x_i) da un beneficio ($b_i x_i$). Se quiere llenar la mochila con el máximo beneficio sin superar el peso ((x_1, \dots, x_n) tal que $\max(\sum_{1 \leq i \leq n} b_i x_i)$ y $\sum_{1 \leq i \leq n} p_i x_i \leq C$).

La estrategia mas óptima es tomar los objetos que proporcionen mayor beneficio por unidad de peso.

```
const int n = /* Número objetos */

/*
    Pre: Los objetos deben estar ordenados de mayor a menor según la proporción
         de beneficio obtenido por unidad de peso:
          $\forall i \in 1..n: \text{peso}[i] > 0 \wedge \forall i \in 1..n-1: \text{benef}[i]/\text{peso}[i] \geq \text{benef}[i+1]/\text{peso}[i+1]$ 
    Post: sol es solución óptima del problema de la mochila
*/
double[n] mochila(double[n] benef, peso, double cap)
{
    double[n] sol = {}; double resto = cap; int i = 1;

    for (i; i ≤ n && peso[i] ≤ resto; i++)
    {
        sol[i] = 1;
        resto -= peso[i];
    }

    if (i ≤ n) sol[i] = resto/peso[i]

    return sol;
}
```

- 1.2 Caminos mínimos en grafos (Dijkstra)**
- 1.3 Árboles de recubrimiento de coste mínimo**
- 1.4 Códigos de Huffman**
- 1.5 El problema de la selección de actividades**
- 1.6 El problema de la minimización del tiempo de espera**
- 1.7 Fundamentos teóricos del esquema voraz**
- 1.8 Un problema de planificación de tareas a plazo fijo**
- 1.9 Heurísticas voraces**
 - 1.9.1 Coloreado de grados**
 - 1.9.2 El problema del viajante de comercio**

Capítulo 2

DIVIDE Y VENCERÁS

Capítulo 3

PROGRAMACIÓN DINÁMICA

Capítulo 4

BÚSQUEDA CON RETROCESO

Capítulo 5

RAMIFICACIÓN Y PODA

Capítulo 6

PROGRAMACIÓN LINEAL Y REDUCCIONES