

AKADEMIA GÓRNICZO-HUTNICZA IM. STANISŁAWA STASZICA W KRAKOWIE WYDZIAŁ ELEKTROTECHNIKI, AUTOMATYKI, INFORMATYKI I INŻYNIERII BIOMEDYCZNEJ

KATEDRA INFORMATYKI STOSOWANEJ

Praca dyplomowa inżynierska

Implementacja systemu uwierzytelniania z zastosowaniem Negatywnych Baz Danych Implementation of authentication system using Negative Databases

Autor: Grzegorz Nieużyła

Kierunek studiów: Informatyka

Opiekun pracy: dr inż. Piotr Szwed

Uprzedzony o odpowiedzialności karnej na podstawie art. 115 ust. 1 i 2 ustawy z dnia 4 lutego 1994 r. o prawie autorskim i prawach pokrewnych (t.j. Dz.U. z 2006 r. Nr 90, poz. 631 z późn. zm.): "Kto przywłaszcza sobie autorstwo albo wprowadza w błąd co do autorstwa całości lub części cudzego utworu albo artystycznego wykonania, podlega grzywnie, karze ograniczenia wolności albo pozbawienia wolności do lat 3. Tej samej karze podlega, kto rozpowszechnia bez podania nazwiska lub pseudonimu twórcy cudzy utwór w wersji oryginalnej albo w postaci opracowania, artystycznego wykonania albo publicznie zniekształca taki utwór, artystyczne wykonanie, fonogram, wideogram lub nadanie.", a także uprzedzony o odpowiedzialności dyscyplinarnej na podstawie art. 211 ust. 1 ustawy z dnia 27 lipca 2005 r. Prawo o szkolnictwie wyższym (t.j. Dz. U. z 2012 r. poz. 572, z późn. zm.): "Za naruszenie przepisów obowiązujących w uczelni oraz za czyny uchybiające godności studenta student ponosi odpowiedzialność dyscyplinarną przed komisją dyscyplinarną albo przed sądem koleżeńskim samorządu studenckiego, zwanym dalej «sądem koleżeńskim».", oświadczam, że niniejszą pracę dyplomową wykonałem(-am) osobiście i samodzielnie i że nie korzystałem(-am) ze źródeł innych niż wymienione w pracy.

4 SPIS TREŚCI

Spis treści

1.	Wpr	owadze	nie	7
	1.1.	Cele pracy		7
	1.2.	Zawartość pracy		8
2.	Solw	Solwery SAT		
	2.1.	Problem spełnialności		9
	2.2.	Opis c	ziałania solwerów SAT	10
		2.2.1.	Solwery kompletne	10
		2.2.2.	Solwery niekompletne	12
3.	Nega	tywne l	Bazy Danych - opis teoretyczny	13
	3.1.	Opis c	ziałania	13
	3.2.	Zastos	sowanie w systemach uwierzytelniania	14
	3.3.	Algor	ytmy generacji Negatywnych Baz Danych	14
		3.3.1.	Algorytm prefiksowy	14
		3.3.2.	Algorytm Randomize_NDB	16
		3.3.3.	Algorytm 0-Hidden	20
		3.3.4.	Algorytmy 1-Hidden i 2-Hidden	20
		3.3.5.	Algorytm Q-Hidden	21
		3.3.6.	Algorytm K-Hidden	23
		3.3.7.	Algorytm hybrydowy	24
	3.4.	Wyko	rzystywanie solwerów SAT w celu uzyskania przeciwobrazu Negatywnej Bazy	
		Danyo	h	26
4.	Testy	y algory	tmów	29
	4.1.	Opis t	estowania za pomocą solwerów SAT	29
	4.2.	Testy	metod weryfikujących poprawność rekordów pozytywnych	30
		4.2.1.	Wpływ parametrów generacji na ilość niepożądanych ukrytych ciągów bitowych	31
		4.2.2.	Skuteczność funkcji sum kontrolnych	33
	4.3.	Testy	algorytmów generacji NDB	33

		4.3.1.	Algorytm prefiksowy	33
		4.3.2. Algorytm Randomize_NDB		36
		4.3.3. Algorytm <i>Q-Hidden</i>		38
		4.3.4.	Algorytm K-Hidden	40
		4.3.5.	Algorytm hybrydowy	40
5.	Impl	ementa	cja systemu uwierzytelniania	43
	5.1.	Reprezentacja danych		43
	5.2.	Algorytm tworzenia użytkownika		43
	5.3.	Algorytm uwierzytelniania użytkownika		43
	5.4.	Działanie aplikacji		43
6.	Wnic	Vnioski		45
	6.1.	. Bezpieczeństwo przedstawionej implementacji		45
	6.2	Możliwa rozczarzania		15

6 SPIS TREŚCI

1. Wprowadzenie

1.1. Cele pracy

Celem niniejszej pracy jest implementacja i przetestowanie systemu uwierzytelniania oferującego większe bezpieczeństwo niż standardowy schemat generowania skrótu hasła za pomocą funkcji generacji klucza (np. *PBKDF2*, *bcrypt*) i przechowywaniu w standardowej (pozytywnej) bazie danych.

Jak wynika z raportu Google[1], większość internautów ma problem z zachowaniem zasad bezpieczeństwa dotyczącego używania mediów społecznościowych i portali internetowych. 66% procent badanych przyznało się do używania jednego hasła do różnych kont. W przypadku wykradzenia bazy danych pojedynczego portalu i uzyskaniu postaci jawnych haseł istnieje ryzyko uzyskania dostępu również do innych aplikacji przez atakującego. W takiej sytuacji wyciek danych z amatorskiego forum tematycznego może zagrozić naszemu kontu bankowemu lub poczcie elektronicznej.

Główną przyczyną nadużywania jednego hasła jest konieczność zapamiętania danych logowaniu do wielu stron internetowych – 75% internautów ma problem z ich zarządzeniem.

Istnieje szereg metod, które indywidualny użytkownik może zastosować w celu polepszenia swojego bezpieczeństwa w Internecie, ale nie cieszą się one dużą popularnością. Według raportu tylko 37% internautów używa uwierzytelnienia wielopoziomowego, a menadżerów haseł umożliwiających stosowanie różnych i silnych danych logowania -15%.

Częściowym rozwiązaniem tego problemu może być wprowadzenie dodatkowych warstw bezpieczeństwa bezpośrednio w systemach uwierzytelniania w celu utrudnienia uzyskania nieautoryzowanego dostępu do wrażliwych danych. Takie podejście pozwoli podnieść bezpieczeństwo wszystkich użytkowników, niezależnie od indywidualnych preferencji i nawyków.

Założeniem systemu jest zamienienie reprezentacji w sposób jawny na Negatywną Bazę Danych (NDB) co pozwoli dodać dodatkową warstwę bezpieczeństwa która znacząco utrudni uzyskanie haseł użytkownika w przypadku kradzieży bazy danych.

W tym celu opisałem różne algorytmy prezentowane w dostępnej literaturze, przedstawiłem schemat ich działania i porównałem je pod względem bezpieczeństwa.

Rezultatem wyjściowym algorytmów generacji NDB jest zbiór ciągów tekstowych, które można jednoznacznie sprowadzić do zbioru formuł logicznych CNF, dlatego przeprowadzone zostały testy z wykorzystaniem solwerów SAT mające na celu zasymulowanie ataku na powstałą NDB.

8 1.2. Zawartość pracy

Koncept negatywnej reprezentacji danych wywodzi się z immunologii. Badania wykazały, że limfocyty T wykorzystują podobny proces w celu rozróżnienia między sobą i innymi komórkami [2].

1.2. Zawartość pracy

2. Solwery SAT

2.1. Problem spełnialności

Problem spełnialności (ang. *Boolean satisfiability problem*, w skrócie SAT) polega na sprawdzeniu, czy dana formuła logiczna posiada odpowiednie przypisanie zmiennych przy których całość wyrażenia będzie ewaluowana do prawdy.

Wyrażenia wykorzystywane w problemie SAT składają się z:

- zmiennych $x_1, x_2 \dots x_n$, mogących przybrać wartość prawdziwą ($true, T, \top, 1$) lub fałszywą ($false, F, \bot, 0$)
- operatora koniunkcji AND, \wedge
- operatora alternatywy OR, \vee
- operatora negacji NOT, ¬
- nawiasów ()

Formuły SAT przedstawia się w postaci CNF (koniunkcyjna postać normalna, ang. *conjunctive normal form*) której struktura jest następująca: formuła jest koniunkcją klauzul, a klauzula jest alternatywą literałów (tj. zmiennych lub ich negacji):

$$(x_{11} \lor x_{12} \lor \cdots \lor x_{1n}) \land (x_{21} \lor x_{22} \lor \cdots \lor x_{2n}) \land \cdots \land (x_{m1} \lor x_{m2} \lor \cdots \lor x_{mn})$$

Naiwny algorytm SAT jest trywialny - wystarczy dla każdej możliwej kombinacji zmiennych $x_1
ldots x_n$ sprawdzić czy formuła jest spełnialna. Sprawdzenie następuje w czasie liniowym od wartości n, zatem cały algorytm ma złożoność obliczeniową $O(2^n)$ - nie do przyjęcia w praktycznie żadnych zastosowaniach poza bardzo małymi wartościami n.

Problem SAT jest pierwszym problemem dla którego udowodniono że jest NP-zupełny (Twierdzenie Cooka-Levina [3, 4]). Oznacza to, że można w czasie wielomianowych sprowadzić każdy problem decyzyjny zawierający się w NP do SAT.

Problem należący do NP charakteryzuje się tym, że zweryfikowanie pojedynczego rozwiązania jest możliwe w czasie wielomianowym dla deterministycznej Maszyny Turinga, oraz że sprawdzenie wszystkich możliwości (a więc rozstrzygnięcie problemu) jest możliwe również w czasie wielomianowym, ale

dla niedeterministycznej Maszyny Turinga - przez jednoczesne sprawdzenie każdej kombinacji. Wynika z tego również, że $P \subseteq NP$.

Nie każda możliwa formuła CNF stanowi problem NP-zupełny. Twierdzenie o dychotomii Schaefera określa szczególne instancje problemu należące do P (przy założeniu, że $P \neq NP$) [5]:

- 1. Formuła jest spełnialna jeśli wszystkie zmienne przyjmują wartość 0
- 2. Formuła jest spełnialna jeśli wszystkie zmienne przyjmują wartość 1
- 3. Każda klauzula ma co najwyżej jeden literał pozytywny (każda klauzula jest klauzulą Horna)
- 4. Każda klauzula ma co najwyżej jeden literał negatywny (każda klauzula jest dualną klauzulą Horna)
- 5. Każda klauzula ma co najwyżej dwa literały (2-CNF)
- 6. Formuła jest równoznaczna systemowi równań linowych $x_1 \oplus x_2 \oplus \cdots \oplus x_n = c$, gdzie $x_i, c \in \{0,1\}$ a $\oplus \equiv \operatorname{dodawanie} mod_2$

2.2. Opis działania solwerów SAT

Solwery SAT można podzielić na dwie kategorie – kompletne i niekompletne. Algorytmy kompletne gwarantują, że jeśli istnieje spełniające przypisanie dla analizowanej formuły to zostanie zwrócony wynik pozytywny. Natomiast wynik działania solwera niekompletnego może być albo pozytywny – istnieje odpowiednie przypisanie, albo niezdefiniowany – algorytm nie znalazł rozwiązania w określonej liczbie prób.

2.2.1. Solwery kompletne

Algorytmy kompletne do rozstrzygania problemów SAT korzystają z szeregu metod do których należą: kwantyfikacja egzystencjalna, wnioskowanie, przeszukiwanie oraz wnioskowanie i przeszukiwanie [6].

2.2.1.1. Kwantyfikacja egzystencjalna

Kwantyfikacja egzystencjalna jest klasą algorytmów upraszczających zadaną formułę CNF do postaci spełnialnej $\{\}$ lub niespełnialnej $\{\emptyset\}$. W tym celu definiuje się operator \exists zmiennej P w formule Δ :

$$\exists P \Delta \stackrel{\text{def}}{=} (\Delta | P) \vee (\Delta | \neg P)$$

gdzie operator '|' jest warunkowaniem i definiuje się je następująco:

$$\Delta | P = \{ \alpha - \{ \neg P \} \mid \alpha \in \Delta, P \notin \alpha \}$$
 [6]

Proces wnioskowania można intuicyjnie przedstawić jako ustawienie zmiennej P na wartość prawdziwą (lub fałszywą w przypadku $\neg P$) i zredukowanie zbioru klauzul usuwając te, które są spełnione oraz usuwając z pozostałych literały mające wartość fałszywą. Kwantyfikator $\exists P \ \Delta$ określa formułę po wyeliminowaniu zmiennej P przez rozpatrzenie obu możliwych wartości.

Z punktu widzenia problemu spełnialności najważniejszą właściwością jest to, że formuła Δ jest spełnialna wtedy i tylko wtedy, gdy $\exists P \Delta$ jest spełnialna. Pozwala to na stopniowe eliminowanie zmiennych aż do osiągnięcia pustej klauzuli lub pustej formuły. Kwantyfikacja egzystencjalna jest wykorzystywana m.in w algorytmie DP oraz w symbolicznym rozwiązywaniu SAT.

2.2.1.2. Wnioskowanie

Upraszczanie formuł przez wnioskowanie opiera się na usuwaniu redundantnych literałów tj. wykluczających się nawzajem. Przykładowo w formule:

$$\{\{x_1, x_2, \neg x_3\}, \{\neg x_2, x_4, x_5\}\}$$

zmienna x_2 występuje w postaci zanegowanej i niezanegowanej w różnych klauzulach. Oznacza to, żeby cała formuła była spełniona, co najmniej jeden pozostały literał musi się ewaluować do prawdy. Można zatem zastosować następujące przekształcenie:

$$\{\{x_1, \neg x_3, x_4, x_5\}\}$$

Dana formuła jest niespełnialna wtedy i tylko wtedy, gdy istnieje wnioskowanie prowadzące do pustej klauzuli, zatem po wyczerpaniu wszystkich możliwości wnioskowania możemy ustalić, że problem jest spełnialny.

Do algorytmów wykorzystujących tę metodę należą algorytm Stålmarcka i HeerHugo.

2.2.1.3. Przeszukiwanie

Problem SAT można przedstawić jako drzewo decyzyjne przypisania zmiennych, gdzie liście są wszystkimi możliwymi kombinacjami literałów. Metoda przeszukiwania polega na znalezieniu liścia spełniającego formułę. Używa się do tego algorytmu przeszukiwania wszerz oraz warunkowania w celu ograniczenia drzewa.

Dodatkowo używa się także *propagacji jednostkowej* (ang. *unit propagation*) za pomocą której można odrzucić lub potwierdzić poprawność danego poddrzewa we wczesnej fazie analizy przez spełnienie klauzul jednostkowych (posiadających tylko jeden literał).

Wzorcowym zastosowaniem tej metody jest algorytm DPLL.

2.2.1.4. Wnioskowanie i przeszukiwanie

Wadą podejścia zastosowanego w *DPLL* jest fakt, że podczas cofania się po drzewie w kierunku korzenia nie bierze się pod uwagę zbioru zmiennych, które spowodowały odrzucenie danego poddrzewa. Dlatego w tej metodzie stosuje się tzw. niechronologiczne cofanie – podczas konfliktu literałów wyznacza się zbiór powodujących go zmiennych i zmienia się ich wartości, pomijając te nie biorące udziału w konflikcie.

Dodatkowo podczas działania algorytmu wprowadza się dodatkowe klauzule przedstawiające zależności, które pozwalają wykrywać nieścisłości bliżej korzenia, jeszcze bardziej skracając czas działania.

Do tej klasy należy większość współczesnych, najbardziej optymalnych algorytmów kompletnych rozstrzygania problemu SAT – m.in *zChaff*, *MiniSAT*, *PicoSAT* i *Siege*.

2.2.2. Solwery niekompletne

Solwery nie gwarantujące znalezienia rozwiązania opierają się na stochastycznym przeszukiwaniu lokalnym. Takie rozwiązanie pozwala na znaczne mniejsze czasy wykonywania dla odpowiednich formuł niż algorytmy wykorzystujące DPLL, ale w przypadku trudnych problemów zamiast zdegenerowania złożoności obliczeniowej do $O(2^n)$ zostaje zwrócony wynik nieokreślony.

Czołowymi solwerami z tej kategorii są GSAT i WalkSAT [7].

2.2.2.1. GSAT

Schemat działania *GSAT* polega na wygenerowaniu losowego przypisania i zachłannym *odwracaniu* (ang. *flipping*) wartości zmiennych w celu zminimalizowania liczby niespełnionych klauzul. Ilość odwróceń oraz liczbę prób z wygenerowaniem nowego ciągu początkowego można modyfikować za pomocą odpowiednich parametrów.

2.2.2.2. WalkSAT

 $\it WalkSAT$ rozszerza algorytm stopniowego odwracania zmiennych używany w $\it GSAT$, redukując stopień zachłanności. Na początku każdej iteracji wybierana jest losowa klauzula, i w niej szukana jest zmienna, której zanegowanie nie zmieni żadnej innej klauzuli na niespełnioną. Jeśli nie została znaleziona, $\it WalkSAT$ wybiera z danej klauzuli losową zmienną lub taką, której zmiana spowoduję spełnienie jak największej ilości pozostałych klauzul. Wprowadzony jest dodatkowo parametr szumu $p \in [0,1]$ określający jak często wybierane jest podejście nie-zachłanne. Dla losowych formuł 3SAT optymalna wartość szumu wynosi p=0.57 [7].

3. Negatywne Bazy Danych - opis teoretyczny

3.1. Opis działania

Główną operacja wykonywalną na NDB jest sprawdzenie czy dany rekord znajduje się w bazie. Przyjmując U jako oznaczenie uniwersum języka binarnego o długości l a DB jako zbiór wszystkich rekordów, każdy o długości l, NDB przechowuje zbiór U-DB [8]. Takie dane są niepraktycznie do zareprezentowania w postaci nieskompresowanej z uwagi na wielkość, dlatego stosuje się wyrazy nad alfabetem $\{0,1,*\}$ gdzie symbol * może oznaczać zarówno 0 lub 1 w jawnej reprezentacji bitowej. Pozycje na których znajduje się wartość 0 lub 1 są ustalone a z wartością * - nieustalone.

Każdy taki wyraz odpowiada jednemu lub wielu elementom U-DB i jest sprowadzany do formuły logicznej (Tabela 3.1). Z założenia algorytm sprawdzający przynależność do DB sprawdza czy jakakolwiek formuła z NDB jest spełniana przez dany rekord. Dane znajdują się w DB wtedy i tylko wtedy gdy żadna formuła nie zostanie spełniona.

Taki model działania wymusza na danych stałą wielkość, co jednak nie stanowi problemu w przypadku przechowywania skrótów haseł które mają stałą, zależną od konkretnego algorytmu długość. Dla danych o zmiennych rozmiarach (np. nazwy użytkownika) można zastosować funkcję hashującą lub algorytmy zwiększające długość ciągu bitowego do stałej wartości typu PKCS#5 lub PKCS#7. Należy jednak pamiętać, że zwiększenie długości rekordu znacznie wydłuża czas generacji bazy oraz zajmowaną pamięć dla niektórych algorytmów.

rekord NDB	formuła logiczna
011*	$\neg x_1 \wedge x_2 \wedge x_3$
001*	$\neg x_1 \wedge \neg x_2 \wedge x_3$
1*1*	$x_1 \wedge x_3$
0*0*	$\neg x_1 \wedge \neg x_3$
1*00	$x_1 \wedge \neg x_3 \wedge \neg x_4$

Tabela 3.1. Reprezentacja formuł logicznych za pomocą NDB kodującej zbiór $DB = \{1001,\ 1101,\ 1110\}$

3.2. Zastosowanie w systemach uwierzytelniania

NDB może być wykorzystana w każdym systemie, gdzie podstawową operacją na danych jest sprawdzenie czy dany rekord znajduje się w bazie. Jednym z najpopularniejszych systemów uwierzytelniania jest metoda oparta na loginie i haśle. Użytkownik danej aplikacji przy zakładaniu konta podaje hasło, które następnie warstwa serwerowa danej aplikacji przechowuje jako wynik nieodwracalnej funkcji hashującej.

W przypadku nieautoryzowanego dostępu do bazy danych i używanego algorytmu uzyskiwania skrótu z hasła, atakujący może uzyskać wartość pierwotną mało skomplikowanych haseł za pomocą np. metody słownikowej. Modyfikując powyższy algorytm składując skróty jako rekordy w NDB uniemożliwiamy łatwą iterację wszystkich danych, jednocześnie pozostawiając łatwy dostęp do informacji czy użytkownik o podanym loginie i haśle ma dostęp do aplikacji.

3.3. Algorytmy generacji Negatywnych Baz Danych

3.3.1. Algorytm prefiksowy

Najprostszym ze sposobów generowania Negatywnych Baz Danych jest zaproponowany przez Fernando Esponda algorytm prefiksowy [8, 9]. Został on opracowany w celu udowodnienia że proces generowania NDB z rekordów *DB* jest możliwy w rozsądnej złożoności czasowej i pamięciowej.

```
Algorytm 1: Algorytm prefiksowy
  Dane: DB - zbiór rekordów do zareprezentowania w NDB, l - długość rekordu DB
   Wynik: Zbiór rekordów NDB
1 Prefix_n(V) - Prefiks n-znakowy rekordu V
2 len(V) - Długość rekordu V
W_i = \{\};
4 i = 0;
5 while i < l do
      W_{i+1} = Zbiór wszystkich i+1-znakowych ciągów bitowych V_p nie będących prefiksem
       żadnego rekordu DB i dla których Prefix_i(V_p) \in W_i
      foreach V_p in W_{i+1} do
7
          Stwórz rekord NDB o długości l którego V_p jest prefiksem a na pozostałych pozycjach
8
           jest symbol * i dodaj do zbioru wyjściowego NDB
      end
9
      i = i + 1:
10
      W_i = Zbiór wszystkich i-znakowych prefiksów rekordów DB
11
12 end
```

Powyższa metoda polega na generowaniu coraz dłuższych prefiksów które nie pokrywają się ze zbiorem DB. W ten sposób na początku tworzone są rekordy odpowiadające znacznej części U-DB. Czasami występuje potrzeba zdefiniowania pewnych rekordów explicite bez wykorzystania symbolu \ast jeżeli każdy możliwy prefiks jest także prefiksem rekordu z DB. Przykładowy wynik działania znajduje się w tabeli 3.2.

DB	U - DB	NDB
0000	0001	10**
0110	0011	010*
0010	0100	111*
1101	0101	0001
	0111	0011
	1000	0111
	1001	1100
	1010	
	1011	
	1100	
	1110	
	1111	

Tabela 3.2. Rezultat działania algorytmu prefiksowego

Algorytm prefiksowy jest deterministyczny i każdy powstały rekord reprezentuje unikalną, nie pokrywającą się część U-DB [8]. Powoduje to, że algorytm uzyskiwania zbioru DB z otrzymanej NDB

nie wymaga sprowadzenia do problemu SAT. Wystarczy jedynie odpowiednio posortować rekordy i wyznaczyć przedziały pomiędzy nimi, co pokazuję w algorytmie 2.

Algorytm 2: Algorytm odwracający NDB wygenerowaną za pomocą algorytmu prefiksowego

```
Dane: NDB - zbiór rekordów do odwrócenia, l - długość rekordu NDB

Wynik: Zbiór rekordów DB

Posortuj zbiór NDB

V_l = rekord DB wypełniony symbolami '0' o długości l

foreach V in NDB do

V_h = V z zamienionymi symbolami '*' na '0'

R = Rekordy\_DB\_W\_Przedziale(V_l, V_h)

Dodaj R do zbioru wynikowego

V_l = V z zamienionymi symbolami '*' na '1'
```

- 8 end
- 9 V_h = rekord DB wypełniony symbolami '1' o długości l
- 10 $R = Rekordy_DB_W_Przedziale(V_l, V_h)$
- 11 Dodaj R do zbioru wynikowego

Algorytm 3: Rekordy_DB_W_Przedziale

Dane: V_1, V_2 - rekordy DB

Wynik: Zbiór rekordów DB w przedziale (V_1, V_2)

- 1 Dodaj binarnie 1 do V_1
- 2 while $V_1 \neq V_2$ do
- 3 Dodaj V_1 do zbioru wynikowego.
- 4 Dodaj binarnie 1 do V_1
- 5 end

Czas wykonywania procedury generacyjnej wynosi O(l|DB|), jednak w przypadku zapisywania wyniku do bazy wzrasta do $O(l^2|DB|)$ gdyż konieczna jest serializacja każdego rekordu. Złożoność pamięciowa dla optymalnej implementacji wynosi O(l|DB|) w przypadku gdy poprzednio generowane rekordy NDB nie są przetrzymywane w pamięci. Dla danego zbioru DB generowane jest O(l|DB|) rekordów co sprowadza się do wielkości powstałej bazy danych wynoszącej $O(l^2|DB|)$.

Przestawiony powyżej algorytm odwracający (2) wykonuje się w czasie O(|NDB|) = O(l|DB|) co jest wynikiem lepszym od procedury generacyjnej z zapisem do bazy.

3.3.2. Algorytm Randomize_NDB

Algorytm prefiksowy generuje poprawne rekordy NDB, jednak nie jest praktyczny w żadnych zastosowaniach związanych z bezpieczeństwem, ponieważ wynik jego działania jest stosunkowo prosto

sprowadzić do postaci pozytywnej. Aby temu zaradzić, Fernando Esponda w swojej pracy[8] zaproponował niedeterministyczny algorytm mający na celu wprowadzić rekordy które nie odpowiadają jedynie prefiksom elementów z U-DB i są trudniejsze do odwrócenia.

```
Algorytm 4: Algorytm Randomize NDB
   Dane: DB - zbiór rekordów do zareprezentowania w NDB, l - długość rekordu DB
   Wynik: Zbiór rekordów NDB
 1 Prefix_n(V) - Prefiks n-znakowy rekordu V
 2 len(V) - Długość rekordu V
 3 \pi = losowa permutacja o długości |V_{pe}|
 4 W_i = zbiór wszystkich ciągów l-bitowych
 5 \pi(DB) \equiv \{\pi(V) \mid V \in DB\}
 6 i = \lceil log_2(l) \rceil;
 7 while i < l and W_i \neq \emptyset do
       W_{i+1} = Zbiór wszystkich i+1-znakowych ciągów bitowych V_p nie będących prefiksem
        żadnego rekordu \pi(DB) i dla których Prefix_i(V_p) \in W_i
       foreach V_p in W_{i+1} do
 9
           Dopełnij V_p do długości l wstawiając znaki nieustalone '*' na końcu
10
           j = losowa liczba z przedziału [1, l]
11
           for k = 1 to j do
12
               n = losowa liczba z przedziału [1, log_2(l)]
13
               P = n losowych nieustalonych pozycji z V_n
               X = Zbiór rekordów powstałych przez zastąpienie pozycji \in P przez wszystkie
15
                możliwe kombinacje bitowe (2^n rekordów)
              foreach V_a in X do
16
                  V_{pg} = \text{Pattern\_Generate}(\pi(DB), V_q)
17
                  Dodaj \pi^{-1}(V_{pq}) do zbioru rekordów wyjsciowych
18
               end
19
           end
20
       end
21
       i = i + 1
22
       W_i = Zbiór wszystkich i-znakowych prefiksów rekordów DB
24 end
```

Algorytm ten działa na podobnej zasadzie co algorytm prefiksowy (rozdział 3.3.1) z pewnymi modyfikacjami. Na początku kolejność bitów w DB jest mieszana za pomocą losowej permutacji aby pozycje zdefiniowane w generowanej prefiksowej NDB nie były skumulowane na początku wyrazów. Następnie dla każdego powstałego negatywnego rekordu losuje się n pozycji nieustalonych i zastępuje

20 Zwróć $\pi^{-1}(V_k)$

się go równoznacznym zbiorem rekordów które mają te pozycje ustalone. Powstałe ciągi są dodatkowo zaciemniane przez wstawienie na losowych pozycjach zamiast bitu zdefiniowanego znak * zgodnie z algorytmem *Pattern_Generate*.

Wynik algorytmu jest niedeterministyczny co powoduje że dla takich samych zbiorów DB rezultat może się różnić. Generacja wielu redundantnych rekordów zwiększa odporność otrzymanej bazy na próby przywrócenia do postaci pozytywnej, jednak wiąże się to z ze zwiększeniem objętości NDB średnio $\frac{l^2}{2}$ razy w stosunku do algorytmu prefiksowego.

```
Algorytm 5: Algorytm Pattern_Generate
   Dane: DB - zbiór rekordów do zareprezentowania w NDB, V_q - rekord NDB do zaciemnienia
   Wynik: Zaciemniony rekord NDB
 1 \pi = losowa permutacja o długości |V_{pe}|
 2 SIV = \{\} // wektor zmienionych bitów
 3 for i=1 to |V_a| do
      \pi(V_q)' = \pi(V_q) z elementem o indeksie i zamienionym na symbol *
      if istnieje rekord w DB pokrywający się z \pi(V_a)' then
          Dodaj i i bit o indeksie i do SIV
 6
          \pi(V_q) = \pi(V_q)'
      end
 8
 9 end
10 t = losowa liczba z przedziału [0, |SIV|]
11 if t > |SIV| then
      R = SIV
12
13 else
      R=t losowych bitów z SIV
15 end
16 V_k = \pi(V_q)
17 for indeks, bit in R do
      V_k[indeks] = bit
19 end
```

Zmiany względem algorytmu prefiksowego oraz procedura $Pattern_Generate$ gwarantują że żaden ze zmodyfikowanych rekordów nie będzie odpowiadał żadnemu elementowi DB oraz że wynik działania pozostanie kompletnym odzwierciedleniem U-DB, ponieważ każda modyfikacja rekordu rozszerza zakres pokrywanych ciągów wprowadzając redundantne informacje. W [8] przedstawiony jest dowód że problem rekonstrukcji DB z NDB jest NP-trudny (każdą instancję 3-SAT można sprowadzić do NDB).

Powyższy algorytm w teorii jest zdolny do tworzenia trudnych instancji, ale nie posiada żadnych mechanizmów umożliwiających ingerencję w jego działanie – wynik jest zawsze losowy. Prawdopodobieństwo uzyskania trudnej do złamania kombinacji rekordów jest bardzo małe, co powoduje że w znacznej większości przypadków wynikowa NDB może być odwrócona niemal natychmiast przez współczesne solwery SAT, co pokazuję w dalszych rozdziałach.

DB	U - DB	NDB
0000	0001	*001
0110	0011	00*1
0010	0100	0011
1101	0101	010*
	0111	0*11
	1000	1**0
	1001	10**
	1010	101*
	1011	**11
	1100	1*1*
	1110	1100
	1111	111*

Tabela 3.3. Rezultat działania algorytmu Randomize_NDB

3.3.3. Algorytm 0-Hidden

Następujące algorytmy powstały przez zastosowanie procedur generowania trudnych instancji SAT. Jedną z nich jest **0-Hidden** służąca do generacji formuł 3-SAT nie posiadających rozwiązania, co pozwala na testowanie solwerów pod względem wykrywania braku spełnialności [10].

Algorytm 6: Algorytm *0-Hidden*

Dane: l - liczba zmiennych, r - współczynnik ilości klauzul

Wynik: Zbiór klauzul 3CNF

- 1 n = l * r
- 2 $W = \{\}$
- 3 while $|W| \neq n$ do
- 4 Wybierz 3 losowe zmienne
- 5 Stwórz klauzulę 3CNF używając wylosowanych zmiennych, z losowymi znakami
- 6 Dodaj klauzulę do zbioru wynikowego W
- 7 end

Powyższy algorytm generuje formułę CNF, która z dużym prawdopodobieństwem nie jest spełnialna i jest trudna do rozwiązania przez solwery SAT [10, 11]. Modyfikując parametr r możemy wpłynąć na rozmiar formuły, wartość $r\approx 4.27$ jest wartością graniczną powyżej której problem prawie na pewno nie ma rozwiązania [10].

Z perspektywy Negatywnych Baz Danych można przyjąć że powstała formuła odpowiada zbiorowi U-DB, jeśli DB jest zbiorem pustym.

3.3.4. Algorytmy 1-Hidden i 2-Hidden

Algorytmy *1-Hidden* i *2-Hidden* są skonstruowane podobnie jak *0-Hidden*, z tą różnicą, że formuła wyjściowa ma odpowiednio co najmniej (i w znacznej większości dokładnie) jedno lub dwa rozwiązania.

W celu testowania możliwości solwerów SAT co do znajdowania przypisania spełniającego daną formułę można generować losowe formuły (Algorytm 6) i odrzucać klauzule które przeczą ukrytemu rozwiązaniu *A* (*1-Hidden*). Jednak spowoduje to, że rozkład losowy zostanie zaburzony i solwery mogą to "poczuć", co doprowadzi je do ukrytego rozwiązania [11].

Aby temu przeciwdziałać można jednocześnie ukryć przypisania A oraz $\neg A$ (2-Hidden), co spowoduje że algorytm przeszukujący będzie równoważnie "przyciągany" przez dwa przeciwne rozwiązania.

Powyższy schemat działania jest wykorzystany w procedurze *Q-Hidden* będącej rozszerzeniem tego konceptu.

3.3.5. Algorytm Q-Hidden

Metoda $\emph{Q-Hidden}$ do generacji trudnych formuł K-SAT zaproponowana w [10] rozszerza możliwości algorytmów z rozdziałów 3.3.3 i 3.3.4 przez dodanie parametru prawdopodobieństwa $q \in (0,1)$. Każda wygenerowana klauzula składa się z k zmiennych których przypisanie pokrywa się z t>0 literałów z prawdopodobieństwem q^t (gdzie t to numer kolejnego zgodnego literału). Oznacza to że im mniejsza wartość q tym bardziej formuła będzie wskazywać w przeciwnym kierunku niż ukryte rozwiązanie A.

Na podstawie tego schematu powstał algorytm mający na celu rozwiązanie problemów z algorytmami prefiksowym i Randomize_NDB tj. generowanie zbiorów rekordów które łatwo odwrócić za pomocą solwerów SAT[12]

```
Algorytm 7: Algorytm Q-Hidden
```

20 end

```
Dane: s - ciąg bitowy, l - długość rekordu, r - wsp. ilości klauzul
   k - ilość ustalonych bitów w klauzuli, q - wsp. prawdopodobieństwa
   Wynik: Zbiór rekordów NDB
1 n = l * r
2 NDB = \{\}
3 while |NDB| \neq n do
       \Upsilon = k różnych losowych pozycji w przedziale [1, l]
      V = rekord NDB o długości l wypełniony znakami '*'
5
      for each i in \Upsilon do
          V[i] = s[i]
 7
      end
8
      d = 0
      while d \neq 1 do
10
          for each i in \Upsilon do
11
              p = losowa liczba rzeczywista z przedziału [0, 1]
12
              if q > p then
                   V[i] = \neg V[i]
14
15
              end
16
           end
17
      end
18
      Dodaj rekord V do NDB
19
```

W przeciwieństwie do poprzednich metod, za pomocą algorytmu Q-Hidden przy zastosowaniu odpowiednich parametrów q, r i k jest możliwe praktycznie stworzenie instancji NDB rozwiązywalnych

	NDB	
*10*1	11**0	**100
11**0	**100	*000*
**100	*000*	0*01*
000	0*01*	*0*01
0*01*	*0*01	01*1*
*0*01	01*1*	1*0*1
01*1*	1*0*1	1**01

Tabela 3.4. Rezultat działania algorytmu *Q-Hidden* dla ciągu bitowego 10010 przy parametrach $k=3,\,q=0.5$ i r=4.2

przez solwery SAT w czasie potęgowym tj. przez całkowite przeszukanie, co powoduje że dla odpowiednio dużych l odzyskanie zabezpieczonego ciągu jest niepraktyczne.

Takie podejście do problemu ma szereg konsekwencji. Pierwszą z nich jest to że wielkość otrzymanej bazy nie zależy od przechowywanego rekordu i można ją kontrolować za pomocą parametru r – generowane jest dokładnie l*r rekordów. Nie ma jednak możliwości zawarcia w jednej instancji NDB więcej niż jednego ciągu bitowego - można zakodować jedynie zero lub jeden rekord.

W [12] razem z przedstawieniem algorytmu 7 opisany jest przykładowe zastosowanie tego schematu w systemach rzeczywistych wymagających znacznie większych ilości danych. Polega na przechowywaniu zbioru osobnych NDB dla każdego pozytywnego rekordu. Metoda zapytania do tak skonstruowanej bazy polega na sprawdzeniu po kolei wszystkich pojedynczych NDB. Jeżeli rekord nie pokrywa się z żadną formułą w jakiejkolwiek pod-bazie to przyjmuje się że znajduje się w bazie głównej.

Negatywne Bazy Danych nie przechowujące żadnych danych okazują się przydatne w takim rozwiązaniu ponieważ "puste" bazy stworzone przez algorytm *0-Hidden* (zmodyfikowany w celu generowania formuł o wymaganej liczbie literałów w klauzuli) są nierozróżnialne od tych wygenerowanych przez algorytm *Q-Hidden*. Pozwala to na ukrycie liczby rekordów pozytywnych.

Istotnym problemem jest fakt, że nie ma gwarancji, że rezultat działania tego algorytmu będzie pokrywał cały zbiór $U-\{s\}$, nawet powyżej wartości granicznej $r\approx 4.27$. Jedną z opcji jest dalsze zwiększenie parametru r żeby jeszcze bardziej zmniejszyć prawdopodobieństwo zawarcia nadmiarowych ciągów, ale wprowadza to dodatkowe, redundantne informacje co powoduje że czas potrzebny na odwrócenie NDB maleje. Dlatego wskazane jest ustawienie niskiej wartości r i dodanie do każdego rekordu dodatkowej informacji wskazującej na jego poprawność np. bitu parzystości, kodu CRC lub wyniku funkcji skrótu. W takiej sytuacji prawdopodobieństwo wystąpienia niechcianych danych maleje 2^c -krotnie, gdzie c oznacza liczbę dodatkowych bitów.

Rozkład wartości nadmiarowych ciągów bitowych nie jest jednostajny - dodatkowe wystąpienia będą bliskie s w odległości Hamminga (tj. poszczególne bity będą się różniły w niewielkiej ilości), dlatego

metoda CRC maksymalizująca odległość Hamminga dla podobnych napisów może być szczególnie efektywna. [12]

Porównanie poszczególnych metod przedstawiam w rozdziale 4.2.

3.3.6. Algorytm K-Hidden

K-Hidden jest modyfikacją algorytmu Q-Hidden. Zamiast pojedynczego parametru prawdopodobieństwa q stosuje się w nim wektor parametrów $\{p_1 \dots p_k\}$ w celu zwiększenia ilości stopni swobody algorytmu [13]. W ten sposób możemy dowolnie kontrolować dystrybucję różnych typów klauzul - w zależności od liczby pokrywających się bitów z ciągiem wejściowym.

Algorytm 8: Algorytm K-Hidden

Dane: s - ciąg bitowy, l - długość rekordu, r - wsp. ilości klauzul

k - ilość ustalonych bitów w klauzuli, $\{p_1 \dots p_k\}$ - wsp. prawdopodobieństwa

Wynik: Zbiór rekordów NDB

- 1 n = l * r
- 2 $NDB = \{\}$
- $Q = \{Q_0, Q_1 \dots Q_k\} : Q_0 = 0, Q_i = p_1 + \dots + p_i$
- 4 while $|NDB| \neq n$ do
- rnd = losowa liczba rzeczywista z przedziału (0, 1)
- $\mathbf{6} \quad | \quad i = i : Q_{i-1} \le rnd \le Q_i$
- 7 V = rekord z k ustalonymi bitami, pokrywający się z s na k i losowych pozycjach
- 8 Dodaj rekord V do NDB
- 9 end

Przed generacją każdego kolejnego rekordu losuje się liczbę z przedziału (0,1) i na podstawie jej i wektora parametrów p_i wybiera się odpowiedni typ rekordu - mający dokładnie i pokrywających się zmiennych gdzie i jest indeksem najmniejszego parametru większego od wylosowanej liczby.

Rezultat działania ma podobne cechy co wygenerowany przez Q-Hidden - możliwość zakodowania tylko jednego napisu i brak gwarancji pokrycia całego zbioru $U - \{s\}$.

W literaturze pojawia się także zaproponowany wcześniej algorytm p-Hidden będący szczególnym przypadkiem K-Hidden dla k=3 [14]. Analogicznie dla przypadku gdy wektor parametrów p jest następujący:

$$p_i = \frac{\binom{k}{i}q^i}{(1+q)^k - 1}, i = 1 \dots k - 1$$

algorytm jest równoważny *Q-Hidden*. [13]

3.3.7. Algorytm hybrydowy

Algorytm hybrydowy jest połączeniem algorytmu prefiksowego oraz *Q-Hidden* [15]. Ma na celu zapewnienie, że wygenerowana baza będzie zawierać całe uniwersum napisów bez jednego, ukrytego rekordu i jednocześnie będzie odporna na odwrócenie. Baza wynikowa jest równoważna formule 3-CNF.

```
Algorytm 9: Algorytm hybrydowy
```

Dane: s - ciąg bitowy, l - długość rekordu, r - wsp. ilości klauzul

q - wsp. prawdopodobieństwa

Wynik: Zbiór rekordów NDB

1 NDB = GenComplete(s, l)

2 NDB = MakeHardReverse(NDB, s, l, r, q)

Proces generacji składa się z dwóch etapów. Pierwszy, procedura GenComplete, tworzy kompletny zbiór l+4 rekordów pokrywający całe $U-\{s\}$. Na początku tworzy l-2 rekordy kolejno zaprzeczając każdemu bitowi oprócz dwóch ostatnich i losuje dwie dodatkowe pozycje przed nim ustawiając je zgodnie z s. Następnie generuje dwa rekordy dla różniącej się pozycji drugiej i cztery dla pierwszej.

NDB jest tworzona dla losowej permutacji napisu s a następnie każdy rekord jest przekształcany z powrotem przez permutację odwrotną w celu utrudnienia analizy przez pomieszanie kolejności bitów.

W kolejnym etapie tworzone są pozostałe l*r-(l+4) rekordy przez zastosowanie procedury MakeHardReverse (Algorytm 11) - równoznacznej Q-Hidden dla k=3.

Wynik działania tej metody dla nieznanego napisu s jest nierozróżnialny od baz utworzonych przez algorytmy 0-Hidden, 1-Hidden, 2-Hidden, Q-Hidden i K-Hidden przy k=3 i identycznym r. Różnić się będą jedynie rozkładem pozycji ustalonych zgodnych i niezgodnych z ukrytym napisem.

11000
*1*01
1*01*
111**
100**
101**
0**00
0**10
0**01
0**11

Tabela 3.5. Rezultat działania procedury GenComplete dla $\pi(s)=11000$ przed zastosowaniem permutacji odwrotnej na rekordach

Algorytm 10: GenComplete

```
Dane: s - ciąg bitowy, l - długość rekordu
   Wynik: Zbiór rekordów NDB
 1 \pi = losowa permutacja o długości l
 2 for k = l to 3 do
       V = rekord NDB o długości l zapełniony symbolami '*'
       V[k] = \neg \pi(s)[k]
 4
      i, j = dwie różne liczby z przedziału [1, k]
      V[i] = \pi(s)[i]
 6
      V[j] = \pi(s)[j]
 7
      Dodaj rekord V do NDB
10 V = \text{rekord } NDB o długości l zapełniony symbolami '*'
11 V[1] = \pi(s)[1]
12 V[2] = \neg \pi(s)[2]
13 i = losowa liczba z przedziału [3, <math>l]
14 V[i] = 0, Dodaj rekord V do NDB
15 V[i] = 1, Dodaj rekord V do NDB
16 i = losowa liczba z przedziału [2, l]
17 for b = 0 to 1 do
       V = \text{rekord } NDB o długości l zapełniony symbolami '*'
18
       V[1] = \neg \pi(s)[1]
19
       j = losowa liczba z przedziału [2, l], różna od i
20
       V[i] = b
21
       V[j] = 0, Dodaj rekord V do NDB
       V[j] = 1, Dodaj rekord V do NDB
23
24 end
25 Zwróć \pi^{-1}(NDB)
```

Algorytm 11: MakeHardReverse

```
Dane: s - ciąg bitowy, l - długość rekordu, r - wsp. ilości klauzul
          q - wsp. prawdopodobieństwa
   Wynik: Zbiór rekordów NDB
 1 n = l * r
 2 while |NDB| \neq n do
       \Upsilon = 3 różne losowe pozycje w przedziale [1, l]
       V = \text{rekord } NDB \text{ o długości } l \text{ wypełniony znakami '*'}
 4
       X = \text{losowe przypisanie} \in \{0, 1\}^3
 5
       u = 3
 6
       foreach i = 1 to 3 do
 7
           V[\Upsilon[i]] = X[i]
           if V[\Upsilon[i]] \neq s[\Upsilon[i]] then
               u = u + 1
10
           end
11
       end
12
       if u \neq 0 then
13
           p = losowa liczba rzeczywista z przedziału (0, 1)
           if q^u > p then
15
               Dodaj rekord V do NDB
16
           end
17
       end
18
       Dodaj rekord V do NDB
19
20 end
21 Zwróć powstałą NDB
```

3.4. Wykorzystywanie solwerów SAT w celu uzyskania przeciwobrazu Negatywnej Bazy Danych

Problem znalezienia ukrytego ciągu w Negatywnej Bazie Danych jest równoważny SAT i zapis napisów nad alfabetem $\{0,1,*\}$ można sprowadzić do CNF w czasie liniowym. Dla przykładu, poniższy zbiór rekordów można zinterpretować jako "Znajdź takie przypisanie wartościami $\{0,1\}$, żeby dla każdego rekordu nie pokrywało się na co najmniej jednej pozycji".

Zatem pomijając symbole *, zamieniając wartości $\{0,1\}$ na odpowiadające literały, negując je i łącząc operatorem alternatywy oraz wstawiając operatory koniunkcji pomiędzy powstałe klauzule otrzymujemy postać CNF:

Tabela 3.6. Przykładowy zbiór rekordów NDB

$$(\neg x_1 \lor \neg x_2 \lor x_4) \land$$
$$(x_1 \lor x_2 \lor \neg x_3) \land$$
$$(\neg x_2 \lor \neg x_3 \lor \neg x_4) \land$$
$$(\neg x_2 \lor x_3 \lor \neg x_4)$$

Metoda działania solwerów SAT nie polega na znalezieniu wszystkich rozwiązań, tylko na sprawdzeniu czy dana formuła jest spełnialna, dlatego w sytuacji próby odwrócenia baz wielorekordowych lub wygenerowanych z użyciem algorytmów niekompletnych atakujący potrzebuje dla każdego pojedynczego rozwiązania dodać dodatkową formułę przeczącą znalezionemu rekordowi i ponownie uruchomić solwer.

W związku z faktem, że uzyskanie dostępu do nawet pojedynczego rekordu w systemach uwierzytelniania jest niedopuszczalne, testy są przeprowadzone pod kątem znalezienia pierwszego rozwiązania.

4. Testy algorytmów

4.1. Opis testowania za pomocą solwerów SAT

Do testów *NDB* użyte zostały zChaff oraz WalkSAT – najbardziej popularny solwer kompletny i niekompletny. Wszystkie testy zostały przeprowadzone za pomocą aplikacji konsolowej napisanej w języku C++17 z wykorzystaniem biblioteki *boost* do wygenerowania opcji programu i ułatwienia operacji na napisach.

Rys. 4.1. Opcje aplikacji testującej

Przy wywołaniu programu użytkownik może ustawić szereg wartości dla każdego dostępnego parametru i wybrać pożądany algorytm oraz typ testu. Aplikacja następnie generuję losową NDB dla każdej kombinacji parametrów, przeprowadza test oraz zapisuje wynik do pliku w formacie csv.

Możliwe jest także wygenerowanie pliku Negatywnej Bazy Danych w formacie ndb tj. plik tekstowy zawierający napisy nad alfabetem $\{0,1,*\}$, lub dimacs - domyślnym formacie wykorzystywanym przez solwery SAT.

```
c Przykładowy plik cnf
p cnf 3 2
-1 -3 0
-2 3 1 0
```

Listing 4.1. Przykładowy plik formatu dimacs

Zawartość składa się z komentarzy (linie zaczynające się znakiem "c"), definicji problemu (linia zaczynająca się znakiem "p") i klauzul logicznych.

W tym przypadku opisywany jest problem CNF o trzech zmiennych i dwóch klauzulach reprezentujący formułę $(\neg x_1 \lor \neg x_3) \land (\neg x_2 \lor x_3 \lor x_1)$.

Aplikacja jest zintegrowana z napisaną w języku C implementacją algorytmu WalkSAT przedstawioną przez Uniwersytet w Rochester [16] oraz implementacją zChaff w języku C++ udostępnioną przez Uniwersytet w Princeton [17].

Oba programy posiadają interfejs wiersza poleceń i przyjmują pliki w formacie *dimacs*. Z powodu potrzeby testowania znacznej ilości automatycznie generowanych formuł aplikacja testowa wywołuje procedury rozwiązujące bezpośrednio z kodu. W przypadku solwera zChaff wymagane było jedynie załączenie pliku nagłówkowego i zalinkowaniu zbudowanej biblioteki, jednak przy integrowaniu solwera WalkSAT konieczna była minimalna modyfikacja plików źródłowych w celu umożliwienia wywołania głównej funkcji oraz zresetowania stanu po próbie rozwiązania każdej formuły.

4.2. Testy metod weryfikujących poprawność rekordów pozytywnych

Algorytmy generacji NDB Q-Hidden oraz K-Hidden nie gwarantują pokrycia całego zbioru U-DB. Konieczne jest użycie odpowiedniej sumy kontrolnej. Po znalezieniu rozwiązania porównywany jest sufiks rekordu o określonej długości z wynikiem wykorzystanej funkcji na pozostałej części ciągu bitowego. Jeżeli wynik się zgadza wynik jest uznawany na należący do DB.

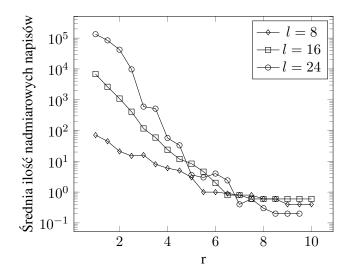
Zostały przetestowane następujące funkcje sumy kontrolnej:

```
    Bit parzystości (1 bit)
    CRC-8 (8 bitów)
    CRC-16 (16 bitów)
    CRC-32 (32 bity)
```

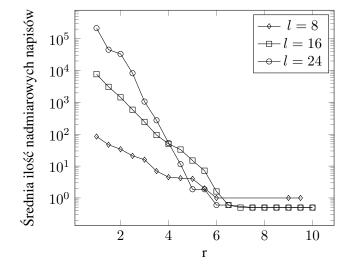
MD5 (128 bitów)

4.2.1. Wpływ parametrów generacji na ilość niepożądanych ukrytych ciągów bitowych

Jak wynika z testów, których wyniki są umieszczone na wykresach 4.2 i 4.3 ilość nadmiarowych napisów ukrytych maleje wykładniczo wraz z wzrostem parametru r. Dla ilości rekordów pięciokrotnie większej niż długość napisu zachowują się jedynie pojedyncze niepożądane ciągi.

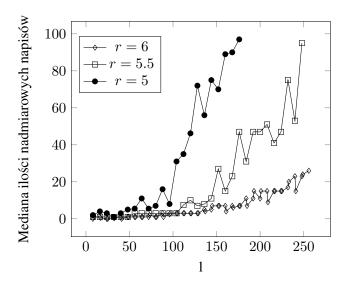


Rys. 4.2. Zależność ilości nadmiarowych napisów od współczynnika ilości rekordów r dla NDB wygenerowanych przez algorytm Q-Hidden o parametrach q=0.4 i k=3.

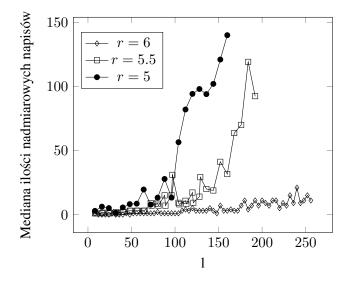


Rys. 4.3. Zależność ilości nadmiarowych napisów od współczynnika ilości rekordów r dla NDB wygenerowanych przez algorytm K-Hidden o parametrach $p = \{0.7, 0.2, 0.1\}$ i k = 3.

Długość rekordu także ma znaczny wpływ na ich ilość, zwłaszcza dla małych wartości r, jednak przeprowadzanie testów dla całego przedziału $r \in [1,10]$ dla l>24 jest niepraktyczne ze względu na złożoność obliczeniową.



Rys. 4.4. Zależność ilości nadmiarowych napisów od ilości rekordów l dla NDB wygenerowanych przez algorytm Q-Hidden o parametrach q=0.3 i k=3.



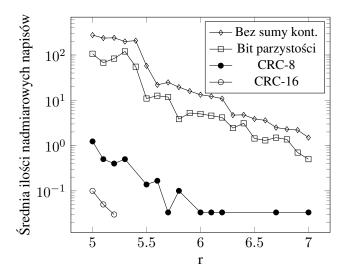
Rys. 4.5. Zależność ilości nadmiarowych napisów od ilości rekordów l dla NDB wygenerowanych przez algorytm K-Hidden o parametrach $p=\{0.7,0.2,0.1\}$ i k=3.

Wraz ze wzrostem parametru r zwiększa się wartość progowa długości rekordu, której przekroczenie powoduje znaczne zwiększenie tempa przyrostu ilości napisów nienależących do DB. Jak wynika z wykresów 4.4 i 4.6 dla wartości r=5 pochodna funkcji wzrasta przy $l\approx 100$ a dla r=5.5 przy $l\approx 150$.

Z powodu znacznej fluktuacji wyników aby przedstawić dokładną tendencję konieczne było zastosowanie mediany zamiast wartości średniej.

Negatywne Bazy Danych wygenerowane przez algorytm *Q-Hidden* i *K-Hidden* nie różnią się znacząco od siebie w kontekście tego testu.

4.2.2. Skuteczność funkcji sum kontrolnych



Rys. 4.6. Zależność ilości nadmiarowych napisów od współczynnika ilości rekordów r i metody sumy kontrolnej. NDB zostały wygenerowane przez algorytm K-Hidden o parametrach $p=\{0.7,0.2,0.1\}$ i k=3 oraz Q-Hidden o parametrach q=0.3 i k=3. Dla CRC-32 oraz MD5 nie zostały wykryte żadne nadmiarowe napisy.

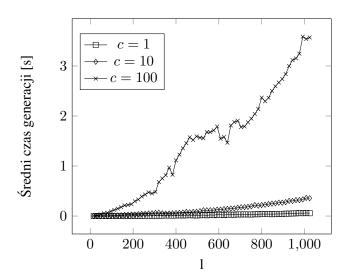
Wynik porównania różnych metod sumy kontrolnej pokrywa się z intuicją, według której każdy dodatkowy bit zmniejsza ilość ciągów bitowych nienależących do DB o połowę. Wynika z tego, że funkcja skrótu o długości 32 bitów, jest wystarczająca, żeby zapewnić spójność bazy danych przy zastosowaniach w których nie trzeba przechowywać danych krytycznych.

W systemach uwierzytelniania zalecane jest jednak użycie większej wartości w celu zredukowania szansy konfliktu danych do praktycznie niemożliwej.

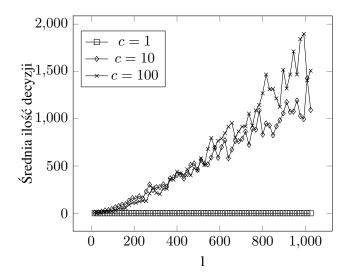
4.3. Testy algorytmów generacji NDB

4.3.1. Algorytm prefiksowy

Algorytm prefiksowy jest bardzo prostą metodą generacji NDB, dlatego odwrócenie rezultatu jej działania nie stanowi problemu co zostało zaprezentowane w algorytmie 2.



Rys. 4.7. Zależność czasu generacji NDB za pomocą algorytmu prefiksowego od długości kodowanego ciągu.



Rys. 4.8. Zależność liczby decyzji koniecznych do znalezienia pierwszego rozwiązania problemu przez solwer zChaff od długości ciągu i ilości rekordów dla NDB wygenerowanej za pomocą algorytmu prefiksowego.

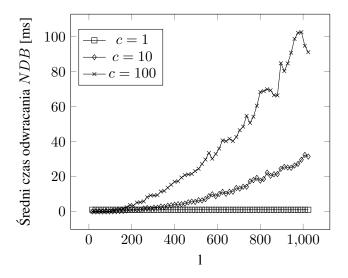
Generacja ma stosunkową niską złożoność czasową, nawet dla bardzo długich ciągów, jednak zawarcie wielu rekordów DB może ją znacznie spowolnić¹.

Kompletny solwer zChaff odwraca NDB z jednym rekordem pozytywnym niemal natychmiast – dla każdego przypadku została podjęta tylko jedna decyzja. Przy zawarciu większej ilości napisów znalezienie jednego z nich staje się trudniejsze, jednak jest to nadal możliwe w czasie liniowym.

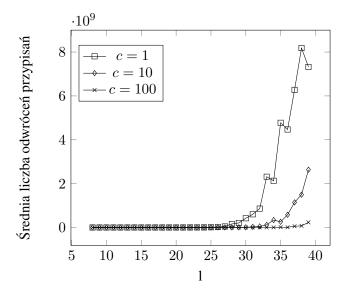
Natomiast dla solwera WalkSAT otrzymana struktura CNF jest problematyczna – procedura degraduje się w kierunku losowego przeszukiwania o wykładniczej złożoności obliczeniowej. Już dla stu

¹Testy czasowe algorytmów zostały przeprowadzone przez wyliczenie czasu procesora podczas działania określonej procedury na komputerze wyposażonym w procesor Intel i5-7200U 3.1 GHz i 16 GB pamięci RAM.

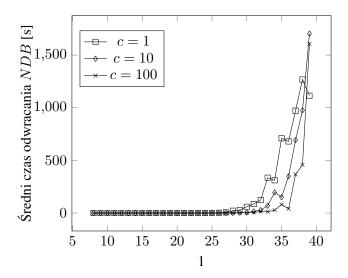
napisów o długości 40 bitów metoda kończy działanie z powodu przekroczenia ustawionej na potrzeby testów wartości granicznej 10 prób po 10^9 odwróceń przypisań.



Rys. 4.9. Zależność czasu koniecznego do znalezienia pierwszego rozwiązania przez solwer zChaff od długości ciągu i ilości rekordów dla NDB wygenerowanej za pomocą algorytmu prefiksowego.



Rys. 4.10. Zależność liczby odwróceń przypisań wykonanych przez solwer WalkSAT od długości ciągu i ilości rekordów dla NDB wygenerowanej za pomocą algorytmu prefiksowego.



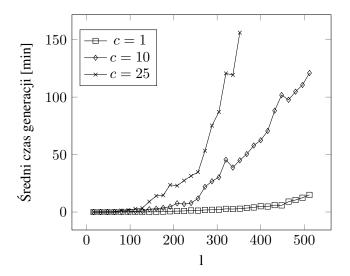
Rys. 4.11. Zależność czasu koniecznego do znalezienia pierwszego rozwiązania przez solwer WalkSAT od długości ciągu i ilości rekordów dla *NDB* wygenerowanej za pomocą algorytmu prefiksowego.

4.3.2. Algorytm Randomize_NDB

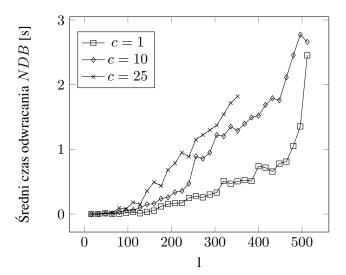
Algorytm *Randomize_NDB* generuje bazy danych o znacznie większym rozmiarze niż algorytm prefiksowy. Już dla 25 rekordów, każdy o długości co najmniej 300 bitów, czas trwania procedury generacyjnej przekracza godzinę, podczas, gdy czas rozwiązywania bazy o takich parametrach zajmuje solwerowi zChaff niecałe dwie sekundy. Dla ukrywania pojedynczych rekordów procedura działa niewiele wolniej niż algorytm prefiksowy, ale wynikowa *NDB* będzie bardzo prosta do złamania.

Złożoność otrzymanej bazy zależy głównie od ilości zawartych rekordów pozytywnych, ale czas generacji rośnie dużo szybciej niż trudność problemu SAT. z wykresu 4.13 na pierwszy rzut oka wynika, że dla większych wartości l czas rozwiązania znacznie wzrasta, ale jest to spowodowane procesem przetwarzania wstępnego solwera zChaff – dla wszystkich pokazanych przykładów liczba podjętych decyzji nie przekracza pięciu.

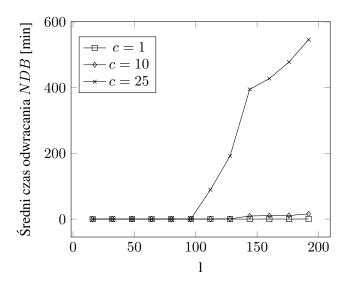
Solwer WalkSAT podobnie jak w przypadku algorytmu prefiksowego wypada znacznie gorzej niż zChaff, jednak tym razem potrafi w krótkim czasie odwrócić NDB przy l=100 i niewielkiej ilości rekordów pozytywnych, jednak wraz ze wzrostem c złożoność obliczeniowa zwiększa się drastycznie.



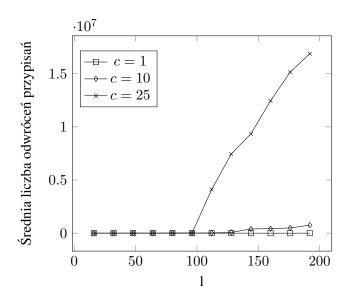
Rys. 4.12. Zależność czasu generacji NDB za pomocą algorytmu $Randomize_NDB$ od długości kodowanego ciągu.



Rys. 4.13. Zależność czasu koniecznego do znalezienia pierwszego rozwiązania przez solwer zChaff od długości ciągu i ilości rekordów dla NDB wygenerowanej za pomocą algorytmu $Randomize_NDB$.



Rys. 4.14. Zależność czasu koniecznego do znalezienia pierwszego rozwiązania przez solwer WalkSAT od długości ciągu i ilości rekordów dla *NDB* wygenerowanej za pomocą algorytmu *Randomize_NDB*.

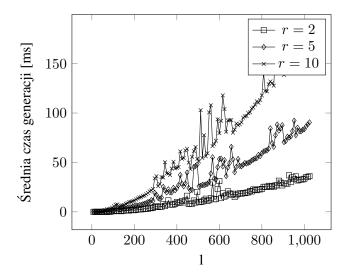


Rys. 4.15. Zależność liczby odwróceń przypisań wykonanych przez solwer WalkSAT od długości ciągu i ilości rekordów dla NDB wygenerowanej za pomocą algorytmu $Randomize_NDB$.

4.3.3. Algorytm *Q-Hidden*

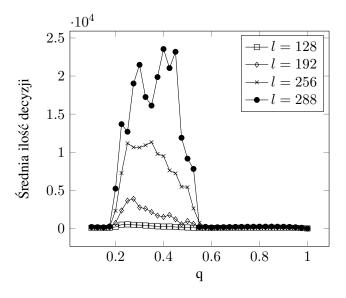
W przeciwieństwie do poprzednich algorytmów, *Q-Hidden* generuje *NDB*, które mogą przechowywać jedynie jeden rekord pozytywny. Nie jest to jednak problemem dla systemów przechowujących znaczne ilości danych, gdyż pomimo konieczności tworzenia osobnej bazy dla każdego rekordu, takie

podejście zapewnia dużo krótsze czasy generacji i dużo mniej potrzebnej przestrzeni dyskowej niż algorytmy prefiksowy i *Randomize_NDB*. Znacznie zredukowanie liczby rekordów negatywnych powoduje też skrócenie czasu zapytań.

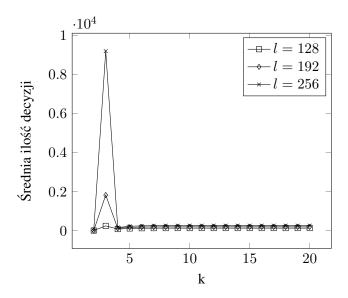


Rys. 4.16. Zależność czasu generacji NDB za pomocą algorytmu Q-Hidden od długości kodowanego ciągu.

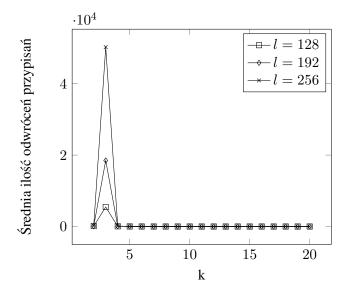
Algorytm Q-Hidden tworzy bazy o dowolnie konfigurowanej, stałej liczbie rekordów. Generacja NDB jest bardzo szybka i dokonuje się w czasie liniowym od iloczynu parametrów r oraz l.



Rys. 4.17. Zależność liczby decyzji potrzebnych do znalezienia pierwszego rozwiązania przez solwer zChaff od parametru q dla NDB wygenerowanej za pomocą algorytmu Q-Hidden przy parametrach r=5.5 i k=3.



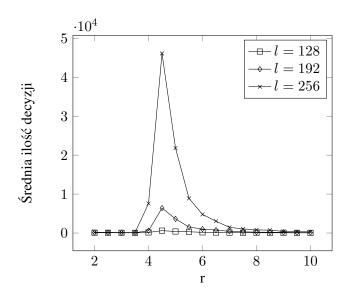
Rys. 4.18. Zależność liczby decyzji potrzebnych do znalezienia pierwszego rozwiązania przez solwer zChaff od parametru k dla NDB wygenerowanej za pomocą algorytmu $\emph{Q-Hidden}$ przy parametrach r=5.5 i q=0.4. Szczyt zachodzi dla parametru k=3.



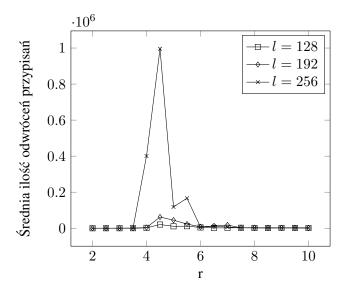
Rys. 4.19. Zależność liczby odwróceń przypisań potrzebnych do znalezienia pierwszego rozwiązania przez solwer WalkSAT od parametru k dla NDB wygenerowanej za pomocą algorytmu Q-Hidden przy parametrach r=5.5 i q=0.4. Szczyt zachodzi dla parametru k=3.

4.3.4. Algorytm K-Hidden

4.3.5. Algorytm hybrydowy



Rys. 4.20. Zależność liczby decyzji potrzebnych do znalezienia pierwszego rozwiązania przez solwer zChaff od parametru r dla NDB wygenerowanej za pomocą algorytmu Q-Hidden przy parametrach k=3 i q=0.4.



Rys. 4.21. Zależność liczby odwróceń przypisań do znalezienia pierwszego rozwiązania przez solwer WalkSAT od parametru r dla NDB wygenerowanej za pomocą algorytmu Q-Hidden przy parametrach k=3 i q=0.4.

5. Implementacja systemu uwierzytelniania

- 5.1. Reprezentacja danych
- 5.2. Algorytm tworzenia użytkownika
- 5.3. Algorytm uwierzytelniania użytkownika
- 5.4. Działanie aplikacji

6. Wnioski

- 6.1. Bezpieczeństwo przedstawionej implementacji
- 6.2. Możliwe rozszerzenia

46 6.2. Możliwe rozszerzenia

Bibliografia

- [1] Google / Harris Poll. The United States of P@ssw0rd\$. https://storage.googleapis.com/gweb-uniblog-publish-prod/documents/PasswordCheckup-HarrisPoll-InfographicFINAL.pdf. 2019.
- [2] W. Luo i in. "Three Branches of Negative Representation of Information: A Survey". W: *IEEE Transactions on Emerging Topics in Computational Intelligence* 2.6 (2018), s. 411–425. DOI: 10.1109/TETCI.2018.2829907.
- [3] Stephen A. Cook. "The Complexity of Theorem-Proving Procedures". W: *Proceedings of the Third Annual ACM Symposium on Theory of Computing*. STOC '71. Shaker Heights, Ohio, USA: Association for Computing Machinery, 1971, 151–158. ISBN: 9781450374644. DOI: 10.1145/800157.805047.
- [4] B. A. Trakhtenbrot. "A Survey of Russian Approaches to Perebor (Brute-Force Searches) Algorithms". W: *Annals of the History of Computing* 6.4 (1984), s. 384–400. DOI: 10.1109/MAHC. 1984.10036.
- [5] Thomas J. Schaefer. "The Complexity of Satisfiability Problems". W: *Proceedings of the Tenth Annual ACM Symposium on Theory of Computing*. STOC '78. San Diego, California, USA: Association for Computing Machinery, 1978, 216–226. ISBN: 9781450374378. DOI: 10.1145/800133. 804350.
- [6] Adnan Darwiche i Knot Pipatsrisawat. "Complete Algorithms". W: *Handbook of Satisfiability*. Red. Armin Biere i in. T. 185. Frontiers in Artificial Intelligence and Applications. IOS Press, 2009, s. 99–130. DOI: 10.3233/978-1-58603-929-5-99.
- [7] Henry A. Kautz, Ashish Sabharwal i Bart Selman. "Incomplete Algorithms". W: *Handbook of Satisfiability*. Red. Armin Biere i in. T. 185. Frontiers in Artificial Intelligence and Applications. IOS Press, 2009, s. 185–203. DOI: 10.3233/978-1-58603-929-5-185.
- [8] Fernando Esponda. "Negative Representations of Information". PhD thesis. 2005.
- [9] F. Esponda, S. Forrest i P. Helman. "Enhancing Privacy through Negative Representations of Data". W: 2004.
- [10] Haixia Jia, Cristopher Moore i Doug Strain. "Generating Hard Satisfiable Formulas by Hiding Solutions Deceptively". W: *Journal of Artificial Intelligence Research JAIR* 28 (mar. 2005). DOI: 10.1613/jair.2039.

48 BIBLIOGRAFIA

[11] Dimitris Achlioptas, Haixia Jia i Cristopher Moore. "Hiding Satisfying Assignments: Two are Better than One". W: *Proceedings of the National Conference on Artificial Intelligence* 24 (kw. 2005). DOI: 10.1613/jair.1681.

- [12] Fernando Esponda i in. "Protecting Data Privacy Through Hard-to-Reverse Negative Databases".
 W: *Information Security*. Red. Sokratis K. Katsikas i in. Berlin, Heidelberg: Springer Berlin Heidelberg, 2006. ISBN: 978-3-540-38343-7.
- [13] D. Zhao i in. "A fine-grained algorithm for generating hard-toreverse negative databases". W: 2015 International Workshop on Artificial Immune Systems (AIS). 2015, s. 1–8. DOI: 10.1109/AISW.2015.7469244.
- [14] R. Liu, W. Luo i L. Yue. "The p-hidden algorithm: Hiding single databases more deeply". W: *Immune Computation* 2 (sty. 2014), s. 43–55.
- [15] R. Liu, W. Luo i X. Wang. "A Hybrid of the prefix algorithm and the q-hidden algorithm for generating single negative databases". W: 2011 IEEE Symposium on Computational Intelligence in Cyber Security (CICS). 2011, s. 31–38. DOI: 10.1109/CICYBS.2011.5949400.
- [16] Bart Selman i Henry Kautz. Stochastic Local Search for Satisfiability. https://www.cs.rochester.edu/u/kautz/walksat/.
- [17] Princeton University. zChaff. https://www.princeton.edu/~chaff/zchaff.html.