## 《模式识别》试题答案及评分标准(B卷)

	姓名:	学号:	成绩	:
一、填空与选择填空	空(本题答案写在此	试卷上, 30 分)		
			特征提取与选择	
和模式分类。	T-1-13/94 1-26 C-3H-		14 maye 14 3 / C3	<u> </u>
	描述模式的方法一般(	使用 特直矢量 •	句法模式识别中模式#	描述方法一般有串、
树_、_网_。	4.C. 10.C. 4H 47/3 12 / 7.C.	ス/14 <u>14/八/4</u> ,	31200-40101 100-431	
3、聚类分析算法属	干 (1) : 判别域d	代数界面方程法属	于 (3) 。	
			,。 别方法(4)句法模式	识别方法
	(2) 模糊测度			<b>人主</b> 。
5、下列函数可以作				
				_
(1) $J = Tr$	$[S_{W}^{-1}S_{B}]$ (2)	$J = \left  S_{W} S_{B}^{-1} \right $	(3) $J = \sum_{j=1}^{c} \sum_{i=1}^{n_j} \  \vec{x}_i^i$	$\vec{m}_j = \vec{m}_j $
$J = \sum_{j=1}^{c} (i$	$(\vec{m}_j - \vec{m})'(\vec{m}_j - \vec{m})$			
6、Fisher 线性判别	函数的求解过程是将	ß N 维特征矢量投影	杉在 <u>(2)</u> 中进行	0
(1) 二维空间	(2) 一维空	空间 (3)	N-1 维空间	
7、下列判别域界面	方程法中只适用于线	性可分情况的算法	云有 <u>(1)</u> ;线性可	分、不可分都适用的有
(3)				
(1) 感知器算法	(2) H-K 算法	<b>大</b> (3)积累	位势函数法	
8、下列四元组中	¬满足文法定义的有_	(1) (2) (4)	°	
(1) $\{A, B\},$	$\{0, 1\}, \{A \rightarrow 01, A\}$	$\rightarrow$ 0A1 , A $\rightarrow$ 1	$A0$ , $B \rightarrow BA$ , $B \rightarrow$	• 0}, A)
(2) ({A}, {0,	1}, $\{A \rightarrow 0, A \rightarrow 0\}$	(A), $(A)$		
(3) ({S}, {a,	$b$ , $\{S \rightarrow 00S, S\}$	$\rightarrow$ 11 <i>S</i> , $S \rightarrow 00$	$S \rightarrow 11$ , $S$	
(4) ({A}, {0,	1}, $\{A \rightarrow 01, A \rightarrow$	$0A1, A \rightarrow 1A0\},$	A)	
二、 <b>(15 分)</b> 简答及证	正明题			
(1) 影响聚类	结果的主要因素有那	些?		
(2) 证明马氏	:距离是平移不变的、	非奇异线性变换	下变的。	

答:分类准则,模式相似性测度,特征量的选择,量纲。

(1) **(5分)** 

(2) (10 分)

证明:

$$d^{2}(\vec{x}_{i}, \vec{x}_{j}) = (\vec{x}_{i} - \vec{x}_{j}) V^{-1}(\vec{x}_{i} - \vec{x}_{j})$$
(2 \(\frac{1}{2}\))

$$V = \frac{1}{m-1} \sum_{i=1}^{m} (\vec{x}_i - \vec{\bar{x}})(\vec{x}_i - \vec{\bar{x}})'$$
(2 分)

$$\vec{\bar{x}} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} \vec{x}_i \tag{1 }$$

设,有非奇异线性变换: (1分)

$$\vec{y} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{n} \vec{y}_{i} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{n} A \vec{x}_{i} = A \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{n} \vec{x}_{i} = A \vec{x}$$

$$V_{y} = \frac{1}{m-1} \sum_{i=1}^{m} (\vec{y}_{i} - \vec{y}) (\vec{y}_{i} - \vec{y})^{\dagger}$$

$$= \frac{1}{m-1} \sum_{i=1}^{m} (A \vec{x}_{i} - A \vec{x}) (A \vec{x}_{i} - A \vec{x})^{\dagger}$$

$$= \frac{1}{m-1} \sum_{i=1}^{m} A (\vec{x}_{i} - \vec{x}) (\vec{x}_{i} - \vec{x})^{\dagger} A^{\dagger}$$

$$= A \left[ \frac{1}{m-1} \sum_{i=1}^{m} (\vec{x}_{i} - \vec{x}) (\vec{x}_{i} - \vec{x})^{\dagger} A^{\dagger} + A V_{x} A^{\dagger} \right]$$

$$d_{y}^{2} (\vec{y}_{i}, \vec{y}_{j}) = (\vec{y}_{i} - \vec{y}_{j})^{\dagger} V_{y}^{-1} (\vec{y}_{i} - \vec{y}_{j})$$

$$= (A \vec{x}_{i} - A \vec{x}_{j})^{\dagger} V_{y}^{-1} (A \vec{x}_{i} - A \vec{x}_{j})$$

$$= (\vec{x}_{i} - \vec{x}_{j})^{\dagger} A^{\dagger} V_{y}^{-1} A (\vec{x}_{i} - \vec{x}_{j})$$

$$= (\vec{x}_{i} - \vec{x}_{j})^{\dagger} A^{\dagger} (A V_{x} A)^{-1} A (\vec{x}_{i} - \vec{x}_{j})$$

$$= (\vec{x}_{i} - \vec{x}_{j})^{\dagger} A^{\dagger} A^{-1} V_{x}^{-1} A^{-1} A (\vec{x}_{i} - \vec{x}_{j})$$

$$= (\vec{x}_{i} - \vec{x}_{j})^{\dagger} V_{y}^{-1} (\vec{x}_{i} - \vec{x}_{j})$$

三、(8分)说明线性判别函数的正负和数值大小在分类中的意义并证明之。答:

(1) (4分)  $d(\vec{x})$  的绝对值  $|d(\vec{x})|$  正比于  $\vec{x}$  到超平面  $d(\vec{x}) = 0$  的距离  $d_x$ 

平面 $\pi$ 的方程可以写成 $\frac{\vec{v_0'}}{\left\|\vec{v_0}\right\|}\vec{x} = \frac{-v_{n+1}}{\left\|\vec{v_0}\right\|}$ 

 $\vec{x} = \frac{\vec{w}_0}{\|\vec{w}_0\|} = (w_1^2 + w_2^2 + \dots + w_n^2)^{1/2}$ 。于是  $\frac{\vec{w}_0}{\|\vec{w}_0\|}$ 是平面  $\pi$ 的单位法矢量,上式可写成

$$\vec{n}'\vec{x} = \frac{-w_{n+1}}{\left\|\vec{w}_0\right\|}$$

设 $\vec{p}$  是平面 $\pi$ 中的任一点, $\vec{x}$  是特征空间 $\vec{x}$  中任一点,点 $\vec{x}$  到平面 $\pi$ 的距离为差矢量 $(\vec{x}-\vec{p})$ 在 $\vec{x}$  上的投影的绝对值,即

$$\begin{split} d_{x} &= \left| \overrightarrow{w}_{0}'(\overrightarrow{x} - \overrightarrow{p}) \right| = \left| \overrightarrow{w}_{0}'\overrightarrow{x} - \overrightarrow{w}_{0}'\overrightarrow{p} \right| \\ &= \left| \frac{\overrightarrow{w}_{0}'}{\left\| \overrightarrow{w}_{0} \right\|} \overrightarrow{x} + \frac{\overrightarrow{w}_{2+1}}{\left\| \overrightarrow{w}_{0} \right\|} \right| \\ &= \frac{\left| \overrightarrow{w}_{0}' \overrightarrow{x} + \overrightarrow{w}_{2+1} \right|}{\left\| \overrightarrow{w}_{0} \right\|} \\ &= \frac{\left| \overrightarrow{w}_{0}' \overrightarrow{x} + \overrightarrow{w}_{2+1} \right|}{\left\| \overrightarrow{w}_{0} \right\|} = \frac{1}{\left\| \overrightarrow{w}_{0} \right\|} |\overrightarrow{a}(\overrightarrow{x})| \end{split}$$

上式中利用了 $\vec{p}$ 在平面 $\pi$ 中,故满足方程

$$\frac{\vec{w}_0'}{\left\|\vec{w}_0\right\|}\vec{p} = \frac{-w_{n+1}}{\left\|\vec{w}_0\right\|}$$

式(1-1)的分子为判别函数绝对值,上式表明, $d(\vec{x})$ 的值 $|d(\vec{x})|$ 正比于 $\vec{x}$ 到超平面 $d(\vec{x})=0$ 的距离 $d_x$ ,一个特征矢量代入判别函数后所得值的绝对值越大表明该特征点距判别界面越远。

(2) (4分)  $d(\vec{x})$  的正 (负) 反映  $\vec{x}$  在超平面  $d(\vec{x}) = 0$  的正 (负) 侧

两矢量 7 和 ( 7 - 7) 的数积为

$$\vec{n}'(\vec{x} - \vec{p}) = \|\vec{n}\| \|\vec{x} - \vec{p}\| \cos(\vec{n}, (\vec{x} - \vec{p}))$$
(2 \(\frac{1}{2}\))

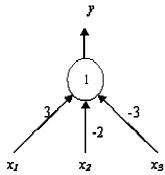
显然,当 $\vec{n}$ 和 $(\vec{x}-\vec{p})$  夹角小于 90° 时,即 $\vec{x}$ 在 $\vec{n}$ 指向的那个半空间中, $\cos(\vec{n},(\vec{x}-\vec{p}))$  >0;反之,当 $\vec{n}$ 和 $(\vec{x}-\vec{p})$  夹角大于 90° 时,即 $\vec{x}$ 在 $\vec{n}$ 背向的那个半空间中, $\cos(\vec{n},(\vec{x}-\vec{p}))$  <0。由于  $|\vec{w}_0|| > 0$ ,故  $\vec{n}'(\vec{x}-\vec{p})$  和  $\vec{w}_0'\vec{x}+w_{n+1}$ 同号。所以,当 $\vec{x}$ 在 $\vec{n}$ 指向的半空间中时, $\vec{w}_0\vec{x}+w_{n+1}>0$ ;当 $\vec{x}$ 在 $\vec{n}$ 背向的半空间中, $\vec{w}_0\vec{x}+w_{n+1}<0$ 。判别函数值的正负表示出特征点位于哪个半空间中,或者换句话说,表示特征点位于界面的哪一侧。

四、(10分)已知样本集:

 $\omega 1$ : {(0, 0, 0)<sup>T</sup>, (1, 0, 0)<sup>T</sup>, (1, 0, 1)<sup>T</sup>, (1, 1, 0)<sup>T</sup>,}

 $\omega 2$ : {(0, 0, 1)<sup>T</sup>, (0, 1, 1)<sup>T</sup>, (0, 1, 0)<sup>T</sup>, (1, 1, 1)<sup>T</sup>,}

试利用感知器算法设计一个能对该样本集正确分类的人工神经网络。



解: (画出结构图2分, 计算流程4分, 结果正确2分)

```
W=[3, -2, -3, 1]
算法:
%--- Step1. Input Pattern Vectors X
X \text{ input } = [ 0 \ 0 \ 0; \ 1 \ 0 \ 0; \ 1 \ 0 \ 1; \ 1 \ 1 \ 0; \dots]
             0 0 1; 0 1 1; 0 1 0; 1 1 1];
% Span and Normalize Vectors
[m, n] = size(X_input);
X = [X_{input}, ones(m, 1)];
[m, n] = size(X);
for i = 5:m
     X(i, 1:n) = -X(i, 1:n);
end
%--- Step2. Input Initial Weight Vectors WO
W = [ -1 -2 -2 0]; (知道初值可以任意设定,1分)
%--- Step3. The weight vector is corrected accordiong to the preceding rule
k = 0;
j = 0;
while ((j \le m) \&\& (k \le 1000)) % repeat until the algorithm converges to a solution
     for i = 1:m
         d = W * X(i, 1:n)';
         if (d \le 0)
             j = 0;
```

else j = j+1;end

end

W = W + X(i, 1:n);

```
k = k+1;
end
%--- Step4. Display the result
if (k >= 1000)
    fprintf('Not linearly separable! k=%i', k);
else
    fprintf('Weight Vector W = ');
    disp(W);
end
```

五、**(12分,每问4分)** 在目标识别中,假定有农田和装甲车两种类型,类型  $\omega_{\ell}$  分别代表农田和装甲车,它们的先验概率分别为 0.8 和 0.2,损失函数如表 1 所示。现在做了三次试验,获得三个样本的类概率密度如下:

$$p(x/\omega_1)_{: 0.3, 0.1, 0.6}$$
  
 $p(x/\omega_2)_{: 0.7, 0.8, 0.3}$ 

- (1) 试用贝叶斯最小误判概率准则判决三个样本各属于哪一个类型;
- (2) 假定只考虑前两种判决,试用贝叶斯最小风险准则判决三个样本各属于哪一类;
- (3) 把拒绝判决考虑在内,重新考核三次试验的结果。

表 1

損失 損失 判决	$\omega_{ m l}$	$\sigma_2$
$\alpha_{_1}$	1	4
$\alpha_2$	5	1
$\alpha_3$	1	1

解: 由题可知: 
$$P(\mathbf{a_1}) = 0.7, P(\mathbf{a_2}) = 0.3$$
,  $\frac{P(\mathbf{a_2})}{P(\mathbf{a_1})} = \frac{3}{7}$ ,  $\frac{P(\mathbf{x_1} \mid \mathbf{a_1})}{P(\mathbf{x_1} \mid \mathbf{a_2})} = \frac{3}{7}$ ,

$$\frac{P(x_2 \mid a_1)}{P(x_2 \mid a_2)} = \frac{1}{8} \quad \frac{P(x_3 \mid a_1)}{P(x_3 \mid a_2)} = 2$$

(1)(4分)根据贝叶斯最小误判概率准则知:

$$\begin{split} \frac{P(x_1 \mid \textbf{a_1})}{P(x_1 \mid \textbf{a_2})} &= \frac{P(\textbf{a_2})}{P(\textbf{a_1})}, \quad \text{则可以任判}; \\ \frac{P(x_2 \mid \textbf{a_1})}{P(x_2 \mid \textbf{a_2})} &< \frac{P(\textbf{a_2})}{P(\textbf{a_1})}, \quad \text{则判为} \textbf{a_2}; \\ \frac{P(x_3 \mid \textbf{a_1})}{P(x_3 \mid \textbf{a_2})} &> \frac{P(\textbf{a_2})}{P(\textbf{a_1})}, \quad \text{则判为} \textbf{a_1}; \\ \\ (2) \textbf{ (4 分)} \text{ 由题可知:} \quad \frac{P(\textbf{a_2})(\lambda_{21} - \lambda_{22})}{P(\textbf{a_1})(\lambda_{12} - \lambda_{11})} &= \frac{0.3(5-1)}{0.7(4-1)} = \frac{4}{7} \end{split}$$

则 
$$\frac{P(x_1 | \mathbf{a_1})}{P(x_1 | \mathbf{a_2})} < \frac{4}{7}, \quad \text{判为 } \mathbf{a_2};$$
$$\frac{P(x_2 | \mathbf{a_1})}{P(x_2 | \mathbf{a_2})} < \frac{4}{7}, \quad \text{判为 } \mathbf{a_2};$$
$$\frac{P(x_3 | \mathbf{a_1})}{P(x_3 | \mathbf{a_2})} > \frac{4}{7}, \quad \text{判为 } \mathbf{a_1};$$

(3) **(4分)** 对于两类问题,对于样本x,假设P(x)已知,有

$$\begin{split} R(\alpha_{j} \mid x) &= \lambda(\alpha_{j} \mid \alpha_{l}) P(\alpha_{l} \mid x) + \lambda(\alpha_{j} \mid \alpha_{2}) P(\alpha_{2} \mid x) = \\ &= \frac{\lambda(\alpha_{j} \mid \alpha_{l}) P(x \mid \alpha_{l}) P(\alpha_{l}) + \lambda(\alpha_{j} \mid \alpha_{2}) P(x \mid \alpha_{2}) P(\alpha_{2})}{P(x)} \end{split}$$

则对于第一个样本,

$$R(\alpha_1 \mid x) = \frac{5 \times 0.21}{P(x)}, R(\alpha_2 \mid x) = \frac{4 \times 0.21}{P(x)}, R(\alpha_3 \mid x) = \frac{2 \times 0.21}{P(x)}, \text{则拒判};$$

$$R(\alpha_1 \mid x) = \frac{1.03}{P(x)}, R(\alpha_2 \mid x) = \frac{0.59}{P(x)}, R(\alpha_3 \mid x) = \frac{0.24}{P(x)}, \text{则拒判};$$

$$R(\alpha_1 \mid x) = \frac{0.78}{P(x)}, R(\alpha_2 \mid x) = \frac{2.19}{P(x)}, R(\alpha_3 \mid x) = \frac{0.51}{P(x)}, \text{ 拒判}.$$

六、(30分)上机实验及作业(时间另计)。

(评分标准:四个上机实验各5分(不能处理任意维数样本扣1分),平时作业10分。)