CS205 C/ C++ Programming Project02 - A Better Calculator

Name: 樊斯特(Fan Site)

SID: 12111624

Part 1 - Analysis

题目重述&主要思路

本题目要求实现一个带有变量存储功能，支持基本运算和部分函数的计算器。

根据题目描述，本题的主要要求为：

1. 带括号的复合算式的计算
2. 可以设置并代入用户自定义变量
3. 部分数学常用函数
4. 高精度
5. 使用Cmake管理项目

本项目使用了Project1中实现的`BigNum`高精度浮点数结构体进行数据的存储和运算，除完成上述全部基础要求外，本项目支持以下内容：

6. 交互式输入输出
7. sqrt(), exp(), ln(), sin(), cos() 五种常用函数（可轻易扩展更多）
8. 支持多种形式的输入数据
9. INF/NaN结果反馈
10. 设定运算结果精度
11. 查看/编辑变量列表
12. 用户友好的帮助菜单

模型假设

由于题目所给信息较少，笔者对输入的数据范围等进行了假设，并根据假设设计程序。

以下是本程序适配的数据范围：

对于一个科学计数法浮点数，格式记为$A.BeC$

整数部分A与小数部分B位数之和记为len，$1 \leq n \leq 10^4$，即存储一万位有效数字

10的幂指数C记为exp，$-10^{18} \leq exp \leq 10^{18}$，即存储上限为$10^{10^{18}}$量级

二元运算

本项目沿用了用高精度浮点数的存储方式，为了良好的扩展性采用了重载运算符的写法，较函数写法更为简洁，且基本运算的实现也和传统方式有所不同。

加法/减法

此种存储数据的好处在于可以将末尾0全部存储在exp变量中而非占用数组长度，但在进行加减法时需要进行对齐，对齐的思路为：

结果沿用两数中较小的exp，通过**补0**的方式对齐两数，避免了展开全部末尾0再运算带来的不必要时间和空间浪费，并在加减法完成后即时回收末尾0至exp中，最大地减少了空间开销。

加减法的具体逻辑较为常见，仅作简述：

1. 较短数补0对齐
2. 从低位起逐位加/减，并用carry/borrow标签模拟进位/借位
3. 回收末尾0，规范化结果

乘法

沿用此前实现的$O(n^2)$高精度乘法，不作赘述。

除法

由于除法在绝大多数情况下会出现“除不尽”的无限循环小数的情况，本项目对输出结果进行了精度预设，当结果总长度达到200时停止运算（该参数可以通过`big_num.h`中的`DIVIDE_PRECISION`常量进行更改）。

以下是除法的具体逻辑，对于除法运算$A/B=C$：

1. 将A和B调整至$B\leq A<10*B$

   由于特殊的数据存储方式，10的次方间的除法可以直接通过exp降次为`long long`类型的加减法，作差后存储于结果。

2. 迭代计算后续位数

   重复执行以下操作：从A中减去若干次B并计数，直到$A<B$，得到$floor(A/B)$，将其存入结果中，将A扩增10倍，再次从中减去若干次B...理论而言，如此循环可以得到任意多位数的结果。

3. 将结果倒序

   由于除法计算时，是从高位到低位产生结果，因此在结束运算后需要根据位数进行结果的倒序。

整数幂

实现了乘法和除法，就少不了快速幂。

快速幂的思路如下，对于乘方运算A^B：

将B用二进制表示，从低到高第i位为1代表B做拆解为2的次幂和之后有2^{i-1}的一项，该项在总运算中是一个因子：$A^{2^{i-1}}$，因此可以通过不断将底数A做平方，在B的二进制对应位为1时将此时的$A^{2^{i-1}}$乘进结果中，将乘法由n级别降为$logn$级别。

然而本项目中高精度数据十进制下就有$1e4$位，转成二进制将会更加痛苦，且丧失了原有的空间复杂度优势。考虑到我们每次计算时，暂时并**不关心除了最低位以外的数**，此处采用了将**个位数和1做按位与**的操作：若一个大整数$exp=0$且最低位为奇数，说明其**二进制表达下最低位为1**，单次判断操作时空复杂度都是**O(1)**。

小数幂

经过若干次不同的尝试，小数幂最终使用Math库中的`pow`，以下是大致的尝试过程：

- **思路一**：完全手动重构
  1. 先实现e^x和$ln(x)$！

     在不使用小数幂的前提下，实现这两个函数听上去有点天方夜谭，但**只能用整数幂**意味着可以使用泰勒级数近似计算这两个函数，所需要的运算恰好是目前已经是实现的加、减、乘、除、整数幂。

以下是两个函数的展开结果：

$e^x = \sum_{i=0}^{\infty} \frac{x^i}{i!} = 1 + \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots$

$ln(x+1) = \sum_{i=1}^{\infty} (-1)^{i-1} \frac{x^i}{i} = x - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} + \dots$

上机跑了一下，发现计算`ln(1.5)`还算快速和精确，但计算`ln(2)`时非常慢，并且计算出的`ln(3)`大出天际，经验证发现，使用麦克劳林级数计算，越远离0结果越不精确，且在`ln(2)`之后增量不收敛，因此会得出错误的结果。

2. 调整收敛式

   $t = \frac{x-1}{x+1}, ln(x) = ln(1+t) - ln(1-t) = 2\sum_{i=0}^{\infty} \frac{t^{2i+1}}{2i+1}$

   通过引入t间接计算，将ln中的数字控制在了0~2之间，一定程度上提高了精确度，但此时程序为了计算函数，运行的时间已经不可忽略：乘法是$O(n^2)$，整数幂和除法都要多次调用乘法，为了结果的精度，级数的项数也需要设置在较高的水平。

3. 曲折地实现小数幂

   既然不能直接算小数幂，我们可以将问题归纳为现有运算可以解决的形式：$A^B = e^{B*ln(A)}$

   即先对底数A求对数，与指数B相乘后再求自然指数。理论而言，由此可以只通过级数运算得到任意小数幂。

4. 实际情况

   太慢，牺牲精度了还是太慢。在实现运算后，我尝试着运行了`2^0.5`，并经过多番痛截精度后，程序很忠诚地在15s左右给出了答案，经比对，精确到小数点后10位。

   原来的算法对于越大的数，计算起来的耗时是高次幂多项式增长的，因此程序**几乎无法**对大数进行小数幂运算。

   经过慎重考虑，我认为对于题设所需的计算器而言，具有一定精度而**非常高效**的Math库内置`pow`应该更加适合，因此有了以下的思路二。

- **思路二**：使用Math库内置`pow`

  1. double?

     库函数预设的参数类型为`double`类，虽然不是无限精度，但$[-1.7E308, 1.7E308]$和小数点后15位的精度对于题设的绝大多数情况而言还是较为充足的，均衡时间和空间成本不失为一个优解。

     然而使用库函数需要将`BigNum`类转化为`double`类，利用库函数得出`double`类结果后仍要转化回`BigNum`以便后续的高精度计算。此处就涉及到两种类型的转换：

     1. BigNum→double

        这种情况，对于超出double范围的大数而言并不可行，但$[-1.7E308, 1.7E308]$范围内，将BigNum中逐位存储的数取出，再根据exp改变double的小数点位置即可，此时小数点后的精度会有一定损失。

     2. double→BigNum

        本项目由于先前实现了良好的string转BigNum构造器，此处利用stringstream将double直接转为string型，再利用构造器即可无精度损失地将double转换为BigNum类。

  2. 效果?

     经验证，调用Math库函数进行运算后，运算时间又回到了肉眼可以忽略的量级，精度达到小数点后15位，说明优于原先完全重构的实现方法。

  3. 后续

由此，吸取了上述颠沛流离过程的经验，本项目在后续引入函数的过程中，涉及到手动实现函数的时间/空间不可接受的情况时，采用了Math库的内置函数，更加简洁高效，也避免了使用自己造出来的方轮子带来的不便。

后缀表达式

又称逆波兰表达式，通过引入栈和队列改变操作数和操作符的顺序，得到后缀表达式辅助运算，常用于多种优先级的运算符同时存在的算式的求值，由于该算法普及性较好，~~老师想必也看了几十篇类似的讲解子~~，此处仅作简单的阐述：

1. 确定符号优先级

   此处，参与运算需要区分先后顺序的有：括号，5种二元算符，函数。

   运算优先级如下：括号>函数>乘方>乘除>加减

2. 中缀表达式→后缀表达式

   根据符号，将一整行字符串split成若干子串，从左到右读入中缀表达式：

   - 读入数字，直接加入队列
   - 读入操作符
     - 当前操作符为`(`，直接入栈
     - 当前操作符为`)`，持续出栈至队列中，直到将一个`(`出栈后停止
     - 当前操作符优先级高于栈顶，直接入栈
     - 当前操作符优先级不高于栈顶，持续出栈至队列中，直到当前操作符优先级高于栈顶后再入栈

   中缀表达式读入完毕后，若栈非空，则依次出栈加入队列中。

3. 计算后缀表达式

   从后缀表达式队列中依次取出元素：

   - 读入数字，直接入栈
   - 读入操作符，取出栈顶两个元素进行二元运算(两个元素需要倒序)，运算结果再次入栈
   - 读入函数，取出栈顶单个元素代入运算，结果再次入栈

   后缀表达式运算完毕后，将栈中唯一元素出栈，即所求结果

变量

本项目使用STL::map简洁地实现了变量功能，读入命令后利用正则表达式匹配等式格式，检查合法后将左式作为变量名以字符串形式存储，右式依然是支持多种输入格式的高精度数字。

对于有一定精度要求的π和e，程序也预先将其内置在变量表中。

查看当前变量列表时，活用`auto`型迭代器遍历map；编辑变量时，对map删除再建立映射即可。

参与运算时，变量在中缀转后缀的过程中会被自动替换为其`BigNum`类键值参与运算，对于变量名相互包含的情况，本项目会取匹配的最长的变量名进行运算。

Part 2 - Code

项目结构

```
CPP\PROJ02
|  better_calc
|  CMakeLists.txt
|  report.pdf
|
├─inc
|      big_num.h
|      functions.h
|      varia.h
|
└─src
        func.cpp
        main.cpp
        operators.cpp
        RPN.cpp
        utils.cpp
        variables.cpp
```

`main.cpp`为运行主函数，可执行文件为：`./better_calc`，为实现交互式输入输出，本项目未使用命令行输入。

`big_num.h`为高精度浮点数头文件，其操作符重载实现位于`operator.cpp`，过程中使用的函数实现位于utils.cpp，逆波兰表达式的处理和求值位于`RPN.cpp`。

`function.h`为数学函数头文件，其实现位于`func.cpp`。

`varia.h`为变量头文件，其实现和常用函数位于`variables.cpp`。

二元运算的重载

减法

加法与之类似，因此只放减法。

Step1. 通过讨论a,b的符号，将问题简化为a>b>0时的情况。

Step2. 排除其一为INF/NaN的情况，防止其影响计算

Step3. 对位数较少者进行补0

Step4. 逐位相减，模拟借位

```
BigNum operator-(BigNum a, BigNum b)
{
    if (a.type == NaN || b.type == NaN)
    {
        return a.type == NaN ? a : b;
    }
    a = standardize_exp(a);
    b = standardize_exp(b);
    BigNum c = BigNum();
    if (a.sign)
    {
        if (b.sign)
```

```
        {
            c.sign = b < a;
        }
        else
        {
            b.sign = true;
            return a + b;
        }
    }
    else
    {
        if (b.sign)
        {
            b.sign = false;
            return a + b;
        }
        else
        {
            a.sign = true;
            b.sign = true;
            return b - a;
        }
    }
    if (a < b)
    {
        return -(b - a);
    }
    else if (a == b)
    {
        if (a.type == INF || b.type == INF)
        {
            return a.type == INF ? a : b;
        }
        return BigNum();
    }
    else
    {
        if (a.type == INF)
        {
            return a;
        }
        if (b.type == INF)
        {
            b.sign = false;
            return b;
        }
        if (a.exp >= b.exp)//a后补0
        {
            c.sign = true;
            c.exp = b.exp;
            c.len = a.len + a.exp - b.exp;
            for (int i = 1; i <= a.len; i++)
            {
                c.val[i + a.exp - b.exp] = a.val[i];
            }
```

```
            int borrow = 0;
            for (int i = 1; i <= c.len; i++)//给a补0
            {
                if (c.val[i] < borrow + b.val[i])
                {
                    c.val[i] = c.val[i] + 10 - borrow - b.val[i];
                    borrow = 1;
                }
                else
                {
                    c.val[i] -= borrow + b.val[i];
                    borrow = 0;
                }
            }
            c = standardize_exp(c);
            return c;
        }
        else//b后补0
        {
            c.sign = true;
            c.exp = a.exp;
            c.len = a.len+1;
            for (int i = 1; i <= c.len; i++)
            {
                c.val[i] = a.val[i];
            }
            int borrow = 0;
            for (int i = 1; i <= b.len+1; i++)
            {
                if (c.val[i + b.exp - a.exp] < borrow + b.val[i])
                {
                    c.val[i + b.exp - a.exp] = c.val[i + b.exp - a.exp] + 10 -
borrow - b.val[i];
                    borrow = 1;
                }
                else
                {
                    c.val[i + b.exp - a.exp] -= borrow + b.val[i];
                    borrow = 0;
                }
            }
            c = standardize_exp(c);
            return c;
        }
    }
}
```

除法

Step1. 预处理INF/NaN的情况

Step2. exp作差，调整至b<a<10b

Step3. 在达到预设精度前不断扩增a得到更低位

Step4. 翻转数组，得到结果

```
BigNum operator/(BigNum a, BigNum b)
{
    if (is_zero(b))
    {
        BigNum err = BigNum();
        err.sign = !(a.sign xor b.sign);
        err.type = is_zero(a) ? NaN : INF;
        return err;
    }
    BigNum c = BigNum();
    c.sign = !(a.sign xor b.sign);
    a.sign = b.sign = true;
    c.exp = a.exp - b.exp;
    c.len = 0;
    a.exp = 0;
    b.exp = 0;
    if (a < b)//扩大a直到a>b
    {
        while (a < b)
        {
            a.exp++;
            c.exp--;
        }
    }
    else
    {
        b.exp++;
        if (b < a)//缩小a直到a<10b;
        {
            while (b < a)
            {
                a.exp--;
                c.exp++;
            }
        }
        b.exp--;
    }//现在是10b>a>b的情况
    while (c.len < DIVIDE_PRECISION)
    {
        int q = 0;
        while (!(a < b))
        {
            a = a - b;
            q++;
            a = standardize_exp(a);
        }
        c.val[++c.len] = q;
        a.exp++;
        a = standardize_exp(a);
        c.exp--;
        if (is_zero(a))
        { break; }
    }
    c.exp++;
    for (int i = 1; i <= (c.len >> 1); i++)
```

```
    {
        swap(c.val[i], c.val[c.len - i + 1]);
    }
    return c;
}
```

乘方

Step1. 预处理

Step2. 若为整数幂，使用高精度快速幂

Step3. 若为小数幂，使用`pow()`

```
BigNum operator^(BigNum a, BigNum b)
{
    bool nega_pow = b.sign;
    b.sign=true;
    if (is_zero(a))
    {
        return BigNum();
    }
    if (is_zero(b))
    {
        return BigNum(1);
    }
    if (a.type == INF)
    {
        return a;
    }
    a = standardize_exp(a);
    b= standardize_exp(b);
    if(b.exp>=0)
    {
        BigNum res = BigNum(1);
        while(!is_zero(b))
        {
            res=shorten(res,1000);
            if((b.val[1]&1)&&(!b.exp))
            {
                res=res*a;
            }
            a=a*a;
            a=shorten(a,1000);
            b=b/BigNum(2);
            b= shorten(b,b.len+b.exp);
        }
        return nega_pow?res:(BigNum(1)/res);
    }//整数，使用快速幂
    else
    {
        //cout<<"float power"<<endl;
        return to_BigNum(exp(to_double(b)* log(to_double(a))));
    }
}
```

级数近似计算函数

虽然最后决定弃用，但此处仍展示其思路。

大致流程为：预处理→计算级数求和→得到结果。从运算复杂度而言，这两个函数的实现对于时间的耗费过大，并不适用于题设环境。

e^x

```
BigNum exp(BigNum a)
{
    if (is_zero(a))
    {
        return BigNum(1);
    }
    if (a.type == INF || a.type == NaN)
    {
        return a;
    }
    BigNum res = BigNum(1);
    BigNum fac = BigNum(1);
    for (int i = 1; i <= PRECISION; i++)
    {
        BigNum it = BigNum(i);
        fac = fac * it;
        res = res + ((a ^ it) / fac);
    }
    return res;
}
```

$ln(x)$

```
BigNum ln(BigNum a)
{
    if (a == BigNum(1))
    {
        return BigNum(0);
    }
    if (!a.sign || is_zero(a))
    {
        BigNum err = BigNum();
        err.type = NaN;
        return err;
    }
    BigNum res = BigNum();
    BigNum t = (a - BigNum(1)) / (a + BigNum(1));
    for (int i = 1; i <= 2 * PRECISION; i++)
    {
        if (i & 1)
        {
            BigNum it = BigNum(i);
            res = res + BigNum(2) / it * t ^ it;
        }
    }
    return res;
```

```
}
```

因此，本项目的五个函数均取自Math库。

变量

以下是在`varia.h`头文件中的函数，基于`STL::map`实现，因此功能简洁明了，实现位于`variables.cpp`

```
void trim(string &s);//去除空格

BigNum value_of(string name);//取值

void insert(string name, string val);//插入(输入参数为字符串)

void insert(string name, BigNum val);//插入(输入参数为BigNum)

bool remove(string name);//删除

bool modify(string name, BigNum val);//修改

bool contains(string name);//查询是否存在

int add(string s);//添加/编辑映射

void value_list(int precision);//打印变量列表
```

用户友好设计

本程序设计了用户友好的交互命令，命令列表如下：

```
#h help
#p [num] set precision(-1 for as accurate as possible)
#n number format
#f function list
#v variable list
[variable_name]=[num] set/modify variable
#q quit
```

分别实现了：帮助菜单、设置输出精度、显示支持的输入格式列表、显示支持的函数列表、当前变量列表、创建/编辑变量、退出功能，本项目使用交互式输入输出，在收到#q指令前可持续输入，并会对不同错误进行报错提示，~~并且使用了>>>来让计算器看起来比较像某种语言的交互式界面。~~

Part 3 - Result & Verification

经与计算器对照确认，下列结果均正确

Bunched Test case #1: 基础五则运算

```
gutao@FIRST-MICROSOFT:/mnt/e/Cpp/Proj02$ ./better_calc
>>>6^(5-(4*(3-2)))
6
>>>6*5*4*3*2
7.2e2
>>>114*(5+1+4)-1919810
-1.91867e6
>>>10^10
1e10
>>>6^6
4.6656e4
>>>66^6
8.2653950016e10
```

Bunched Test case #2: 高精度五则运算

```
gutao@FIRST-MICROSOFT:/mnt/e/Cpp/Proj02$ ./better_calc
>>>114^514
1.7745718455648518853373752075431059301723342245547214798143513341353818854016278309633657863820932660302640962237446520410423714823208
543209005334960332485096153023729701936792189312731293970487197950415015042957275012670313724209296923857339683104111063572028852593543
0688273215090337208298931376247467404876535309101897303653530189177219952447529135882723344314578407135539711429495244427259327196713 13
9652988576722382576599612544854195336430868680411378203421348473206996904912579623838140629269983555312924289094769096019552082125023 06
3943988144283753798701612885277509569041115515432123114612514428677953184950273383578227634241605808277729971437807958120179420765637 00
4498849436597562991968057591271070314706777558429996554127893407182959871296438367709857637351187652829612534053420516270905923564561 36
9225751015678373603553408864181772922559795822556834727390327798317192566716290167234550345235546871879093605230327241224133102786382 91
58521185926075899395035207543933043049066047537480590961478e1057
>>>6^(6+6)
2.176782336e9
>>>66^(6+6*6)
2.63539242174264165654209067331831039294208159542261772490948972300470908354 56e76
>>>678/876
7.7397260273972602739726027397260273972602739726027397260273972602739726027397260273972602739726027397260273972602739726027397260273972
602739726027397260273972602739726027397260273972602739726027397 26e-1
>>>10/7
1.4285714285714285714285714285714285714285714285714285714285714285714285714285714285714285714285714285714285714285714285714285714285714
28571428571428571428571428571428571428571428571428571428571428571 4
```

Bunched Test case #3: 变量赋值与运算

```
gutao@FIRST-MICROSOFT:/mnt/e/Cpp/Proj02$ ./better_calc
>>>x=6.666666666666666666666666
Assign 6.666666666666666666666666 to x
>>>y=1.111111111111111111111111
Assign 1.111111111111111111111111 to y
>>>#v
Variables declared:
Name     Value
PI       3.14159265358979323846264338327 95
_e       2.718281828459045235360287
x        6.666666666666666666666666
y        1.111111111111111111111111
>>>x/y
6
>>>x*y
7.407407407407407407407405925925925925925925926
>>>x=2
Assign 2 to x
>>>x/y
1.800000000000000000000000180000000000000000000000001800000000000000000000000018000000000000000000000000018000000000000000000000000180000000
00000000000000018000000000000000000000000018
>>>xy=1000
Assign 1000 to xy
>>>#v
Variables declared:
Name     Value
PI       3.14159265358979323846264338327 95
_e       2.718281828459045235360287
x        2
xy       1e3
y        1.111111111111111111111111
>>>xy
1e3
>>>x*xy*y
2.222222222222222222222222e3
>>>2^xy
1.0715086071862673209484250490600018105614048117055336074437503883703510511249361224931983788156958581275946729175531468251871452856923
1404359845775746985748039345677748242309854210746050623711418779541821530464749835819412673987675591655439460770629145711964776865421 67
6604298316526243868372056680693 76e301
```

Bunched Test case #4: 小数幂与函数

```
gutao@FIRST-MICROSOFT:/mnt/e/Cpp/Proj02$ ./better_calc
>>>2^0.5
1.41421356237309
>>>exp(1)
2.71828182845905
>>>ln(2)
6.93147180559945e-1
>>>ln(4)
1.38629436111989
>>>cos(0)
1
>>>sqrt(3)
1.73205080756888
>>>sqrt(30000000000000000)
1.73205080756888e8
>>>2000000^0.7
2.57466658709045e4
>>>114^5.14
7.03790760095336e10
>>>exp(3)
2.00855369231877e1
>>>_e^3
2.008553692318766774092851920602792116822722657675227273446486475972715990 3e1
```

Bunched Test case #5: 用户友好设计

```
>>>#h
 Command set:
 #h help
 #p [num] set precision(-1 for as accurate as possible)
 #n number format
 #f function list
 #v variable list
 [variable_name]=[num] set/modify variable
 #q quit
>>>#n
Type list:
 PURE_INT : -19260817
 INT_WITH_E : -1926e-0817
 INT_WITH_SUFFIX : -19260817k/m/g/t
 PURE_FLOAT : -1926.0817
 FLOAT_WITH_E : -1926.08e-17
 FLOAT_WITH_SUFFIX : -1926.0817k/m/g/t
 ABBR_FLOAT : -.19260817
>>>#f
Function list:
sqrt(x)  Rootingexp(x)  natural exponential
ln(x)   Natural logarithm
sin(x) sine
cos(x) cosine
>>>0.123456789
1.23456789e-1
>>>#p 5
Set precision to 5
>>>0.123456789
1.23457e-1
>>>1.23456*9.87654^20
9.62961e19
>>>1t^1k
1e12000
```

Part 4 - Difficulties & Solutions

重载运算符

Difficulty: 新形式存储在对齐小数点时需要新的方法，和传统写法有一定差异

Solution: 充分利用存了exp的优势，将按位运算简化为对exp的运算，补零对齐即可按常规思路模拟计算。

运算顺序

Difficulty: 含有括号、函数、五种二元运算的中缀表达式运算顺序难以用计算机模拟计算

Solution: 确定优先级，利用栈和队列辅助，转换成后缀表达式再使用固定流程循环计算。

变量

Difficulty1: 如何防止用户起奇怪的变量名？

Solution1: 用正则表达式进行诸如"第一位不能是数字"这样的限制，若不符条件报错即可。

Difficulty2: 在变量名相互包含的情况下如何代入？

Solution2: 根据运算符进行split，若算式合法，则分出来的一定是完整变量名，选整个完整变量名带入计算即可，若不存在该变量则说明变量列表没有。

小数次幂&函数

Difficulty: 对于以$O(n^2)$实现的模拟乘法作为基础编写的整数幂和除法时间复杂度只会比$O(n^2)$高出更多，如遇计算级数这样高频调用乘法的情景，这样的时间复杂度将显得过高。

Solution: 本项目选择引用Math库内置的函数进行计算，高效简洁，避免重复造轮子~~(其实还是造子，只是技不如人，甘拜下风)~~。

Possible Solution: 其实后来有考虑过一个解决方案，就是将小数次幂的整数部分剥离，只计算小数部分，这样直观感觉上会极大降低计算耗时，但对自己的乘法没什么信心，于是没有再造方轮子。

Part 5 - Difficulties & Solutions

本次项目让我深刻的认识到了自己能力的有限：当可以做的事远大于自己所能做的事的时候。

重载完加减乘除的时候感觉还非常良好，写整数次幂的时候就开始纠结小数次幂该怎么写，想到级数展开的解法后怀着对时间复杂度的忐忑实现了，也非常不让人失望地耗时过长了。

回过头一想：double的精度其实挺够用的(如果把整数部分也用来存小数)，才发现自己走远了。

虽然完成了项目要求，但我认为仅仅是高精度这一个算法就还有无数值得我去了解的内容，何况是C++这一整门课呢？

~~个人很喜欢这种能够用10~20小时左右做一个小项目的形式，耐心、心性和debug能力都有了显著的磨练和提升。~~