

2.3 Модуль QuickSort

```
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.Linq;
using System.Text;
using System.Threading.Tasks;

namespace Gubskiy_QuickSort
{
    public class QuickSort
    {
        static void Swap(ref int x, ref int y)
        {
            var t = x;
            x = y;
            y = t;
        }

        static int Partition(int[] array, int minIndex, int maxIndex)
        {
            var pivot = minIndex - 1;
            for (var i = minIndex; i < maxIndex; i++)
            {
                if (array[i] < array[maxIndex])
                {
                    pivot++;
                    Swap(ref array[pivot], ref array[i]);
                }
            }

            pivot++;
            Swap(ref array[pivot], ref array[maxIndex]);
            return pivot;
        }

        public static int[] SortArray(int[] array, int minIndex, int maxIndex)
        {
            if (minIndex >= maxIndex)
            {
                return array;
            }

            var pivotIndex = Partition(array, minIndex, maxIndex);
            SortArray(array, minIndex, pivotIndex - 1);
            SortArray(array, pivotIndex + 1, maxIndex);

            return array;
        }

        public static int[] SortArray(int[] array)
        {
            return SortArray(array, 0, array.Length - 1);
        }
    }
}
```

Рисунок 10 – Модуль QuickSort

На данном рисунке представлена реализация метода быстрой сортировки, а именно, весь необходимый для реализации внутри программы код.

Алгоритм быстрой сортировки является рекурсивным, поэтому для простоты процедура на вход будет принимать границы участка массива от l включительно и до r не включительно. Понятно, что для того, чтобы отсортировать весь массив, в качестве параметра l надо передать 0, а в качестве r — n , где по традиции n обозначает длину массива.

В основе алгоритма быстрой сортировке лежит процедура `partition`. `Partition` выбирает некоторый элемент массива и переставляет элементы участка массива таким образом, чтобы массив разбился на 2 части: левая часть содержит элементы, которые меньше этого элемента, а правая часть содержит элементы, которые больше или равны этого элемента. Такой разделяющий элемент называется пивотом.

Реализация `partition`'а:

```
partition(l, r):
    pivot = a[random(l ... r - 1)]
    m = l
    for i = l ... r - 1:
        if a[i] < pivot:
            swap(a[i], a[m])
            m++
    return m
```

Пивот в нашем случае выбирается случайным образом. Такой алгоритм называется рандомизированным. На самом деле пивот можно выбирать самым разным образом: либо брать случайный элемент, либо брать первый / последний элемент участка, либо выбирать его каким-то «умным» образом. Выбор пивота является очень важным для итоговой сложности алгоритма

сортировки, но об этом несколько позже. Сложность же процедуры `partition` — $O(n)$, где $n = r - l$ — длина участка.

Теперь используем `partition` для реализации сортировки:

Реализация `partition`'а:

```
sort(l, r):  
    if r - l == 1:  
        return  
    m = partition(l, r)  
    sort(l, m)  
    sort(m, r)
```

Крайний случай — массив из одного элемента обладает свойством упорядоченности. Если массив длинный, то применяем `partition` и вызываем процедуру рекурсивно для двух половин массива.

Если прогнать написанную сортировку на примере массива `1 2 2`, то можно заметить, что она никогда не закончится. Почему так получилось?

При написании `partition` мы сделали допущение — все элементы массива должны быть уникальны. В противном случае возвращаемое значение `m` будет равно `l` и рекурсия никогда не закончится, потому как `sort(l, m)` будет вызывать `sort(l, l)` и `sort(l, m)`. Для решения данной проблемы надо массив разделять не на 2 части (`< pivot` и `>= pivot`), а на 3 части (`< pivot`, `= pivot`, `> pivot`) и вызывать рекурсивно сортировку для 1-ой и 3-ей частей. [2]