Einführung in $\LaTeX 2_{\varepsilon}$: Mathematischer Satz mit $\LaTeX X$

 $\label{eq:Gunter-Partosch*} G \ddot{\text{unter Partosch*}} \\ \text{E-Mail: Guenter.Partosch@hrz.uni-giessen.de}$

30. Oktober 2002

Zusammenfassung

Zielgruppe für diese Kursunterlagen sind LaTeX-Anfänger, die auf ihrem Rechner Dokumente erstellen wollen, die mathematische Formeln enthalten. Im Kurs werden die meisten Möglichkeiten zur Formelgestaltung und die wichtigsten Formelelemente in Standard-LaTeX vorgestellt. Wünschenswert sind mindestens Anfangskenntnisse in LaTeX 2ε .

Inhaltsverzeichnis

1	Ben	Bemerkungen zum Setzen mathematischer Formeln					
2	So b	So bringe ich Mathematik in mein Dokument					
	2.1	Inline-Formeln	3				
	2.2	Abgesetzte Formeln	4				
3	Eini	ge Beispiele für mathematische Formeln	5				
	3.1	Griechische Buchstaben und spezielle Zeichen	5				
	3.2	Klammern	5				
	3.3	Relationen und binäre Operatoren	6				
	3.4	Mathematische Akzente und Vektoren	6				
	3.5	Pfeile	7				
	3.6	Andere Schriften	7				
	3.7	Brüche	8				
	3.8	Wurzeln	9				
	3.9	Exponenten und Indizes	9				
	3.10	Binominalkoeffizienten und ähnliche Konstrukte	10				
	3.11	Symbole stapeln	10				
	3.12	Ableitungen	11				

^{*}Hochschulrechenzentrum (HRZ) der Justus-Liebig-Universität Gießen

3.13 Summen	12
3.14 (Unendliche) Reihen	13
3.15 Integrale	14
3.16 Produkte	14
3.17 Mathematische Funktionen	14
3.18 Komplexe Zahlen	15
3.19 Matrizen und andere rechteckige Anordnungen	16
3.20 Eigene Kommandos	18
3.21 Theorem-artige Konstrukte	21
Und noch	22
Und noch etwas	22
Anhang	23
A.1 Darum ging es jeweils	23
A.2 Und diese mathematischen LATEX-Befehle wurden benutzt	27
	3.14 (Unendliche) Reihen 3.15 Integrale 3.16 Produkte 3.17 Mathematische Funktionen 3.18 Komplexe Zahlen 3.19 Matrizen und andere rechteckige Anordnungen 3.20 Eigene Kommandos 3.21 Theorem-artige Konstrukte Und noch Und noch etwas Anhang A.1 Darum ging es jeweils

Vorbemerkung 1 (Nur Standard-Möglichkeiten):

Wie oben schon erwähnt, werden in dieser Anleitung lediglich die Standard-Möglichkeiten für den Mathematik-Satz in \LaTeX behandelt. Die weitergehenden Möglichkeiten zum Formelsatz in \LaTeX und einigen speziellen Paketen (wie beispielsweise amsmath, amssymb, mathrsfs und wasysym) bleiben unberücksichtigt.

Vorbemerkung 2 (Konventionen):

In der vorliegenden Anleitung wird versucht, an Hand zahlreicher Beispiele zu zeigen, wie mathematische Formeln in \LaTeX 2 ε gesetzt werden können.

- Dabei wird für jedes Beispiel jeweils in der rechten Spalte die Eingabe und in der linken Spalte das zugehörige Ergebnis aufgeführt.
- Um den Platz in der linken Spalte besser nutzen zu können, werden die Formeln dort linksbündig gesetzt (durch die Option fleqn in der documentclass-Anweisung).
- Die Texte in den Beispielen wurden in ISO 8859-1 Latin-1 codiert (einschließlich der Umlaute und des Eszets); auf die Umschreibung wie beispielsweise in "a für ä wurde verzichtet. Wenn die Anweisung \usepackage[latin1]{fontenc} in der Präambel des Dokuments verwendet wird, werden die Texte ohne Probleme korrekt dargestellt.

1 Einige allgemeine Bemerkungen zum Setzen mathematischer Formeln

Das Setzen mathematischer Formeln unterscheidet sich in TEX und IATEX deutlich von der Aufbereitung "normaler" Texte. Dabei gelten die folgenden Regeln (singemäß aus der IATEX-Kurzanleitung):

- Leerzeilen in der Eingabe für eine Formel sind generell nicht zulässig.
- Leerzeichen und Zeilenwechsel haben bei der Eingabe keine Bedeutung; alle Abstände in der Formel werden automatisch nach der Logik mathematischer Ausdrücke bestimmt bzw. müssen durch spezielle Befehle wie \, oder \qquad festgelegt werden.
- Jeder einzelne Buchstabe in der Eingabe wird als Name einer Variablen betrachtet und entsprechend gesetzt: kursiv mit zusätzlichem Abstand; so beispielsweise "mathematischer Text" statt "mathematischer Text". Will man innerhalb eines mathematischen Kontextes normalen Text (d. h. aufrecht mit korrekten Abständen) setzen, muss man diesen in \textrm{...} aufführen.

2 So bringe ich Mathematik in mein Dokument

2.1 Inline-Formeln

Seien a und b die Katheten und c die Hypotenuse, dann gilt $c = \sqrt{a^2 + b^2}$ (Lehrsatz des Pythagoras).

Seien a und b die Katheten und c die Hypotenuse, dann gilt $c = \sqrt{a^2 + b^2}$ (Lehrsatz des Pythagoras).

Seien a und b die Katheten und c die Hypotenuse, dann gilt $c = \sqrt{a^2 + b^2}$ (Lehrsatz des Pythagoras).

%--inline1.tex---

Seien \$a\$ und \$b\$ die Katheten und \$c\$ die Hypotenuse, dann gilt \$c=\sqrt{a^2+b^2}\$ (Lehrsatz des Pythagoras).

%--inline2.tex---

Seien \$a\$ und \$b\$ die Katheten und
\$c\$ die Hypotenuse, dann gilt
\begin{math}
c=\sqrt{a^2+b^2}
\end{math}
(Lehrsatz des Pythagoras).

%--inline3.tex---

Seien \$a\$ und \$b\$ die Katheten und \$c\$ die Hypotenuse, dann gilt \(c=\sqrt{a^2+b^2} \) (Lehrsatz des Pythagoras).

2.2Abgesetzte Formeln

Seien a und b die Katheten und c die Hypote- %--display1.tex--nuse, dann gilt

$$c^2 = a^2 + b^2$$

(Lehrsatz des Pythagoras).

Seien a und b die Katheten und c die Hypotenuse, dann gilt

$$c^2 = a^2 + b^2$$

(Lehrsatz des Pythagoras).

Seien a und b die Katheten und c die Hypote- %--display3.tex--nuse, dann gilt

$$c^2 = a^2 + b^2$$

(Lehrsatz des Pythagoras).

Seien a und b die Katheten und c die Hypotenuse, dann gilt

$$c^2 = a^2 + b^2$$

(Lehrsatz des Pythagoras). Aus (1) folgt ...

$$f(x) = \cos x$$

$$f'(x) = -\sin x$$

$$\int_0^x f(y) \mathrm{d}y = \sin x$$

Seien \$a\$ und \$b\$ die Katheten und \$c\$ die Hypotenuse, dann gilt \$\$c^2=a^2+b^2\$\$ (Lehrsatz des Pythagoras).

%--display2.tex---

Seien \$a\$ und \$b\$ die Katheten und \$c\$ die Hypotenuse, dann gilt \begin{displaymath} $c^2=a^2+b^2$ \end{displaymath} (Lehrsatz des Pythagoras).

Seien \$a\$ und \$b\$ die Katheten und \$c\$ die Hypotenuse, dann gilt $[c^2=a^2+b^2]$ (Lehrsatz des Pythagoras).

%--display4.tex---

und \$c\$ die Hypotenuse, dann gilt \begin{equation}\label{Pythagoras} (1)c^2=a^2+b^2 \end{equation} (Lehrsatz des Pythagoras).\par Aus (\ref{Pythagoras}) folgt \dots

Seien \$a\$ und \$b\$ die Katheten

%--display5.tex---\begin{eqnarray}

- (2) f(x) & = & \cos x \\
- $& = & \sin x \setminus$ (3)f'(x)\int_0^xf(y)\mathrm{d}y&=&\sin x
- \end{eqnarray}

3 Einige Beispiele für mathematische Formeln

3.1 Griechische Buchstaben und spezielle Zeichen

%--symbol1.tex---\[\mathrm{A}\mathrm{B}\Gamma\Delta \mathrm{E}\mathrm{Z}\mathrm{H}\Theta \mathrm{I}\mathrm{K}\Lambda\mathrm{M} ΑΒΓΔΕΖΗΘΙΚΛΜΝΞΟΠΡΣΤΦΧΥΨΩ \mathrm{N}\Xi\mathrm{O}\Pi\mathrm{P} \Sigma\mathrm{T}\Phi\mathrm{X} \mathrm{Y}\Psi\Omega \] %--symbol2.tex---\[\alpha\beta\gamma\delta\epsilon $\label{lem:lem:lembda} $$ \zeta = \frac{\lambda \ln \lambda \ln \lambda \ln \lambda \ln \lambda}{\lambda \ln \lambda} $$$ αβγδεζηθικλμυξοπρστφχυψω \nu\xi\mathrm{o}\pi\rho\sigma\tau\phi \chi\upsilon\psi\omega \] %--symbol3.tex---\[\varepsilon \quad \vartheta \quad εθ π ρ ς φ \varpi \quad \varrho \quad \varsigma \quad \varphi \] %--symbol4.tex---\[\aleph\quad\Re\quad\Im\quad\partial \aleph \Re \Im ∂ ∞ \forall \exists \neg \in \heartsuit \quad\infty\quad\forall\quad\exists \quad\neg\quad\in\quad\heartsuit \] %--symbol5.tex---\[\forall \varepsilon>0: $\forall \varepsilon > 0 : |f(x_1) - f(x_2)| < \varepsilon \quad \exists \eta : |x_1 - x_2| < \eta$ $|f(x_1)-f(x_2)| < \text{varepsilon}$ \exists\eta: $|x_1-x_2| < \epsilon$

3.2 Klammern

3.3 Relationen und binäre Operatoren

3.4 Mathematische Akzente und Vektoren

		$\stackrel{.}{d}$	<pre>%akzent1.tex \[\hat a\qquad\check b\qquad\tilde c \qquad \acute d \qquad \grave e \] \[\dot f\qquad\ddot g\qquad\breve h \qquad \bar k \qquad \vec 1 \]</pre>
$\hat{\imath}$	j		<pre>%akzent2.tex \[\hat\imath \qquad \check\jmath \]</pre>

$$\widehat{x}$$
 \widehat{xy} \widehat{xyz}

$$\widetilde{x}$$
 \widetilde{xy} \widetilde{xyz}

$$\alpha \cdot (\vec{x} + \vec{y}) = \alpha \cdot \vec{x} + \alpha \cdot \vec{y}$$

$$\vec{x} \cdot (\vec{y} \cdot \vec{z}) \neq (\vec{x} \cdot \vec{y}) \cdot \vec{z}$$

$$\vec{x} \times (\vec{y} \times \vec{z}) \neq (\vec{x} \times \vec{y}) \times \vec{z}$$

%--akzent3.tex---

\[\widehat x \qquad \widehat{xy}

\qquad \widehat{xyz} \]

\[\widetilde x \qquad \widetilde{xy}
\qquad \widetilde{xyz} \]

%--akzent4.tex---

 $\[\adpha \cdot(\vec x + \vec y) = \]$

\alpha \cdot \vec x +
\alpha \cdot \vec y \]

%--akzent5.tex---

\[\vec x \cdot (\vec y \cdot \vec z)
\not=(\vec x\cdot\vec y)\cdot \vec z \]
\[\vec x\times (\vec y\times \vec z)
\not= (\vec x \times \vec y) \times

\vec z \]

3.5 Pfeile

$$(\mathcal{A} \Rightarrow \mathcal{B}) \Longleftrightarrow (\neg \mathcal{B} \Rightarrow \neg \mathcal{A})$$

%--pfeil1.tex---

\[\leftarrow \qquad \Leftarrow \qquad
\leftrightarrow \qquad \Leftrightarrow
\qquad\uparrow\qquad\downarrow\qquad
\nearrow \]

\[\longleftarrow\qquad\leftharpoonup
\qquad \mapsto \qquad \leadsto \]

%--pfeil2.tex---

\[(\mathcal{A} \Rightarrow
\mathcal{B}) \Longleftrightarrow
(\lnot \mathcal{B} \Rightarrow
\lnot \mathcal{A}) \]

3.6 Andere Schriften

$$\forall x \in \mathbf{R} : x^2 \ge 0$$

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{x} = \mathbf{y}$$
mit $\mathbf{A} = (a_{ij})$

$$i = 1, \dots, m; j = 1, \dots, n$$

$$\mathbf{x} = (x_1, \dots, x_n) \text{ und}$$

$$\mathbf{y} = (y_1, \dots, y_m)$$

 $\[\int x \infty x^2 \end{ar}$

%--zeichen2.tex---

\begin{eqnarray*}

 $\mathcal{A} \subset \mathcal{A} \$

\mathbf{y} \\

 $\text{mit } \mathbb{A}\&=\&(a_{ij})\$

&&i=1,\cdots, m; j=1,\cdots, n\\

 $\mathbf{x} \& = \& (x_1, \cdot x_n)$

\textrm{ und}\\

 $\mathbf{y} & = & (y_1, \cdot dots, y_m)$

\end{eqnarray*}

3.8 Wurzeln

 $\sqrt{2}$

 $\sqrt{x+2}$

 $\sqrt[3]{2}$

 $\sqrt{x^3 + \sqrt{\alpha}}$

 $\sqrt[n]{x^n + y^n}$

 $\sqrt[n+1]{a}$

 $\sqrt{a} + \sqrt{b} + \sqrt{y}$ $\sqrt{a} + \sqrt{b} + \sqrt{y}$

 $\sqrt[3]{h_n''(\alpha x)}$

 $\sqrt{1+\sqrt{1+\sqrt{1+\sqrt{1+\sqrt{1+x}}}}}$

\[\sqrt 2 \]

%--wurzel1.tex---

%--wurzel2.tex---\[\sqrt{x+2} \]

%--wurzel3.tex---\[\sqrt[3]{2} \]

%--wurzel4.tex---

 $\[\x^3 + \x^3 \]$

%--wurzel5.tex---

 $\[\left[x^n + y^n \right] \]$

%--wurzel6.tex---\[\sqrt[n+1]{a} \]

%--wurzel7.tex---

 $\[\sqrt{a}+\sqrt{b}+\sqrt{y} \qquad \]$

\sqrt{\mathstrut a} +
\sqrt{\mathstrut b} +
\sqrt{\mathstrut y} \]

%--wurzel8.tex---\[\sqrt[3]{h''_n(\alpha x)} \]

%--wurzel9.tex---

\[\sqrt{1+ \sqrt{1+ \sqrt{1+ \sqrt{1}}

+ \sqrt{1 + \sqrt{1+x}}}} \]

3.9 Exponenten und Indizes

 x^2 x_2 x^2y^2

 $_2F_3$

 $x^{2y} \qquad x^{2^y} \qquad y_{x_2} \qquad y_{x^2}$

 $((x^2)^3)^4$ $(x^2)^3$

 x^{y2} x^{y^2}

%--exp1.tex---\[x^2 \qquad x_2 \qquad x^2 y^2 \]

%--exp2.tex---\[{}_2F_3 \]

%--exp3.tex---

 $\[x^{2_y} \neq x^{2^y} \neq x^{2^y} \]$

 $y_{x_2} \neq y_{x_2}$

%--exp4.tex---

 $[((x^2)^3)^4$

 $\{(\{x^2\}\}^3)\}^4$

%--exp5.tex---

 $[{x^y}^2 \neq x^{y^2}]$

$$x_3^2$$
 x_3^2 x_{92}^{31415} $x_{y_b^a}^{z_c^d}$ P_2^3 P_2^3

3.10 Binominalkoeffizienten und ähnliche Konstrukte

3.11 Symbole stapeln

$$\vec{x} \stackrel{\text{def}}{=} (x_1, x_2, \dots, x_n) \\ \vec{x} \stackrel{\text{def}}{=} (x_1, x_2, \dots, x_n) \\ (x_1, x_2, \text{dots, } x_n) \\ (x_1,$$

$$\sum_{\substack{1 \le i \le p \\ 1 \le j \le q}} a_{ij} b_{ji}$$

%--ueber3.tex--\[\sum_{{\scriptstyle 1 \le i \le p} \atop \scriptstyle 1 \le j \le q}} a_{ij} b_{ji} \]

3.12 Ableitungen

$$f'(x) = \lim_{\Delta x \to 0} \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x}$$

$$f(x) = \cos x$$

$$f'(x) = -\sin x$$

$$f''(x) = -\cos x$$

$$f(x) = \ln x$$

$$f^{(n)} = (-1)^{n-1}(n-1)! \frac{1}{x^n}$$

$$h(x) = f(x) \cdot g(x)$$

$$\frac{h(x)}{dx} = f(x) \cdot \frac{g(x)}{dx} + \frac{f(x)}{dx} \cdot g(x)$$

$$\frac{\mathrm{d}(u+v-w)}{\mathrm{d}x} = \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}x} + \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}x} - \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}x}$$

$$\frac{\mathrm{d}(u \cdot v)}{\mathrm{d}x} = u \cdot \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}x} + v \cdot \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}x}$$

```
%--ableitung1.tex---
\[ f\] = \lim_{\Delta x \to 0}
\frac{f(x+\Delta x)-f(x)}{\Delta x} 
%--ableitung2.tex---
\begin{eqnarray*}
f(x) & = & \cos x \\
f'(x) & = & -\sin x \setminus
f''(x) & = & -\cos x \setminus
\end{eqnarray*}
%--ableitung3.tex---
\begin{eqnarray*}
f(x) & = & \ln x\\
f^{(n)} &= &
  (-1)^{n-1}(n-1)! frac{1}{x^n}
\end{eqnarray*}
%--ableitung4.tex---
\begin{eqnarray*}
h(x)
                & = &
  f(x) \cdot g(x) \cdot 
\frac{h(x)}{\mathrm{d}x} &= &
  f(x)\cdot f(x) = f(x) + \frac{d}{x} +
\frac{f(x)}{\mathbf{d}x} \cdot g(x)
\end{eqnarray*}
%--ableitung5.tex---
\[ \frac{d}{u+v-w} \]
  {\mathbf x} = {\mathbf x} = {\mathbf x}
\frac{d}u}{\mathbf{d}x} +
\frac{d}{v}{\mathbf{d}}x} -
\frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}x} \]
%--ableitung6.tex---
\[ \frac{\mathrm{d}(u\cdot v)}
  {\mathbf x} = \mathbf u \cdot \mathbf x
\frac{d}{u}{\mathbf{d}_x} +
```

\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}x} \]

$$\mathbf{x} = \frac{1}{2}\mathbf{k} \cdot t^2 + \mathbf{v_0} \cdot t + \mathbf{x_0}$$

$$\dot{\mathbf{x}} = \mathbf{k} \cdot t + \mathbf{v_0}$$

$$\ddot{\mathbf{x}} = \mathbf{k}$$

$$z(x,y) = xy$$

$$\frac{\partial z}{\partial x} = y \text{ und}$$

$$\frac{\partial z}{\partial y} = x$$

$$z(x,y) = \frac{xy}{x^2 + y^2} \quad (\forall x, y : x^2 + y^2 \neq 0)$$

$$\frac{\partial z}{\partial x} = \frac{y(y^2 - x^2)}{(x^2 + y^2)^2} \quad \text{und}$$

$$\frac{\partial z}{\partial y} = \frac{x(x^2 - y^2)}{(x^2 + y^2)^2}$$

\begin{eqnarray*} \mathbf{x} & = & \frac{1}{2} \mathbf{k} \cdot t^2 + \mathbf{v_0} \cdot t + \mathbf{x_0}\\ \dot \mathbf{x} & = & \mathbf{k} \cdot t + \mathbf{v_0}\\ \dot \mathbf{x} & = & \mathbf{k} \cdot t + \mathbf{v_0}\\ \dot \mathbf{x} & = & \mathbf{k} \end{eqnarray*}

%--ableitung7.tex---

%--ableitung9.tex---

%--ableitung8.tex--\begin{eqnarray*}
z (x, y) & = & xy\\
\frac{\partial z}{\partial x} & = &
 y \quad \textrm{und}\\
\frac{\partial z}{\partial y} & = & x
\end{eqnarray*}

\begin{eqnarray*}
z (x, y) & = & \frac{xy}{x^2+y^2}
 \quad(\forall x,y:x^2+y^2\not=0)\\
\frac{\partial z}{\partial x} & = &
 \frac{y(y^2-x^2)}{(x^2+y^2)^2}
 \qquad \textrm{und}\\
\frac{\partial z}{\partial y} & = &
 \frac{x(x^2-y^2)}{(x^2+y^2)^2}
\end{eqnarray*}

3.13 Summen

$$\sum_{\substack{1 \le i \le p \\ 1 \le j \le q \\ 1 \le k \le r}} a_{ij} b_{jk} c_{ki}$$

3.14 (Unendliche) Reihen

$$\sum_{i=0}^{\infty} (-1)^{i} \frac{1}{2i+1} = 1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \dots$$
$$= \frac{\pi}{4}$$

$$\sum_{i=1}^{\infty} (-1)^{i+1} \frac{1}{i^2} = 1 - \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} - \dots$$
$$= \frac{\pi^2}{12}$$

$$\forall x \in \mathbf{R} : e^{-x} = 1 - x + \frac{x^2}{2!} - \frac{x^3}{3!} + \cdots$$
$$= \sum_{i=0}^{\infty} (-1)^i \frac{x^i}{i!}$$

$$\forall x \in \mathbf{R} : e^x = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \cdots$$
$$= \sum_{i=0}^{\infty} \frac{x^i}{i!}$$

```
%--reihen1.tex---
\begin{eqnarray*}
\sum_{i=0}^{\infty}(-1)^i
   \frac{1}{2i+1}& = &1-\frac{1}{3}+
   \frac{1}{5}-\cdots\\
& = & \frac{\pi}{4}
\end{eqnarray*}
%--reihen2.tex---
```

%--reinen2.tex--\begin{eqnarray*}
\sum_{i=1}^{\infty}(-1)^{i+1}
\frac{1}{i^2} & = & 1-\frac{1}{2^2} +
\frac{1}{3^2} - \cdots\\
& = & \frac{\pi^2}{12}
\end{eqnarray*}

%--reihen3.tex--\begin{eqnarray*}
\forall x \in \mathbf{R}:e^{-x} & = &
1 - x + \frac{x^2}{2!} \frac{x^3}{3!} + \cdots\\
& = & \sum_{i=0}^{\infty}
(-1)^i\frac{x^i}{i!}
\end{eqnarray*}

%--reihen4.tex--\begin{eqnarray*}
\forall x \in \mathbf{R}:e^{x} & = &
1 + x + \frac{x^2}{2!} +
\frac{x^3}{3!} + \cdots\\
&=&\sum_{i=0}^{\infty}\frac{x^i}{i!}
\end{eqnarray*}

3.15 Integrale

$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{1+x^2} \mathrm{d}x \qquad \qquad \begin{array}{l} \text{\www.line} & \text{\ww.line} & \text{\w.line} & \text{\ww.line} & \text{\w.line} & \text{\ww.line} & \text{\w.line} & \text{\ww.line} & \text{\ww.line} & \text{\w.line} & \text{\w.lin$$

3.16 Produkte

$$\prod_{i=1}^n i = n! \qquad \prod_{i=1}^n i = n! \qquad \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \end{array} \end{array} \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \end{array} \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \end{array} \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \end{array} \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \end{array} \\ \\ & \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \begin{array}{ll} & \\ & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \\ \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \begin{array}{ll} & \end{array} \\ \\ \end{array} \\ \begin{array}{l$$

%--prod1.tex---

3.17 Mathematische Funktionen

$$\arcsin x = \left[\arccos\sqrt{1 - x^2}\right]$$

3.18 Komplexe Zahlen

Gegeben seien die komplexen Zahlen

$$c_1 = (\alpha_1, \beta_1)$$

$$c_2 = (\alpha_2, \beta_2)$$

Dann gilt für die Addition

$$c_1 + c_2 = (\Re(c_1) + \Re(c_2), \Im(c_1) + \Im(c_2))$$

= $(\alpha_1 + \alpha_2, \beta_1 + \beta_2)$

Gegeben sei die komplexe Zahl \boldsymbol{c} in den beiden Darstellungen

$$c = \alpha + \beta i$$

$$= \varrho(\cos \varphi + i \sin \varphi)$$

$$(0 \le \rho < \infty, \varphi \text{ beliebig})$$

Dann gelten die folgenden Beziehungen:

$$\begin{array}{rcl} \alpha & = & \varrho \cos \varphi \\ \beta & = & \varrho \sin \varphi \\ \varrho & = & \sqrt{\alpha^2 + \beta^2} \\ \varphi & = & \arctan \frac{\beta}{\alpha} \end{array}$$

```
%--complex1.tex---
Gegeben seien die komplexen Zahlen
\begin{eqnarray*}
c_1 & = & (\alpha_1, \beta_1) \\
c_2 \& = \& (\alpha_2, \beta_2)
\end{eqnarray*}
Dann gilt für die Addition
\begin{eqnarray*}
c_1 + c_2 & = &
  (\Re(c_1) + \Re(c_2), \Im(c_1)
  + \Im(c_2))\\
& = & (\alpha_1 + \alpha_2,
  \beta_1 + \beta_2
\end{eqnarray*}
%--complex2.tex---
  Gegeben sei die komplexe Zahl $c$
  in den bei"-den Darstellungen
  \begin{eqnarray*}
  c & = & \alpha + \beta i\\
   & = & \varrho (\cos \varphi +
   i \sin \varphi)\\
   & & (0\le\varrho<\infty,
    \varphi \textrm{ beliebig})
  \end{eqnarray*}
 Dann gelten die folgenden
  Beziehungen:
  \begin{eqnarray*}
  \alpha & = & \varrho\cos\varphi\\
  \beta & = & \varrho\sin\varphi\\
  \varrho & = &
   \varphi & = &
   \arctan \frac{\beta}{\alpha}
```

\end{eqnarray*}

%--complex3.tex---

3.19 Matrizen und andere rechteckige Anordnungen

```
%--matrix1.tex---
                                                                    \[ \begin{array}{|cccc|}
\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{21} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{vmatrix}
                                                                    a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\
                                                                    a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{21} \
                                                                    \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\
                                                                    a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn}
                                                                    \end{array} \]
                                                                    %--matrix2.tex---
                                                                    \begin{displaymath}
                                                                    \left\{\begin{array}{cccc}
                                                                    \Gamma_{11} & \Gamma_{12} & \cdots &
                                                                       \Gamma_{1n}\

\left\{
\begin{array}{cccc}
\Gamma_{11} & \Gamma_{12} & \cdots & \Gamma_{1n} \\
\Gamma_{21} & \Gamma_{22} & \cdots & \Gamma_{2n} \\
\vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\
\Gamma_{m1} & \Gamma_{m2} & \cdots & \Gamma_{mn}
\end{array}
\right\}

                                                                    \Gamma_{21} & \Gamma_{22} & \cdots &
                                                                       \Gamma_{2n}\
                                                                    \vdots
                                                                                      & \vdots
                                                                                                             & \ddots &
                                                                       \vdots\\
                                                                    \Gamma_{m1} \& \Gamma_{m2} \& \cdots \&
                                                                       \Gamma_{mn}
                                                                    \end{array}\right\}
                                                                    \end{displaymath}
```

$$|x| = \begin{cases} x & \text{für } x \ge 0 \\ -x & \text{für } x < 0 \end{cases}$$

$$\begin{pmatrix}
\begin{bmatrix}
a_{11} & a_{12} \\
a_{21} & a_{22}
\end{bmatrix} & 0 & 0 \\
0 & b_{11} & b_{12} & b_{13} \\
0 & b_{21} & b_{22} & b_{23} \\
b_{31} & b_{32} & b_{33}
\end{bmatrix} & 0 \\
0 & 0 & \begin{bmatrix}
c_{11} & c_{12} \\
c_{21} & c_{22}
\end{bmatrix}$$

```
\begin{pmatrix}
a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\
a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\
\vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\
a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn}
\end{pmatrix}
```

$$\begin{bmatrix} x_{11} & x_{12} & \cdots & x_{1j} \\ x_{21} & x_{22} & \cdots & x_{2j} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ x_{i1} & x_{i2} & \cdots & x_{ij} \end{bmatrix}$$

$$\left\{ \begin{array}{cccc}
\int_{11} & \int_{12} & \cdots & \int_{1n} \\
\int_{21} & \int_{22} & \cdots & \int_{2n} \\
\vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\
\int_{m1} & \int_{m2} & \cdots & \int_{mn}
\end{array} \right\}$$

```
%--matrix3.tex---
[|x|= \left( \frac{x}{x} \right)]
x & \textrm{für } x \ge 0\\
-x \& \text{textrm{für}} x < 0 
\end{array}\right. \]
%--matrix4.tex---
\[\left(
\begin{array}{c0{}c0{}c}
\begin{array}{|cc|}
\hline
a_{11} & a_{12} \\
a_{21} & a_{22} \\
\hline
\end{array} & 0 & 0 \\
0 & \begin{array}{|ccc|}
   \hline
   b_{11} & b_{12} & b_{13}\\
   b_{21} & b_{22} & b_{23}\\
   b_{31} \& b_{32} \& b_{33} \
    \hline
    \end{array} & 0 \\
0 & 0 & \begin{array}{|cc|}
        \hline
        c_{11} & c_{12} \\
        c_{21} & c_{22} \\
        \hline
        \end{array} \\
\end{array}
\right)\]
%--matrix5.tex---
\left#1\begin{array}{cccc}
{#2}_{11} & {#2}_{12} & \cdots &
  {#2}_{1#4}\\
{#2}_{21} & {#2}_{22} & \cdots &
  {#2}_{2#4}\\
\vdots & \vdots & \ddots &
          //
{#2}_{#31} & {#2}_{#32} & \cdots &
  {#2}_{#3#4}
\end{array}\right#5}
% ...
\[ \A(amn) \]
\[ \A[xij] \]
\[ \A\{{\int}mn\} \]
```

3.20 Eigene Kommandos

$$A \setminus (B \cup C) = (A \setminus B) \cap (A \setminus C)$$
$$\overline{A \cup B} = \overline{A} \cap \overline{B}$$

 $\frac{a}{b}$ $\frac{c}{d}$

$$(\mathcal{A} \Longrightarrow \mathcal{B}) \Longleftrightarrow (\neg \mathcal{B} \Longrightarrow \neg \mathcal{A})$$
$$(\mathcal{A} \land \mathcal{B}) \lor \mathcal{C} \Longleftrightarrow (\mathcal{A} \lor \mathcal{C}) \land (\mathcal{B} \lor \mathcal{C})$$

```
%--command1.tex---
\newcommand{\binom}[2]%
   {{#1 \choose #2}}
\newcommand{\ueber}[2]%
   {{#1 \atop #2}}
\binom{n+1}{3}
%--command2.tex---
\newcommand{\Komplement}[1]%
   {\overline{#1}}
\newcommand{\Durchschnitt}{\cap}
\newcommand{\vereinigt}{\cup}
% ...
\[ A \setminus (B \vereinigt C) =
  (A \setminus B) \Durchschnitt
  (A \setminus C) \]
\[ \Komplement {A \vereinigt B}=
  \Komplement{A} \Durchschnitt
  \Komplement{B} \]
%--command3.tex---
\newcommand{\dfrac}[3]%
   {{\displaystyle
   #1\above#3 \displaystyle #2}}
\[ \dfrac{\frac{a}{b}}\]
{\frac{c}{d}}{1pt} \]
%--command4.tex---
\newcommand{\und}{\wedge}
\newcommand{\oder}{\vee}
\newcommand{\entwederoder}{\oplus}
\newcommand{\aequivalent}%
   {\Longleftrightarrow}
\newcommand{\darausfolgt}%
   {\Longrightarrow}
% ...
\[ (\mathcal{A} \darausfolgt
  \mathcal{B}) \aequivalent
  (\lnot \mathcal{B} \darausfolgt
  \lnot \mathcal{A}) \]
\[ (\mathcal{A} \und \mathcal{B})
\oder \mathcal{C} \aequivalent
(\mathcal{A} \oder \mathcal{C}) \und
```

(\mathcal{B} \oder \mathcal{C}) \]

 $h: \mathbf{R}^1 o \mathbf{R}^1 ext{ mit } h(r) = 2r, r \in \mathbf{R}^1$

%--command5.tex--\newcommand{\Abbildung}{\rightarrow}
\newcommand{\R}[1]{\mathbf{R}^{#1}}
% ...
\[h: \R{1} \Abbildung \R{1}
\textrm{ mit }h(r)=2r, r \in \R{1} \]

3.21 Theorem-artige Konstrukte

Definition 1 (Geordneter Körper) Ein Körper heißt geordnet, wenn eine Beziehung > 0 (größer Null) definiert ist mit den folgenden Eigenschaften:

- 1. Für $x \in K$ gilt genau eine der Beziehun $gen \ x = 0, \ x > 0 \ oder \ -x > 0.$
- 2. Aus x > 0, y > 0 folgt x + y > 0.
- 3. Aus x > 0, y > 0 folgt $x \cdot y > 0$

Im Falle x > 0 heißt x positiv, im Falle x < 0 $hei\beta t x$ negativ.

Definition 2 (Absoluter Betrag) Es sei K ein geordneter Körper. Unter dem absoluten Betrag eines Elementes $x \in K$ versteht man

$$|x| = \begin{cases} x & \text{für } x \ge 0\\ -x & \text{für } x < 0 \end{cases}$$

Für unsere weiteren Betrachtungen sind die beiden folgenden Sätze von Interesse:

Satz 1 (Regeln für Absolutbetrag) Für beliebige $x, y \in K$ gelten folgende Gesetze:

1.
$$|x| = |-x| \ge 0$$

2.
$$x \le |x|$$
; $-x \le |x|$

3.
$$|x| = 0 \iff x = 0$$

4.
$$|x \cdot y| = |x| \cdot |y|$$

Satz 2 (Dreiecksungleichung)

$$\forall x, y \in K : |x + y| \le |x| + |y|$$

%--satz1.tex---\newtheorem{Def}{Definition} \begin{Def}% [Geordneter Körper] Ein Körper heißt \emph{geordnet}, wenn eine Beziehung \$>0\$ (größer Null) definiert ist mit den folgenden Eigenschaften: \begin{enumerate} \item Für \$x\in K\$ gilt genau eine der Beziehungen \$x=0\$, \$x>0\$ oder -x > 0. \item Aus x>0,y>0 folgt x+y>0. \item Aus x > 0,y > 0 folgt $x \cdot y > 0$ \end{enumerate} Im Falle x > 0 heißt x\emph{positiv}, im Falle \$x < 0\$ heißt \$x\$ \emph{negativ}. \end{Def} \begin{Def}[Absoluter Betrag] Es sei \$K\$ ein geordneter Körper. Unter dem \emph{absoluten Betrag} eines Elementes \$x\in K\$ versteht $[|x|= \left(\frac{x}{x} \right)]$ $x & \text{textrm{für }} x \ge 0$ -x & \textrm{für } x <</pre> \end{array}\right. \] \end{Def} %--satz2.tex---\newtheorem{satz}{Satz}

\end{satz}

Für unsere weiteren Betrachtungen sind die beiden folgenden Sätze von Interesse:

\begin{satz}% [Regeln für Absolutbetrag] Für beliebige \$x,y \in K\$ gelten folgende Gesetze: \begin{enumerate} $\int |x| = |-x| \ge 0$ \item $x \le |x|;\quad -x \le |x|$ \item \$|x|=0\Longleftrightarrow x=0\$ $\star \$ \cdot y|=|x| \cdot |y|\$ \end{enumerate} \end{satz}

\begin{satz}[Dreiecksungleichung] $\[\ K: |x+y| \le |x| + |y| \]$ 4 UND NOCH ... 22

4 Und noch ...

Im WWW ist die jeweils aktuelle Fassung dieser Kursunterlagen unter dem URL

zu finden. Beispiele für mathematische Übungsblätter finden Sie im WWW unter

```
http://www.uni-giessen.de/~g029/TeX/kurse/Uebungen/math1_x.y (x = 1, ..., 13; y = \text{tex}, \text{dvi}, \text{pdf}).
```

5 Und noch etwas ...

Diese Kursunterlagen wurden von mir zwar mit großer Sorgfalt erstellt, können aber trotzdem Fehler enthalten. Wenn Sie also Anregungen, Verbesserungsvorschläge oder Fehlerkorrekturen haben, so melden Sie sich bitte per E-Mail bei

```
Guenter.Partosch@hrz.uni-giessen.de
```

oder per "gelber Post" bei

Günter Partosch Hochschulrechenzentrum Justus-Liebig-Universität Gießen Heinrich-Buff-Ring 44 35392 Gießen

Schon 'mal vielen Dank.

A Anhang

A.1 Darum ging es jeweils

ableitung1.tex

Beispiel (Ableitung einer Funktion als Grenzwert eines Differenzenquotienten); \prime als Ableitungszeichen

ableitung2.tex

Beispiel (erste und zweite Ableitung von $\cos x$); Darstellung durch Apostroph(e)

ableitung3.tex

Beispiel (n-te Ableitung von $\ln x$); Darstellung durch geklammerten Exponenten

ableitung4.tex

Beispiel (Differenzierungsregel für das Produkt zweier Funktionen); Darstellung durch Differentialquotienten

ableitung5.tex

Beispiel (Differenzierungsregel für die Summe dreier Funktionen); Darstellung durch Differentialquotienten

ableitung6.tex

Beispiel (Differenzierungsregel für das Produkt zweier Funktionen, Alternative zum Beispiel ableitung4.tex); Darstellung durch Differentialquotienten

${\tt ableitung7.tex}$

Beispiel (Bewegungsgleichung in Mechanik, erste und zweite Ableitung nach der Zeit); Anwendung von \dot und \ddot

ableitung8.tex

partielle Ableitungen einer Funktion zweier Variablen

ableitung9.tex

partielle Ableitungen einer Funktion zweier Variablen

akzent1.tex

mathematische Akzente

akzent2.tex

mathematische Akzente und punktlose Mathematik-Varianten von "i" und "j"

akzent3.tex

anpassbare mathematische Akzente mit \widehat oder \widetilde

akzent4.tex

Beispiel (Multiplikation einer Vektorsumme mit einem Skalar)

akzent5.tex

Beispiele (Assoziativgesetze bei der Skalarund Vektormultiplikation dreier Vektoren gelten nicht!)

binom1.tex

einfacher Binominalkoeffizient

binom2.tex

Übereinanderstapeln von Ausdrücken; einfacher Binominalkoeffizient

binom3.tex

Darstellungsmöglichkeiten von Binominalkoeffizienten

binom4.tex

unterschiedliche Klammerungen bei Binominalkoeffizienten

binom5.tex

Beispiel mit Brüchen und Binominalkoeffizient

binom6.tex

eigenes Kommando \binom zum Darstellen von Binominalkoeffizienten

binom7.tex

eigenes Kommando **\ueber** zum Übereinanderstapeln von Ausdrücken

bruch1.tex

einfache Brüche

bruch2.tex

Varianten von Brüchen durch unterschiedliche Klammerung

bruch3.tex

Mehrfachbrüche

bruch4.tex

Mehrfachbrüche; alternative Darstellungen

bruch5.tex

Kettenbruch

bruch6.tex

Kettenbruch; wie bruch5.tex, aber "schönere" Darstellung

bruch7.tex

Doppelbruch mit dickerem Hauptbruchstrich

bruch8.tex

eigenes Kommando für die Darstellung von Doppelbrüchen mit einem dickeren Hauptbruchstrich

command1.tex

eigene Kommandos \binom und \ueber

command2.tex

eigene LATEX-Kommandos \Komplement, \Durchschnitt und \vereinigt

command3.tex

eigenes Kommando \dfrac

command4.tex

eigene LATEX-Kommandos \entwederoder, \darausfolgt, \oder, \aequivalent und \und

command5.tex

eigene Kommandos \Abbildung und \R

complex1.tex

Beispiel (Addition zweier komplexen Zahlen); Darstellung als Wertepaarte; Imaginärteil \Im und Realteil \Re

complex2.tex

Beispiel ("normale" und trigonometrische Darstellung einer komplexen Zahl); Beziehungen zwischen den beiden Möglichkeiten

complex3.tex

Beispiel (Multiplikation zweier komplexen Zahlen); Normal-Darstellung und in Form von Wertepaaren

complex4.tex

Normal-, trigonometrische und Exponential-Darstellung einer komplexen Zahl

display1.tex

abgesetzte Formel; Methode mit \$\$...\$\$; Formel wird zentriert, da sie nicht von der LATEX-Option fleqn beeinflusst

display2.tex

abgesetzte Formel; Methode mit der displaymath-Umgebung

display3.tex

abgesetzte Formel; Methode mit \[...\]

display4.tex

nummerierte Formel mit der equation-Umgebung; Vereinbarung eines Verweisziels; Verweis auf diese Formel mittels \ref

display5.tex

ausgerichtete nummerierte Formeln mit Hilfe der eqnarray-Umgebung; 1. Ableitung

exp1.tex

einfache Exponenten und Indizes

exp2.tex

vorangestellter Index

exp3.tex

Exponenten/Indizes mit Index/Exponent

exp4.tex

Exponenten und Klammerung

exp5.tex

Exponenten und Klammerung

exp6.tex

Ausdrücke mit Exponenten *und* Indizes; vertikale Ausrichtung von Exponent und Index durch Einfügen von {}

funk1.tex

Beispiel (Grenzwert einer Funktion); Limes und Sinus

funk2.tex

Beispiel (Integral einer Funktion); Sinus, Cosinus, natürlicher Logarithmus, Tangens

funk3.tex

Beispiel (Beziehung zwischen $\arcsin x$ und $\arccos x$)

inline1.tex

Inline-Formel; Methode mit \$...\$

inline2.tex

Inline-Formel; Methode mit der math-Umgebung

inline3.tex

Inline-Formel; Methode mit $\ (\ldots)$

int1.tex

einfaches Integral mit Integrationsgrenzen

int2.tex

einfaches Integral; Grenzen explizit nicht neben dem Symbol

int3.tex

Doppelintegral; ohne und mit visueller Korrektur (\setminus , und \setminus !)

int4.tex

Integral einer gebrochen rationalen Funktion

int5.tex

Integral eines Wurzelausdrucks

int6.tex

Integral eines Ausdrucks mit trigonometrischen Funktionen; explizite Multiplikationspunkte

klammer1.tex

verschiedene linke Klammersymbole

klammer2.tex

verschiedene rechte Klammersymbole

klammer3.tex

Klammern mit explizit verschiedenen Größen

klammer4.tex

automatische Größenanpassung bei geschachtelten Klammern

klammer5.tex

automatische Größenanpassung bei geschachtelten Klammern

klammer6.tex

waagerechte geschweifte Klammern

klammer7.tex

Überstreichung bzw. Unterstreichung

matrix1.tex

einfache rechteckige Anordnung mit indizierten Elementen

matrix2.tex

einfache rechteckige Anordnung mit anderen indizierten Elementen und anderen Begrenzungen

matrix3.tex

Beispiel (Definition der Betragsfunktion); einseitig geklammerte rechteckige Anordnung

matrix4.tex

Matrix mit Untermatrizen

matrix5.tex

eigenes Kommando für die vereinfache Darstellung rechteckiger Anordnungen

pfeil1.tex

verschiedene mathematische Pfeile

pfeil2.tex

Beispiel (Umkehrung einer logischen Aussage); kalligrafische Mathematik-Schrift

prod1.tex

einfaches Produkt mit Produktgrenzen; Grenzen explizit *nicht neben* (\limits) dem Symbol bzw. Grenzen explizit *neben* (\nolimits) dem Symbol

prod2.tex

Beispiel (Binominalkoeffizient in Produkt-darstellung)

reihen1.tex

Beispiel (unendliche Reihe zur Darstellung von $\frac{\pi}{4}$)

reihen2.tex

Beispiel (unendliche Reihe zur Darstellung von $\frac{\pi^2}{12}$)

reihen3.tex

Beispiel (Entwicklung der Funktion e^{-x} in eine unendliche Reihe)

reihen4.tex

Beispiel (Entwicklung der Funktion e^x in eine unendliche Reihe)

rel1.tex

Relationen

rel2.tex

Relationen

rel3.tex

binäre Operatoren

rel4.tex

binäre Operatoren

rel5.tex

binäre Operatoren

satz1.tex

Beispiele (Definition eines geordneten Körpers; Definition für Absolutbetrag); eigene Theorem-artige Umgebung Def mit dem Titel Definition

satz2.tex

Beispiele (Regeln für Absolutbetrag; Dreiecksungleichung); eigene Theorem-artige Umgebung satz mit dem Titel Satz

sum1.tex

einfache Summe mit Summationsgrenzen

sum2.tex

einfache Summe; Grenzen explizit neben dem Symbol

sum3.tex

einfache Summe; Grenzen explizit nicht ne-ben dem Symbol

sum4.tex

Dreifachsumme

sum5.tex

Dreifachsumme; alternative Darstellung mit dreifach übereinander gestapelten Summationsgrenzen

symbol1.tex

griechische Großbuchstaben; einige haben das gleiche Aussehen wie die entsprechenden lateinischen Buchstaben

symbol2.tex

griechische Kleinbuchstaben

symbol3.tex

Varianten zu einigen griechischen Kleinbuchstaben

symbol4.tex

einige spezielle Zeichen

symbol5.tex

Beispiel (Stetigkeit-Definition); mathematische Sonderzeichen

ueber1.tex

Anwendung von **\stackrel**; Text über einem Gleichheitszeichen

ueber2.tex

Anwendung von \stackrel; Angabe eines Verweises über einem Gleichheitszeichen

ueber3.tex

Anwendung von \atop; Angabe der Summationsgrenzen einer Doppelsumme

wurzel1.tex

einfache Wurzel

wurzel2.tex

einfache Wurzel

wurzel3.tex

Wurzel zu einer anderen Potenz

wurzel4.tex

Schachtelung von Wurzeln

wurzel5.tex

Wurzel zu einer anderen Potenz; Ausdruck enthält einen Exponenten

wurzel6.tex

Wurzel zu einer anderen Potenz

wurzel7.tex

Ausrichtung der Größe von Wurzeln

wurzel8.tex

einfache Wurzel; Ausdruck enthält einen Index

wurzel9.tex

Mehrfachschachtelung von Wurzeln

zeichen1.tex

Beispiel (Quadrat einer reellen Zahl ist positiv); mathematische Fett-Schrift

zeichen2.tex

Beispiel (lineares Gleichungssystem); mathematische Fett-Schrift; Normaltext im Mathematik-Modus; eqnarray*-Umgebung (ohne Nummerierung der Formeln!)

zeichen3.tex

Beispiel (logische Äquivalenz); kalligrafische Mathematik-Schrift

A ANHANG 27

A.2 Und diese mathematischen $\slash\hspace{-0.6em} \text{LT}_{\!E}\hspace{-0.6em} \text{X-Befehle}$ wurden benutzt

	$\frac{\frac{1}{2}}{\frac{3}{4}}$	\beta griechischer Kleinbuchstabe: β
	Bruch mit definierbarer Bruchstrichdicke: \${\frac{1}{2}% \above 1pt \frac{3}{4}}\$:	\begin{math}\end{math} Umgebung für den Inline-Mathematik-Modus in IATEX
\abov	eigenes Kommando: \$f\Abbildung g\$: $f \rightarrow g$	\begin{equation}\end{equation} Umgebung zum Generieren einer nummerierten Display-Formel
\{ \Abbi	linkes Klammersymbol: {; analog gibt es \}	\begin{eqnarray}\end{eqnarray} Umgebung für die Darstellung mehrzeiligen nummerierter Herleitungsketten
\\[ab	Modus in L ^A T _E X ostand] Zeilenwechsel in der array-, eqnarray- und eqnarray*-Umgebung	\begin{eqnarray*}\end{eqnarray*} wie die Umgebung eqnarray, jedoch ohne Nummerierung der Formeln
\[\] Umgebung für den Display-Mathematik-	\begin{enumerate}\end{enumerate} Umgebung für Aufzählungslisten
	Umgebung für den Inline-Mathematik-Modus in LATEX schmaler Zwischenraum:	\begin{displaymath}\end{displaymath} Umgebung für den Display-Mathematike Modus in LATEX
\! \(negativer schmaler Zwischenraum	\begin{array}{muster}\end{array} Umgebung zum Erzeugen rechteckiger Anordnungen (Matrizen, Determinanten) im Mathematik-Modus in LATEX
[linkes Klammersymbol: [; analog gibt es]	\bar mathematischer Akzent: $\lambda \bar{a}$
("geschütztes" Leerzeichen linkes Klammersymbol: (; analog gibt es)	\atop \\ \text{übereinander: \${n \atop m}\$: } \\ _{m}^{n} \end{array}
~	stellt im Mathematik-Modus index tief; auch noch bei \int, \sum, \prod, \underbrace und \lim	\arcsin mathematische Funktion: $\$ \arcsin x \arcsin x
^{ exp		griechischer Kleinbuchstabe: α \arccos mathematische Funktion: α \arccos α
	trennt in der array-, eqnarray- und eqnarray*-Umgebung die einzelnen Bestandteile einer Zeile	\aleph mathematisches Symbol: ℵ \alpha
\$\$ &	2, 2	\aequivalent eigenes Kommando: $\Lambda \$ \aequivalent\mathcal{B}\$: $\mathcal{A} \iff \mathcal{B} \text{ (Aussagenlogik)}$
\$\$	\$\$ Umgebung für den Display-Mathematik- Modus in TFX/LATFX	\acute mathematischer Akzent: α

A ANHANG 28

\Bigl eine explizite Größenangabe (hier leicht vergrößert) für eine linke Klammer: \$\$\Bigl((a + b)(c + d) \Bigr)\$\$: $ \Big((a+b)(c+d) \Big) $	\ddots diagonale Auslassungspunkte: ··· \Delta griechischer Großbuchstabe: △ \delta	
\Bigr eine explizite Größenangabe (hier leicht vergrößert) für eine rechte Klammer; siehe auch \Bigl \binom{ $oben$ }{ $unten$ } eigenes Kommando: σ_n } \\	griechischer Kleinbuchstabe: δ \dfrac{oben}{unten}{dicke} eigenes Kommando zum Darstellen von Doppelbrüchen mit einem Hauptbruchstrich der Dicke dicke: \$\dfrac{\frac{1}{2}}%	
(Binominalkoeffizient) \breve mathematischer Akzent: \Tilde{a} : \Tilde{a} : \Tilde{a}	{\frac{3}{4}}{1pt}\$: $\frac{\frac{1}{2}}{\frac{3}{4}}$	
binärer mathematischer Operator: \$a \bullet b\$: $a \bullet b$ \cap binärer mathematischer Operator: \$A \cap B\$: $A \cap B$	\displaystyle erzwingt im Mathematik-Modus die Mathematik-Standardschriftgröße \dot	
\cdot binärer mathematischer Operator:	mathematischer Akzent: $\$\dot$ a $\$$: \dot{a} \dots Auslassungspunkte:	
$\verb \cdots \\ zentrierte Auslassungspunkte: \cdots$	\downarrow mathematischer Pfeil nach unten: ↓	
\check mathematischer Akzent: $\$ check a\$: \check{a}	$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	
\chi griechischer Kleinbuchstabe: χ	$\ensuremath{\verb emph {text} }$ (leichte) Hervorhebung im Normaltext	
\choose Binominalkoeffizient: $ \$\{n \land \texttt{choose m}\}\$: \binom{n}{m} $ \circ	\entwederoder eigenes Kommando: $\Lambda \$ \entwederoder \mathcal{B}\\$: $\mathcal{A} \oplus \mathcal{B}$ (Aussagenlogik)	
binärer mathematischer Operator: \$a \circ b\$: $a \circ b$	\epsilon griechischer Kleinbuchstabe: ϵ	
\cos mathematische Funktion: \$\cos x\$: $\cos x$	\equiv mathematische Relation:	
\cup binärer mathematischer Operator:	\$a\equiv b\$: $a \equiv b$ \eta griechischer Kleinbuchstabe: η	
\darausfolgt eigenes Kommando: \$\mathcal{A}% \darausfolgt \mathcal{B}\$: A \rightarrow B (Aussegenlegik)	\exists mathematisches Symbol: ∃ ("es gibt") \forall	
$\mathcal{A} \Longrightarrow \mathcal{B} \text{ (Aussagenlogik)}$ \ddot $\text{mathematischer Akzent: \$\backslash ddot a\$: } \ddot{a}$	mathematisches Symbol: \forall ("für alle") \frac{zaehler}{nenner} Bruch: \$\frac{19}{20}\$: $\frac{19}{20}$	

\Gamma griechischer Großbuchstabe: Γ	\Lambda griechischer Großbuchstabe: Λ	
\gamma griechischer Kleinbuchstabe: γ	\lambda griechischer Kleinbuchstabe: λ	
\ge mathematische Relation:	\langle linkes Klammersymbol: \(\)	
\$a \ge b\$: $a \geq b$ \grave	\lambda linkes Klammersymbol: {	
mathematischer Akzent: $\$$ \grave a $\$$: \grave{a}	\lambda linkes Klammersymbol: [
mathematischer Akzent: ${\hat a}$	\lambda linkes Klammersymbol: [
\heartsuit Symbol: ♡	\lambda e mathematische Relation: $\$ \lambda b \\$: $a \le b$	
\hline	\lambda leadsto spezieller mathematischer Pfeil nach rechts: → (aus dem Package latexsym)	
mathematisches Symbol: \Im (Imaginärteil einer komplexen Zahl)	\left automatische Größenanpassung eines linken	
\text{imath} kleines mathematisches "i" ohne Punkt: \$\vec\imath\$: \vec{i}	Klammersymbols: \[\left((x^2 + 1)% (x^2 - 1) \right)^2 \]:	
\in mathematisches Symbol: \in (",ist Element aus")	$\left((x^2+1)(x^2-1)\right)^2$ \leftarrow	
\infty mathematisches Symbol: ∞ (unendlich)		
\int_{ugrenze}^{ogrenze} großer Operator (Integralzeichen) mit un-	mathematischer Doppelpfeil nach links: ← \leftharpoonup mathematischer Pfeil (Harpune) nach links:	
terer Grenze <i>ugrenze</i> und oberer Grenze <i>ogrenze</i>	\leftrightarrow	
\iota griechischer Kleinbuchstabe: ι	$\begin{array}{c} \text{mathematischer Pfeil nach links und rechts:} \\ \longleftrightarrow \end{array}$	
\item ein einzelner Eintrag in einer nummerierten Liste	\Leftrightarrow mathematischer Doppelpfeil nach links und rechts: ⇔	
\jmath kleines mathematisches "j" ohne Punkt:	\lambda linkes Klammersymbol: [
$\star \$	$\label{lim_unten} $$ $	
griechischer Kleinbuchstabe: κ \text{Komplement}{menge} eigenes Kommando zum Darstellen des Komplements: κ \text{Komplement}{M}\$: \overline{M} (Aussagenlogik, Mengenlehre)	\lambda bewirkt bei \sum bzw. \int bzw. \prod , dass die Grenzen explizit $nicht$ $neben$ das Symbol gesetzt werden	
$\label{prop:label} $$ \label{prop:label} Kennzeichnung des aktuellen Objekts als Verweisziel $$$	mathematische Funktion: $\ln x$ \lnot Negation: \neg (logisches "nicht")	

$\label{longleftarrow} \mbox{langer mathematischer Pfeil nach links:} \longleftarrow$	oder eigenes Kommando: \vee (Aussagenlogik)
\Longleftrightarrow langer mathematischer Doppelpfeil nach links und rechts: ←⇒	$\backslash Omega$ griechischer Großbuchstabe: Ω
\Longrightarrow langer mathematischer Doppelpfeil nach rechts: ⇒	\partial \text{omega} \text{griechischer Kleinbuchstabe: } \partial \text{oplus} \text{bin\text{ärer mathematischer Operator:}}
$\begin{array}{c} \texttt{\sc mapsto} \\ \text{spezieller mathematischer Pfeil nach rechts:} \\ \mapsto \end{array}$	\$a \oplus b\$: $a \oplus b$ \over Bruch (TEX): \${a \over b}\$: $\frac{a}{b}$
$\label{lem:mathbf} $$ \{ausdruck\} $$ Fettschrift im Mathematik-Modus$	$ \begin{array}{c} \text{(index)} \\ \text{(vois 5)} \\ \text{(vois 5)} \\ \text{(vois 5)} \\ \text{(wois 6)} \\ (wois 6$
\mathcal{ausdruck} kalligrafische Schrift im Mathematik-Modus \mathrm{ausdruck}	\understreicht ausdruck\understreicht ausdruck
Normalschrift im Mathematik-Modus	\par Absatzende/Absatzwechsel
\mathstrut erzwingt im Mathematik-Modus einen Min- destzeilenabstand	\partial mathematisches Symbol: ∂ (partielle Ableitung)
\mp binärer mathematischer Operator:	\Phi griechischer Großbuchstabe: Φ
\mu griechischer Kleinbuchstabe: μ	\phi griechischer Kleinbuchstabe: ϕ
\ne mathematische Relation: \$a\ne b\$: $a \neq b$	\Pi griechischer Großbuchstabe: Π
\nearrow mathematischer Pfeil nach rechts oben: /	\pi griechischer Kleinbuchstabe: π
\neg mathematisches Symbol: \neg (Negation)	\pm binärer mathematischer Operator:
lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:	\prime erzeugt ein Ableitungszeichen: $f \neq x$: $f'(x)$
$\label{eq:linear_lamb} $$\operatorname{Vereinbarung \ einer \ eigenen \ Theorem-artigen Umgebung \ name \ mit \ der \ Titelzeile \ titel}$$	\prod_{ugrenze}^{ogrenze} erzeugt den großen Produktoperator (Produktzeichen) mit unterer Grenze ugrenze und oberer Grenze ogrenze
\nolimits bewirkt bei \sum bzw. \int bzw. \prod , dass die Grenzen explizit $neben$ das Symbol gesetzt werden	\Psi griechischer Großbuchstabe: Ψ \psi
\n	griechischer Kleinbuchstabe: ψ
Negation der nachfolgenden Relation: ${\bf \$}$	 horizontaler Leerplatz :
\nu griechischer Kleinbuchstabe: ν	$\begin{array}{c c} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \\ \ \ \ \ \ $

A ANHANG 31

$ \begin{array}{c} \label{eq:continuous} $\R{2}\$ eigenes Kommando: \$\R{2}\ (Körper der reellen Zahlen)	\sqcap binärer mathematischer Operator:		
\rangle	\sqcup		
rechtes Klammersymbol: \rangle	binärer mathematischer Operator: \$A \sqcup B\$: $A \sqcup B$		
\rbrace rechtes Klammersymbol: }	\sqrt[potenz] \{radikant\} mathematische Wurzel: \$\sqrt[3] \{a+x}\\$:		
\rbrack rechtes Klammersymbol: }	$\sqrt[3]{a+x}$		
\rceil	\stackrel{oben}{unten}		
rechtes Klammersymbol:	setzt oben über die Relation unten: \$x\stackrel{\textrm{def}}{=} y\$: $x \stackrel{\text{def}}{=} y$		
mathematisches Symbol: \Re (Realteil einer komplexen Zahl)	\strut erzwingt einen Mindestzeilenabstand		
$\mathtt{ref}\{ziel\}$	\subset		
Verweis auf ein vorher vereinbartes Verweisziel	mathematische Relation: \$A \subset B\$: $A \subset B$		
\rfloor rechtes Klammersymbol:	\subseteq mathematische Relation: \$A \subseteq B\$:		
\rho	$A \subseteq B$		
griechischer Kleinbuchstabe: ρ	\sum_{ugrenze}^{ogrenze} großer Operator (Summenzeichen) mit un-		
\right automatische Größenanpassung eines rechten Klammersymbols; siehe \left	terer Grenze ugrenze und oberer Grenze ogrenze		
\Rightarrow	\tan		
mathematischer Doppelpfeil nach rechts: ⇒	mathematische Funktion: $x \approx x$		
\rightarrow	\tau griechischer Kleinbuchstabe: $ au$		
mathematischer Pfeil nach rechts: \rightarrow	\textrm{text}		
\scriptstyle	aufrechter Normaltext		
erzwingt im Mathematik-Modus die für Ex-	\Theta		
ponenten und Indizes der ersten Stufe übli-	griechischer Großbuchstabe: Θ		
che Schriftgröße	\theta		
\setminus	griechischer Kleinbuchstabe: θ		
Mengendifferenz: $A\setminus B$	\tilde		
\Sigma	mathematischer Akzent: \hat{a}		
griechischer Großbuchstabe: Σ	\times		
\sigma	binärer mathematischer Operator:		
griechischer Kleinbuchstabe: σ	$a \times b$		
\sim	\to		
mathematische Relation: \$a \sim b\$:	kleiner mathematischer Pfeil nach rechts: \rightarrow		
$a \sim b$ \simeq	$ \begin{array}{c} \texttt{\ \ } \{unten\} \\ \text{\ \ eigenes\ \ } Kommando: \ \ \ \\ ueber\{m\}\{n\}\$: \ \ _n^m \end{array} $		
mathematische Relation: $a \ge b$	\und eigenes Kommando: \wedge (Aussagenlogik)		
\sin	$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $		
mathematische Funktion: $\$$ \sin x \$: $\sin x$	waagerechte geschweifte Klammer unter ausdruck		

A ANHANG 32

$\underline{ausdruck}$	\vec
unterstreicht ausdruck	mathematischer Akzent: $\$$ \vec a $\$$: \vec{a}
\uparrow \	\vee
mathematischer Pfeil: ↑	binärer mathematischer Operator: \$\mathcal{A} \vee \mathcal{B}:
\upsilon	$\mathcal{A}\vee\mathcal{B}$
griechischer Kleinbuchstabe: υ	\vereinigt
\varepsilon	eigenes Kommando: \cup (Mengenlehre)
griechischer Kleinbuchstabe: ε (Variante zu ϵ)	\meage
٠)	binärer mathematischer Operator:
\varphi	<pre>\$\mathcal{A} \wedge \mathcal{B}:</pre>
griechischer Kleinbuchstabe: φ (Variante zu	$_{1}$ $\mathcal{A}\wedge\mathcal{B}$
$\phi)$	\widehat
\varrho	anpassbarer mathematischer Akzent:
griechischer Kleinbuchstabe: ϱ (Variante zu	$\$$ \widehat{x}, \widehat{xyz}\$: $\widehat{x},\widehat{xyz}$
ρ)	\widetilde
• •	anpassbarer mathematischer Akzent:
, =	<pre>\$\widetilde{x}. \widetilde{xvz}\$:</pre>
	$\widetilde{x},\widetilde{xyz}$
σ)	\ Y;
\vartheta	•
griechischer Kleinbuchstabe: ϑ (Variante zu	1
θ)	\xi
\ 1	griechischer Kleinbuchstabe: ξ
\VQOTS	\zeta
vertikale Auslassungspunkte: :	griechischer Kleinbuchstabe: ζ
	anpassbarer mathematischer Akzen \$\widetilde{x}, \widetilde{xy} $\widetilde{x}, \widetilde{xyz}$ \Xi griechischer Großbuchstabe: Ξ \xi griechischer Kleinbuchstabe: ξ \zeta