# Einführung in LATEX Teil II: Mathematische Formeln

Günter Partosch\*

 $E\text{-}Mail: \verb"Guenter.Partosch@hrz.uni-giessen.de"$ 

23. Februar 1999

<sup>\*</sup>Hochschulrechenzentrum (HRZ) der Justus-Liebig-Universität Gießen

## 1 So bringe ich Mathematik in mein Dokument

#### 1.1 Inline-Formeln

Seien a und b die Katheten und c die Hypotenuse, dann gilt  $c = \sqrt{a^2 + b^2}$  (Lehrsatz des Pythagoras).

%---inline1.tex--Seien \$a\$ und \$b\$ die Katheten
und \$c\$ die Hypotenuse, dann gilt
\$c=\sqrt{a^2+b^2}\$ (Lehrsatz des
Pythagoras).

Seien a und b die Katheten und c die Hypotenuse, dann gilt  $c = \sqrt{a^2 + b^2}$  (Lehrsatz des Pythagoras).

%---inline2.tex--Seien \$a\$ und \$b\$ die Katheten und
\$c\$ die Hypotenuse, dann gilt
\begin{math}c=\sqrt{a^2+b^2}\end{math}
(Lehrsatz des Pythagoras).

Seien a und b die Katheten und c die Hypotenuse, dann gilt  $c = \sqrt{a^2 + b^2}$  (Lehrsatz des Pythagoras).

%---inline3.tex--Seien \$a\$ und \$b\$ die Katheten
und \$c\$ die Hypotenuse, dann gilt
\( c=\sqrt{a^2+b^2} \)
(Lehrsatz des Pythagoras).

#### 1.2 Abgesetzte Formeln

Seien a und b die Katheten und c die Hypotenuse, dann gilt

$$c^2 = a^2 + b^2$$

(Lehrsatz des Pythagoras).

%---display1.tex--Seien \$a\$ und \$b\$ die Katheten
und \$c\$ die Hypotenuse, dann gilt
\$\$c^2=a^2+b^2\$\$ (Lehrsatz des
Pythagoras).

Seien a und b die Katheten und c die Hypotenuse, dann gilt

$$c^2 = a^2 + b^2$$

(Lehrsatz des Pythagoras).

%---display2.tex--Seien \$a\$ und \$b\$ die Katheten und
\$c\$ die Hypotenuse, dann gilt
\begin{displaymath}
c^2=a^2+b^2
\end{displaymath}
(Lehrsatz des Pythagoras).

Seien a und b die Katheten und c die Hypotenuse, dann gilt

$$c^2 = a^2 + b^2$$

(Lehrsatz des Pythagoras).

%---display3.tex--Seien \$a\$ und \$b\$ die Katheten und
\$c\$ die Hypotenuse, dann gilt
\[ c^2=a^2+b^2 \]
(Lehrsatz des Pythagoras).

Seien a und b die Katheten und c die Hypotenuse, dann gilt

$$c^2 = a^2 + b^2 \tag{1}$$

(Lehrsatz des Pythagoras).

Aus (1) folgt ...

%---display4.tex--Seien \$a\$ und \$b\$ die Katheten
und \$c\$ die Hypotenuse, dann gilt
\begin{equation}\label{Pythagoras}
c^2=a^2+b^2
\end{equation}
(Lehrsatz des Pythagoras).\par
Aus (\ref{Pythagoras}) folgt \dots

$$f(x) = \cos x \tag{2}$$

$$f'(x) = -\sin x \tag{3}$$

$$\int_0^x f(y)dy = \sin x \tag{4}$$

## 2 Einige Beispiele für mathematische Formeln

### 2.1 Griechische Buchstaben und spezielle Zeichen

ΑΒΓΔΕΖΗΘΙΚΛΜΝΞΟΠΡΣΤΦΧΥΨΩ

```
%---symbol1.tex---
\[ \mathrm{A}\mathrm{B}\Gamma\Delta
\mathrm{E}\mathrm{Z}\mathrm{H}\Theta
\mathrm{I}\mathrm{K}\Lambda\mathrm{M}
\mathrm{N}\Xi\mathrm{O}\Pi\mathrm{P}
\Sigma\mathrm{T}\Phi\mathrm{X}
\mathrm{Y}\Psi\Omega \]
```

αβγδεζηθικλμυξοπρστφχυψω

```
%---symbol2.tex---
\[ \alpha\beta\gamma\delta\epsilon\zeta
\eta\theta\iota\kappa\lambda\mu\nu\xi
\mathrm{o}\pi\rho\sigma\tau\phi\chi
\upsilon\psi\omega \]
```

 $\varepsilon$   $\vartheta$   $\varpi$   $\varrho$   $\varsigma$   $\varphi$ 

%---symbol3.tex--\[ \varepsilon \quad \vartheta \quad \varpi \quad \varrho \quad \varsigma \quad \varphi \]

 $\aleph$   $\Re$   $\Im$   $\partial$   $\infty$   $\forall$   $\exists$   $\neg$   $\nabla$ 

%---symbol4.tex--\[ \aleph\quad\Re\quad\Im\quad\partial
\quad\infty\quad\forall\quad\exists
\quad\neg\quad\heartsuit \]

 $\forall \varepsilon > 0 : |f(x_1) - f(x_2)| < \varepsilon \quad \exists \eta : |x_1 - x_2| < \eta$ 

%---symbol5.tex--\[ \forall \varepsilon>0:
|f(x\_1)-f(x\_2)| < \varepsilon\quad
\exists\eta: |x\_1-x\_2|<\eta \]</pre>

2.2 Klammeri
--------------

%---klammer1.tex--\[ (\qquad\lbrack\qquad\lbrace\qquad[
\qquad\lfloor\qquad\langle\qquad\{
\qquad\lceil \]

) ]  $\}$  ]  $\rangle$   $\}$  ]

%---klammer2.tex--\[ )\qquad\rbrack\qquad\rbrace\qquad]
\qquad\rfloor\qquad\rangle\qquad\}
\qquad\rceil \]

 $\left((x+1)(x-1)\right)^2$ 

%---klammer3.tex---\[\Bigl((x + 1) (x - 1)\Bigr)^2\]

 $\left((x^2+1)(x^2-1)\right)$ 

%---klammer4.tex--\[ \left((x^2 + 1) (x^2 - 1)\right) \]

$$1 + \left(\frac{1}{1 - x^2}\right)^3$$

%---klammer5.tex--\[ 1 + \left(\frac{1}{1-x^2}\right)^3 \]

$$\underbrace{a+b+\cdots+z}_{52} + \underbrace{A+B+\cdots+Z}_{26}$$

%---klammer6.tex--\[ \underbrace{
\overbrace{a+b+\cdots +z}^{26}+
\overbrace{A+B+\cdots+Z}^{26}}
}\_{52} \]

$$\overline{m+n}$$
  $\underline{m+n}$ 

%---klammer7.tex--\[ \overline{m+n}\qquad
\underline{m+n} \]

### 2.3 Relationen und binäre Operatoren

$$x = y > z$$
  $x := y$   $x \le y \ne z$ 

$$x \sim y \simeq z$$
  $x \equiv y \not\equiv z$   $x \subset y \subseteq z$ 

$$x + y - z$$
  $x * y/z$   $x \times y \cdot z$ 

 $x \circ y \bullet z$   $x \cup y \cap z$   $x \sqcup y \cap z$ 

%---rel4.tex--\[ x\circ y\bullet z\qquad
x\cup y\cap z \qquad
x\sqcup y\sqcap z \qquad \]

 $x \lor y \land z$   $x \pm y \mp z$ 

%---rel5.tex--\[ x\vee y\wedge z\qquad x\pm y\mp z \]

#### 2.4 Mathematische Akzente und Vektoren

 $\hat{a}$   $\check{b}$   $\tilde{c}$   $\acute{d}$   $\grave{e}$   $\dot{f}$   $\ddot{g}$   $\breve{h}$   $\bar{k}$   $\vec{l}$ 

%---akzent1.tex--\[ \hat a \qquad \check b \qquad \tilde
c \qquad \acute d \qquad \grave e \]
\[ \dot f \qquad \ddot g \qquad \breve
h \qquad \bar k \qquad \vec l \]

 $\hat{\imath}$   $\check{\jmath}$ 

%---akzent2.tex--\[ \hat\imath \qquad \check\jmath \]

$$\widehat{x}$$
  $\widehat{xy}$   $\widehat{xyz}$ 

$$\widetilde{x}$$
  $\widetilde{xy}$   $\widetilde{xyz}$ 

%---akzent3.tex--\[ \widehat x\qquad \widehat{xy}\qquad
\widehat{xyz} \]
\[ \widetilde x \qquad \widetilde{xy}
\qquad \widetilde{xyz} \]

$$\alpha \cdot (\vec{x} + \vec{y}) = \alpha \cdot \vec{x} + \alpha \cdot \vec{y}$$

%---akzent4.tex--\[ \alpha\cdot(\vec x + \vec y) =
\alpha\cdot\vec x+\alpha\cdot\vec y \]

$$\vec{x} \cdot (\vec{y} \cdot \vec{z}) \neq (\vec{x} \cdot \vec{y}) \cdot \vec{z}$$
$$\vec{x} \times (\vec{y} \times \vec{z}) \neq (\vec{x} \times \vec{y}) \times \vec{z}$$

%---akzent5.tex--\[ \vec x\cdot(\vec y\cdot \vec z)\not=
(\vec x \cdot\vec y)\cdot\vec z \]
\[ \vec x\times(\vec y\times\vec z)\not=
(\vec x\times\vec y)\times\vec z \]

#### 2.5 Pfeile

$$\leftarrow$$
  $\leftarrow$   $\leftrightarrow$   $\leftrightarrow$   $\uparrow$   $\downarrow$   $\nearrow$ 

%---pfeil1.tex--\[ \leftarrow\qquad\Leftarrow\qquad
\leftrightarrow\qquad\Leftrightarrow
\qquad\uparrow\qquad\downarrow\qquad
\nearrow \]
\[ \longleftarrow\qquad\leftharpoonup
\qquad\mapsto\qquad\leadsto \]

$$(\mathcal{A} \Rightarrow \mathcal{B}) \Longleftrightarrow (\neg \mathcal{B} \Rightarrow \neg \mathcal{A})$$

%---pfeil2.tex--\[ (\mathcal{A}\Rightarrow\mathcal{B})
\Longleftrightarrow (\lnot \mathcal{B})
\Rightarrow \lnot \mathcal{A}) \]

#### 2.6 Andere Schriften

```
\forall x \in \mathbf{R} : x^2 \ge 0
```

```
%---zeichen1.tex---
\[ \forall x\in\mathbf{R}: x^2\ge0\]
```

```
\mathbf{A} \cdot \mathbf{x} = \mathbf{y}
\text{mit } \mathbf{A} = (a_{ij})
i = 1, \dots, m; j = 1, \dots, n
\mathbf{x} = (x_1, \dots, x_n) \text{ und}
\mathbf{y} = (y_1, \dots, y_m)
```

```
%---zeichen2.tex---
\begin{eqnarray*}
\mathbf{A}\cdot\mathbf{x} & = &
\mathbf{y} \\
\textrm{mit } \mathbf{A}&=&(a_{ij})\\
&&i=1,\cdots,m; j=1,\cdots,n\\
\mathbf{x} & = & (x_1,\cdots, x_n)
\textrm{ und}\\
\mathbf{y} & = & (y_1, \cdots, y_m)\\
\end{eqnarray*}
```

#### 2.7 Brüche

$$\frac{1}{2}$$
  $\frac{n+1}{3}$ 

$$\frac{x+y^2}{k+1}$$
  $\frac{x+y^2}{k}+1$   $x+\frac{y^2}{k}+1$ 

$$x + \frac{y^2}{k+1} \qquad x + y^{\frac{2}{k+1}}$$

 $\frac{\frac{a}{b}}{2}$   $\frac{a}{\frac{b}{2}}$ 

%---bruch3.tex--\[ \frac{\frac{a}{b}}{2} \qquad
\frac{a}{\frac{b}{2}} \]

 $\frac{a/b}{2}$   $\frac{a}{b/2}$ 

%---bruch4.tex--\[ \frac{a/b}{2}\qquad \frac{a}{b/2} \]

$$a_0 + \frac{1}{a_1 + \frac{1}{a_2 + \frac{1}{a_4}}}$$

$$a_{0} + \frac{1}{a_{1} + \frac{1}{a_{2} + \frac{1}{a_{3} + \frac{1}{a_{4}}}}}$$

```
\frac{a}{b} \frac{c}{d}
```

```
%---bruch7.tex---
\[ \displaystyle \frac{a}{b}
\above 1pt \displaystyle \frac{c}{d} \]
```

 $\frac{a}{b}$   $\frac{c}{d}$ 

```
%---bruch8.tex---
\newcommand{\dfrac}[3]{{#1\above#3 #2}}
\[ \dfrac{\displaystyle \frac{a}{b}}
{\displaystyle \frac{c}{d}}{1pt} \]
```

## 2.8 Wurzeln

 $\sqrt{2}$ 

%---wurzel1.tex---\[ \sqrt 2 \]

 $\sqrt{x+2}$ 

%---wurzel2.tex---\[\sqrt{x+2}\]

 $\sqrt[3]{2}$ 

%---wurzel3.tex---\[\sqrt[3]{2}\]

$$\sqrt{x^3 + \sqrt{\alpha}}$$

$$\sqrt[n]{x^n + y^n}$$

$$\sqrt[n+1]{a}$$

%---wurzel6.tex--\[ \sqrt[n+1]{a} \]

$$\sqrt{a} + \sqrt{b} + \sqrt{y}$$
  $\sqrt{a} + \sqrt{b} + \sqrt{y}$ 

%---wurzel7.tex--\[ \sqrt{a}+\sqrt{b}+\sqrt{y} \qquad
\sqrt{\mathstrut a} +
\sqrt{\mathstrut b} +
\sqrt{\mathstrut y} \]

$$\sqrt[3]{h_n''(\alpha x)}$$

%---wurzel8.tex--\[ \sqrt[3]{h''\_n(\alpha x)} \]

$$\sqrt{1 + \sqrt{1 + \sqrt{1 + \sqrt{1 + \sqrt{1 + x}}}}}$$

%---wurzel9.tex--\[ \sqrt{1+ \sq

## 2.9 Exponenten und Indizes

$$x^2$$
  $x_2$   $x^2y^2$ 

 $_2F_3$ 

$$x^{2y} \qquad x^{2^y} \qquad y_{x_2} \qquad y_{x^2}$$

$$((x^2)^3)^4$$
  $(x^2)^3$ 

%---exp4.tex--- 
$$[((x^2)^3)^4 \neq {((x^2))^3}^4]$$

$$x^{y^2}$$
  $x^{y^2}$ 

$$x_3^2 x_3^2 x_{92}^{31415} x_{y_b^a}^{z_c^d}$$

$$P_2^3 \qquad P_2^3$$

## 2.10 Binominalkoeffizienten und ähnliche Konstrukte

$$\binom{n+1}{3}$$

$$\begin{pmatrix} x & & \begin{pmatrix} n \\ k \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} n \\ \frac{k}{2} \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} n \\ k/2 \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} n \\ \frac{1}{2}k \end{pmatrix}$$

$$\frac{\binom{n}{k}}{2} \qquad \frac{1}{2} \binom{n}{k} \qquad \frac{\binom{n}{k}}{2}$$

%---binom4.tex--\[ \frac{{n \choose k}}{2} \qquad
\frac{1}{2}{n \choose k} \qquad
\frac{\displaystyle{n\choose k}}{2} \]

$$\binom{p}{2}x^2y^{p-2} - \frac{1}{1-x}\frac{1}{1-x^2}$$

```
%---binom5.tex---
\[ {p \choose 2} x^2 y^{p-2} -
\frac{1}{1-x} \frac{1}{1-x^2} \]
```

$$\binom{n+1}{3}$$

$$x \\ y+2$$

#### 2.11 Summen

$$\sum_{i=1}^{3} z_i^2$$

$$\sum_{i=1}^{3} z_i^2$$

$$\sum_{i=1}^{3} z_i^2$$

```
\sum_{i=1}^{p} \sum_{j=1}^{q} \sum_{k=1}^{r} a_{ij} b_{jk} c_{ki}
```

```
%---sum4.tex---
\[ \sum_{i=1}^p \sum_{j=1}^q
\sum_{k=1}^r a_{ij}b_{jk}c_{ki} \]
```

$$\sum_{\substack{1 \le i \le p \\ 1 \le j \le q \\ 1 \le k \le r}} a_{ij} b_{jk} c_{ki}$$

```
%---sum5.tex---
\[ \sum_{{\scriptstyle 1 \le i \le p}
\atop
\scriptstyle 1 \le j \le q}
\atop
\scriptstyle 1 \le k \le r}
a_{ij} b_{jk} c_{ki} \]
```

## 2.12 Integrale

$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx$$

$$\int \int_{D} f(x,y) dx dy$$

$$\iint\limits_{D} f(x,y)\,dx\,dy$$

$$\int \frac{x+1}{x^2(x-1)(x^2+4)} dx$$

%---int4.tex--- 
$$\[ \int_{x^2(x-1)(x^2+4)} dx \]$$

$$\int \sqrt{1+4x^2} dx$$

%---int5.tex---\[ \int \sqrt{1+4x^2} dx \]

$$\frac{1}{2} \int_{0}^{2\pi} [a\cos t \cdot b\cos t - (-a\sin t) \cdot b\sin t]dt$$

%---int6.tex--\[ \frac{1}{2} \int\_0^{2\pi}\limits
[a\cos t \cdot b \cos t - (-a\sin t)
\cdot b \sin t] dt \]

#### 2.13 Mathematische Funktionen

$$\lim_{x \to 0} \frac{\sin x}{x} = 1$$

%---funk1.tex--\[\lim\_{x \to 0} \frac{\sin x}{x} = 1\]

$$\int \frac{dx}{\sin ax \cos ax} = \frac{1}{a} \ln \tan ax$$

%---funk2.tex--\[\int \frac{dx}{\sin a x \cos a x}
= \frac{1}{a} \ln \tan a x\]

$$\arcsin x = \left[\arccos\sqrt{1 - x^2}\right]$$

%---funk3.tex--\[\arcsin x = \left[\arccos
\sqrt{1-x^2}\right]\]

## 2.14 Matrizen und andere rechteckige Anordnungen

```
\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{11} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{vmatrix}
```

```
%---matrix1.tex
\[ \begin{array}{|cccc|}
a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\
a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{11} \\
\vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\
a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn}
\end{array} \]
```

```
\left\{
\begin{array}{cccc}
\Gamma_{11} & \Gamma_{12} & \cdots & \Gamma_{1n} \\
\Gamma_{21} & \Gamma_{22} & \cdots & \Gamma_{2n} \\
\vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\
\Gamma_{m1} & \Gamma_{m2} & \cdots & \Gamma_{mn}
\end{array}
\right\}
```

```
%---matrix2.tex---
\begin{displaymath}
\left\{\begin{array}{cccc}
\Gamma_{11}&\Gamma_{12}&\cdots&
\Gamma_{1n}\\
\Gamma_{21}&\Gamma_{22}&\cdots&
\Gamma_{2n}\\
\vdots &\vdots &\ddots&\vdots\\
\Gamma_{m1}&\Gamma_{m2}&\cdots&
\Gamma_{mn}
\end{array}\right\}
\end{displaymath}
```

$$|x| = \begin{cases} x & \text{für } x \ge 0 \\ -x & \text{für } x < 0 \end{cases}$$

```
%---matrix3.tex---
\[ |x|= \left\{ \begin{array}{ll}
    x & \textrm{f"ur $x \ge 0$}\\
-x & \textrm{f"ur $x < 0$}\\
\end{array}\right. \]</pre>
```

```
a_{12}
a_{11}
                                                   0
                             0
a_{21}
         a_{22}
                           b_{12}
                                   b_{13}
                  b_{11}
                                                   0
      0
                           b_{22}
                                    b_{23}
                  b_{21}
                                    b_{33}
                  b_{31}
                           b_{32}
                                                      c_{12}
                                             c_{11}
      0
                             0
                                             c_{21}
                                                      c_{22}
```

```
%---matrix4.tex---
\[\left(
\begin{array}{c@{}c@{}c}
\begin{array}{|cc|}
\hline
a_{11} & a_{12} \\
a_{21} & a_{22} \\
\hline
\end{array} & 0 & 0 \\
0 & \begin{array}{|ccc|}
   \hline
   b_{11} & b_{12} & b_{13}\\
    b_{21} & b_{22} & b_{23}\\
    b_{31} & b_{32} & b_{33}\\
    \hline
   \end{array} & 0 \\
0 & 0 & \begin{array}{|cc|}
        \hline
        c_{11} & c_{12} \\
        c_{21} & c_{22} \
```

```
\hline
  \end{array} \\
\end{array}
\right)\]
```

$$\begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{pmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} x_{11} & x_{12} & \cdots & x_{1j} \\ x_{21} & x_{22} & \cdots & x_{2j} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ x_{i1} & x_{i2} & \cdots & x_{ij} \end{bmatrix}$$

$$\left\{
\begin{array}{cccc}
\int_{11} & \int_{12} & \cdots & \int_{1n} \\
\int_{21} & \int_{22} & \cdots & \int_{2n} \\
\vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\
\int_{m1} & \int_{m2} & \cdots & \int_{mn}
\end{array}
\right\}$$

```
%---matrix5.tex---
\newcommand{\A}[5]{
\left#1\begin{array}{cccc}
{#2}_{11} &{#2}_{12} &\cdots&
{#2}_{1#4}\\
{#2}_{21} &{#2}_{22} &\cdots&
{#2}_{244}\\
\vdots &\vdots &\ddots&
\vdots \\
{#2}_{#31}&{#2}_{#32}&\cdots&
{#2}_{#3#4}
```

```
\end{array}\right#5}
\[ \A(amn) \]
\[ \A[xij] \]
\[ \A\{{\int}mn\} \]
```