

SUBESPAÇOS GERADOS:

Seja V um espaço vetorial.

Consideremos um subconjunto $A = \{ \vec{v}_1, \vec{v}_2, \vec{v}_3, \dots, \vec{v}_n \} \subset V$, com $A \neq \emptyset$.

O conjunto S de todos os vetores de V que são combinações lineares dos vetores de A é subespaço vetorial de V .

O subespaço diz-se gerado pelos vetores $\vec{v}_1, \vec{v}_2, \vec{v}_3, \dots, \vec{v}_n$; ou o subespaço é gerado pelo conjunto A (gerador de S).

Simbolicamente: $S = [\vec{v}_1, \vec{v}_2, \vec{v}_3, \dots, \vec{v}_n]$ ou $S = G(A)$

Exemplos:

1. *Verificar se o conjunto $A = \{ \vec{i}, \vec{j} \}$ gera o subespaço vetorial $S = \{ (x, y) / \text{talque } x \text{ e } y \in \mathbb{R} \}$, ou seja, se S pode ser escrito como $S = [\vec{i}, \vec{j}]$ ou $S = G(A)$. (obs.: verifica-se que $S = \mathbb{R}^2$).*

Desenvolvimento :

2. *Seja $V = \mathbb{R}^3$. Determinar o subespaço gerado pelo $A = \{ \vec{v}_1 \}$ onde $\vec{v}_1 = (1, 2, 3)$.*

Desenvolvimento:

3. *Seja $V = \mathbb{R}^3$. Determinar o subespaço gerado pelo $A = \{ \vec{v}_1, \vec{v}_2 \}$ onde é $\vec{v}_1 = (1, -2, -1)$ e $\vec{v}_2 = (2, 1, 1)$.*

Desenvolvimento: