

Escopo da disciplina:

Unidade 1:

INTRODUÇÃO À LOGICA

- >> O que é lógica?
- >> Porque estudar lógica?
- >> Histórico e evolução.

Unidade 2:

LÓGICA PROPOSICIONAL

- >> Introdução: proposições, princípios, operadores lógicos;
- >> Linguagem: sintaxe e semântica;
- >> Métodos para verificar a validade de fórmulas: (a) tabelas verdade, (b) método da refutação, (c) dedução formal
- >> Formalização de problemas.

Unidade 3:

LÓGICA DE PREDICADOS

- >> Introdução;
- >> Linguagem: sintaxe e semântica;
- >> Métodos para verificar a validade de fórmulas: dedução formal;
- >> Formalização de Problemas.

Unidade 4:

FORMALIZAÇÃO DE PROGRAMAS E SISTEMAS DE COMPUTAÇÃO SIMPLES

>> PROgramming in LOGic (PROLOG)



O que é lógica?

FILOSOFIA

É uma ramo da filosofia que estuda os fundamentos, estrutura e as expressões do conhecimento humano.

MATEMÁTICA

É uma ramo da matemática que usa a lógica formal do raciocínio matemático.



Nesta disciplina, trataremos da lógica matemática (lógica formal).







Dicionário Webster:

É a ciência do raciocínio correto.

Dicionário de Computação:

Lógica se preocupa com o que é <u>verdadeiro</u>, e como podemos saber se algo é <u>verdadeiro</u>.

• Filosofia:

Lógica é o estudo das verdades necessárias (válidas) e dos métodos sistemáticos para expressar claramente e demonstrar rigorosamente tais verdades.



O que é lógica?

"A **LÓGICA** pode ser entendida como **a ciência** que estuda os princípios e os métodos que permitem estabelecer as condições de validade e invalidade dos **argumentos**" (BISPO; CASTANHEIRA; SOUZA FILHO, 2011, p. xi).

"... é uma parte do discurso (falado ou escrito) no qual localizamos um conjunto de <u>premissas</u> [informações que sabemos ou supomos serem verdadeiras] e uma sentença denominada **conclusão** [uma informação que não era conhecida]".

João é mais velho que Paulo.

Premissas

Paulo é mais velho do que Pedro.

O que é possível concluir?

João é mais velho do que Pedro.



O que é lógica?

(GERSTING, 2001, p. 1): em um júri popular, o advogado de defesa do sr. X argumenta o seguinte:

Se meu cliente fosse culpado, a faca estaria na gaveta. Ou a faca não estava na gaveta ou Jacson viu a faca. Se a faca não estava lá no dia 10 de outubro, então Jacson não viu a faca. Além disso, se a faca estava lá no dia 10 de outubro, então a faca estava na gaveta e o martelo estava no celeiro. Mas todos sabemos que o martelo não estava no celeiro. Portanto, senhoras e senhores, meu cliente é inocente.

É possível concluir que o sr. X é inocente?



A linguagem natural, com a qual nos expressamos diariamente, é muito suscetível a ambiguidades e imprecisões. Existem frases não gramaticais que possuem sentido (por exemplo, anúncios de classificados no jornal) e frases perfeitamente gramaticais sem sentido ou com sentido múltiplo. Isso faz que a linguagem natural não seja apropriada para o estudo das relações lógicas entre suas sentenças.

Portanto, no estudo da lógica matemática e computacional nos utilizamos de uma linguagem formal. Linguagens formais são objetos matemáticos cujas regras de formação são precisamente definidas e às quais podemos atribuir um único sentido, sem ambiguidade.

(SILVA, FINGER, MELO, 2018)



O que é lógica?

Forbellone e Eberspächer (1993, p. 2) afirmam que o pensamento e suas representações (palavra escrita e palavra falada) sempre vem acompanhado da lógica ou da ilógica.

Assim, a lógica não é somente importante na teoria como também o é na prática, visto que quando alguém deseja expressar seus pensamentos e se fazer entender através da escrita ou através da fala, necessariamente precisa colocar ordem no pensamento, ou seja, usar a lógica.



Para representar o conhecimento deve-se usar uma linguagem objetiva e precisa:

- Linguagens naturais (português, inglês): são mais expressivas, mas são ambíguas.
 Exemplo: Pequenos cachorros e gatos.
- Linguagens de programação (Java, C++): são adequadas para descrever algoritmos e estruturas de dados, isto é, o estado do computador e como ele "muda" durante a execução do programa.

Exemplo: a = a + 1

 Linguagens simbólicas (lógica proposicional, lógica de predicados): são expressivas e não ambíguas.

Exemplo: P \(\) Q

P = pequenos cachorros

Q = pequenos gatos



O que é lógica?

Uma sentença (em linguagem natural ou em linguagem artificial) pode ser classificada como:

- 1. Sentença imperativa: expressa ordem.
 - Exemplo:
 - Feche a porta.
 - Incremente em 1 o valor armazenado em a e atribua à variável a. → a = a + 1
- 2. Sentença exclamativa: expressa emoção.

Exemplo: Que calor!



O que é lógica?

Uma sentença (em linguagem natural ou em linguagem artificial) pode ser classificada como:

3. Sentença interrogativa: expressa uma interrogação.

Exemplo: Está frio?

4. Sentença declarativa: afirma um atributo, uma qualidade ou

propriedade de um sujeito.

Exemplo: João está andando.

Dos quatro tipos de sentenças, apenas às sentenças declarativas podem ser atribuído um valor verdadeiro ou falso.

Assim, <u>a lógica é o estudo das sentenças</u> declarativas.

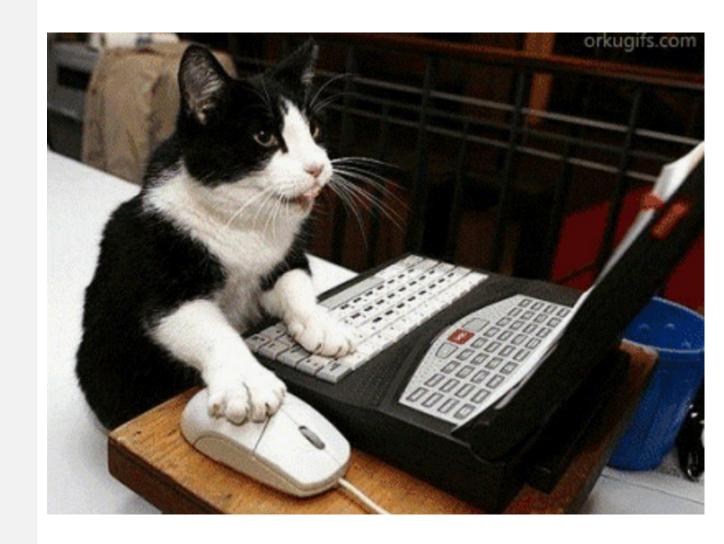


>>Afinal, o que vocês entenderam ser lógica?



>>Como vocês a definiriam, informalmente?



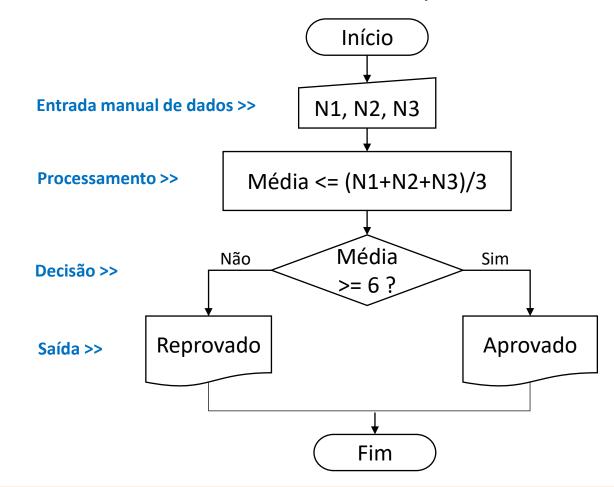




- Atualmente, muitos problemas são resolvidos através de algoritmos computacionais. Estabelecer instruções organizadas e de maneira lógica é fundamental para criação de uma código ou script em determinada linguagem de programação.
- A compreensão de conceitos lógicos certamente potencializada a capacidade de organizar pensamentos e estabelecimentos de linhas de comando adequadas aos objetivos.

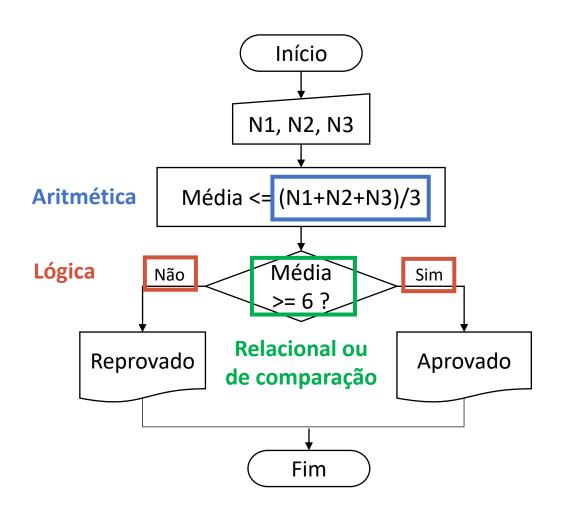


EXEMPLO: Definir se um aluno foi aprovado ou não:



Que tipos de operações existem nesse algoritmo?





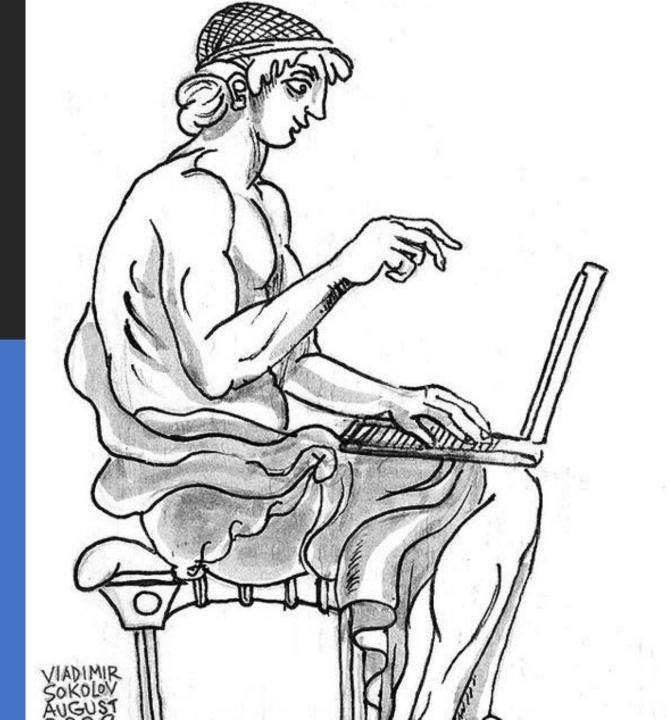


- Aumentar a capacidade de análise crítica dos argumentos mentais utilizados na organização das ideias e dos processos criativos;
- Tomar consciência dos elementos fundamentais à capacidade de argumentar e expor suas ideias;
- Tornar mais capaz a racionalização e organização das ideias;
- Estudar como as pessoas devem raciocinar.
- Elaboração de programas;
- Manipulação de expressões lógicas: minimização, equivalência;



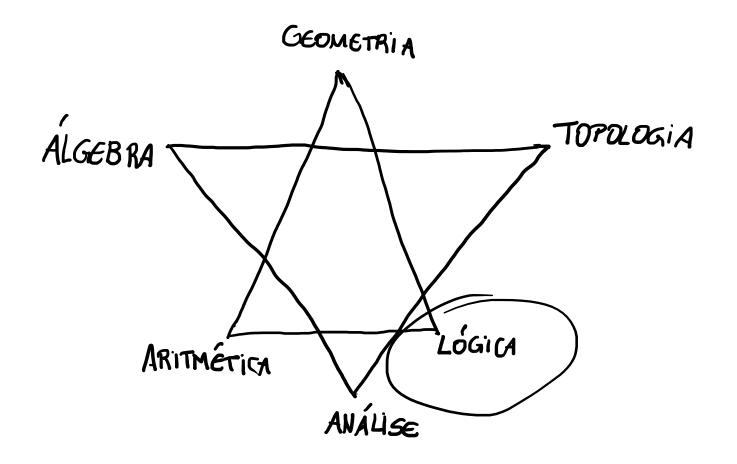
- Teoria da recursão: trata do que pode e do que não pode efetivamente ser computável;
- Formalização de linguagens: estuda a sintaxe e a semântica de construções linguísticas (linguagens naturais e artificiais);
- Desenvolvimento de ferramentas para especificação e verificação de hardware e software;
- Representação do conhecimento: processamento de linguagem natural (voz), sistemas especialistas;
- Projeto e análise de circuitos digitais.







Primeiramente, é importante compreender o que a lógica corresponde na Matemática...





• • • • • • • • •

História e evolução da lógica (resumo)

PERÍODO GREGO (século IV a.C. até o início do século XIX)

A Lógica constituiu-se como ciência com o filósofo grego Aristóteles (384-322 a.C.), que sistematizou uma coleção de tratados para assegurar a validade de um argumento.

Suas considerações foram de tal relevância que a lógica permaneceu intacta por mais de dois mil anos.

Outros, como Crísipo de Soles (280-205 a.C.), definiram uma teoria lógica diferente, que forma a base da **lógica proposicional**.

É caracterizada pelo uso de expressões lógicas que envolvem apenas símbolos que representam proposições lógicas e operações que atuam sobre elas.

Aristóteles é filósofo.

Aristóteles é filósofo **E** mortal.



PERÍODO BOOLEANO (século XIX e primeira década do século XX): pesquisadores de formação matemática definiram uma linguagem simbólica, bem como uma forma de transformar a lógica numa álgebra, estabelecendo uma "matematização" da lógica.

Foi George Boole (1815-1864) quem criou a lógica matemática introduzindo um sistema simbólico para estruturar proposições em linguagem natural. A álgebra booleana é fundamental para o projeto de circuitos lógicos, é também a base da teoria dos conjuntos.

Ainda, Gottlob Frege (1848-1925) sistematizou o raciocínio matemático com a formalização de regras de demonstração matemática, dando origem à **lógica de predicados**.



PERÍODO BOOLEANO (século XIX e primeira década do século XX): pesquisadores de formação matemática definiram uma linguagem simbólica, bem como uma forma de transformar a lógica numa álgebra, estabelecendo uma "matematização" da lógica.

ma es bo É caracterizada pelo uso de expressões lógicas que, além de símbolos e operações lógicas, envolvem símbolos que representam elementos de um universo.

Alguém é filósofo.

Ainda, Gottlob Frege (1848-1925) sistematizou o raciocínio matemático com a formalização de regras de demonstração matemática, dando origem à **lógica de predicados**.



PERÍODO CONTEMPORÂNEO:

É dado um enfoque linguístico-formal à lógica. Isto é, a lógica como linguagem possui:

- sintaxe (regras para combinar símbolos) e,
- semântica (interpretação e significado dos símbolos),



de tal forma que existem diversas lógicas, cada uma com sua estrutura linguística (lógica temporal, lógica modal, entre outras).

"Eu estou <u>sempre</u> com fome."

"Paulo foi possivelmente assassinado."





Como estudar lógica?

Segue três passos básicos (SOUZA, 2002, p. vii):

• 1º passo: especificação de uma linguagem a partir da qual o conhecimento é representado. Deve-se definir a sintaxe e a semântica da linguagem em questão;

Sintaxe: especifica todas as sentenças que são bem-formadas.

- Exemplo na aritmética:
 - √ x+y=4
 - × x4y+=

Semântica: especifica o significado das sentenças. Define a verdade de cada sentença com relação a cada "mundo possível".

- Exemplo:
 - a sentença "x+y=4" é verdadeira em um mundo no qual x=2 e y=2, mas é falsa em um mundo em que x=1 e y=1.



• • • • • • • • •

Como estudar lógica?

Segue três passos básicos (SOUZA, 2002, p. vii):

• 1º passo: especificação de uma linguagem a partir da qual o conhecimento é representado. Deve-se definir a sintaxe e a semântica da linguagem em questão;

- 2º passo: estudo de métodos para produzir ou verificar fórmulas ou argumentos válidos;
- 3º passo: definição de sistemas de dedução formal onde são consideradas noções de prova, que estabelecem formas para derivação de novos argumentos a partir daqueles representados previamente.



• • • • • • • • •

Como estudar lógica?

"O que eu ouço, esqueço.

O que eu vejo, lembro.

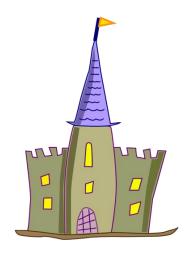
O que eu faço, aprendo."

(Confúncio)





Problema no Conto de Fadas (Mortari, 2001, p. 2)



O velho rei de um país tinha três filhas chamadas Guilhermina, Genoveva e Griselda.

Sentindo-se perto de passar desta para melhor e sem saber qual das filhas designar como sua sucessora, o rei resolveu submetê-las a um teste. A vencedora seria a nova soberana.

Chamou as filhas e mostrou-lhes cinco pares de brincos: três de esmeralda e dois de rubi. O rei vendou os olhos das moças e, escolhendo ao acaso, colocou em cada uma delas um par de brincos.

O teste consistia no seguinte: aquela que pudesse dizer qual o tipo de pedra havia em seus brincos herdaria o reino.





Problema no Conto de Fadas (Mortari, 2001, p. 2)

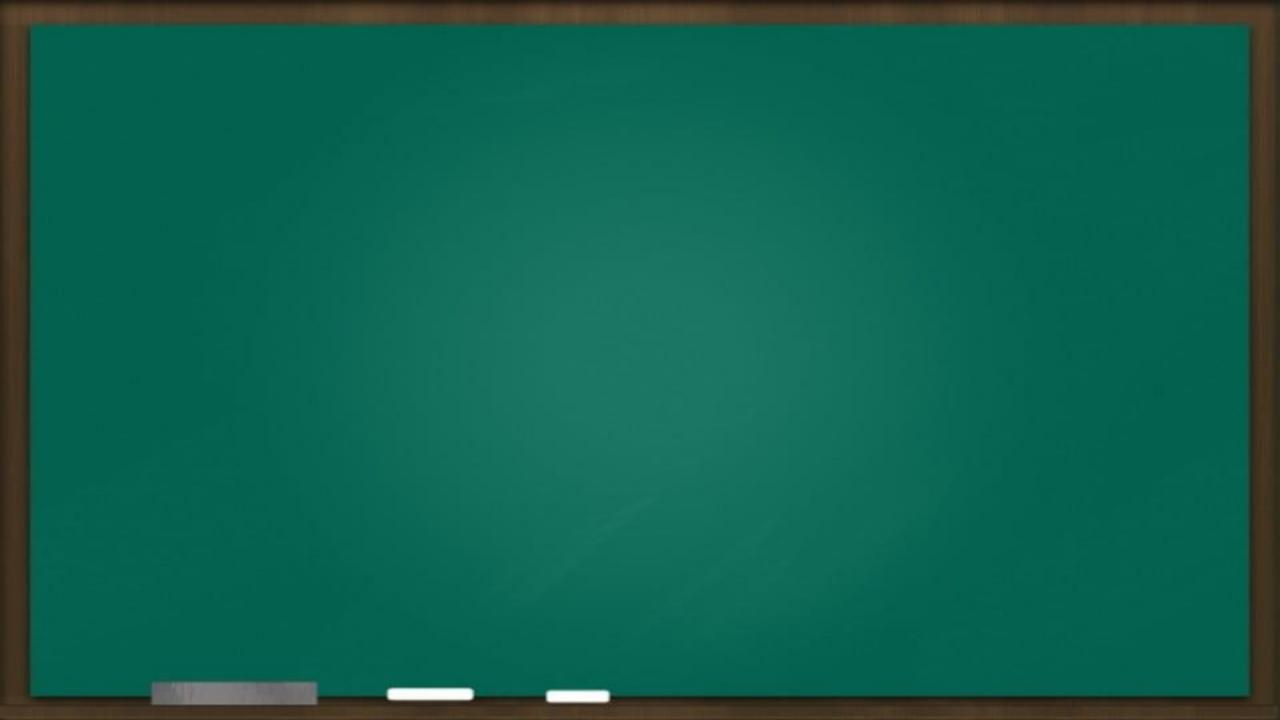
A primeira que desejou tentar foi Guilhermina, de quem foi removida a venda dos olhos. Guilhermina examinou os brincos de suas irmãs, mas não foi capaz de dizer que tipo de pedra estava nos seus e retirou-se.

A segunda que desejou tentar foi Genoveva. Contudo, após examinar os brincos de Griselda, se deu conta de que também não sabia determinar se seus brincos eram de esmeralda ou rubi e saiu batendo a porta.

Quanto a Griselda, antes mesmo de retirar a venda, anunciou corretamente o tipo de pedra de seus brincos, dizendo o porquê da sua afirmação.

Pergunta-se: quais eram os brincos de Griselda? Justifique.





• • • • • • • • •

Lógica: princípios básicos

Investigaremos a validade dos Argumentos.

O conteúdo anterior contém argumentos a favor da conclusão de que brincos de Giselda são de esmeralda?

- Argumento: conjunto de enunciados dos quais um é a conclusão e os demais premissas.
- Premissas: informações sobre o raciocínio.
 - Existem apenas dois pares de brincos de rubi.
- Conclusão: objetivo do raciocínio.
 - Se tanto Genoveva quanto Griselda estivessem com brincos de rubi, Guilhermina saberia que os seus brincos eram de esmeralda.



Lógica: princípios básicos

As premissas e a conclusão de um argumento, formuladas em uma linguagem estruturada, permitem que o argumento possa ter uma análise lógica apropriada para a verificação de sua validade.

Se as premissas fornecem bases ou boas provas para a conclusão e, se a afirmação da verdade das premissas garante a afirmação de que a conclusão também é verdadeira, então o raciocínio é correto. No caso contrário é incorreto.



Documentos Consultados/Recomendados

- 1. BISPO, C. A. F.; CASTANHEIRA, L. B.; SOUZA FILHO, O. M. **Introdução à lógica matemática**. São Paulo: Cengage Learning, 2011.
- 2. FERREIRA, A. B. H. <u>Novo</u> dicionário da língua portuguesa. Rio de Janeiro: Nova Fronteira, [s.d.].
- 3. FONSECA FILHO, C. **História da computação**: o caminho do pensamento e da tecnologia. Porto Alegre: PUCRS, 2007. Disponível em:
 - http://www.pucrs.br/edipucrs/online/historiadacomputacao.pdf>. Acesso em: 01 ago. 2011.
- 4. FORBELLONE, A. L.V.; EBERSPÄCHER, H. F. **Lógica de programação**: a construção de algoritmos e estrutura de dados. São Paulo: Makron Books do Brasil, 1993.
- 5. GERSTING, J. L. Fundamentos matemáticos para a ciência da computação. 4. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2001.
- 6. MORTARI, C. A. Introdução à lógica. São Paulo: UNESP, 2001.
- 7. PARIS, R. de. Lógica. Unisinos. 2016.
- 8. SOUZA, J. N. **Lógica para ciência da computação**: fundamentos de linguagem, semântica e sistemas de dedução. Rio de Janeiro: Campus, 2002.
- 9. SMULLYAN, R. M. **A Dama ou o tigre? e outros problemas lógicos**. São Paulo: Zahar, 2004.

