

<formalização de problemas>

Prof. Jonathan Gil Müller



Lógica Proposicional: Formalização de Problemas

Segundo Nolt e Rohatyn (1991), o processo de formalização converte uma sentença em uma fórmula da lógica proposicional, ou seja, uma estrutura composta por símbolos e conectivos proposicionais.

- >> Uma sentença simples contém uma única afirmação. A formalização de sentenças simples é fácil.
- >> Uma sentença composta é constituída por, pelo menos, duas sentenças simples. Quando as sentenças contêm vários operadores lógicos, a formalização requer cuidado.





Lógica Proposicional: Formalização de Problemas

A formalização de sentenças consiste basicamente em:

1º passo: selecionar um conjunto adequado de símbolos proposicionais, sendo que cada <u>símbolo proposicional</u> está **associado** a uma <u>sentença simples</u>;

2º passo: traduzir as sentenças (trechos do discurso) para uma ou mais fórmulas, respeitando o <u>significado</u> <u>pretendido dos símbolos</u>.

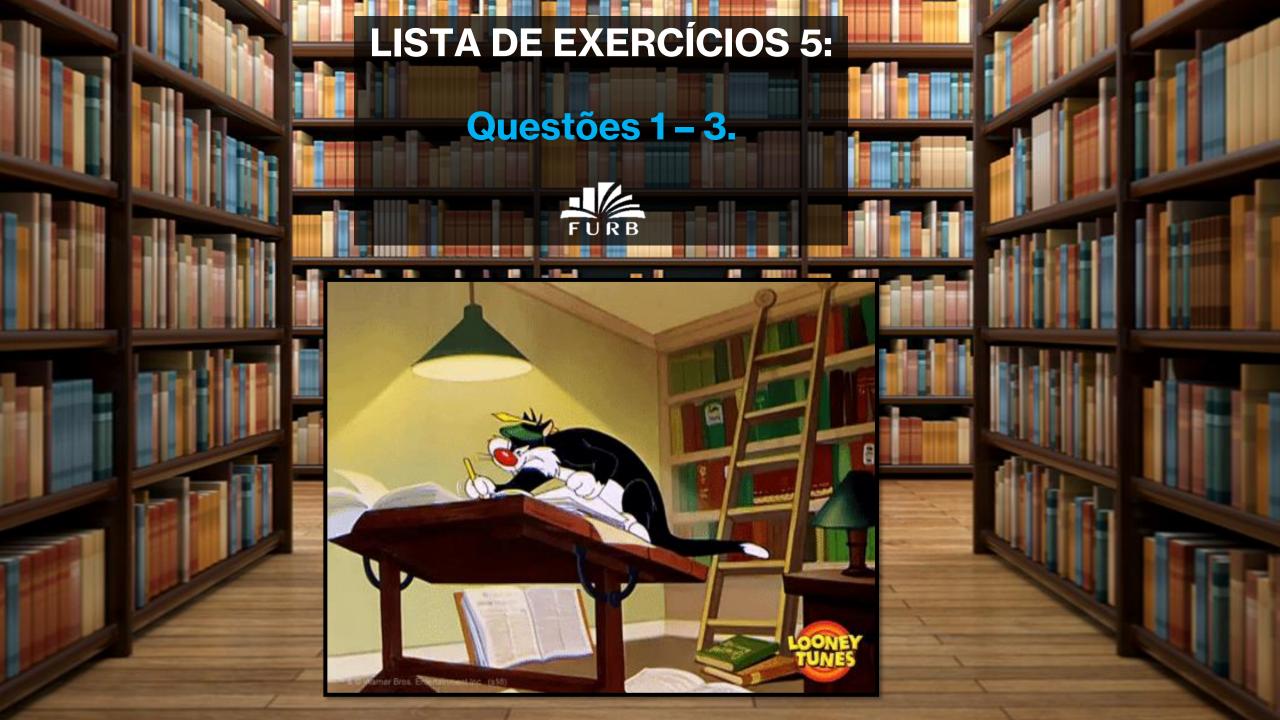




- C = Está chovendo.
- N = Está nevando.
- a) Está chovendo. C
- b) Não está chovendo. ~c
- c) Está chovendo ou nevando. C v N
- d) Está chovendo e nevando. C ^ N
- e) Está chovendo, mas não está nevando. C ^ ~N
- f) Se não está chovendo, então está nevando.~C → N
- g) Está chovendo se e somente se está nevando. C \lor N
- h) Não é o caso que está chovendo e nevando.~(C ^ N)









- 1. Assinale a 2^a coluna de acordo com a 1^a:
 - (1) A sentença pode ser convertida em uma fórmula da lógica proposicional, ou seja, é uma proposição.
 - (2) A sentença não é uma proposição.
 - a) (📘) As bananas são amarelas.
 - b) (2) Silêncio...
 - c) (<u>J</u>) Viajar de avião é seguro.
 - d) (2) Feche a porta.
 - e) (1) Zé é baiano, mas Maria é catarinense.
 - f) (**)** Que frio!
 - g) (1) Está calor.
 - h) () Viajar de avião é seguro?
 - i) (2) Estude e faça exercícios.
 - j) (1) Se viajar de avião é seguro e não é caro, eu não viajo de carro.

2. Escreva em linguagem natural as fórmulas proposicionais abaixo, utilizando o seguinte esquema:

 $P \equiv O$ livro é interessante.

 $Q \equiv O$ livro é caro.

 $R \equiv O$ livro é de lógica.

a) F

 $\neg Q$

c) $P \wedge \neg Q$

b)

d) $\neg (P \lor Q)$

) Q∨¬P

f) $\neg P \land \neg Q$

g) $(P \vee Q) \wedge R$

h) $Q \lor \neg R$

 $P \rightarrow Q$

 $j) \quad P \to (Q \vee R)$

k) $P \leftrightarrow (\neg Q \land R)$

 $) \quad (\mathsf{P} \leftrightarrow \mathsf{R}) \land \neg \mathsf{Q}$

- a) O livro é interessante.
- b) O livro não é caro.
- c) O livro é interessante e não é caro.
- d) Não é verdade que o livro é interessante ou caro.
- e) O livro é caro ou não é interessante.
- f) O livro não é interessante e o livro não é caro.
- g) O livro é interessante ou carro e é de lógica / O livro é interessante ou carro, mas é de lógica.
- h) O livro é caro ou não é de lógica.
- i) Se o livro é interessante então ele é caro.
- j) Se o livro é interessante, então ele é caro ou é de lógica.
- k) O livro é interessante, se e somente se, ele não for caro e for de lógica.
- l) O livro é interessante, se e somente se, ele for de lógica, contudo, ele não é caro.



3. Escreva fórmulas proposicionais para as sentenças abaixo, utilizando o seguinte esquema:

P = Paula vai.

Q = Quincas vai.

 $R \equiv Ricardo vai.$

S ≡ Sara vai.

- a) Paula <u>não</u> vai. 🤻 🤭 ル 🎤 🦰
- b) Paula ou Ricardo vão.
- c) Paula vai, mas Quincas não vai.
- d) Se Paula for, então Quincas também vai. P Q
- e) Paula vai, se Quincas for.
- f) Nem Paula nem Quincas vão. ¬ P / ¬ Q
- g) Paula e Quincas não vão. ¬ (PAQ)
- h) Paula não vai, se Quincas for.
- i) Ou Paula vai, Ou Ricardo e Quincas vão.) (PV(RAD)) $\Lambda \rightarrow (P\Lambda(RAD))$
- j) Se Ricardo for, então se Paula não for, Quincas vai. $\nearrow \rightarrow (\neg P \rightarrow Q)$
- k) Se nem Ricardo nem Quincas forem, então Paula vai. (¬ R Λ ¬ ◊) → P
- I) Ricardo <u>e</u> Quincas vão <u>se, e somente se, Paula ou Sara forem. (RAQ) \iff (PVS)</u>

Um argumento pode ser definido como um conjunto de sentenças relacionadas que justificam ou levam a uma conclusão.

EXEMPLO:

- José Carlos cursa Ciência da Computação ou pratica esporte.
- José Carlos não cursa Ciência da Computação.
- Portanto, José Carlos pratica esporte.





Um argumento pode ser representado de forma simbólica como:

$$P_1 \wedge P_2 \wedge ... \wedge P_n \rightarrow Q$$

onde:

P_i são fórmulas da lógica proposicional, chamadas de <u>premissas</u> do argumento;

Q é a conclusão.





A formalização de argumentos consiste basicamente em:

1º passo: identificar as premissas e a conclusão;

2º passo: selecionar um conjunto adequado de símbolos proposicionais, sendo que cada símbolo proposicional está **associado** a uma <u>sentença simples</u>;

3º passo: traduzir as premissas e a conclusão para uma ou mais fórmulas, respeitando o significado pretendido dos símbolos;

4º passo representar o argumento de forma simbólica como:

$$P_1 \wedge P_2 \wedge ... \wedge P_n \rightarrow Q$$

desde que, como, assumindo que, visto que, dado que portanto, logo, dessa maneira, assim sendo, segue que





- José Carlos cursa Ciência da Computação ou pratica esporte.
- José Carlos não cursa Ciência da Computação.
- Portanto, José Carlos pratica esporte.
 - 1º passo: identificar as premissas e a conclusão

Premissas:

- José Carlos cursa Ciência da Computação ou pratica esporte.
- José Carlos não cursa Ciência da Computação.

Conclusão:

José Carlos pratica esporte.





- José Carlos cursa Ciência da Computação ou pratica esporte.
- José Carlos não cursa Ciência da Computação.
- Portanto, José Carlos pratica esporte.
 - 2º passo: associar símbolos proposicionais a sentenças simples.
 - C = José Carlos cursa Ciência da Computação.
 - **P** ≡ José Carlos pratica esporte.
 - 3º passo: traduzir:

Premissas:

- José Carlos cursa Ciência da Computação ou pratica esporte: C∨P
- José Carlos não cursa Ciência da Computação: ¬C

Conclusão:

José Carlos pratica esporte:





- José Carlos cursa Ciência da Computação ou pratica esporte.
- José Carlos não cursa Ciência da Computação.
- Portanto, José Carlos pratica esporte.

4º passo: representar o argumento

•
$$((C \lor P) \land \neg C) \to P$$

- Premissas: (C ∨ P), ¬C
- Conclusão: P





>> Quando um **argumento** deve ser considerado **válido**? Em outras palavras:

- quando Q pode ser deduzida logicamente de P₁, P₂ ... P_n?
- quando Q é uma conclusão lógica de P₁, P₂ ... P_n?
- quando P₁, P₂ ... P_n implicam logicamente Q?

Diz-se que um **argumento** é **válido** se e somente se a conclusão \mathbf{Q} é verdadeira todas as vezes que as premissas $\mathbf{P_1}$, $\mathbf{P_2}$... $\mathbf{P_n}$ são verdadeiras.

Portanto, um argumento é válido quando é uma tautologia.





Pergunta-se: como testar se um argumento é válido?

>> Deve-se testar se $P_1 \wedge P_2 \wedge ... \wedge P_n \rightarrow Q$ é uma tautologia.

Além da tabela verdade e do método de refutação, pode-se verificar (demonstrar) a validade de um argumento usando regras de inferência.





SITUAÇÃO 1: Provar usando regras de inferência

Se hoje é domingo, então não tem aula.

Hoje é domingo.

Portanto, hoje não tem aula.

SITUAÇÃO 2: Provar usando refutação

Se hoje é domingo, então não tem aula.

Hoje não tem aula.

Portanto, hoje é domingo.

• 1º passo: identificar premissas e conclusão

• 2º passo: associar símbolos proposicionais a sentenças simples

• 3º passo: traduzir

• 4º passo: representar o argumento

O argumento é válido

O argumento não é válido





- Se hoje é domingo, então não tem aula.
- · Hoje é domingo.
- Portanto, hoje não tem aula.



Vamos verificar a validade do argumento acima através da tabela-verdade, método da refutação e regras de inferência.

Lógica Proposicional: Formalização de Problemas

MOTIVAÇÃO (GERSTING, 2001, p. 1): como simbolizar matematicamente o conhecimento abaixo expresso em linguagem natural:

Se meu cliente fosse culpado, a faca estaria na gaveta. Ou a faca não estava na gaveta ou Jacson viu a faca. Se a faca não estava lá no dia 10 de outubro, então Jacson não viu a faca. Além disso, se a faca estava lá no dia 10 de outubro, então a faca estava na gaveta e o martelo estava no celeiro. Mas todos sabemos que o martelo não estava no celeiro. Portanto, senhoras e senhores, meu cliente é inocente.









a) Ricardo ama Lúcia ou Elaine. Se Ricardo ama Lúcia, então ele também ama Elaine. Portanto, Ricardo ama Lúcia.

AFIRMAÇÃO	JUSTIFICATIVA	
	AFIRMAÇÃO	



b) Ricardo ama Lúcia ou Elaine. Se Ricardo ama Lúcia, então ele também ama Elaine. Portanto, Ricardo ama Elaine.



c) Se a segurança é um problema, então o controle será aumentado. Se a segurança não é um problema, então os negócios na Internet irão aumentar. Logo, se o controle não for aumentado, os negócios na Internet crescerão.



d) Se as taxas de juros caírem, o mercado imobiliário vai melhorar. Ou as taxas de descontos vão cair, ou o mercado imobiliário não vai melhorar. As taxas de juros vão cair. Assim sendo, as taxas de descontos vão cair.



e) Se Guga joga uma partida de tênis, a torcida comparece se o ingresso é barato. Porém, se Guga joga uma partida de tênis, o ingresso é barato. Dessa maneira, se Guga jogar uma partida de tênis, a torcida vai comparecer.



g) Sócrates está disposto a visitar Platão, só se Platão estiver disposto a visitá-lo. Platão não está disposto a visitar Sócrates, se Sócrates estiver disposto a visitá-lo. Platão está disposto a visitar Sócrates, se Sócrates não estiver disposto a visitá-lo. Portanto, Sócrates está disposto a visitar Platão.

5ª Questão: Para os enunciados a seguir:



- a) analise as premissas e assinale a alternativa que apresenta a conclusão correta.
- b) escreva o argumento na linguagem da lógica proposicional, indicando o significado dos símbolos proposicionais utilizados, identificando premissas e conclusão.

I-	Surfo ou estudo. Fumo ou não surfo. Velejo ou não estudo. Ora, não velejo.	Nº	AFIRMAÇÃO	JUSTIFICATIVA
	Portanto: (a) Estudo e fumo. (b) Não fumo e surfo. (c) Fumo e surfo. (d) Não velejo e não fumo. (e) Estudo e não fumo.			



- a) analise as premissas e assinale a alternativa que apresenta a conclusão correta.
- b) escreva o argumento na linguagem da lógica proposicional, indicando o significado dos símbolos proposicionais utilizados, identificando premissas e conclusão.
- II- Se o anão foge do tigre, então o tigre é feroz. Se o tigre é feroz, então o rei fica no castelo. Se o rei fica no castelo, a rainha briga com ele. Ora, a rainha não briga com o rei.

Logo:

- (a) O tigre não é feroz e o anão foge do tigre
- (b) O rei fica no castelo e o tigre é feroz.
- (c) O rei não fica no castelo e o tigre é feroz.
- (d) O tigre é feroz e o anão foge do tigre.
- (e) O rei não fica no castelo e o anão não foge do tigre.

FURB

- a) analise as premissas e assinale a alternativa que apresenta a conclusão correta.
- b) escreva o argumento na linguagem da lógica proposicional, indicando o significado dos símbolos proposicionais utilizados, identificando premissas e conclusão.
- III- Sabe-se que determinado rio passa pelas cidades A, B e C. Então, não chove em A ou o rio transborda. Não chove em B ou o rio transborda. Não chove em C ou o rio não transborda. O rio transbordou.

Conclui-se que:

- (a) Choveu em A e choveu em B.
- (b) Não choveu em C.
- (c) Choveu em A ou choveu em B.
- (d) Choveu em C.
- (e) Choveu em A.

FURB

- a) analise as premissas e assinale a alternativa que apresenta a conclusão correta.
- b) escreva o argumento na linguagem da lógica proposicional, indicando o significado dos símbolos proposicionais utilizados, identificando premissas e conclusão.
- IV- Bia é alta e patriota, ou Bia é educada. Bia não é educada.

Dessa maneira:

- (a) Bia é alta e patriota.
- (b) Bia não é alta e não é patriota.
- (c) Bia é alta ou patriota.
- (d) Bia não é alta ou não é educada.
- (e) Bia é alta e não é patriota.

FURB

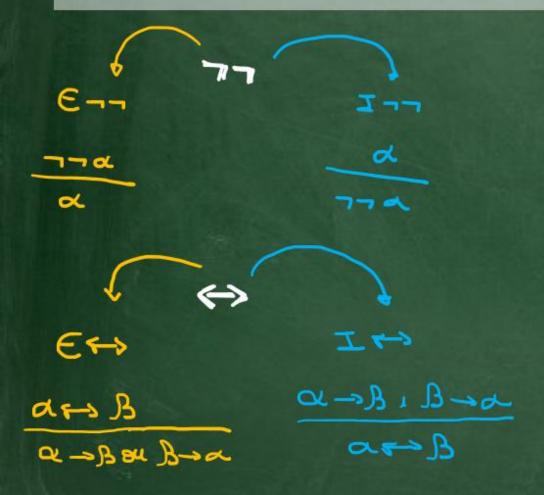
- a) analise as premissas e assinale a alternativa que apresenta a conclusão correta.
- b) escreva o argumento na linguagem da lógica proposicional, indicando o significado dos símbolos proposicionais utilizados, identificando premissas e conclusão.
- V- Pedro toca piano se e somente se Vitor toca violino. Ora, Vitor toca violino ou Pedro toca piano.

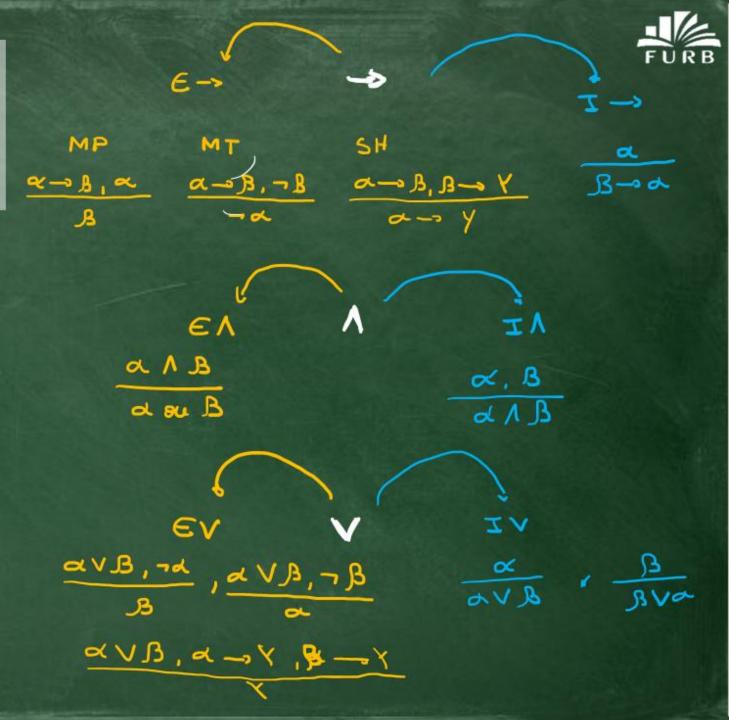
Assinale a alternativa que apresenta a conclusão correta.

- (a) Pedro não toca piano.
- (b) Vitor não toca violino.
- (c) Vitor toca violino.
- (d) Se Pedro toca piano, então Vitor não toca violino.
- (e) Pedro não toca piano e Vitor toca violino.



QUE TAL UM RESUMO DAS REGRAS DE INFERÊNCIA ESTUDADAS ATÉ AQUI! ;)





Lógica Proposicional

O que já foi estudado?

- a linguagem da lógica proposicional, considerando sintaxe (regras para escrever fórmulas a partir de símbolos proposicionais, de pontuação, de conectivos proposicionais) e semântica (regras para determinar o significado das fórmulas);
- os métodos para determinar a interpretação das fórmulas: tabela verdade, método da refutação;
- como deduzir conhecimento, usando regras de inferência, a partir de conhecimento dado a priori (inferência lógica ou raciocínio);
- como representar (formalizar) o conhecimento e provar que o argumento é ou não válido.





Escopo da disciplina:

Unidade 1:
INTRODUÇÃO À
LOGIÇA

- >> O atre i i jejica?
- Vouve estudar lógica?
- >> Histórico e evolução.

Unidade 2:

LÓGICA PROPOSICIONAL

- >> Introdução: proposicões pios, operadores lógicos:
- >> Linguagem, sin we semântica;
- >> Métoda (a.a verificar a validade de fórmulas: (a) cabelas verdade, (b) método da refutação, (c) dedução formal
- >> Formalização de problemas.

Unidade 3:

LÓGICA DE PREDICADOS

- >> Introdução;
- >> Linguagem: sintaxe e semântica;
- >> Métodos para verificar a validade de fórmulas: dedução formal;
- >> Formalização de Problemas.

Unidade 4:

FORMALIZAÇÃO DE PROGRAMAS E SISTEMAS DE COMPUTAÇÃO SIMPLES

>> PROgramming in LOGic (PROLOG)



Lógica Proposicional: **Documentos consultados**

- ABE, J. M.; SCALZITTI, A.; SILVA FILHO, J. I. Introdução à lógica para a ciência da computação. 2.ed. São Paulo: Arte & Ciência, 2002.
- 2. BISPO, C. A. F.; CASTANHEIRA, L. B.; SOUZA FILHO, O. M. Introdução à lógica matemática. São Paulo: Cengage Learning, 2011.
- 3. CASANOVA, M. A.; GIORNO, F. A. C; FURTADO, A. L. **Programação em lógica e a linguagem PROLOG**. São Paulo: E. Blucher, 1987.
- 4. GLUZ, J. C.; PY, M. X. **Lógica para Computação.** Universidade do Vale do Rio dos Sinos UNISINOS, 2002.
- 5. GERSTING, J. L. Fundamentos matemáticos para a ciência da computação. 4. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2001.



Lógica Proposicional: **Documentos consultados**

- 6. MORTARI, C. A. **Introdução à lógica**. São Paulo: UNESP, 2001.
- 7. NOLT, J.; ROHATYN, D. **Lógica**. São Paulo: Makron Books, 1991.
- 8. PARIS, R. de. Lógica. Unisinos. 2016.
- 9. SILVA, F. S. C.; FINGER, M.; MELO, A. C. V. Lógica para computação. São Paulo: Thomson Learning, 2006.
- 10. SOUZA, J. N. Lógica para ciência da computação: fundamentos de linguagem, semântica e sistemas de dedução. Rio de Janeiro: Campus, 2002.
- 11. SCHREINER, M. A. Introdução à lógica. Universidade Federal do Paraná. 2016.





loading...

100%