Lab2 Report

Task 1: Loop Mesh Subdivision

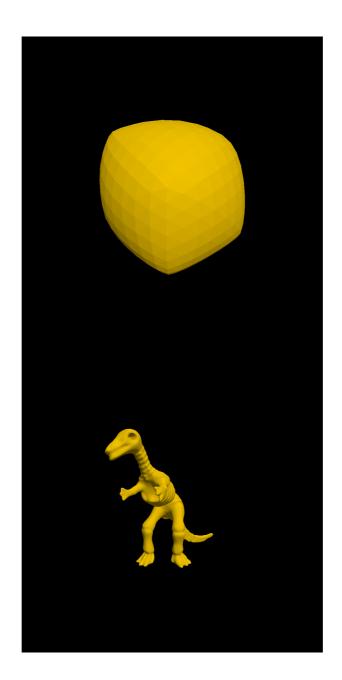
在这个任务中,我实现了三角网格细分算法。每一轮细分操作,在三角形的每一条边上产生一个顶点,并且对原有的顶点重新调整。因此,在实现过程中,对于每一轮细分操作,我分成了四步:

- 建立查询边的数据结构
- 计算原有的顶点的位置
- 计算新生成的顶点位置
- 建立顶点之间的连接关系

在第一步中,我使用助教提供的 DCEL 数据结构来查询边。在第二步中,遍历每一个顶点,根据周围顶点的位置和该定点原来的位置来计算这个顶点的新位置,并且按照周围顶点权重 $\frac{3}{8n}$,该顶点权重 $\frac{5}{8}$ 进行加权。在第三步中,遍历每一条边,根据论文中的公式进行加权计算出新加入的顶点的位置,并且记录每一边所加入的顶点的索引。在这里,我定义了一个宏。第四步中,遍历每一个三角形,根据之前保存的索引,将新的四个三角形加入到新的网格中,在这里需要注意加入点的顺序。

```
// Macro
// Macro
// Macro
// #define MAP_PAIR(a, b) ((((uint64_t) a + b) << 32) + abs((long long) (a - b)))
// Map the edge (v2,v3) to the index of new vertex
map_record[MAP_PAIR(v2, v3)] = New.Positions.size() - 1;</pre>
```

最终的结果如下图所示:





Task 2: Spring-Mass Mesh Parameterization

在这个任务中,我实现了基于弹簧质点的三角网格参数化算法。首先,我使用助教提供的 $_{\rm DCEL}$ 数据结构来查询边。然后,通过循环,我找到了一个边界点,以这个边界点为起点,按照顺序找出所有的边界点。而后,我将边界点上的(u,v) 坐标初始化为圆边界,其它点初始化为圆心附近的点。最后,我使用迭代法求解中间节点上的(u,v) 坐标,为了方便,我直接使用 $\lambda_{ij}=1/n_i$ 的平均权重。

```
1 // Init side vertex
   for (int i = 0; i < side_vertex.size(); i++) {
 3
            output.TexCoords[side_vertex[i]] = glm::vec2(
                0.5 + 0.5 * sin(2 * PI * i / side_vertex.size()),
 4
                0.5 + 0.5 * cos(2 * PI * i / side_vertex.size()));
 5
 6
 7 // Iteration
 8 texco.push_back(glm::vec2(0));
9 for (int j = 0; j < v_neighbors.size(); <math>j++) {
        uint32_t u = v_neighbors[j];
10
        texco[i] = texco[i] + glm::vec2(1.0 / v_neighbors.size()) *
11
   output.TexCoords[u];
12 }
```

最终的结果如下图所示:



Task 3: Mesh Simplification

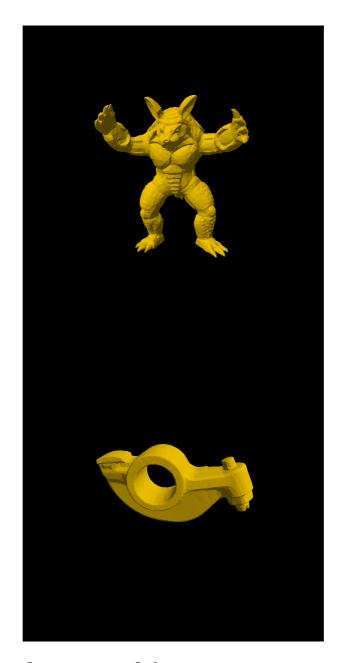
在这个任务中,我实现了网格简化的算法。首先,我对每一个初始的顶点计算二次代价矩阵,为了实现的方便,我定义了一个函数来计算平面的方程。然后使用助教提供的查询边的数据结构 DCEL 建立查询边的数据结构,遍历每一个顶点即可得到每一个顶点的二次代价矩阵。第二步是确定合法点对,和发电对主要包含两部分:有连边的顶点对和距离小于阈值的顶点对。我首先遍历所有的边,记录下这些点对,同时为了防止重复,我使用set 来记录哪些点对加入了合法点对。然后遍历每一对点对,计算距离,将距离小于阈值,且未连边的点对加入合法点对。由于点对不区分顺序,所以在 set 中,我使用一个64位的数对点对进行编码 MAP_PAIR(a, b)((((uint64_t)a + b) << 32) + abs(a - b)))。也就是 Task 1 中使用的宏。而后,对于每一对顶点我按照论文中的公式进行计

算,并且记录最优收缩点和代价。最后每次都处理一对代价最小的点对,直到剩下的顶点数量小于要求的。在使用最优收缩点代替点对时,我会对网格和合法点对进行更新,删去退化的面、退化的合法点对,更新重新计算包含发生变化的点的代价和最优收缩点。

```
1 // calculate the equition of the plane.
 2 glm::vec4 plane_equition(glm::vec3 v1, glm::vec3 v2, glm::vec3 v3)
            glm::vec3 \ a = v1 - v2, \ b = v1 - v3;
 3
 4
            a = glm::vec3(
                a[1] * b[2] - a[2] * b[1], a[2] * b[0] - a[0] * b[2],
 5
   a[0] * b[1] - a[1] * b[0]);
            b = a * a;
 6
            if (b[0] + b[1] + b[2] == 0) return glm::vec4(1, 0, 0, 0);
 7
            a = a / glm::vec3(sqrt(b[0] + b[1] + b[2]));
 8
9
            b = a * v1;
            return glm::vec4(a[0], a[1], a[2], -b[0] - b[1] - b[2]);
10
        }
11
```

最终结果如下图所示:



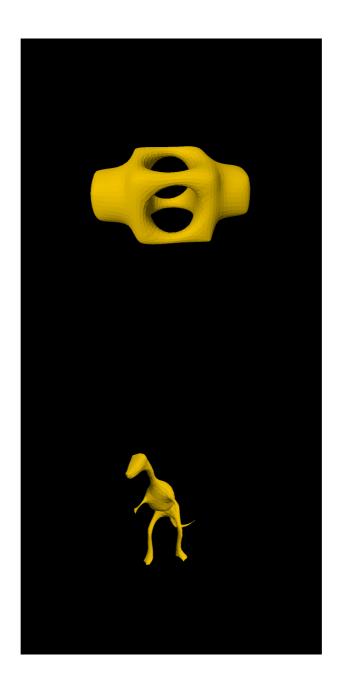


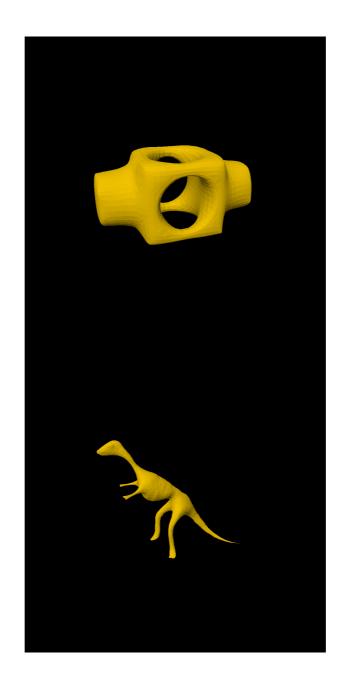
Task 4: Mesh Smoothing

在这个任务中, 我实现了网格平滑算法。对于每一次迭代, 我都进行如下步骤:

- 1. 遍历所有顶点,计算邻居位置的加权平均 $v_i^*=rac{\sum_{j\in N(i)}w_{ij}v_j}{\sum_{j\in N(i)}w_{ij}}$
- 2. 计算权值
- 3. 更新顶点: $v_i=(1-\lambda)v_i+\lambda v_i^*$ 为了实现的方便,我添加了一个函数 float my_cot(glm::vec3 v1, glm::vec3 v2, glm::vec3 v3)。由于 cot 可能会出现负值,我将所有的 cot 都取绝对值作为权重。

最终结果如下图所示:





Task 5: Marching Cubes

在这个任务中,我实现了Marching Cube 算法。为了实现的方便,我定义几个宏。 NODE_MAP 对正方体的点进行编码,保证在正方体构成的网格中每一个点都有唯一的编码, $EDGE_MAP$ 对正方体的边进行编码,保证在正方体构成的网格中每一个边都有唯一的编码, $VERTEX_POSI$ 给定 v_0 坐标,求 v_i 的坐标。我们遍历每一个正方体,利用助教提供的数据结构来判断隐式网格和正方体的交点情况。而后查看该交点之前是否已经加入网格,如果在之前的正方体中遍历到这个点,那么我们将它加入网格,然后我利用助教提供的表,进行连接,构建三角形。

```
1 // Macro
2 #define MAP_PAIR(a, b) \
3
      (((uint64_t) ((long long) a + b) \ll 32) + abs((long long))
   ((long) a - (long) b)))
4
5
   #define NODE_MAP(a, b, c, t) \
      ((a + ((t >> 0) \& 1)) * 100 * 100 * 4 + (b + ((t >> 1) \& 1)) *
6
   100 * 2 + c + ((t >> 2) & 1))
8 #define VERTEX_POSI(p, i) \
    (glm::vec3((p[0] + (i & 1) * dx), p[1] + ((i >> 1) & 1) * dx,
   p[2] + ((i >> 2) & 1) * dx))
10
11 #define EDGE_MAP(a, b, c, i, j) (MAP_PAIR(NODE_MAP(a, b, c, i),
   NODE_MAP(a, b, c, j))
```

