## PL04 - MPEI

# Algoritmos Probabilísticos

Ano Letivo: 2023/2024

Turma: P8

Nuno Pinho nº108648 Guilherme Ferreira Santos nº113893

# Índice

1	Introdução	
2	Script loadFiles.m	
	2.1 Função minHash	
	2.2 Função minHashDish	
	2.3 Função minHashRestaurant	
	2.4 Função initBloomFilter	
3	Script main.m	
	3.1 Função printEvaluatedRestaurants	
	3.2 Função findSimilar	
	3.3 Função searchSimilarDishes	
	3.4 Função searchSimilarRestaurants	
	3.5 Função getRestInfo	
	3.6 Função calcNumberOfRatings	

## 1 Introdução

A resolução desta secção consistiu no desenvolvimento de dois scripts principais, loadFiles.m e main.m.

O script loadFiles.m é executado uma única vez e tem como propósito ler os dois ficheiros de entrada fornecidos (utilizadores.data e restaurantes.txt) e guardar toda a sua informação relevante no WorkSpace do MATLAB.

O script main.m lê do WorkSpace todas as variáveis importantes para o seu desenvolvimento e depois apresenta ao utilizador todas as suas funcionalidades.

Ao longo da implementação de ambos os scripts foi necessário criar funções em ficheiros á parte que vão ser posteriormente analisadas.

### 2 Script loadFiles.m

Numa primeira etapa, o script lê os dados dos ficheiros de entrada. Primeiro, é guardado na célula rest a informação do ficheiro restaurantes.txt, de seguida, udata recebe todos os dados do ficheiro utilizadores.data e a variável u filtra esses dados pelas colunas 1, 2 e 4 pois são as únicas que nos interessam para a resolução da secção. Por fim, users pega em todos os utilizadores únicos da variável u pois, assim, será mais fácil, no futuro, de utilizar a informação.

Após os dados terem sido tratados é criada a *cell array* Set que, por cada *user* único, recebe os *ids* dos restaurantes aos quais deu rating.

Por fim, são geradas as assinaturas e o filtro de Bloom para o desenvolvimento das opções descritas nos comentários.

#### 2.1 Função minHash

Esta função serve para gerar a matriz das assinaturas dos utilizadores para ajudar na implementação da opção 2. Em primeiro lugar, o valor de k é escolhido, nós optámos por 200 pois, após alguns testes, este foi o melhor valor na relação desempenho/resultado, ou seja, é um valor que contribui para obter resultados decentes sem levar demasiado tempo. De seguida, são inicializados os dados para serem geradas as diferentes funções de dispersão com o recurso á função initHashFunctions

```
function hashFuns = initHashFunctions(N, k)
   p = primes(N*2);
   p = p(p>=N);

   p = p(randperm(length(p), 1));

   hashFuns.p = p;
   hashFuns.M = N;
   hashFuns.a = randi([1, (p-1)], 1, k);
   hashFuns.b = randi([0, (p-1)], 1, k);
end
```

Como nós usámos o método de Carter e Wegman como função dispersão, há certos valores que precisam de ser gerados. Esta função começa por gerar números primos aleatórios entre 1 e N\*2, filtra-os pois têm de ser maiores ou iguais a N e, por fim, permuta-os aleatoriamente e escolhe o primeiro. O valor de M é simplesmente N e a e b são arrays com tamanho k de valores aleatórios.

Numa segunda etapa, por cada utilizador u, vão se buscar todos os restaurantes a ele associados e por cada j de k funções dispersão é calculado o minHash do conjunto de restaurantes através a função carterMinHashFunction que aplica o método de Carter e Wegman anteriormente referido.

```
h(x) = ((ax + b) \bmod p) \bmod M
 minHash = min(h(x)), \ x = conjunto \ de \ restaurantes
```

E, por fim, atribui á matriz das assinaturas signatures o valor obtido na posição (j, u)

```
function signatures = minHash(Set)
    k = 200;
    N = 1e6;
    hashFuns = initHashFunctions(N, k);

Nu = length(Set);
    signatures = zeros(k, Nu);
    for u = 1:Nu
        restaurants = Set{u};
        for j = 1:k
             signatures(j, u) = carterMinHashFunction(hashFuns, j, restaurants);
        end
    end
end
```

#### 2.2 Função minHashDish

Esta função serve para gerar a matriz das assinaturas que vai ajudar na implementação da opção 3. Diferente da função anterior, esta usa o conceito de *shingles* uma vez que a matriz retornada vai servir para a comparação entre vetores de caracteres. Assim como em minHash, foram precisos serem escolhidos valores para k mas desta vez também é preciso escolher o valor para o shingleSize e ambos foram escolhidos pelas mesmas razões da função anterior (a relação resultados/desempenho foram razoáveis para estes valores).

Esta função, gera a estrutura hashFuns e, por cada restaurante, vai buscar o vetor de caracteres associado ao prato (dish). De seguida, o vetor de caracteres é unificado pois, da maneira que foi implementada, os espaços dividiam os shingles antes de atingirem o tamanho shingleSize desejado. Após isto, são gerados os shingles e são-lhes aplicadas as k funções dispersão e atribuído o minHash na matriz das assinaturas por cada iteração. Viu-se necessário o retorno da estrutura hashFuns uma vez que, no script main.m será necessária para a resolução da opção 3

```
function [signatures, hashFuns] = minHashDish(rest)
    shingleSize = 5;
    k = 200;
    Nres = height(rest);
    signatures = zeros(k, Nres);
    N = 1e6;
    hashFuns = initHashFunctions(N, k);
    for restaurantID=1:Nres
        dish = lower(rest{restaurantID, 6});
        if ismissing(dish)
            signatures(:,restaurantID) = -1; %if restaurant doesnt have dish ignores
            dish = strrep(dish, '', '');
            shingles = {};
            if length(dish) < shingleSize</pre>
                shingles{1} = dish;
            else
                for i=1:length(dish)-shingleSize+1
                    shingles{i} = [dish(i:i+shingleSize-1) ' '];
            end
            shingles = [shingles{:}];
            for j=1:k
                signatures(j, restaurantID) = carterMinHashFunction(hashFuns, j, shingles);
        end
    end
end
```

#### 2.3 Função minHashRestaurant

Esta função serve para gerar a matriz das assinaturas que vai ajudar na implementação da opção 4. Como na função anterior, esta usa o conceito de *shingles*, no entanto, em vez da matriz retornada servir para a comparação entre vetores de caracteres vai ser entre conjuntos de vetores de caracteres. Assim como em minHashDish, foram precisos serem escolhidos valores para o shingleSize e para k e ambos se mantiveram iguais pelas mesmas razões.

Esta função, gera a estrutura hashFunsrest e, por cada restaurante, vai buscar os vetores de caracteres associados aos diferentes campos do restaurante. De seguida, é feito um vetor de caracteres que resulta da junção dos vetores anteriores e este é também unificado. Após isto, são gerados os *shingles* e são-lhes aplicadas as k funções dispersão e atribuído o *minHash* na matriz das assinaturas por cada iteração.

```
function signatures = minHashRestaurant(rest)
    shingleSize = 5:
    k = 200;
    Nres = size(rest, 1);
    signatures = zeros(k, Nres);
    N = 1e6;
    hashFunsrest = initHashFunctions(N, k);
    for restaurantID = 1:Nres
        local = lower(rest{restaurantID, 3}); % Local in the 2nd column
        district = lower(rest{restaurantID, 4}); % Districts in the 4th column
        restaurantType = lower(rest{restaurantID, 5}); % Types in the 5th column
        dish = lower(rest{restaurantID, 6}); % Dishes in the 6th column
        if ismissing(dish)
            dish =
        closed = lower(rest{restaurantID, 7}); % Closed time in the 7th column
        if ismissing(closed)
            closed = '';
        combinedText = [local, ' ' , district, ' ', restaurantType, ' ', dish, ' ', closed]; %
        combinedText = strrep(combinedText, '', '');
        % Split combinedText into shingles
        shingles = {};
        for i = 1:length(combinedText) - shingleSize + 1
            shingles{i} = [combinedText(i:i + shingleSize - 1) ' '];
        shingles = [shingles{:}];
        % Generate signatures using shingles
        for j = 1:k
            signatures(j, restaurantID) = carterMinHashFunction(hashFunsrest, j, shingles);
    end
end
```

#### 2.4 Função initBloomFilter

Aqui será gerado o *Bloom Filter* que vai ajudar na implementação da opção 5. Nesta função também foi necessária a escolha de certos valores, no entanto, ao contrário das outras funções, esta baseia-se numa escolha teórica.

m é o número de dados a serem introduzidos no filtro;

b é o número de bits de capacidade de cada elemento, que foi escolhido de maneira a não haverem problemas de overflow mas também sem "alocar"demasiado espaço na memória;

probFakePositive é a probabilidade máxima aceite para os falsos positivos.

Agora para valores importantes: o n é escolhido entre 1e5 e 1e7, de seguida, é calculado o valor ótimo de k baseado na expressão  $\frac{0.693n}{m}$ , após ter sido obtido o k é calculada a probabilidade de falsos positivos com estes valores usando a expressão  $(1-e^{(\frac{-km}{n})})^k$ . Se a probabilidade calculada for menor ou igual á variável probFakePositive os valores de n e de k são aceites, se não. é atribuído a n outro valor e assim sucessivamente até a condição for verdadeira. Com estas condições, os valores gerados foram:

```
n = 900000, k = 11, False Positive Probability = 0.000654
```

Com estes valores, a função gera a estrutura hashFunsBloom para gerar as funções de dispersão e é inicializado o Bloom Filter a zeros. De seguida, por cada userID de u, são calculados os índices do filtro a partir das k funções dispersão e, em cada índice, é incrementado o valor. Viu-se necessário o retorno da estrutura hashFunsBloom uma vez que, no script main.m será necessária para a resolução da opção 5

```
function [B, hashFunsBloom] = initBloomFilter(u)
    m = length(u);
    b = 10; % number of max bits per element
    % Choosing the best k and n values
    probFakePositive = 0.001; % 0.1% of false positives in maximum
    for i = 1e5:1e5:1e7
        n = i;
        k = round((0.693*n)/m); \% best k in theory
        prob = (1 - \exp(-k*m/n))^k;
        if prob <= probFakePositive</pre>
            break;
    end
    N = 1e6;
    hashFunsBloom = initHashFunctions(N, k);
    % Initializing the bloom filter
    B = zeros(n, 1);
    % Inserting the elements
    for i = 1:m
        userID = u(i, 1);
        for j=1:k
            hash = mod(mod(mod(hashFunsBloom.a(j).*userID + hashFunsBloom.b(j), hashFunsBloom.p),
    hashFunsBloom.M), n)+1:
            if any(B(hash) == 2^b-1) % If the counter is full
            B(hash) = B(hash)+1; % Incrementing the counter
        end
    end
```

## 3 Script main.m

Este módulo representa o sistema interativo que permite aos usuários consultar e explorar informações relativamente aos restaurantes avaliados. Primeiramente, o script começa por ler do WorkSpace todos os dados que foram gerados pelo script loadfiles.m e, de seguida, será pedido para inserir um userID válido. Depois um menu de opções será mostrado, cada uma destas opções representa uma funcionalidade que poderá, ou não, depender do userID inserido. O utilizador deverá escolher uma destas opções, se a escolhida não for a opção 6-"exit" de terminar todas as operações, o menu voltará a aparecer e o processo irá se repetir. A opção 1 consiste em simplesmente mostrar os restaurantes que o userID avaliou com recurso á função printEvaluatedRestaurants. A opção 2, usa a função findSimilar com as assinaturas userSignatures e recolhe o id do utilizador mais similar ao inserido, de seguida, recorrendo á função referida anteriormente, mostra todos os restaurantes aos quais o utilizador com id = similarUserID avaliou. A opção 3, diferente das anteriores, não depende do userID inserido mas pede uma string ao utilizador que posteriormente vai ser usada para encontrar, no máximo, cinco restaurantes com pratos similares á string que inseriu com a utilização das assinaturas dishesSignatures. Na opção 4, são mostrados os restaurantes que o userID avaliou e é pedido que o utilizador escolha um dos restaurantes por id, após a escolha, com o uso da função seatchSimilarRestaurants e utilização das assinaturas restSignatures, são mostrados, no máximo, 3 restaurantes mais similares ao escolhido.Por fim, a opção 5 pede ao utilizador um novo userID que é validado, ou seja, tanto tem de pertencer ao conjunto users como não pode ser o mesmo que foi inserido antes, e com recurso á função calcNumberOfRatings mostra o número estimado de avaliações do newUserID.

```
% Input the User ID
while 1
    userID = input('Insert User ID (1 to ??):');
   % Only breaks if valid
    if userID >= 1 && userID <= length(users)</pre>
       break:
   end
while 1
   option = input('1 - Restaurants evaluated by you\n' + ...
        '2 - Set of restaurants evaluated by the most similar user\n' + \dots
        '3 - Search special dish\n' + ...
        '4 - Find most similar restaurants\n' + ...
        '5 - Estimate the number of evaluations for each tourist\n' + \dots
        '6 - Exit\n' + ...
        'Select choice:');
   switch option
       case 1
            fprintf(0-----Evaluated Restaurants----\n0);
           printEvaluatedRestaurants(userID, Set, rest);
            fprintf('----\n');
        case 2
           similarUserID = findSimilar(userID, userSignatures, Set);
           fprintf('----Evaluated Restaurants By Similar----
           printEvaluatedRestaurants(similarUserID, Set, rest);
            fprintf('-----
           dishInput = lower(input('Write a dish:', 's'));
           searchSimilarDishes(dishInput, rest, hashFuns, dishesSignatures)
           printEvaluatedRestaurants(userID, Set, rest)
            while 1
               restaurantID = input('\nChoose a restaurant by ID:');
                evaluatedRestaurants = Set{userID}:
               if any(evaluatedRestaurants == restaurantID)
                   break
                   fprintf('RestaurantID Not Found\n');
           searchSimilarRestaurants(restaurantID, rest, restSignatures, u);
        case 5
           while 1
               newUserID = input('Insert Another User ID:');
               % Only breaks if valid
               if newUserID >= 1 && newUserID <= length(users) && newUserID ~= userID
           end
           nRatings = calcNumberOfRatings(newUserID, B, hashFunsBloom);
           fprintf('UserID: %d ESTIMATE RATINGS NUMBER: %d\n', newUserID, nRatings);
        case 6
           break
       otherwise
           fprintf('Invalid Option\n');
   end
end
```

#### 3.1 Função printEvaluatedRestaurants

Esta função tem a finalidade de mostrar os detalhes dos restaurantes que foram avaliados pelo usuário inserido. Através do userID e procurando no Set, será possível recolher e guardar todos os restaurantes avaliados pelo user. De seguida, a função vai iterar por cada restaurante encontrado e, a partir do seu *id*, com acesso á *cell array* rest, vai imprimir os seus detalhes como o ID, Nome e Concelho.

```
function printEvaluatedRestaurants(userID, Set, rest)
  evaluatedRestaurants = unique(Set{userID});

for i=1:length(evaluatedRestaurants)
    restaurantID = evaluatedRestaurants(i);
    restaurantNAME = rest{restaurantID, 2};
    restaurantCONCELHO = rest{restaurantID, 4};
    fprintf('ID:%3d NAME:%s DISTRICT:%s\n', restaurantID, restaurantNAME, restaurantCONCELHO);
   end
end
```

#### 3.2 Função findSimilar

Com o objetivo de encontrar o user mais similar em termos de restaurantes visitados, a função findSimilar percorre todos os users e calcula a distância entre o userID e todos os outros users, ignorando a distância entre si mesmo, com base na matriz de assinaturas signatures recebida como argumento. No fim, será retornado o ID do usuário mais similar (o que possui a menor distância) em relação ao userID. Neste caso, a distância de Jaccard é calculada com base nos valores que são iguais na matriz das assinaturas signatures.

```
function similarUserID = findSimilar(userID, signatures, Set)
    distances = zeros(1,length(Set));
    for u=1:length(Set)
        if u~=userID
            c1 = signatures(:, u);
            c2 = signatures(:, userID);

        distances(u) = 1 - sum(c1 == c2)/height(signatures);
        else
            distances(u) = Inf; %ignores the distance between himself
        end
        end
        end
        [~,similarUserID] = min(distances);
end
```

#### 3.3 Função searchSimilarDishes

Esta função recebe a string inserida na opção 3, bem como as assinaturas dos pratos existentes de cada restaurante. Através da utilização de *shingles* e da minHash respetiva, será criada a assinatura da *string* que se deseja comparar. Para comparação, é calculada a distância entre a assinatura da *string* inserida e as assinaturas dos pratos dos restaurantes utilizando a distância de Jaccard. Isto é feito comparando os elementos das assinaturas e calculando a proporção de elementos coincidentes. As distâncias calculadas serão ordenadas para encontrar os pratos dos restaurantes mais similares à string inserida selecionando, no máximo, 5 similarRestaurants. Por fim, serão mostrados os restaurantes que contêm os pratos mais similares e os seus detalhes.

```
function searchSimilarDishes(string, rest, hashFuns, dishesSignatures)
    string = strrep(string, '', '');
    % Creating signatures for inputed string
    shingleSize = 5;
    k = 200;
    shingles = {};
    if length(string) < shingleSize</pre>
        shingles{1} = string;
       for i=1:length(string)-shingleSize+1
            shingles{i} = [string(i:i+shingleSize-1) '';
    end
    shingles = [shingles{:}];
    stringSignature = zeros(k, 1);
    for j = 1 : k
        stringSignature(j, 1) = carterMinHashFunction(hashFuns, j, shingles);
    % Find similars
    Nres = height(rest);
    distances = zeros(1, Nres);
    for restaurantID=1:Nres
        if ~any(dishesSignatures(:, restaurantID) == -1)
            c1 = stringSignature(:, 1);
            c2 = dishesSignatures(:, restaurantID);
            distances(restaurantID) = 1 - sum(c1 == c2)/k;
            distances (restaurantID) = Inf; %Distance from missing dish ignored
        end
    [sortedDistances, sortedIndices] = sort(distances);
    similarRestaurants = [];
    for i = 1:min(5, sum(sortedDistances <= 0.99))</pre>
        similarRestaurants = [similarRestaurants, sortedIndices(i)];
    % Display the result
    if isempty(similarRestaurants)
        fprintf('Restaurant NOT FOUND\n');
        for i=1:length(similarRestaurants)
            restaurantID = similarRestaurants(i);
            restaurantNAME = rest{restaurantID, 2};
            restaurantLOCAL = rest{restaurantID, 3};
            restaurantDISH = rest{restaurantID, 6};
            distance = distances(restaurantID);
            fprintf('NAME: %s LOCAL: %s DISH: %s JACCARD_DISTANCE: %.2f\n', restaurantNAME,
    restaurantLOCAL, restaurantDISH, distance);
    end
end
```

#### 3.4 Função searchSimilarRestaurants

Esta função será necessária para encontrar as similaridades nos vários campos que representam cada restaurante. Utilizando as assinaturas dos restaurantes recebidas como argumento restSignatures, será comparada a assinatura do restaurante de entrada com todas as outras assinaturas dos restaurantes utilizando a distância de Jaccard. Estas distâncias serão armazenadas e classificadas para encontrar os restaurantes que são mais similares ao restaurante de entrada considerando a condição de similaridade (distância menor ou igual a 0.99). No entanto, como só podem ser exibidos, no máximo, três restaurantes, esta função aplica um método de desempate, que consiste em pegar na array de distâncias ordenadas sortedDistances e vai percorrendo-a começando pelo início e, caso não hajam valores iguais ao da currentDistance, não é preciso desempatar e move-se para a frente, no entanto, caso sejam encontrados valores iguais, ou seja, length(tiedIndices) > 1, vão-se buscar os ids dos restaurantes com distâncias iguais tiedIDS e faz-se uma lista da média de avaliações de cada restaurante, ganha aquele que tiver maior média e anda-se para a frente na lista, o tamanho dos restaurantes com a mesma distância, isto repete-se até, ou a lista das distâncias similarDistances ter sido toda percorrida, ou que o tamanho de similarRestaurants seja 3. No fim, exibe os detalhes de, no máximo, três restaurantes mais similares ao restaurante de entrada, incluindo a distância de Jaccard calculada.

```
function searchSimilarRestaurants(restaurantID, rest, restSignatures, u)
    Nres = width(restSignatures);
    distances = zeros(1, Nres);
    for restID = 1:Nres
       \% Skip comparing the input restaurant with itself
        if restID == restaurantID
            distances(restID) = Inf;
            continue:
        c1 = restSignatures(:, restaurantID);
        c2 = restSignatures(:, restID);
        distances(restID) = 1 - sum(c1 == c2) / height(restSignatures);
    % Sort distances and find three most similar restaurants
    [sortedDistances, sortedIndices] = sort(distances);
    similarDistances = sortedIndices(1:sum(sortedDistances <= 0.99));</pre>
    similarRestaurants = [];
    i = 1;
    idx = 1:
    while i <=length(similarDistances) && length(similarRestaurants) < 3</pre>
        currentDistance = sortedDistances(i);
        tiedIndices = find(sortedDistances == currentDistance);
        if length(tiedIndices) == 1
            similarRestaurants(idx) = sortedIndices(tiedIndices);
            i = i+1;
            idx = idx+1;
        else
            tiedIDS = sortedIndices(tiedIndices);
            meanRatings = zeros(1, length(tiedIDS));
            for j=1:length(tiedIDS)
                restID = tiedIDS(j);
                restIndex = u(:, 2) == restID;
                meanRatings(j) = mean(u(restIndex, 3));
            winner = tiedIDS(find(max(meanRatings)));
            similarRestaurants(idx) = winner;
            idx = idx+1:
            i = i+length(tiedIDS);
    [name, local, district, restaurantType, dish, ~] = getRestInfo(rest, restaurantID);
    % Display provided restaurant and three most similar restaurants
    fprintf('Comparing Restaurant:\nNAME: %s, LOCAL: %s, DISTRICT: %s, TYPE: %s, DISH: %s\n', name,
   local, district, restaurantType, dish);
    if isempty(similarRestaurants)
        fprintf('Similar restaurants NOT FOUND\n');
    else
        fprintf('Three Most Similar Restaurants:\n');
        for i = 1:length(similarRestaurants)
            restID = similarRestaurants(i);
            [restNAME, restLOCAL, restDISTRICT, restTYPE, restDISH, ~] = getRestInfo(rest, restID);
            fprintf('NAME: %s, LOCAL: %s, DISTRICT: %s, TYPE: %s, DISH: %s, JACCARD_DISTANCE: %.3f\n
    ', restNAME, restLOCAL, restDISTRICT, restTYPE, restDISH, distances(restID));
        end
    end
end
```

#### 3.5 Função getRestInfo

Devido á necessidade de, repetidamente, recolher informação relativamente a um restaurante restaurantID, foi criada esta função como auxílio á função anterior.

```
function [restNAME, restLOCAL, restDISTRICT, restTYPE, restDISH, restCLOSED] = getRestInfo(rest,
    restaurantID)
    restNAME = rest{restaurantID, 2};
    restLOCAL = rest{restaurantID, 3};
    restDISTRICT = rest{restaurantID, 4};
    restTYPE = rest{restaurantID, 5};
    restDISH = rest{restaurantID, 6};
    if ismissing(restDISH)
        restDISH = '';
    end
    restCLOSED = rest{restaurantID, 7};
    if ismissing(restCLOSED)
        restCLOSED = '';
    end
end
```

#### 3.6 Função calcNumberOfRatings

Esta função recebe o *id* de um utilizador newUser, o *Bloom Filter* B e a estrutura para as funções de dispersão hashFunsBloom. Com isto, é inicializada a lista das avaliações do utilizador inserido, de seguida, por cada i função dispersão, é encontrado o *hashcode* associado ao utilizador e é atribuído, á lista criada anteriormente, o valor do filtro na posição do *hashcode*. Por fim, o número estimado de avaliações do utilizador newUser é o menor valor da lista nRatingsArray.

```
function nRatings = calcNumberOfRatings(newUser, B, hashFunsBloom)
    n = length(B);
    k = length(hashFunsBloom.a); %Number of hash functions

%Getting the estimate number of ratings
    nRatingsArray = zeros(1, k);
    for i=1:k
        hash = mod(mod(mod(hashFunsBloom.a(i).*newUser + hashFunsBloom.b(i), hashFunsBloom.p),
    hashFunsBloom.M), n)+1;
        nRatingsArray(i) = B(hash);
end

nRatings = min(nRatingsArray);
end
```