

ESCOLA SUPERIOR DE TECNOLOGIA E GESTÃO

Licenciatura em Engenharia Informática

Ficha Prática 3 - Resolução resumida

## Tema(s):

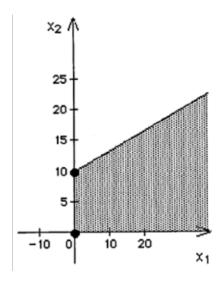
Método Simplex

**Exercícios retirados de:** F. S. Hillier and G. L. J., Introduction to Operations Research. McGraw-Hill Education, 2015.

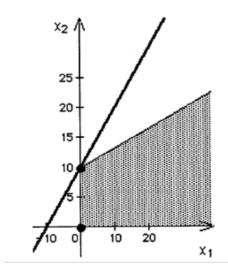
## Parte 1

#### 4.5-2.

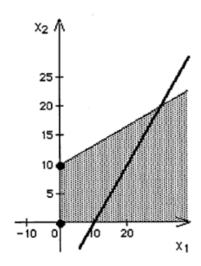
a)



b) Sim. Solução ótima:  $(x_1, x_2) = (0, 10)$  e  $Z^* = 10$ .



c) Não. O valor da função objetivo (FO) é maximizado através do deslizamento da reta da FO para a direita. Isto pode acontecer infinitamente, por isso não existe solução ótima.



d) Não, existem soluções que fazem com que o valor da FO (Z) seja extremamente elevado. Frequentemente, esta situação ocorre quando uma restrição é deixada fora do modelo.

e)

lteração O	<i>X</i> 1	<i>X</i> 2	<i>X</i> 3	<i>X</i> <sub>4</sub>	2º M
Z	1	-1	0	0	0
<i>X</i> <sub>3</sub>	-1	3	1	0	30
$\chi_4$	-3	1	0	1	30
	•		_		
lteração 1	$X_1$	$\chi_2$	<i>X</i> <sub>3</sub>	$X_4$	2º M
Z	2/3	0	1/3	0	10
<i>X</i> <sub>2</sub>	-1/3	1	1/3	0	10
$\chi_4$	-8/3	0	-1/3	1	20

$$Z^*_{(0,10)} = 10$$

### 4.5-7.

a)

s.a  $x_1 \le 6$ 

*x*<sub>2</sub> ≤ 3

 $-x_1 + 3x_2 \le 6$ 

b)

Função objetivo (Z)	Múltiplas soluções ótimas
$Z = -x_1 + 3x_2$	Segmento de linha entre (0, 2) e (3, 3)
Z = X <sub>2</sub>	Segmento de linha entre (3, 3) e (6, 3)
$Z = x_1$	Segmento de linha entre (6, 3) e (6, 0)
$Z = -x_2$	Segmento de linha entre (0, 0) e (6, 0)
$Z = -x_1$	Segmento de linha entre (0, 0) e (0, 2)

# c) Solução ótima: Z\*<sub>(0,2)</sub> = 4

Ponto do canto (x <sub>1</sub> , x <sub>2</sub> )	$Z = -x_1 + 2x_2$
(O, O)	Z = 0
(0, 2)	Z = 4
(3, 3)	Z = 3
(6, 3)	Z = 0
(6, 0)	Z = -6

d)

max.  $Z = -x_1 + 2x_2$ 

s.a *x*<sub>1</sub> ≤ 6

*x*<sub>2</sub> ≤ 3

 $-x_1 + 3x_2 \le 6$ 

Iteração O

Z *X*3

*X*<sub>4</sub>

*X*5

<i>X</i> <sub>1</sub>	<i>X</i> <sub>2</sub>	<i>X</i> <sub>3</sub>	$X_4$	<i>X</i> <sub>5</sub>	2º M
1	-2	0	0	0	0
1	0	1	0	0	6
0	1	0	1	0	3
-1	3	0	0	1	6

Iteração 1

Ζ

-Х<sub>3</sub>

*X*<sub>4</sub>

*X*<sub>2</sub>

<b>x</b> 1	<i>X</i> <sub>2</sub>	<i>X</i> <sub>3</sub>	$X_4$	<i>X</i> 5	2º M
1/3	0	0	0	2/3	4
1	0	1	0	0	6
1/3	0	0	1	-1/3	1
-1/3	1	0	0	1/3	2

Parte 2

4.5-8.

Iteração 0:

Bas	Eq				coeffic	ient of			Right
Var		Z	Х1	X2	Х3	X4	X5	X6	Side
z	٥	1	-1	-1	-1	-1	0_	0	0
X5	1	0	1	1	0	0	1	0	3
x6	2	0	0	0	1	1	0	1	2

Iteração 1:

Bas	Eq	Coefficient of							Right
Var	No	Z	X <sub>1</sub>	Х2	X3	Х4	X5	Х6	Side
z x <sub>1</sub>	0	1	0 1	0 1 [	- <u>1</u>	-1 0	1	0	3
x6	2	0	0	0	1	1	0	1	2

Iteração 2:

Bas	Eq				Coeffic	ient of			Right
Var	No	Z	X1	Х2	Х3	X4	X5	X6	Side
z	0	1	0	0	0	0	1	1	5
x <sub>1</sub>	1	0	1	1	0	0	1	0	3
X3	2	0	0	0	1	1	0	1	2

Solução ótima: Z\*<sub>(3,0,2,0)</sub> = 5