

ESCOLA SUPERIOR DE TECNOLOGIA E GESTÃO

Licenciatura em Engenharia Informática

Ficha Prática 3

## Tema(s):

Método Simplex

**Exercícios retirados de:** F. S. Hillier and G. L. J., Introduction to Operations Research. McGraw-Hill Education, 2015.

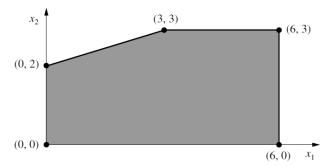
## Parte 1

**4.5–2.** Suponha que as restrições seguintes foram fornecidas para um modelo de programação linear com variáveis de decisão  $x_1$ e  $x_2$ .

$$-x_1 + 3x_2 \le 30$$
  
$$-3x_1 + x_2 \le 30$$
  
$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$$

- a) Demonstre graficamente que a região de soluções admissíveis é ilimitada.
- b) Se o objetivo for maximizar  $Z=-x_1+x_2$ , o modelo tem uma solução ótima? Se sim encontre-a, caso contrário explique porquê.
- c) Repita a questão (b) considerando o objetivo de maximizar  $Z = x_1 x_2$ .
- d) Para as funções objetivo onde este modelo não tem nenhuma solução ótima, isto significa que não existem boas soluções de acordo com tal modelo? Explique. O que provavelmente deu errado ao formular o modelo?
- e) Selecione uma função objetivo para a qual este modelo tem uma solução ótima. Em seguida, use o método Simplex para obter a solução ótima.

**4.5–7.** Considere um problema de programação linear com duas variáveis de decisão cujas soluções CPF são **(0, 0)**, **(6, 0)**, **(6, 3)**, **(3, 3)**, e **(0, 2)**. A figura seguinte ilustra a região admissível.



a) Use o gráfico para identificar todas as restrições do modelo

- b) Para cada <u>par de soluções CPF adjacentes</u>, dê um exemplo de uma função objetivo, de forma a que todos os pontos sobre o segmento de reta entre <u>estes dois pontos extremos</u> sejam soluções ótimas.
- c) Suponha agora que a função objetivo seja  $Z=-x_1+2x_2\cdot$  Use o método gráfico para encontrar todas as soluções ótimas.
- d) Para a função objetivo da alínea (c), use o método Simplex passo a passo para encontrar todas as soluções ótimas. A seguir, escreva uma expressão algébrica que identifique todas as soluções ótimas.

## Parte 2

4.5-8. Considere o seguinte problema.

Maximize 
$$Z = x_1 + x_2 + x_3 + x_4$$
  
S.a  $x_1 + x_2 \le 3$   
 $x_3 + x_4 \le 2$   
 $x_j \ge 0, for j = 1, 2, 3, 4.$ 

Use o método Simplex, passo a passo, para encontrar todas as soluções BA ótimas.