Lista 08 - Revisão de Limites de Funções

Nome:_____

Data: 22/11/2021.

1. Investigue a continuidade nos pontos indicados:

(a)
$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sin x}{x}, & x \neq 0 \\ 0, & x = 0 \end{cases}$$
 em $x = 0$.

(b)
$$f(x) = x - |x| \text{ em } x = 0.$$

(c)
$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^3 - 8}{x^2 - 4}, & x \neq 2\\ 3, & x = 2 \end{cases}$$
 em $x = 2$.

$$(d) \quad f(x) = \frac{1}{\sin 1/x} \qquad \qquad \text{em } x = 2.$$

(e)
$$f(x) = \begin{cases} x^2 \sin 1/x, & x \neq 0 \\ 0, & x = 0 \end{cases}$$
 em $x = 0$.

(f)
$$f(x) = \begin{cases} 1 - x^2, & x < 1 \\ 1 - |x|, & x > 1 \\ 1, & x = 1 \end{cases}$$
 em $x = 1$.

(g)
$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 4}{x - 2}, & x \neq 2\\ 0, & x = 2 \end{cases}$$
 em $x = 2$.

(h)
$$f(x) = \begin{cases} x^2, & x \ge -1 \\ 1 - |x|, & x < -1 \end{cases}$$
 em $x = -1$.

(i)
$$f(x) = \frac{x^2 - 3x + 7}{x^2 + 1}$$
, em $x = 2$.

(j)
$$f(x) = \frac{2}{3x^2 + x^3 - x - 3}$$
, em $x = -3$

2) Calcule os limites usando as propriedades:

a)
$$\lim_{x \to 1} (4x^2 - 7x + 5)$$

b)
$$\lim_{x \to -3} \frac{x^2 + 2x - 3}{5 - 3x}$$

a)
$$\lim_{x \to 1} (4x^2 - 7x + 5)$$
 b) $\lim_{x \to -3} \frac{x^2 + 2x - 3}{5 - 3x}$ c) $\lim_{x \to 2} \left(\frac{3x^2 - 2x - 5}{-x^2 + 3x + 4} \right)^3$

$$d) \lim_{x \to -1} \sqrt{\frac{2x^2 + 3x - 3}{5x - 4}}$$

$$d) \lim_{x \to -1} \sqrt{\frac{2x^2 + 3x - 3}{5x - 4}} \qquad e) \lim_{x \to -2} \sqrt[3]{\frac{3x^3 - 5x^2 - x + 3}{4x + 3}} \qquad f) \lim_{x \to 2} \frac{\sqrt{2x^2 + 3x + 2}}{6 - 4x}$$

$$f$$
 $\lim_{x\to 2} \frac{\sqrt{2x^2 + 3x + 2}}{6 - 4x}$

$$g)\lim_{x\to 0} (3-7x-5x^2)$$

h)
$$\lim_{x \to 3} (3x^2 - 7x + 2)$$

g)
$$\lim_{x\to 0} (3-7x-5x^2)$$
 h) $\lim_{x\to -3} (3x^2-7x+2)$ i) $\lim_{x\to -1} ((x+4)^3.(x+2)^{-1})$

$$j$$
 $\lim_{x\to 0} ((x-2)^{10}.(x+4))$

$$k) \lim_{s \to 1/2} \frac{s+4}{2s}$$

$$I$$
) $\lim_{t \to 2} \frac{t^2 + 5t + 6}{t + 2}$

03- Calcule os limites no infinito

3.
$$\lim_{x \to +\infty} (3x^3 + 4x^2 - 1)$$
.

$$4. \quad \lim_{x \to +\infty} \left(2 - \frac{1}{x} + \frac{4}{x^2} \right)$$

5.
$$\lim_{t \to +\infty} \frac{t+1}{t^2+1}$$
.

6.
$$\lim_{t \to -\infty} \frac{t+1}{t^2+1}$$
.

7.
$$\lim_{t \to +\infty} \frac{t^2 - 2t + 3}{2t^2 + 5t - 3}$$

8.
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{2x^5 - 3x^3 + 2}{-x^2 + 7}$$
.

9.
$$\lim_{x \to -\infty} \frac{3x^5 - x^2 + 7}{2 - x^2}$$
.

10.
$$\lim_{x \to -\infty} \frac{-5x^3 + 2}{7x^3 + 3}$$

04-Calcule os limites fundamentais:

- a) $\lim_{x\to 0} \frac{\operatorname{sen} 9x}{x}$ b) $\lim_{x\to 0} \frac{\operatorname{sen} 4x}{3x}$ c) $\lim_{x\to 0} \frac{\operatorname{sen} 10x}{\operatorname{sen} 7x}$

- d) $\lim_{x\to 0} \frac{tgx}{x}$ e) $\lim_{x\to 0} \frac{sen 2x}{x}$ f) $\lim_{x\to 0} \frac{sen 3x}{sen 5x}$