

Tipos de dados

- Tipos básicos
- Tipos função
- Checagem de tipos
- Assinatura de tipo em definições
- Consulta do tipo de uma expressão no GHCi

Tipos

- Um tipo é uma coleção de valores relacionados.
- Tipos servem para classificar os valores de acordo com as suas características.
- Em Haskell nomes de tipo são sequências de letras, dígitos decimais, sublinhados e apóstrofo, **começando com uma letra maiúscula**.
- Por exemplo, o tipo **Int** contém os valores inteiros, comumente usados nas **operações numéricas**.

Inteiros: Int (1)

- O tipo Haskell **Int** contém os inteiros.
- Os inteiros são os números inteiros, usados para contagem; eles são escritos assim:

45

- 8359

2147893748

Inteiros: Int (2)

- O tipo **Int** representa números inteiros em uma quantidade fixa de espaço
- Portanto, só pode representar um intervalo finito de números inteiros.
- O valor `maxBound` fornece o maior valor do tipo, que é `2147483647`

Inteiros: Integer

- Para a maioria dos cálculos de inteiros, esses números de tamanho fixo são adequados,
- mas se números maiores forem necessários, podemos usar o tipo **Integer**,
- que pode representar com precisão números inteiros de qualquer tamanho.

Inteiros: operações

- Fazemos aritmética em inteiros usando os seguintes operadores e funções

+	A soma de dois inteiros.
*	O produto de dois inteiros.
^	Elevar a potência; 2^3 é 8.
-	A diferença de dois inteiros
div	Divisão de número inteiro; por exemplo, $\text{div } 14 \ 3$ é 4.
mod	O restante da divisão de número inteiro
abs	O valor absoluto de um inteiro
negate	A função para alterar o sinal de um inteiro.

Caracteres: Char

- Haskell contém um tipo embutido de caracteres, chamado **Char**.
- Os caracteres literais são escritos entre aspas simples, portanto, 'd' é o representante Haskell do caractere d.
- Alguns caracteres especiais são representados da seguinte forma:

tab	<code>'\t '</code>
newline	<code>'\n'</code>
backslash (\)	<code>'\\'</code>
single quote (')	<code>'\''</code>
double quote (“)	<code>'\"'</code>

Sequências de caracteres: String

- Haskell contém um tipo embutido de sequências de caracteres, chamado **String**.
- As sequências de caracteres são escritas entre aspas duplas,
- portanto, “funcional” é o representante Haskell da string funcional
- ‘c’ “ca sa”

Booleanos: Bool (1)

- O tipo booleano em Haskell é denominado **Bool**.
- O tipo **Bool** contém os dois valores lógicos False e True, comumente usados nas operações lógicas.

Booleanos: Bool (2)

- Os valores booleanos True e False representam os resultados de testes, que podem, por exemplo, comparar dois números para igualdade, ou verificar se o primeiro é menor que o segundo.
- Os operadores booleanos fornecidos na linguagem são:

&&	and	e
	or	ou
not	not	não

Booleanos: Bool (3)

- Como Bool contém apenas dois valores, podemos definir o significado dos operadores booleanos por tabelas de verdade que mostram o resultado da aplicação do operador a cada combinação possível de argumentos.

F	F	F	F	T
F	T	F	T	T
T	F	F	T	F
T	T	T	T	F



Operadores relacionais

- Esses operadores recebem dois inteiros como entrada e retornam um Bool, que é True ou False. As relações são:

>	greater than (and not equal to)
>=	greater than or equal to
==	equal to
/=	Not equal to
<	less than or equal to
<=	less than (and not equal to)

Tipos básicos (1)

tipo	características	exemplos de valores
Int	<ul style="list-style-type: none"> – inteiros de precisão fixa – limitado (tem um valor mínimo e um valor máximo) – faixa de valores determinada pelo tamanho da palavra da plataforma 	876 2012
Integer	<ul style="list-style-type: none"> – inteiros de precisão arbitrária – ilimitado (qualquer número inteiro pode ser representado desde que haja memória suficiente) – menos eficiente que Int 	10 7547387487840030454523342092381
Float	<ul style="list-style-type: none"> – aproximação de números reais em ponto flutuante – precisão simples 	4.56 0.201E10
Double	<ul style="list-style-type: none"> – aproximação de números reais em ponto flutuante – precisão dupla 	78643 987.3201E-60
Rational	<ul style="list-style-type: none"> – números racionais – precisão arbitrária – representados como uma razão de dois valores do tipo Integer – os valores podem ser construídos usando o operador % do módulo Data.Ratio (precedência 7 e associatividade à esquerda) <code>import Data.Ratio</code> 	3 % 4 8 % 2 5 % (-10)
Bool	<ul style="list-style-type: none"> – valores lógicos 	False True
Char	<ul style="list-style-type: none"> – enumeração cujos valores representam caracteres unicode – estende o conjunto de caracteres ISO 8859-1 (latin-1), que é uma extensão do conjunto de caracteres ASCII 	'B' '!' '\n' nova linha '\LF' nova linha '^J' nova linha '\10' nova linha '\'' aspas simples '\\' barra invertida
String	<ul style="list-style-type: none"> – sequências de caracteres 	"Brasil" "" "bom\ndia" "altura:\10\&199.4" "minha casa é a melhor"

Tipos básicos (2)

- Alguns literais são sobrecarregados.
- Isto significa que um mesmo literal pode ter mais de um tipo, dependendo do contexto em que é usado.
- O tipo correto do literal é escolhido pela análise desse contexto.
- Literais inteiros e literais fracionários —> Numéricos

Tipos básicos (3)

- Os literais inteiros podem ser de qualquer tipo numérico, como Int, Integer, Float, Double ou Rational, e
- Os literais fracionários podem ser de qualquer tipo numérico fracionário, como Float, Double ou Rational.

Tipos básicos (4)

- Por exemplo:
- O literal inteiro 2016 pode ser de qualquer tipo numérico (como Int, Integer, Float, Double ou Rational)
- O literal 5.61 pode ser de qualquer tipo fracionário (como Float, Double ou Rational).

Tipos função (1)

- Nas linguagens funcionais, uma função é um valor de primeira classe e,
- assim como os demais valores, tem um tipo.
- Este tipo é caracterizado pelos tipos dos argumentos e pelo tipo do resultado da função.

Tipos função (2)

- Em Haskell um tipo função é escrito usando o operador de tipo \rightarrow :
- $t_1 \rightarrow \dots t_{n-1} \rightarrow t_n$
- onde
- t_1, \dots, t_{n-1} são os tipos dos argumentos
- t_n é o tipo do resultado

Tipos função (3)

- Exemplos:

- Bool -> Bool

tipo das funções com um argumento do tipo Bool, e resultado do tipo Bool, como por exemplo a função not

- Bool -> Bool -> Bool

tipo das funções com dois argumentos do tipo Bool, e resultado do tipo Bool, como por exemplo as funções (&&) e (||)

- Int -> Double -> Double -> Bool

tipo das funções com três argumentos, sendo o primeiro do tipo Int e os demais do tipo Double, e o resultado do tipo Bool

Checagem de tipos (1)

- Toda expressão sintaticamente correta tem o seu tipo calculado em tempo de compilação.
- Se não for possível determinar o tipo de uma expressão ocorre um erro de tipo que é reportado pelo compilador.
- A aplicação de uma função a um ou mais argumentos de tipo inadequado constitui um erro de tipo.

Checagem de tipos (2)

- Por exemplo:
- `Prelude> not 'A'`
- Couldn't match expected type 'Bool' with actual type 'Char'
- Neste exemplo o erro ocorre porque a função `not`, cujo tipo é `Bool -> Bool`, requer um valor booleano, porém foi aplicada ao argumento `'A'`, que é um caracter.

Checagem de tipos (3)

- Haskell é uma linguagem fortemente tipada, com um sistema de tipos muito avançado.
- Todos os possíveis erros de tipo são encontrados em tempo de compilação (tipagem estática).
- Isto torna os programas mais seguros e mais rápidos, eliminando a necessidade de verificações de tipo em tempo de execução.

Assinatura de tipo em definições (1)

- Ao fazer uma definição de variável ou função, o seu tipo pode ser anotado usando uma assinatura de tipo imediatamente antes da equação.
- A anotação consiste em escrever o nome e o tipo separados pelo símbolo ::
- Exemplo de variável:
- `notaFinal :: Double`
- `notaFinal = media 4.5 7.2`

Assinatura de tipo em definições (2)

- exemplos de função:
- `media :: Double -> Double -> Double`
- `media x y = (x + y)/2`
- `discriminante :: Double -> Double -> Double -> Double`
- `discriminante a b c = b^2 - 4*a*c`

Assinatura de tipo em definições (3)

- Um exemplo simples usando essas definições é uma função para testar se três Ints são iguais.

```
threeEqual :: Int -> Int -> Int -> Bool
```

```
threeEqual m n p = (m==n) && (n==p)
```

Assinatura de tipo em definições (4)

- Os booleanos podem ser os argumentos ou os resultados das funções.
- 'Exclusive or' é a função que retorna True exatamente quando um, mas não ambos os argumentos, tem o valor True.

`exOr :: Bool -> Bool -> Bool`

`exOr x y = (x || y) && not (x && y)`

Assinatura de tipo em definições (5)

- Os valores booleanos também podem ser comparados quanto à igualdade e desigualdade usando os operadores `==` e `/=`, que têm o tipo

`Bool -> Bool -> Bool`

- Observe que `/=` é a mesma função que `exOr`, uma vez que ambos retornam o resultado `True` quando exatamente um de seus argumentos é `True`.

Consulta do tipo de uma expressão no GHCi

- No GHCi, o comando `:type` (ou de forma abreviada `:t`) calcula o tipo de uma expressão, sem avaliar a expressão.

- Exemplos:

- `Prelude> :type not False`

`not False :: Bool`

- `Prelude> :type 'Z'`

`'Z' :: Char`

Consulta do tipo de uma expressão no GHCi

- Mais exemplos:

- Prelude> :t 2*(5 - 8) <= 6 + 1

2*(5 - 8) <= 6 + 1 :: Bool

- Prelude> :type not

not :: Bool -> Bool

- Prelude> :t 69 -- 69 é de qualquer tipo p onde p é um tipo numérico

69 :: Num p => p

Exercício

- Crie o programa fonte `aps3.hs` (com todas as funções e variáveis) como codificado nesta aula.
- Teste todas as funções do programa fonte, carregando no GHCi.
- Observe a necessidade de definir os tipos de dados das variáveis e também das funções.