

# Expressões e definições

---

- Constantes
- Aplicação de função
- Nomeação
- Definindo variáveis e funções

# expressões

---

- Por definição, uma expressão é uma entidade computacional que tem um valor
- Uma expressão em pode ser:
  - **Uma constante**
  - **Uma combinação**
  - **Um nome**

# constantes

---

- Números (inteiros e reais):
  - **0 1.5 5. 3.14 -5 -5.3E-7**
- Strings:
  - **"Fulano de Tal"**
- Valores booleanos:
  - **True False**
  - **Ex.: ( 3 < 4) resulta em True**

# constantes

---

- Quando se tecla uma *expressão* em um terminal de computador,
- o interpretador responde apresentando o resultado da *avaliação* da expressão

# constantes

---

- Sempre que é fornecida uma constante, o interpretador devolve a constante como resultado da avaliação
- O interpretador mostra a forma canônica (representação externa) da representação interna da constante

# constantes

---

- Em Haskell:

Prelude> 486

- A resposta será  
*486*

# constantes

---

● Valores lógicos em Haskell:

Prelude>True

*True*

Prelude>False

*False*

# constantes

---

- Cadeias de caracteres (strings) em Haskell:

Prelude>"bom dia"

*"bom dia"*



# constantes

descrição			exemplo
literais numéricos	inteiros	em decimal	8743
		em octal	0o7464
			00103
		em hexadecimal	0x5A0FF
	0xE0F2		
	fracionários	em decimal	140.58
			8.04e7
			0.347E+12
			5.47E-12
			47e22
literais caracter			'H'
			'\n'
			'\x65'
literais string			"bom dia"
			"ouro preto\nmg"
construtores booleanos			False
			True

# Aplicação de função

---

- Aplicação de função é uma das formas de expressões mais comuns na programação funcional,
- uma vez que os programas são organizados em funções.
- $f(x) = x + 4$       definição da função
- $f(2) = 6$       aplicação da função

# Aplicação de função

---

- uma aplicação de função em **notação prefixa** consiste em escrever a função seguida dos argumentos, se necessário separados por caracteres brancos (espaços, tabuladores, mudança de linha, etc.).
- Prelude> sqrt 25
  - 5.0
- Prelude> cos 0
  - 1.0

# Aplicação de função

---

- Mais exemplos:
- Prelude> tan pi
- -1.2246467991473532e-16
- Prelude> exp 1
- 2.718281828459045
- Prelude> logBase 3 81
- 4.0

# Aplicação de função

---

- Observe que, diferentemente de várias outras linguagens de programação,
- **os argumentos não são escritos entre parênteses e nem separados por vírgula.**
- Prelude> logBase 3 81
- 4.0

# Aplicação de função

---

- Parênteses podem ser usados para agrupar subexpressões (geram um valor).
- Por exemplo:
- Prelude> sqrt (logBase 3 81)
- 2.0
- Prelude> logBase (sqrt 9) 81
- 4.0

# Aplicação de função

---

- Aplicações de função também podem ser escritas em **notação infixa**, onde a função é escrita entre os seus argumentos.
- Neste caso dizemos que as funções são operadores infixos.

# Aplicação de função

---

- Exemplos:

- Prelude> 2 + 3

- 5

- Prelude> 10 / 4

- 2.5

- Prelude> (12 - 7) \* 6

- 30

- Prelude> 5 \* sqrt 36

- 30.0



# Aplicação de função

---

- Assim como na Matemática e em outras linguagens de programação,
- os operadores possuem um nível de precedência (ou prioridade) e uma associatividade.
- Precedência: Escolha do operador com maior prioridade
- Associatividade: Escolha se os operadores tiveram a mesma prioridade

# Aplicação de função

---

- Parênteses podem ser usados para agrupar subexpressões dentro de expressões maiores quebrando a precedência ou associatividade dos operadores.

# Aplicação de função

---

- O nível de precedência de um operador é dado por um número entre 0 e 9, inclusive.
- Se dois operadores disputam um operando, o operador de maior precedência é escolhido.
- Prelude> 2 + 3 \* 4
- Qual o valor desta expressão?
- Qual o operando disputado?

# Aplicação de função

---

- E agora...
- Prelude> 4 / 2 \* 2
- Qual o valor desta expressão?
- Qual o operando disputado?

# Aplicação de função

precedência	associativade	operador	descrição
9	esquerda	!!	índice de lista
	direita	.	composição de funções
8	direita	^	potenciação com expoente inteiro não negativo
		^^	potenciação com expoente inteiro
		**	potenciação com expoente em ponto flutuante
7	esquerda	*	multiplicação
		/	divisão fracionária
		'div'	quociente inteiro truncado em direção a $-\infty$
		'mod'	módulo inteiro satisfazendo $(\text{div } x \ y) * y + (\text{mod } x \ y) == x$
		'quot'	quociente inteiro truncado em direção a 0
6	esquerda	'rem'	resto inteiro satisfazendo $(\text{quot } x \ y) * y + (\text{rem } x \ y) == x$
5	esquerda	+	adição
		-	subtração
4	direita	:	construção de lista não vazia
		++	concatenação de listas
3	não associativo	==	igualdade
		/=	desigualdade
		<	menor que
		<=	menor ou igual a
		>	maior que
		>=	maior ou igual a
		'elem'	pertinência de lista
		'notElem'	negação de pertinência de lista
2	direita	&&	conjunção (e lógico)
1	direita		disjunção (ou lógico)
1	esquerda	>>=	composição de ações sequenciais
		>>	composição de ações sequenciais (ignora o resultado da primeira)
0	direita	\$	aplicação de função
		\$!	aplicação de função estrita
		'seq'	avaliação estrita

# Aplicação de função

---

- Exemplos:

- Prelude> 2 + 3 \* 4 -- \* tem maior precedência que +

- 14

- Prelude> 5 ^ 2 - 10 -- ^ tem maior precedência que -

- 15

- Prelude> 4 / 2 \* 2 -- ^ associa-se à esquerda

- 4.0

# Aplicação de função

---

- Aplicações de função em notação prefixa tem prioridade maior do que todos os operadores.
- Exemplos:
- `Prelude> abs 10 - 20` -- `abs` tem precedência maior que `-`
- `-10`
- `Prelude> abs (10 - 20)`
- `10`

# Aplicação de função

---

- Mais exemplos:
- Prelude> succ 9 + max 5 4 \* 3 -- succ e max tem precedência maior que + e \*
- 25
- Prelude> 2 \* logBase (8/2) 256 + 1000
- 1008.0



# Aplicação de função

---

- Um operador pode ser associativo à esquerda, associativo à direita, ou não-associativo.
- Quando dois operadores com a mesma precedência disputam um operando,
  - se eles forem associativos à esquerda, o operador da esquerda é escolhido,
  - se eles forem associativos à direita, o operador da direita é escolhido,
  - se eles forem não associativos, a expressão é mal formada e contém um erro de sintaxe,

# Aplicação de função

---

● Prelude> 15 - 4 - 6 --     - associa-se à esquerda

● 5

● Prelude> 15 - (4 - 6)

● 17

● Prelude> 10 - 2 + 5     --     + e - tem a mesma precedência e associam-se à esquerda

● 13

● Prelude> 10 - (2 + 5)

● 3

● Prelude> 2^3^2     --     ^ associa-se à direita

● 512

# Aplicação de função

---

- O símbolo - merece atenção especial, pois ele pode tanto ser a função de subtração (operador infix) como a função de inversão de sinal (operador prefixo).
- Prelude> 6 - 2
- 4
- Prelude> - 5
- -5

# Aplicação de função

---

- A notação prefixa é usada com nomes de funções que são identificadores alfanuméricos:
- formados por uma sequência de letras, dígitos decimais, sublinhado (\_) e apóstrofo (') começando com letra minúscula ou sublinhado (e que não seja uma palavra reservada).

# Aplicação de função

---

- Já a notação infixa é usada com nomes de funções simbólicos
- formados por uma sequência de símbolos especiais (!#\$%& +./<=>?@|\^~:) que não começa com:.(ponto)

# Aplicação de função

---

- Qualquer operador pode ser usado em notação prefixa, bastando escrevê-lo entre parênteses. Exemplos:
- Prelude> (+) 4 5
- 9
- Prelude> (/) 18.2 2
- 9.1
- Prelude> (>=) 10 20
- False
- Prelude> sqrt ((+) 4 5)
- 3

# Aplicação de função

---

- Qualquer função prefixa de dois argumentos pode ser usada em notação infixa, bastando escrevê-la entre apóstrofos invertidos (sinal de crase: `), com precedência padrão 9 e associatividade à esquerda. Exemplos:
- Prelude> 20 `div` 3
- 6
- Prelude> 20 `mod` 3
- 2
- Prelude> 20 `mod` 3 == 0
- False

# Nomeando valores

---

- Quando uma expressão é avaliada diretamente no ambiente interativo,
- Uma variável chamada *it* é automaticamente definida para denotar o valor da expressão



# Nomeando valores

---

● Exemplo:

● Prelude> 2 + 3 \* 4

14

● Prelude> it

14

● Prelude> 7\*(it - 4)

70

● Prelude> it

70

# Nomeando valores

---

- Uma declaração **let** pode ser usada para definir uma variável no ambiente interativo.

- Por exemplo:

- Prelude> let idade = 2 + 3 \* 4

- Prelude> idade

14

- Prelude> 7\*(idade - 4)

70

# Exercício 1

---

- A posição  $s$  de um corpo em movimento retilíneo uniformemente variado, em função do tempo  $t$ , é dado pela equação
- $s = s_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$
- onde  $s_0$  é a posição inicial do corpo,  $v_0$  é a sua velocidade inicial, e  $a$  é a sua aceleração.

# Exercício 1

---

- Utilize o ambiente interativo GHCi para calcular a posição de uma bola em queda livre no instante  $t = 8$  s, considerando que a posição inicial é  $s_0 = 100$  m, a velocidade inicial é  $v_0 = 15$  m/s e a aceleração da gravidade é  $a = -9.81$  m/s<sup>2</sup>.

# Exercício 1

---

- Dica:
- Use a declaração *let* para criar variáveis correspondentes aos dados e em seguida avalie a expressão correspondente à função horária do movimento usando estas variáveis.

# Definindo variáveis e funções

---

- Além de poder usar as funções das bibliotecas,
- o programador também pode definir e usar suas próprias funções.
- Novas funções são definidas em arquivos texto geralmente chamados de **código fonte** ou **programa fonte** ou ainda script.

# Definindo variáveis e funções

---

- Um programa fonte contém **definições** de
  - variáveis,
  - funções,
  - tipos,
  - etc.
- usadas para estruturar o código da aplicação.

# Definindo variáveis e funções

---

- Por convenção, arquivos de programas fonte em Haskell normalmente tem a extensão **.hs** em seu nome.
- Isso não é obrigatório, mas é útil para fins de identificação.
- Por exemplos:
- prog1.hs, prog2.hs
- circulo.hs, temperatura.hs



# Definindo variáveis e funções

---

- Variáveis são definidas usando equações.
- No lado esquerdo de uma equação colocamos o nome da variável
- No lado direito colocamos uma expressão cujo valor será o valor da variável
- Por exemplo:
  - $y = 5$
  - $x = y + 3$

# Definindo variáveis e funções

---

- Funções também são definidas usando equações.
- No lado esquerdo de uma equação colocamos o nome da função seguido de seus **parâmetros formais**.
- No lado direito colocamos uma expressão cujo valor será o resultado da função quando a função for aplicada em seus **argumentos**

# Definindo variáveis e funções

---

- Por exemplo:
- $\text{dobro } x = x + x$
- $\text{quadruplo } x = \text{dobro } (\text{dobro } x)$
- Nomes de funções e variáveis podem ser alfanuméricos ou simbólicos

# Definindo variáveis e funções

---

- identificadores alfanuméricos
- começam com uma letra minúscula ou sublinhado e podem conter letras, dígitos decimais, sublinhado (`_`) e apóstrofo (aspa simples `'`)
- são normalmente usados em notação prefixa
- exemplos:
  - `myFun`
  - `fun1`
  - `arg_2`
  - `x'`

# Definindo variáveis e funções

---

- identificadores simbólicos
- formados por uma sequência de símbolos e não podem começar com dois pontos(:)
- são normalmente usados em notação infixa
- exemplos:

< + >

== =

\$\* = \*\$

+ =

# Comentários

---

- Comentários são usados para fazer anotações no programa que podem ajudar a entender o funcionamento do mesmo
- Os comentários são ignorados pelo compilador
- Um comentário de linha é introduzido por `--` e se estende até o final da linha
- `--` calcula o dobro de um número
- `dobro x = x + x`

# Comentários

---

● {-

Um comentário de bloco é delimitado por {- e  
-}

Comentários de bloco podem ser aninhados

● -}

# Definições locais em equações

---

- Em Haskell equações são usadas para definir variáveis e funções
- Em muitas situações é desejável poder definir valores e funções auxiliares em uma definição principal.
- Exemplo em matemática:
  - $f(x,y) = x + y$  onde  $x > y$



# Definições locais em equações

---

- Em Haskell, isto pode ser feito escrevendo-se uma cláusula **where** ao final da equação.
- Uma cláusula **where** é formada pela palavra chave **where** seguida das definições auxiliares.

# Definições locais em equações

---

- A cláusula **where** faz definições que são locais à equação,
- ou seja, o escopo dos nomes definidos em uma cláusula **where** restringe-se à menor equação contendo a cláusula **where**.

# Definições locais em equações

---

- Por exemplo, considere a fórmula de Heron
- $A^2 = s(s - a)(s - b)(s - c)$  para calcular a área de um triângulo com lados  $a$ ,  $b$  e  $c$ , sendo  $s$  o semiperímetro do triângulo.
- $s = (a + b + c) / 2$

# Definições locais em equações

---

- Como  $s$  aparece várias vezes na fórmula, podemos defini-lo localmente uma única vez e usá-lo quantas vezes forem necessárias na equação.
- $\text{areaTriangulo } a \ b \ c = \text{sqrt } (s * (s-a) * (s-b) * (s-c))$ 
  - where
    - $s = (a + b + c)/2$

# Definições locais em equações

---

- Exemplo de uso:
- Prelude> areaTriangulo 5 6 8  
14.981238266578634

## Exercício 2

---

- Utilize o ambiente interativo GHCi para testar as funções dobro, quadruplo e areaTriangulo.