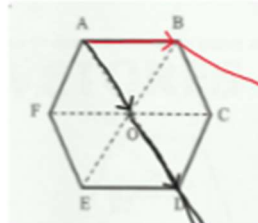
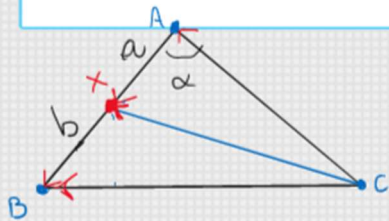


$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{AF}$$

$$6 \cdot \overrightarrow{AO}$$



Considere um triângulo ABC e um ponto X no lado AB tal que  $\overrightarrow{AX} = \frac{3}{4} \overrightarrow{XB}$ . Marque a alternativa que expressa o vetor  $\overrightarrow{CX}$  em função dos vetores  $\overrightarrow{CA}$  e  $\overrightarrow{CB}$  (combinação linear).



$$\overrightarrow{CX} + \overrightarrow{XB} = \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{XB} = \overrightarrow{CB} - \overrightarrow{CX}$$

$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AX} + \overrightarrow{XB}$$

$$\overrightarrow{AB} = \frac{7}{4} \overrightarrow{XB}$$

$$\overrightarrow{CX} = \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{AX}$$

$$\overrightarrow{CX} = \overrightarrow{CA} + \frac{3}{4} \cdot \overrightarrow{XB}$$

$$\overrightarrow{CX} = \overrightarrow{CA} + \frac{3}{4} \cdot (\overrightarrow{CB} - \overrightarrow{CX})$$

$$\overrightarrow{CX} = \overrightarrow{CA} + \frac{3}{4} \cdot \overrightarrow{CB} - \frac{3}{4} \cdot \overrightarrow{CX}$$

$$\frac{7}{4} \overrightarrow{CX} = \overrightarrow{CA} + \frac{3}{4} \cdot \overrightarrow{CB}$$

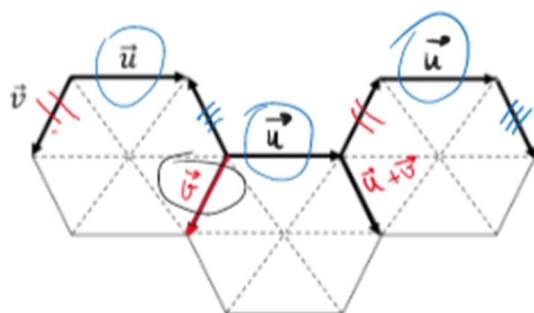
$$\overrightarrow{CX} = \frac{4}{7} \cdot \overrightarrow{CA} + \frac{3}{7} \cdot \overrightarrow{CB}$$

A soma dos vetores indicados abaixo em função de u e v é dada por: \*



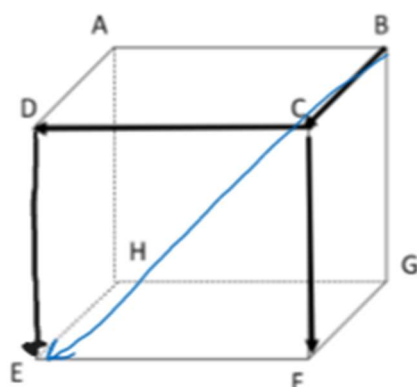
$$\begin{aligned} & \underline{3\vec{u}} + \underline{3\vec{v}} + \underline{3\vec{u}} + \underline{3\vec{v}} \\ & \underline{6\vec{u}} + \underline{6\vec{v}} \end{aligned}$$

A soma dos vetores indicados abaixo em função de u e v é dada por: \*



$$\begin{aligned} & \underline{3\vec{u}} + \underline{\vec{v}} + \underline{\vec{u}} + \underline{\vec{v}} \\ & \underline{4\vec{u}} + \underline{2\vec{v}} \end{aligned}$$

Marque a alternativa que corresponde à soma dos vetores indicados: \*



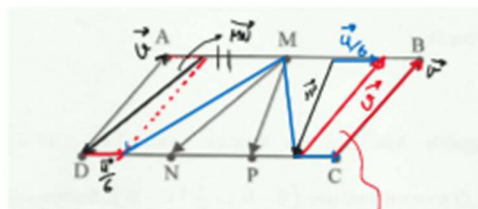
$\vec{EB}$

Sabendo que na figura abaixo

1. M é o ponto médio do lado AB.
2. N e P dividem o lado DC em três segmentos de mesma medida.

Escrevendo-se os vetores  $\vec{MN}$  e  $\vec{MP}$  como uma combinação linear dos vetores  $\vec{u} = \vec{DC}$  e  $\vec{v} = \vec{DA}$  obtém-se:

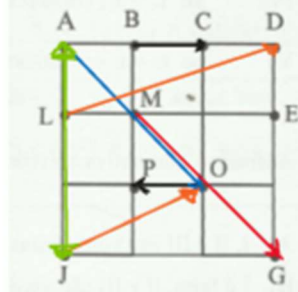
$$\vec{AM} = \vec{MB}$$



$$\begin{aligned} \vec{MN} + \frac{1}{6}\vec{u} &= -\vec{v} \\ \vec{MN} &= -\frac{1}{6}\vec{u} - \vec{v} \end{aligned}$$

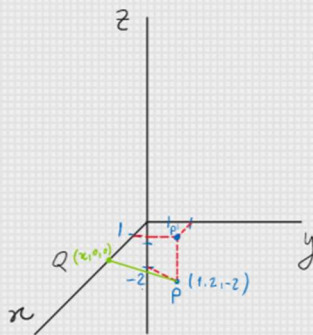
$$\begin{aligned} \frac{1}{6}\vec{u} &= \vec{MP} + \vec{v} \\ \vec{MP} &= \frac{1}{6}\vec{u} - \vec{v} \end{aligned}$$

A figura é constituída por nove quadrados congruentes (de mesmo tamanho). Considere as seguintes igualdades: I:  $\overline{BC} = \overline{OP}$ ; II:  $\overline{AO} = \overline{MG}$ ; III:  $\overline{JO} = \overline{LD}$ ; IV:  $\overline{AJ} = 3 \overline{LA}$  e V:  $\overline{LC} = \overline{EP}$ . Assinale a alternativa correta:



O ponto das abscissas cuja distância ao ponto  $(1,2;-2)$  seja igual a raiz quadrada de 12 é: \*

Atenção: escreva um ponto na forma  $(a,b,c)$  (minúscula e sem espaço). Caso seja mais de um ponto escreva os dois pontos entre vírgula e sem espaço, Ex.  $(a,b,c),(d,e,f)$



$$|d_{PQ}| = \sqrt{(x_p - x_q)^2 + (y_p - y_q)^2 + (z_p - z_q)^2}$$

$$|\sqrt{12}| = \sqrt{(1 - x_p)^2 + (2 - 0)^2 + (-2 - 0)^2}$$

$$12 = 1 - 2x_p + x_p^2 + 4 + 4$$

$$x_p^2 - 2x_p - 3 = 0$$

$$Q(3, 0, 0)$$

$$Q'(-1, 0, 0)$$

$$\begin{cases} x_p = 3 \\ x_p = -1 \end{cases}$$

Os valores de  $n$  para o qual o vetor abaixo seja um versor é: \*

$$\vec{p} = \left( n, -\frac{\sqrt{2}}{3}, \frac{1}{\sqrt{3}} \right)$$

$$|\vec{p}| = 1$$

$$\sqrt{n^2 + \frac{2}{9} + \frac{1}{3}} = 1$$

$$n^2 + \frac{2}{9} + \frac{1}{3} = 1$$

$$n^2 = \frac{4}{9} \Rightarrow n = \pm \sqrt{\frac{4}{9}} \quad \begin{cases} n_1 = 2/3 \\ n_2 = -2/3 \end{cases}$$

Os pontos  $A(-1, -2, 3)$ ,  $B(2, 1, -5)$ ,  $C(5, 4, -13)$  são colineares. \*



$$\vec{AB} = \alpha \cdot \vec{BC}$$

$$B - A = \alpha \cdot [C - B]$$

$$(2, 1, -5) - (-1, -2, 3) = \alpha \cdot [(5, 4, -13) - (2, 1, -5)]$$

$$(3, 3, -8) = \alpha \cdot (3, 3, -8)$$

$$(3, 3, -8) = (\alpha \cdot 3, \alpha \cdot 3, \alpha \cdot -8) \quad (\checkmark)$$

$\alpha = 1 \quad \alpha = 1 \quad \alpha = 1$