



UNIVERSIDADE
FEDERAL DE
SERGIPE



DEPARTAMENTO
DE COMPUTAÇÃO

Introdução de algoritmos e técnicas de projeto

Projeto e Análise de Algoritmos

Bruno Prado

Departamento de Computação / UFS

Introdução

- ▶ O que é um algoritmo?
 - ▶ Passos não ambíguos

Introdução

- ▶ O que é um algoritmo?
 - ▶ Passos não ambíguos
 - ▶ Entradas e saídas esperadas

Introdução

- ▶ O que é um algoritmo?
 - ▶ Passos não ambíguos
 - ▶ Entradas e saídas esperadas
 - ▶ Resolução dinâmica de um problema em um determinado espaço de tempo

Introdução

- ▶ Exemplo do cotidiano: receita de bolo
 - ▶ Passos = instruções da receita (algoritmo)

Introdução

- ▶ Exemplo do cotidiano: receita de bolo
 - ▶ Passos = instruções da receita (algoritmo)
 - ▶ Entradas = ingredientes

Introdução

- ▶ Exemplo do cotidiano: receita de bolo
 - ▶ Passos = instruções da receita (algoritmo)
 - ▶ Entradas = ingredientes
 - ▶ Saída = bolo

Introdução

- ▶ Exemplo do cotidiano: receita de bolo
 - ▶ Passos = instruções da receita (algoritmo)
 - ▶ Entradas = ingredientes
 - ▶ Saída = bolo
 - ▶ Tempo = preparo de 40 minutos

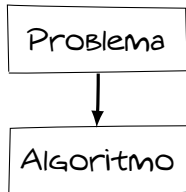
Introdução

► Algoritmos na Computação

Problema

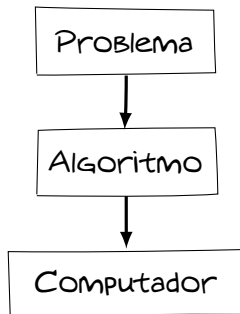
Introdução

► Algoritmos na Computação



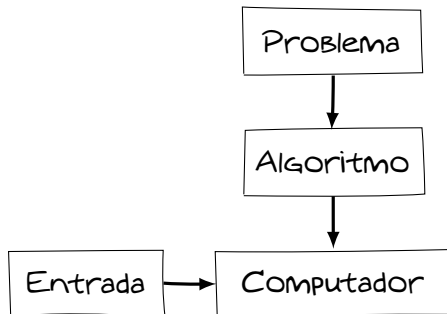
Introdução

► Algoritmos na Computação



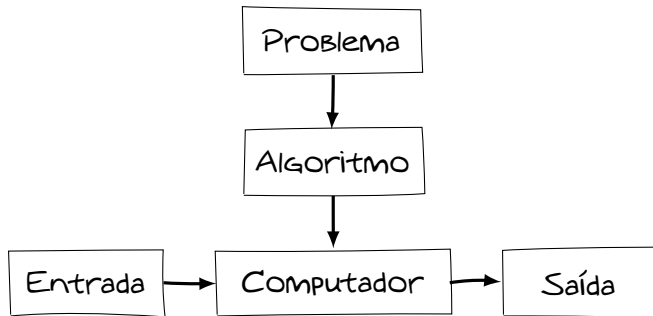
Introdução

► Algoritmos na Computação



Introdução

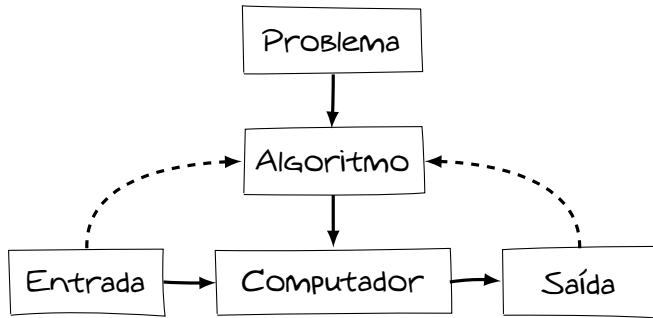
► Algoritmos na Computação



Abordagem tradicional

Introdução

► Algoritmos na Computação



Aprendizado de máquina

Introdução

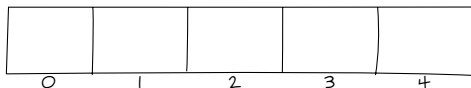
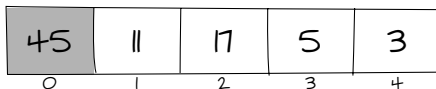
- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples

45	11	17	5	3
0	1	2	3	4

0	1	2	3	4

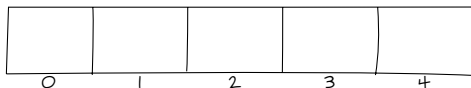
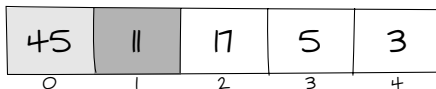
Introdução

- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples



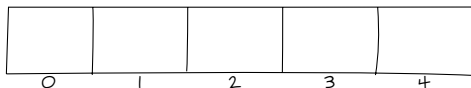
Introdução

- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples



Introdução

- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples



Introdução

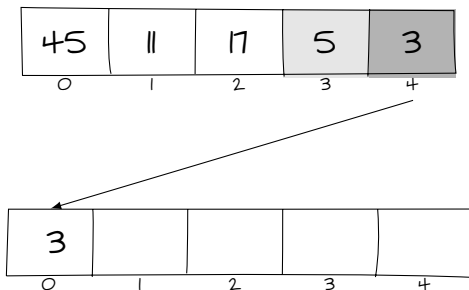
- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples

45	11	17	5	3
0	1	2	3	4

0	1	2	3	4

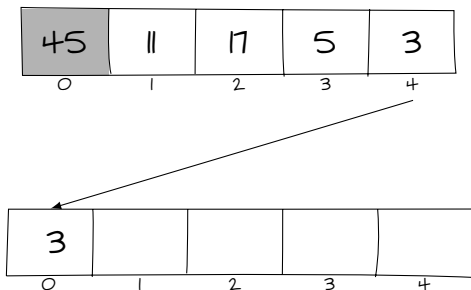
Introdução

- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples



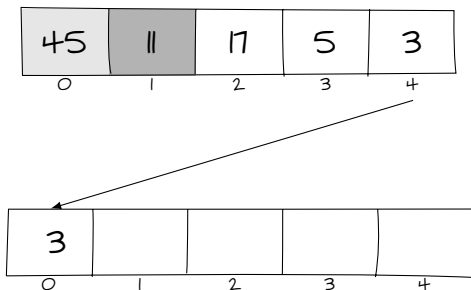
Introdução

- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples



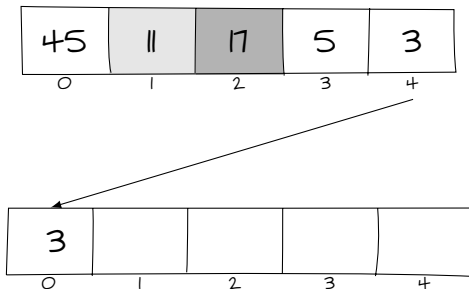
Introdução

- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples



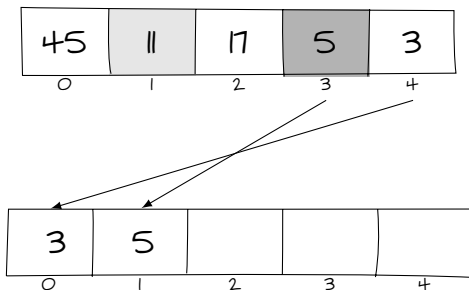
Introdução

- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples



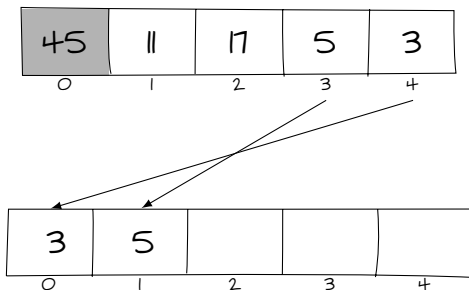
Introdução

- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples



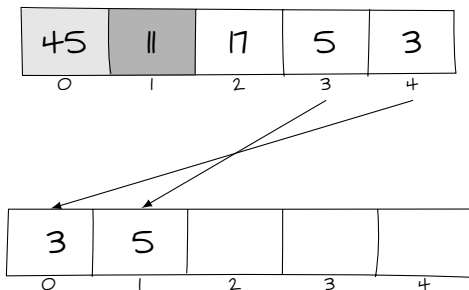
Introdução

- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples



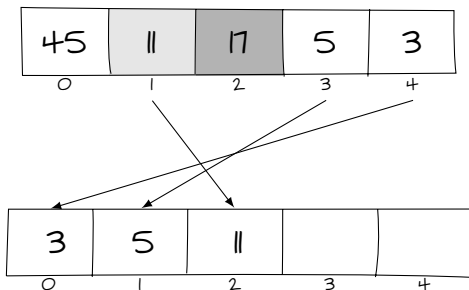
Introdução

- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples



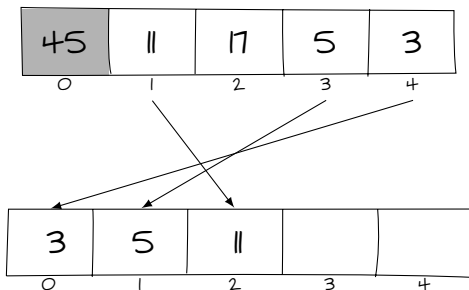
Introdução

- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples



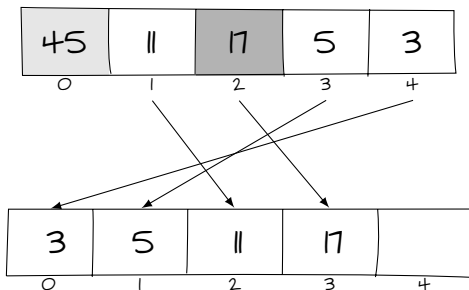
Introdução

- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples



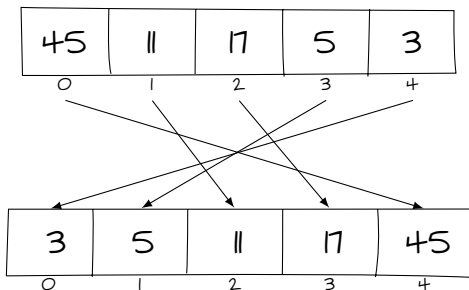
Introdução

- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples

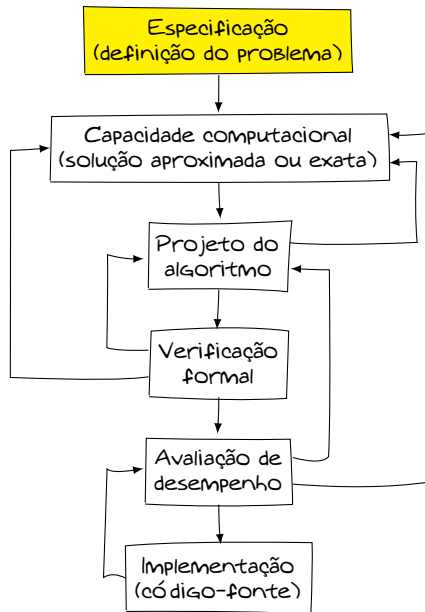


Introdução

- ▶ Problema de ordenação
 - ▶ Entrada: sequência de n números E_1, E_2, \dots, E_n
 - ▶ Saída: sequência de n números E'_1, E'_2, \dots, E'_n , onde $E'_1 \leq E'_2 \leq \dots \leq E'_n$
 - ▶ Algoritmo de ordenação simples



Fluxo de desenvolvimento



Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Especificação (definição do problema)
 - ▶ Capturar os requisitos funcionais e não funcionais
 - ▶ Funcionais = comportamentos
 - ▶ Não funcionais = restrições

Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Especificação (definição do problema)
 - ▶ Capturar os requisitos funcionais e não funcionais
 - ▶ Funcionais = comportamentos
 - ▶ Não funcionais = restrições
 - ▶ Realizar experimentos e construir protótipos

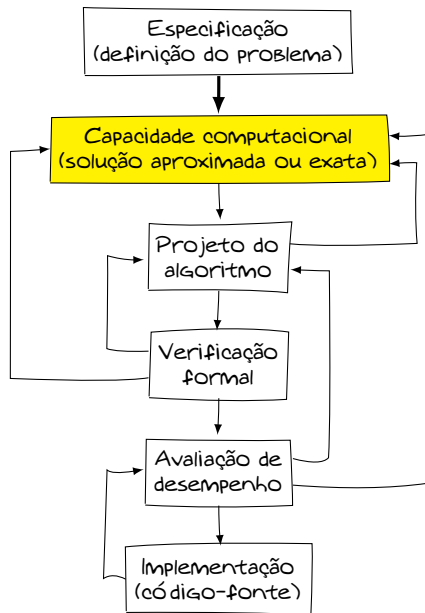
Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Especificação (definição do problema)
 - ▶ Capturar os requisitos funcionais e não funcionais
 - ▶ Funcionais = comportamentos
 - ▶ Não funcionais = restrições
 - ▶ Realizar experimentos e construir protótipos
 - ▶ Delimitar o escopo da solução

Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Especificação (definição do problema)
 - ▶ Requisito funcional
 - ▶ Ordenar números em ordem crescente
 - ▶ Requisito não funcional
 - ▶ Números inteiros positivos
 - ▶ Escopo
 - ▶ Números inteiros de 32 bits
 - ▶ Sequências de até 1.000.000 números

Fluxo de desenvolvimento



Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Capacidade computacional
 - ▶ Qual é o poder de processamento?

Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Capacidade computacional
 - ▶ Qual é o poder de processamento?
 - ▶ Quanto de armazenamento será necessário?

Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Capacidade computacional
 - ▶ Qual é o poder de processamento?
 - ▶ Quanto de armazenamento será necessário?
 - ▶ Fluxo de execução sequencial ou paralelo

Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Capacidade computacional
 - ▶ Limite de execução de 3 segundos
 - ▶ 1.000.000 números de 32 bits = 4 MiB em memória
 - ▶ 4 núcleos de processamento

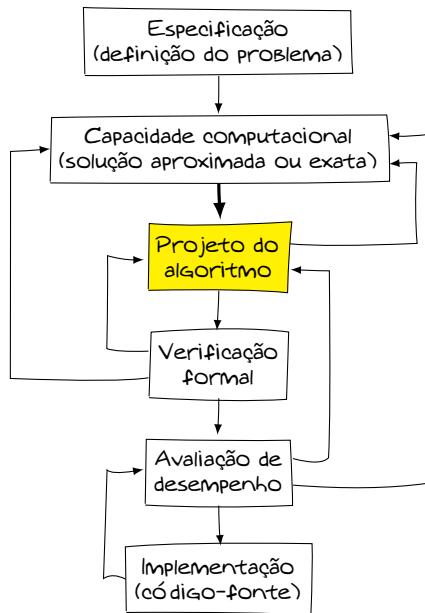
Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Capacidade computacional
 - ▶ Solução aproximada
 - ▶ Baseada em heurística ou estatística
 - ▶ Tempo de processamento reduzido
 - ▶ Única opção para alguns problemas

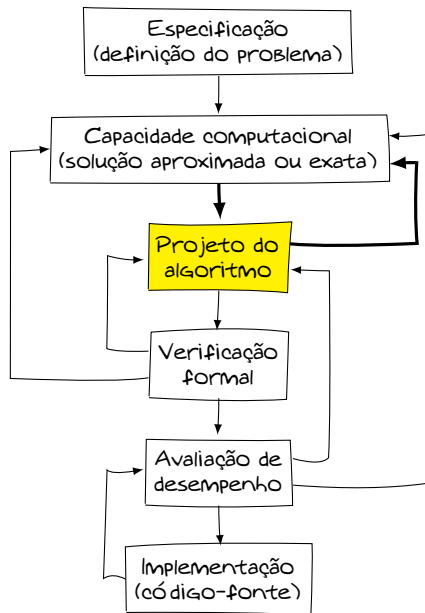
Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Capacidade computacional
 - ▶ Solução aproximada
 - ▶ Baseada em heurística ou estatística
 - ▶ Tempo de processamento reduzido
 - ▶ Única opção para alguns problemas
 - ▶ Solução determinística (exata)
 - ▶ Saída e tempo de execução bem definidos
 - ▶ Pode ser muito custosa
 - ▶ Nem todos os problemas tem solução exata

Fluxo de desenvolvimento



Fluxo de desenvolvimento



Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Projeto do algoritmo
 - ▶ Definir as estratégias, paradigmas e técnicas
 - ▶ Iteração ou recursão?
 - ▶ Dividir para conquistar
 - ▶ Programação dinâmica

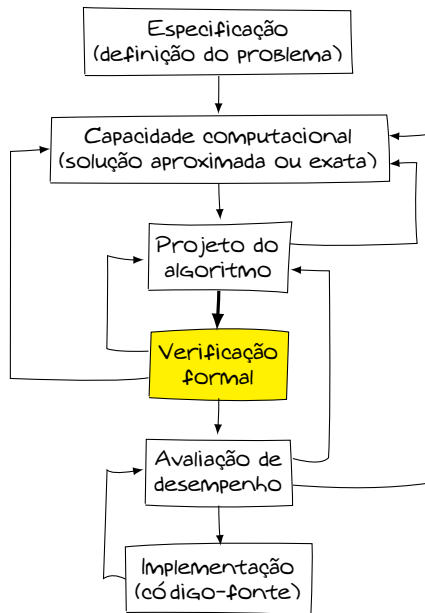
Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Projeto do algoritmo
 - ▶ Definir as estratégias, paradigmas e técnicas
 - ▶ Iteração ou recursão?
 - ▶ Dividir para conquistar
 - ▶ Programação dinâmica
 - ▶ Escolher as estruturas de dados mais adequadas
 - ▶ Árvores
 - ▶ Listas
 - ▶ Vetores
 - ▶ ...

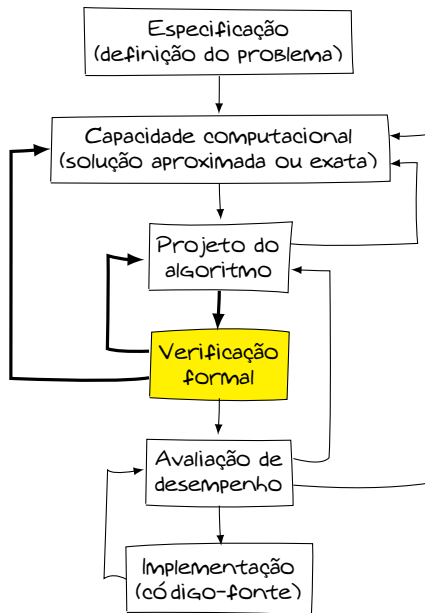
Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Projeto do algoritmo
 - ▶ Definir as estratégias, paradigmas e técnicas
 - ▶ Iteração ou recursão?
 - ▶ Dividir para conquistar
 - ▶ Programação dinâmica
 - ▶ Escolher as estruturas de dados mais adequadas
 - ▶ Árvores
 - ▶ Listas
 - ▶ Vetores
 - ▶ ...
 - ▶ Descrição pela utilização de pseudocódigo ou visualização através diagramas de fluxo

Fluxo de desenvolvimento



Fluxo de desenvolvimento



Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Verificação formal
 - ▶ Prova matemática que o algoritmo está correto

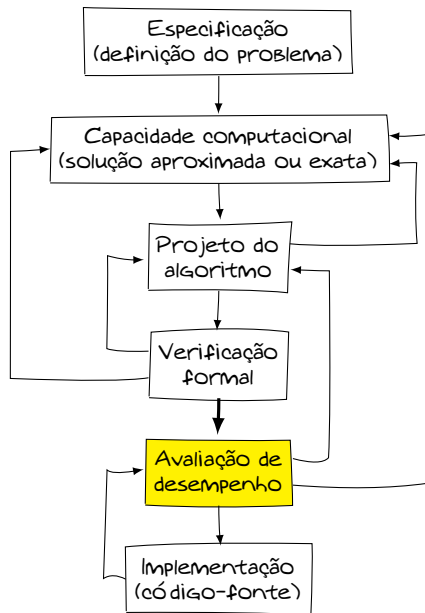
Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Verificação formal
 - ▶ Prova matemática que o algoritmo está correto
 - ▶ Pode ser extremamente complexa em alguns casos

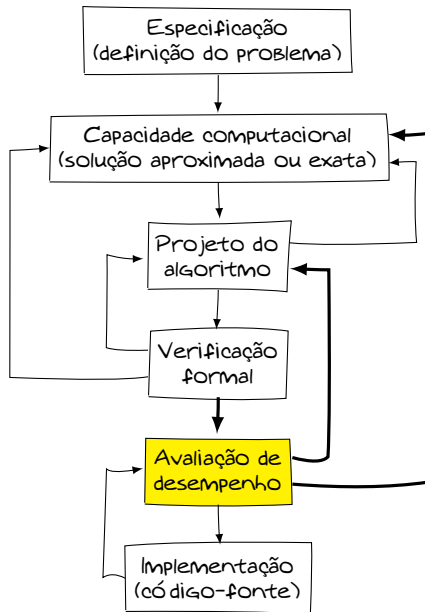
Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Verificação formal
 - ▶ Prova matemática que o algoritmo está correto
 - ▶ Pode ser extremamente complexa em alguns casos
 - ▶ Para algoritmos aproximados é medido o erro

Fluxo de desenvolvimento



Fluxo de desenvolvimento



Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Avaliação de desempenho
 - ▶ Eficiência de espaço e de tempo

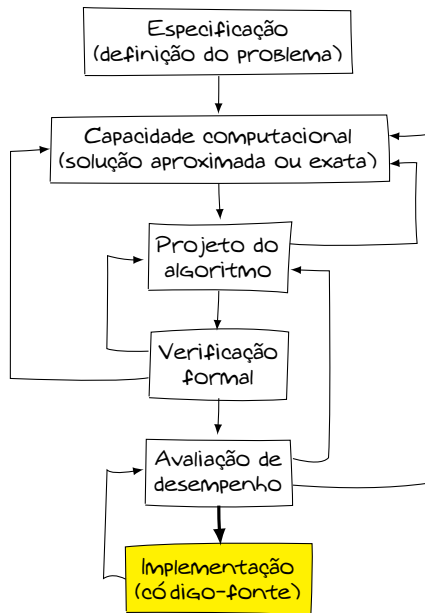
Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Avaliação de desempenho
 - ▶ Eficiência de espaço e de tempo
 - ▶ Generalidade da solução

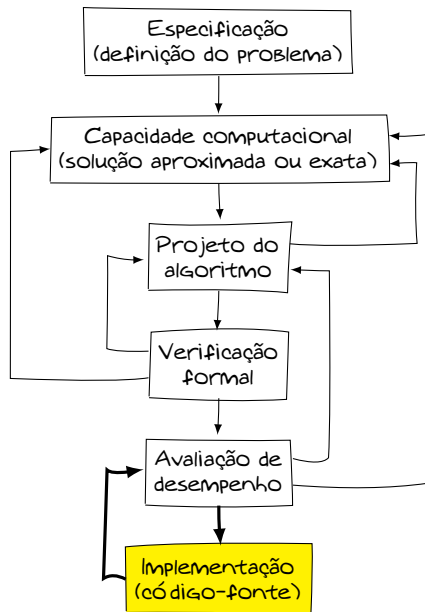
Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Avaliação de desempenho
 - ▶ Eficiência de espaço e de tempo
 - ▶ Generalidade da solução
 - ▶ Simplicidade das operações

Fluxo de desenvolvimento



Fluxo de desenvolvimento



Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Implementação (código-fonte)
 - ▶ Definição da linguagem de programação
 - ▶ Requisitos do sistema

Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Implementação (código-fonte)
 - ▶ Definição da linguagem de programação
 - ▶ Requisitos do sistema
 - ▶ Bibliotecas, ferramentas e recursos disponíveis

Fluxo de desenvolvimento

- ▶ Implementação (código-fonte)
 - ▶ Definição da linguagem de programação
 - ▶ Requisitos do sistema
 - ▶ Bibliotecas, ferramentas e recursos disponíveis
 - ▶ Domínio da sintaxe e semântica da linguagem

Exemplo

- ▶ Considerando o problema de ordenação de números reais de 64 bits, com sequências com tamanho de até 1.000.000 números
 - ▶ Defina qual o seu problema, com requisitos funcionais e não funcionais, além do escopo
 - ▶ Descreva seu algoritmo em pseudocódigo
 - ▶ As etapas de verificação formal e de implementação podem ser omitidas