

Tuplas e Compreensão de listas

- Tuplas
- Compreensão de listas

Tuplas

- Haskell fornece outra maneira de declarar vários valores em um único tipo de dados.
- É conhecido como Tupla.
- Uma tupla pode ser considerada uma categoria de lista,
- No entanto, existem algumas diferenças técnicas entre uma tupla e uma lista.

Tuplas

- Uma Tupla é um tipo de dados **imutável**,
 - pois não podemos modificar o número de elementos em tempo de execução.
- Enquanto uma Lista é um tipo de dados **mutável**,
 - podemos alterar a quantidade de elementos durante a execução do programa.

Tuplas

- Por outro lado, Lista é um tipo de dados **homogêneo**,
 - elementos com o mesmo tipo de dados.
- mas Tupla é **heterogênea** por natureza,
 - porque uma Tupla pode conter diferentes tipos de dados dentro dela.

Tuplas

- As tuplas são representadas por parênteses simples.
- Haskell trata uma tupla da seguinte maneira:
- `Prelude> (1,1,'a')`
- Isso produzirá a seguinte saída:
- `(1,1,'a')`
- No exemplo acima, usamos uma tupla com duas variáveis do tipo numérico e uma variável do tipo char.

Tuplas

- Tupla é uma estrutura de dados formada por uma sequência de valores possivelmente de tipos diferentes.
- Os componentes de uma tupla são identificados pela posição em que ocorrem na tupla.

Tuplas

- Em Haskell, uma expressão tupla é formada por uma sequência de expressões separadas por vírgula e delimitada por parênteses:
- $(\text{exp}_1, \dots, \text{exp}_n)$
- onde $n \geq 0$ e $n \neq 1$, e $\text{exp}_1, \dots, \text{exp}_n$ são expressões cujos valores são os componentes da tupla.

Tuplas

- São exemplos de tuplas:
- ('A', 'H')
- ('G', 4)
- ('A', 'B', 'C')
- ('J', True)
- (True, 'A', "malucos")

Tuplas

- O tipo de uma tupla é o produto cartesiano dos tipos dos seus componentes.
- Sintaticamente um tipo tupla é formado por uma sequência de tipos separados por vírgula e delimitada por parênteses:
- (t_1 , \dots , t_n)
- onde $n \geq 0$ e $n \neq 1$, e t_1, \dots, t_n são os tipos dos respectivos componentes da tupla.

Tuplas

- São exemplos de tipo de tuplas:

- (Int, Int, Char)

- (Bool, Char)

- (String, Bool)

- (Char, Char, Char)

Tuplas

- Qual os tipos das seguintes tuplas ?
- ('A', 'H') —
- ('G', 4) —
- ('A', 'B', 'C') —
- ('J', True) —
- (True, 'A', "malucos") —

Tuplas

- Qual os tipos das seguintes tuplas ?
- ('A', 'H') — (Char, Char)
- ('G', 4) — (Char, Int)
- ('A', 'B', 'C') — (Char, Char, Char)
- ('J', True) — (Char, Bool)
- (True, 'A', "malucos") — (Bool, Char, String)

Tuplas

- Observe que o tamanho de uma tupla (quantidade de componentes) é codificado no seu tipo.
 - isso difere em uma lista
- `()` é a tupla vazia, do tipo `()`.
- **Não existe tupla de um único componente.**

Tuplas

- A tabela a seguir mostra alguns exemplos de tuplas:

tupla	tipo
('A', 't')	(Char, Char)
('A', 't', 'o')	(Char, Char, Char)
('A', True)	(Char, Bool)
("Joel", 'M', True, "COM")	(String, Char, Bool, String)
(True, ("Ana", 'f'), 43)	Num a => (Bool, (String, Char), a)
()	()
("nao eh tupla")	String

Tuplas

- Algumas funções com tuplas definidas no Prelúdio:
- `fst`: seleciona o primeiro componente de um par:
- `Prelude> fst ("pedro",19)`
`"pedro"`
- `snd`: seleciona o segundo componente de um par:
- `Prelude> snd ("pedro",19)`

Tuplas

- zip: junta duas listas em uma única lista formada pelos pares dos elementos correspondentes:
- Prelude> zip ["pedro","ana","carlos"] [19,17,22]
[(“pedro”,19),("ana",17),("carlos",22)]
- Prelude> zip [1,2,3,4,5] [5,5,5,5,5]
[(1 ,5) ,(2 ,5) ,(3 ,5) ,(4 ,5) ,(5 ,5)]
- Prelude> zip [5,3,2,6,2,7,2,5,4,6,6] ["im","a","turtle"]
[(5,"im"),(3,"a"),(2,"turtle")]

Tuplas

- Definição de funções com tuplas:
- -- Função que se passa uma tupla (nome, idade) e devolve a idade
- `verIdade :: (String, Int) -> Int`
- `verIdade (a, b) = b`
- `*Main> verIdade ("pedro",19)`

Tuplas

- Vamos definir uma função que produza o quociente e o resto da divisão inteira de dois números.
- $\text{divInt} :: \text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow (\text{Int}, \text{Int})$
- $\text{divInt } a \ b = (q, r)$
- where
- $q = \text{div } a \ b$
- $r = \text{rem } a \ b$
- $\text{*Main> divInt } 10 \ 5$
- $(2, 0)$

Compreensão de listas

- Em Matemática, a notação de compreensão pode ser usada para construir novos conjuntos a partir de conjuntos já conhecidos. Por exemplo,
- $\{x^2 \mid x \in [1 \dots 5]\}$
- é o conjunto $\{1, 4, 9, 16, 25\}$ de todos os números x^2 tal que x é um elemento do conjunto $\{1, 2, 3, 4, 5\}$.

Compreensão de listas

- Em Haskell, também há uma notação de compreensão similar que pode ser usada para construir novas listas a partir de listas conhecidas.
- Por exemplo:
- $[x^2 \mid x \leftarrow [1..5]]$
- é a lista $[1,4,9,16,25]$ de todos os números x^2 tal que x é um elemento da lista $[1,2,3,4,5]$.
- A frase $x \leftarrow [1..5]$ é chamada **gerador**, já que ela informa como gerar valores para a variável x .

Compreensão de listas

- Compreensões podem ter múltiplos geradores, separados por vírgula.
- Por exemplo:
- `[(x,y) | x <- [1,2,3], y <- [4,5]]`
- `[(1,4),(1,5),(2,4),(2,5),(3,4),(3,5)]`

Compreensão de listas

- Se a ordem dos geradores for trocada, a ordem dos elementos na lista resultante também é trocada.
- Por exemplo:
- $[(x,y) \mid y \leftarrow [4,5], x \leftarrow [1,2,3]]$
- $[(1,4),(2,4),(3,4),(1,5),(2,5),(3,5)]$

Compreensão de listas

- Geradores múltiplos são semelhantes a loops aninhados:
- Os últimos geradores são como loops mais profundamente aninhados cujas variáveis mudam mais frequentemente.
- No exemplo anterior, como `x <- [1,2,3]` é o último gerador, o valor do componente `x` de cada par muda mais frequentemente.

Compreensão de listas

- Geradores posteriores podem depender de variáveis introduzidas em geradores anteriores.
- Por exemplo:
- $[(x,y) \mid x \leftarrow [1..3], y \leftarrow [x..3]]$
- $[(1,1),(1,2),(1,3),(2,2),(2,3),(3,3)]$
- é a lista $[(1,1),(1,2),(1,3),(2,2),(2,3),(3,3)]$ de todos os pares de números (x,y) tal que x e y são elementos da lista $[1..3]$ e $y \geq x$.

Compreensão de listas

- Compreensões de lista podem usar guardas para restringir os valores produzidos por geradores anteriores.

- Por exemplo:

- `[x | x <- [1..10], even x]`

`[2,4,6,8,10]`

- é a lista de todos os números x tal que x é um elemento da lista `[1..10]` e x é par.

Compreensão de listas

- Como exemplo, usando uma guarda podemos definir uma função para calcular a lista de divisores de um número inteiro positivo:

- `divisores :: Int -> [Int]`

- `divisores n = [x | x <- [1..n], mod n x == 0]`

- Exemplos de aplicação da função:

- `divisores 15`

`[1,3,5,15]`

- `divisores 120`

`[1,2,3,4,5,6,8,10,12,15,20,24,30,40,60,120]`

Compreensão de listas

- Um número inteiro positivo é primo se seus únicos divisores são 1 e ele próprio.
- Assim, usando divisores, podemos definir uma função que decide se um número é primo:

- `primo :: Int -> Bool`

- `primo n = divisores n == [1,n]`

- Exemplos de aplicação da função:

- `primo 15`

False

- `primo 7`

True

Compreensão de listas

- Usando um guarda agora podemos definir uma função que retorna a lista de todos os números primos até um determinado limite:

- `primos :: Int -> [Int]`

- `primos n = [x | x <- [2..n], primo x]`

- Exemplos de aplicação da função:

- `primos 40`

`[2,3,5,7,11,13,17,19,23,29,31,37]`

- `primos 12`

`[2,3,5,7,11]`

APS 7

- Crie o programa fonte aula09.hs (com todas as funções e variáveis) como codificado nesta aula. Teste todas as funções do programa fonte, carregando no GHCi.
- Observe a necessidade de definir os tipos de dados das variáveis e também das funções.
- Essa APS não precisa ser enviada para o professor, mas deve ser realizada.