

UNIVERSIDADE FEDERALDE RORAIMA CENTRO DE CIÊNCIA E TECNOLOGIA BACHARELADO EM CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO DCC511 – Lógica de Predicados (2021.2) Prof. Msc. Thais Oliveira Almeida

AULA 2:

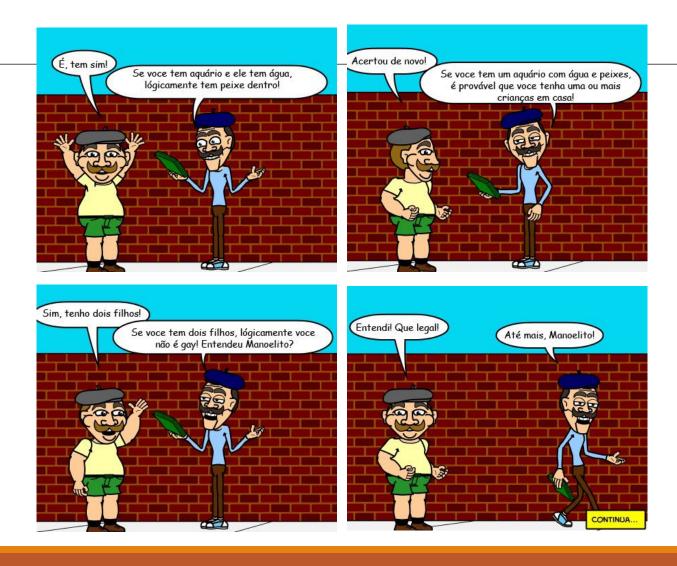
INTRODUÇÃO A LÓGICA DE PREDICADOS







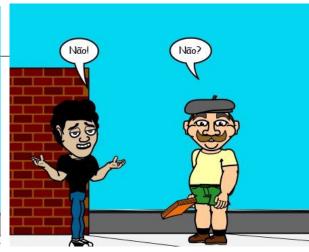














Lógica Formal

- Fornece bases para o método de pensar organizado;
- Expressa métodos de raciocínio sob a forma de argumentos.
- ❖ Tem duas aplicações diretas em Ciência da Computação:
 - 1. Programação Lógica.
 - 2. Prova se programas estão corretos ou não.

Lógica Formal

- ❖ Exemplos de utilização em computação:
 - Inteligência artificial;
 - · Circuitos lógicos;
 - Banco de dados;
 - Sistemas computacionais (hardware e software);
 - Sistemas distribuídos;
 - Teoria de autômatos e computabilidade;
 - Teoria de linguagens.

Proposições

- ❖Uma proposição é uma sentença declarativa, ou uma afirmação, que admite apenas um dos dois valores lógicos verdadeiro ou falso, nunca ambos.
- Proposições?
 - Boa Vista é a capital de Roraima?
 - 01 + 1 = 2
 - Como você está?
 - 9 < 6
 - Estudem regularmente.

Proposições

- ❖Uma proposição é uma sentença declarativa, ou uma afirmação, que admite apenas um dos dois valores lógicos verdadeiro ou falso, nunca ambos.
- Proposições?
 - Boa Vista é a capital de Roraima?
 - · 1 + 1 = 2
 - Como você está?
 - · 9 < 6
 - Estudem regularmente.

- ❖Negação: ¬
- ❖Conjunção (e): ∧
- ❖ Disjunção (ou): ∨
- ❖Condicional: →
- ❖ Bicondicional: ←>

❖Negação: ¬

| P | ¬ Р |
|---|------------|
| V | F |
| F | V |

❖Conjunção: ∧

| P | Q | $\mathbf{P} \wedge \mathbf{Q}$ |
|---|---|--------------------------------|
| V | V | V |
| V | F | F |
| F | V | F |
| F | F | F |

❖Disjunção: ∨

| P | Q | $P \lor Q$ |
|---|---|------------|
| V | V | V |
| V | F | V |
| F | V | V |
| F | F | F |

❖Condicional: →

| P | Q | $P \rightarrow Q$ |
|---|---|-------------------|
| V | V | V |
| V | F | F |
| F | V | V |
| F | F | V |

❖ Bicondicional: ↔

| P | Q | $P \leftrightarrow Q$ |
|---|---|-----------------------|
| V | V | V |
| V | F | F |
| F | V | F |
| F | F | V |

A Linguagem da Lógica de Predicados

- É uma extensão da Lógica Proposicional;
- Novos conectivos (quantificadores);
- Novos símbolos para funções, variáveis, predicados, etc;
- ❖ Confere um maior poder de representação.

A Linguagem da Lógica de Predicados

- Dificuldade em representar na Lógica Proposicional expressões que possuam quantificações indicadas pelas palavras "todo" e "qualquer".
 - Todo aluno de Computação é inteligente. Luciano é aluno de Computação. Luciano é inteligente.
- **Existe um** aluno de Computação é inteligente. Luciano é aluno de Computação. Luciano é inteligente.

Ausências da Lógica Proposicional

Quantificadores

- todo, qualquer, existe, alguns, nenhum, etc.;
- Sempre estão ligados a variáveis.

Objetos

- Indivíduos do universo de discurso, sobre o qual quantificadores podem ser aplicados;
- Todo aluno de Computação é inteligente. Luciano é aluno de Computação.

Alfabeto da Lógica de Predicados

❖É constituído por:

- Símbolos de pontuação: (,);
- Símbolos de verdade: true, false;
- Conjunto enumerável de símbolos para variáveis: x, y, z, w, x₁, y₁, z₁,..;
- Conjunto enumerável de símbolos para funções: f, g, h, f₁, g₁, h₁, f₂, g₂...;
- Conjunto enumerável de símbolos para predicados: p, q, r, s, p₁, q₁, r₁, s₁, p₂, q₂...;
- Conjunto enumerável de símbolos para constantes: a, b, c,
- Conectivos proposicionais: \neg , \lor , \rightarrow , \leftrightarrow , \forall , \exists .