



# Construção de Compiladores

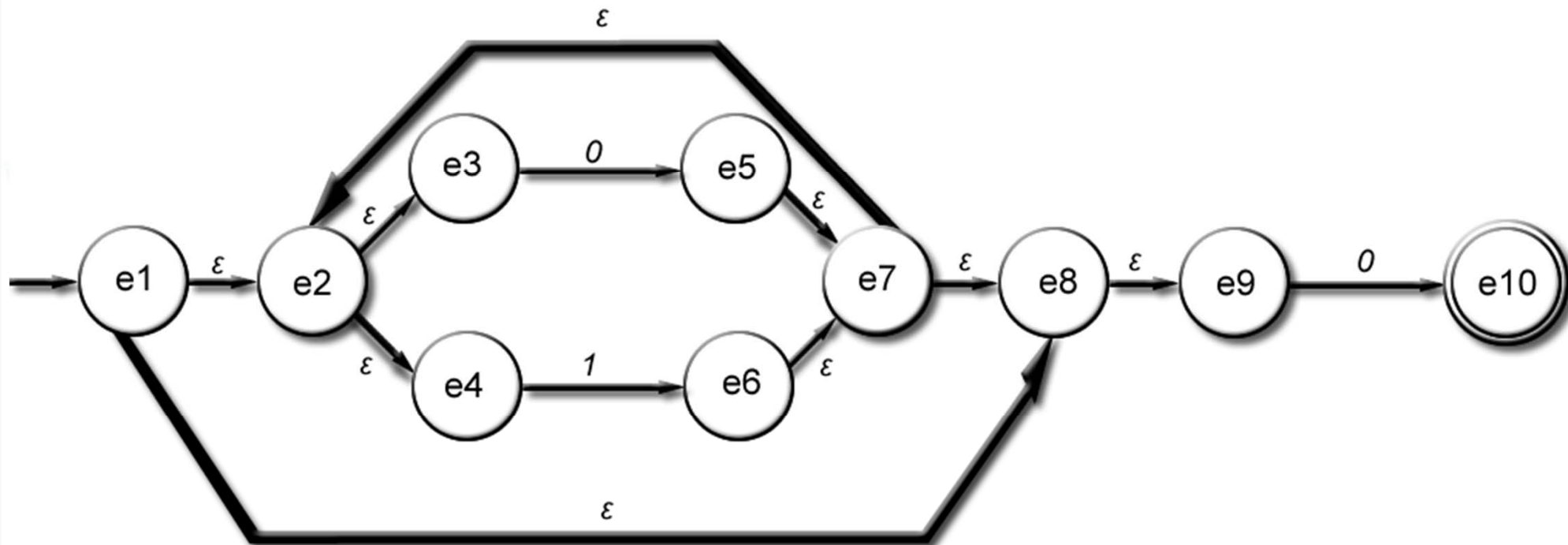
## Autômatos

*Professor: Luciano Ferreira Silva, Dr.*



# Algoritmo de Thompson

- O autômato finito não-determinístico para reconhecer a expressão  $(0|1)^*0$  é:





# Conversão para autômatos determinísticos

- **Autômatos não-determinísticos possuem diversas situações de ambigüidade como:**
  - ✓ Ao partir de e1, por que o autômato segue para e2 e não para e8?
  - ✓ Por que a transição seguinte foi de e2 para e3 e não para e4?
- **Solução: Conversão para autômatos determinísticos**



# Conversão para autômatos determinísticos

- **Procedimento sistemático: Método da construção de subconjuntos;**
  - ✓ Criação e associação de novos estados do autômato determinístico com conjuntos de estados do autômato não-determinístico;
  - ✓ Definição de subconjuntos de estados do autômato não-determinístico por meio do operador  $\epsilon^*$  (épsilon-clausura);
    - Sua aplicação resulta no conjunto que inclui, além dos próprios estados, cada um dos demais estados do autômato que podem ser alcançados a partir desses com transições pela string vazia.



# Conversão para autômatos determinísticos

- **Inicia-se pelo estado inicial do autômato não-determinístico;**
  - ✓  $\varepsilon^* \{e1\} = \{e1, e2, e3, e4, e8, e9\}$
  - ✓ Esse subconjunto é associando ao estado inicial do autômato finito determinístico, que pode receber o nome de  $S_0$ ;



# Conversão para autômatos determinísticos

## ■ Analisando $S_0$ ;

$S_0$	$e_1$	$e_2$	$e_3$	$e_4$	$e_8$	$e_9$
0	—	—	$e_5$	—	—	$e_{10}$
1	—	—	—	$e_6$	—	—

- ✓ 0 levará  $S_0$  a um estado que corresponderá a  $\varepsilon^* \{e_5, e_{10}\} = \{e_2, e_3, e_4, e_5, e_7, e_8, e_9, e_{10}\}$  ( $S_1$ )
- ✓ 1 levará  $S_0$  a um estado que corresponderá a  $\varepsilon^* \{e_6\} = \{e_2, e_3, e_4, e_6, e_7, e_8, e_9\}$  ( $S_2$ )





# Conversão para autômatos determinísticos

## ■ Observações:

- ✓  $S_0 \neq S_1 \neq S_2$
- ✓ Caso um destes conjuntos fosse igual a outro não seria viabilizada sua construção;
- ✓  $S_1$  contém  $\epsilon$  (estado final do autômato não-determinístico), portanto  $S_1$  é um estado final.



# Conversão para autômatos determinísticos

## ■ Analisando $S_1$ ;

$S_1$	$e_2$	$e_3$	$e_4$	$e_6$	$e_7$	$e_8$	$e_9$	$e_{10}$
0	—	$e_5$	—	—	—	—	$e_{10}$	—
1	—	—	$e_6$	—	—	—	—	—

- ✓ 0 levará  $S_1$  a um estado que corresponderá a  $\varepsilon^* \{e_5, e_{10}\}$  (ou seja, o próprio  $S_1$ );
- ✓ 1 levará  $S_1$  a um estado que corresponderá a  $\varepsilon^* \{e_6\}$  (que é  $S_2$ )





# Conversão para autômatos determinísticos

## ■ Analisando $S_2$ ;

$S_2$	$e_2$	$e_3$	$e_4$	$e_6$	$e_7$	$e_8$	$e_9$
0	—	$e_5$	—	—	—	—	$e_{10}$
1	—	—	$e_6$	—	—	—	—

- ✓ 0 levará  $S_1$  a um estado que corresponderá a  $\varepsilon^* \{e_5, e_{10}\}$  (que é  $S_1$ );
- ✓ 1 levará  $S_1$  a um estado que corresponderá a  $\varepsilon^* \{e_6\}$  (ou seja, o próprio  $S_2$ );



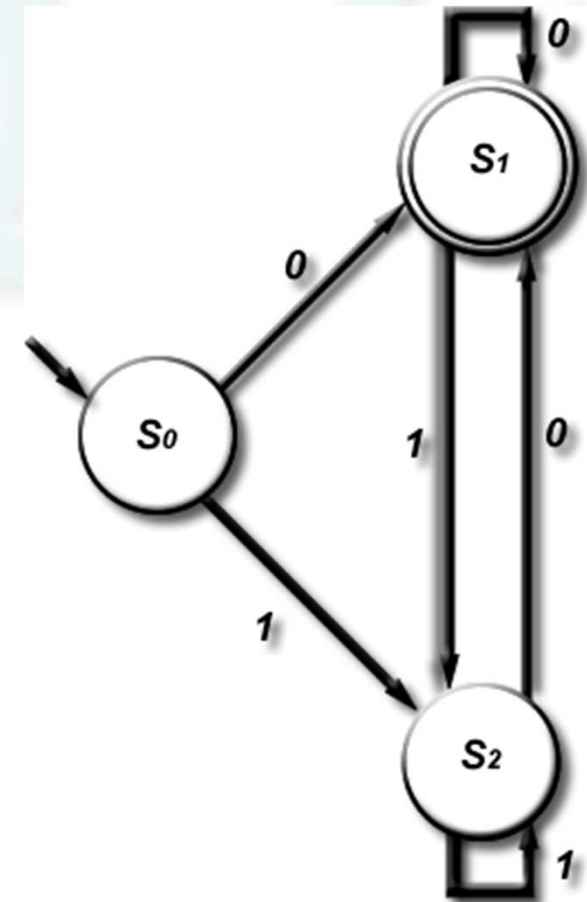
# Conversão para autômatos determinísticos

- Portanto o autômato determinístico para reconhecer  $(0|1)^*0$  é dado pela matriz:

	$S_0$	$S_1$	$S_2$
0	$S_1$	$S_1$	$S_1$
1	$S_2$	$S_2$	$S_2$

Estado inicial:  $S_0$

Estados finais:  $S_1$





# Minimização de estados do autômato

- **Consiste em combinar estados redundantes do autômato em um único estado sem alterar a linguagem que é reconhecida;**
- **Procedimento: construção iterativa de partições do conjunto  $K$  de estados do autômato.**



# Minimização de estados do autômato

- **Primeira partição ( $P_1$ )**
  - ✓ Separa os estado finais dos não-finais;
  - ✓  $P_1 = \{C_1, C_2\}$ , onde  $C_1 = F$  e  $C_2 = K - F$ ;
- **Para o autômato que reconhece  $(0|1)^*0$  tem-se:**

$$P_1 = \{C_1, C_2\}$$

$$C_1 = \{S_1\}$$

$$C_2 = \{S_0, S_2\}$$



# Minimização de estados do autômato

- $C_1$  é unitário, portanto  $S_1$  é não redundante;
- $C_2$  não é unitário, deve ser analisado;

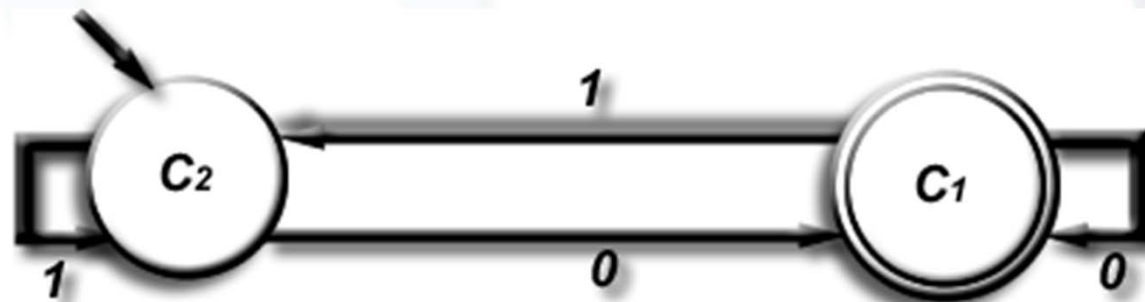
	$S_0$	$S_2$
0	$C_1$	$C_1$
1	$C_2$	$C_2$

- $S_0$  e  $S_2$  apresentam comportamentos iguais;
- O conjunto  $C_2$  não admite mais partições



# Minimização de estados do autômato

- Sendo assim  $S_0$  e  $S_2$  podem ser unidos em um só estado;
- Deste modo tem-se o seguinte autômato:







# Minimização de estados do autômato

- Considere o autômato finito que reconhecer a expressão regular  $a^*abb^*$ 
  - ✓ construído com a aplicação do algoritmo de Thompson e com o método da construção de subconjuntos.

	$S_0$	$S_1$	$S_2$	$S_3$
$a$	$S_1$	$S_1$	—	—
$b$	—	$S_2$	$S_3$	$S_3$

Estado inicial:  $S_0$

Estados finais:  $S_2, S_3$



# Minimização de estados do autômato

- **Tem-se então:**

- ✓  $P_1 = \{C_1, C_2\}$ , com  $C_1 = \{S_0, S_1\}$  e  $C_2 = \{S_2, S_3\}$

- **Analizando  $C_1$**

	$S_0$	$S_1$
$a$	$C_1$	$C_1$
$b$	—	$C_2$

- **As colunas são distintas logo na próxima iteração  $S_0$  e  $S_1$  não estarão na mesma partição.**



# Minimização de estados do autômato

- Analisando  $C_2$

	$S_2$	$S_3$
$a$	—	—
$b$	$C_2$	$C_2$

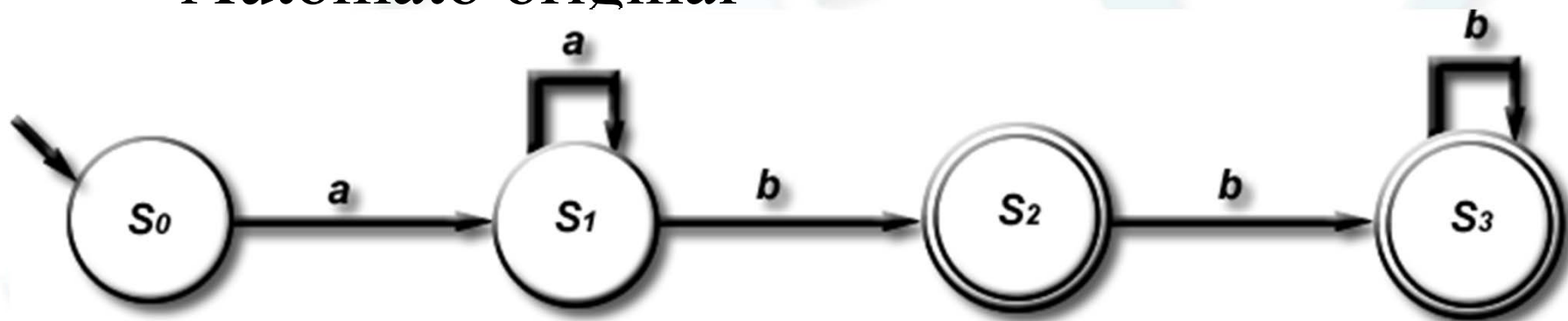
- $S_2$  e  $S_3$  apresentam colunas iguais, portanto são redundante e serão unidos;
- A próxima partição  $P_2 = \{\{S_0\}, \{S_1\}, \{S_2, S_3\}\}$  é a final.



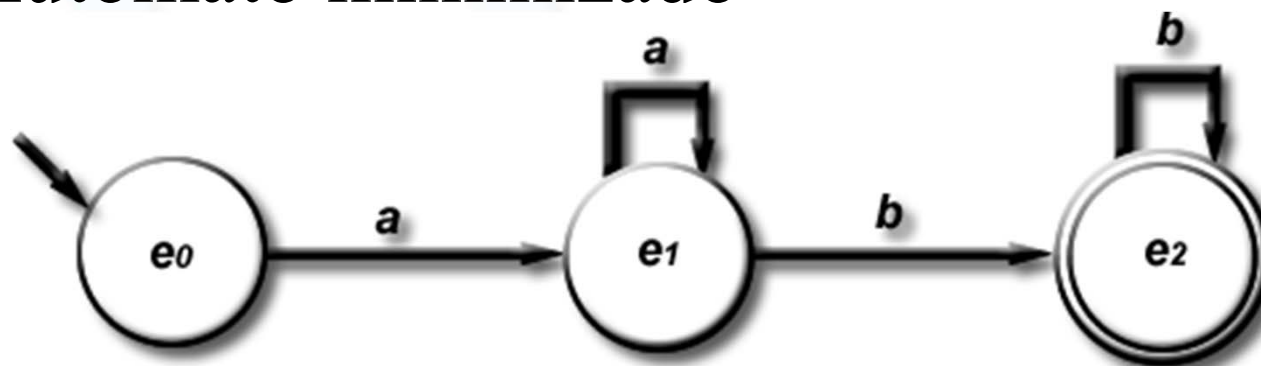
# Minimização de estados do autômato

## ■ O resultado da minimização seria:

✓ Autômato original



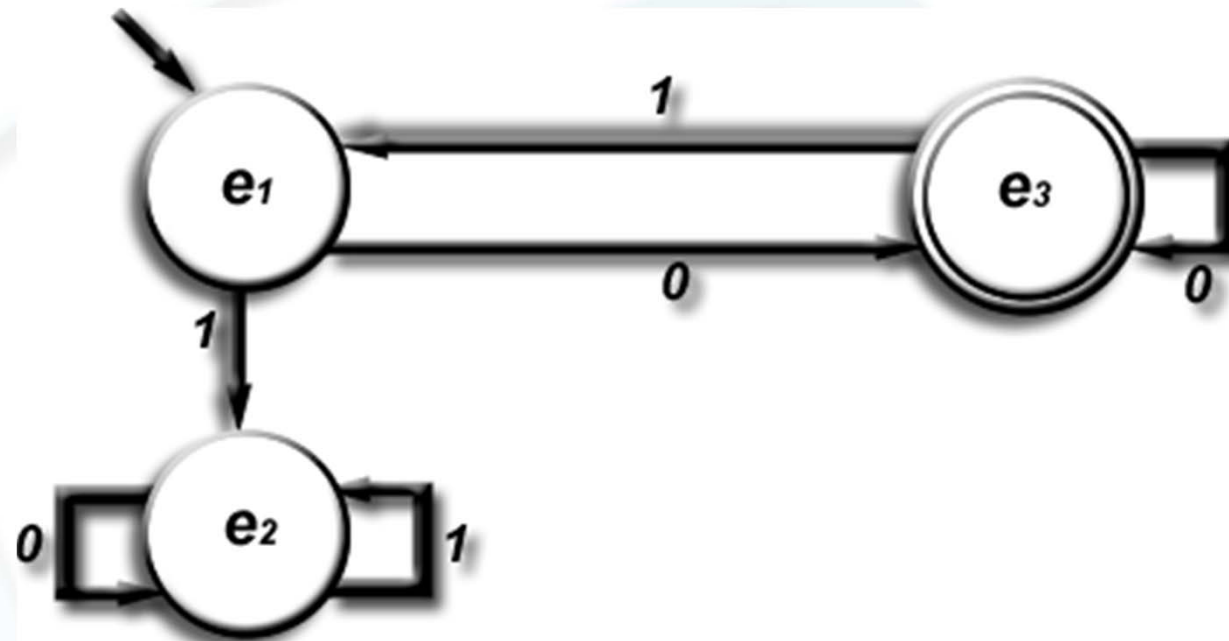
✓ Autômato minimizado





# Minimização de estados do autômato

- Considere o autômato abaixo, ele possui um “estado morto” (e2).



- Portanto este autômato poderia apresentar uma forma mais otimizada, e2 poderia ser eliminado.