

# 1 Atividade 1

## 1.1 Descrição do Modelo

O sistema modelado é um oscilador massa-mola-amortecedor, onde a massa está sujeita à força restauradora de uma mola e ao amortecimento proporcional à velocidade. A equação diferencial que descreve o movimento do sistema é dada por:

$$m\ddot{x} + C\dot{x} + Kx = 0$$

onde  $x$  representa o deslocamento da massa  $m$  da sua posição de equilíbrio,  $\dot{x}$  é a velocidade,  $\ddot{x}$  é a aceleração,  $C$  é o coeficiente de amortecimento, e  $K$  é a constante da mola. A força de entrada é considerada nula, indicando que não há forças externas atuando sobre o sistema após o instante inicial.

## 1.2 Parâmetros do Sistema

Os parâmetros utilizados no modelo do sistema são especificados como segue:

- Massa ( $m$ ): 10 kg
- Coeficiente de amortecimento ( $C$ ): 7 Ns/m
- Constante da mola ( $K$ ): 5 N/m

## 1.3 Condições Iniciais para a Simulação

As condições iniciais para a simulação são detalhadas na tabela a seguir, baseadas nos parâmetros especificados acima:

Caso	Velocidade Inicial $V_0$	Posição Inicial $X_0$
1	5 m/s	0 m
2	0 m/s	2.5 m
3	3.33 m/s	2 m

Esta tabela reflete os valores numéricos para cada caso, facilitando a compreensão e a aplicação direta dos parâmetros na simulação.

## 1.4 Código Scilab para simular a resposta do sistema massa-mola-amortecedor

```
1 // Definicao das principais variaveis do sistema fisico
2 m = 10; // massa
3 c = 7; // coeficiente de amortecimento
4 k = 5; // constante da mola
5
6 // Funcao que define o sistema de equacoes diferenciais (EDO)
7 // para o modelo massa-mola-amortecedor
8 function dxdt = sistema(t, x)
9 // x(1) representa o deslocamento, x(2) representa a
10 // velocidade
11 // Esta funcao retorna a derivada da velocidade e do
12 // deslocamento, respectivamente
13 dxdt = [x(2); -c/m * x(2) - k/m * x(1)];
14 endfunction
15
16 // Configuracao do intervalo de tempo para a simulacao
17 t0 = 0; // Tempo inicial (s)
18 tf = 20; // Tempo final (s)
19 t = linspace(t0, tf, 1000); // Cria um vetor de tempo
20 // linearmente espacado para a simulacao
21
22 // Definicao das condicoes iniciais para cada caso de
23 // simulacao
24 condicoes_iniciais = [
25 m/5, m/3; // Caso 3: posicao inicial (m) e velocidade inicial
26 // (m/s)
27 m/4, 0; // Caso 2: posicao inicial (m) e velocidade inicial
28 // (m/s)
```

```

22     0, m/2; // Caso 1: posicao inicial (m) e velocidade inicial
           (m/s)
23     ];
24
25     // Cores designadas para cada caso de simulacao para facilitar
           a visualizacao
26     cores = ['#007bff', '#dc3545', '#8B4513']; // Azul, vermelho,
           marrom
27
28     // Loop para executar e plotar cada caso de simulacao
           separadamente
29     for i = 1:3
30         x0 = condicoes_iniciais(i, :); // Transpoe as condicoes
           iniciais para a formatacao correta
31         sol = ode(x0, t0, t, sistema); // Resolve a EDO usando o
           metodo de ODE
32
33         scf(i); // Cria uma nova figura para cada iteracao
34         plot(t, sol(1, :), 'color', cores(i), 'LineWidth', 2);
           // Plot do deslocamento x(t)
35         xlabel('Tempo (s)'); // Etiqueta do eixo X
36         ylabel('Deslocamento x(t)'); // Etiqueta do eixo Y
37         title(['Resposta do Sistema para o Caso ', string(i)]); //
           Titulo do grafico
38         legend('x(t)', "location", "best"); // Legenda
39         xgrid(); // Ativa a grade no grafico
40     end
41
42     // Preparacao do grafico combinado
43     scf(); // Cria uma nova figura
44     clf(); // Limpa a figura atual
45     xlabel('Tempo (s)');
46     ylabel('Deslocamento x(t)');
47     title('Resposta do Sistema para Todos os Casos');
48     xgrid(); // Ativando a grade
49
50     // Execucao da simulacao para cada caso e plotagem no mesmo
           grafico
51     for i = 1:3
52         x0 = condicoes_iniciais(i, :); // Condicoes iniciais para o
           caso i (transposto para coluna)
53         sol = ode(x0, t0, t, sistema); // Resolvendo a equacao
           diferencial
54
55         // Plotando os resultados com cores definidas
56         plot(t, sol(1, :), 'color', cores(i), 'LineWidth', 2);
57     end
58
59     // Criar a legenda detalhando cada caso
60     legend(['Caso 1: x0 = 0, v0 = m/2', 'Caso 2: x0 = m/4, v0 = 0',
           'Caso 3: x0 = m/5, v0 = m/3'], "location", "best");

```

Listing 1: Código Scilab para simular a resposta do sistema massa-mola-amortecedor

## 1.5 Análise dos Resultados

Cada um dos casos de simulação foi configurado com condições iniciais distintas para explorar como o sistema responde a diferentes estados iniciais de deslocamento e velocidade.

### 1.5.1 Caso 1: Velocidade Inicial Elevada

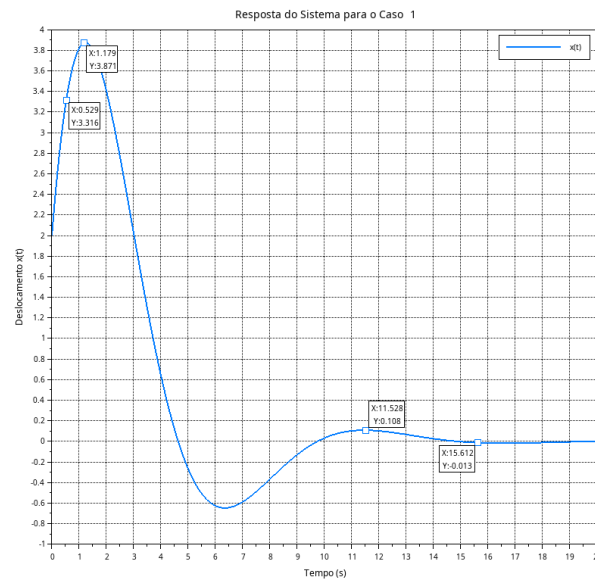


Figure 1: Resposta do sistema para o Caso 1

No Caso 1, o sistema é inicialmente impulsionado com uma alta velocidade (5 m/s), partindo do repouso ( $X_0 = 0$ ). Esta condição inicial leva a uma resposta inicialmente enérgica, onde a massa oscila com uma amplitude elevada, seguida de um rápido decaimento energético devido ao amortecimento significativo ( $C = 7 \text{ Ns/m}$ ). O amortecimento não só reduz a amplitude das oscilações rapidamente, mas também garante que o sistema não persista em um estado de oscilação prolongada, estabilizando-se em um tempo curto.

### 1.5.2 Caso 2: Deslocamento Inicial Sem Velocidade

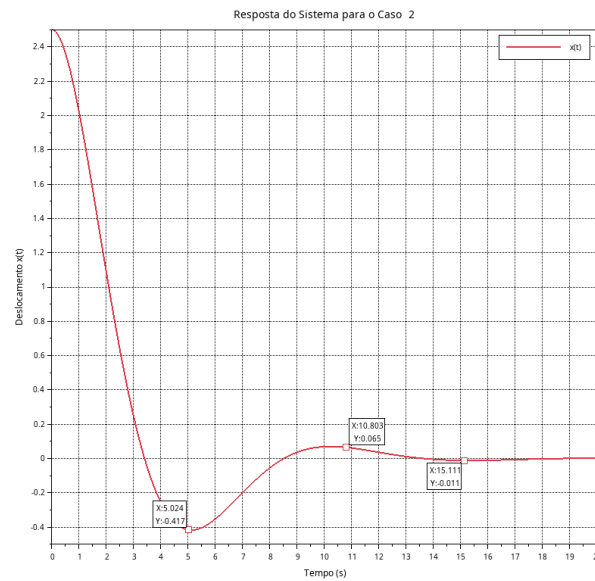


Figure 2: Resposta do sistema para o Caso 2

O Caso 2 é caracterizado por um deslocamento inicial (2.5 m) sem impulso inicial de velocidade ( $V_0 = 0$ ). Aqui, observamos uma resposta típica de um sistema oscilatório subamortecido onde o sistema retorna ao equilíbrio através de oscilações que decaem gradativamente. Este caso destaca como a energia potencial armazenada na mola é convertida em energia cinética e dissipada pelo amortecedor. As oscilações decrescem em amplitude mais gradualmente do que no Caso 1, demonstrando uma transferência de energia mais prolongada antes da estabilização.

### 1.5.3 Caso 3: Velocidade e Deslocamento Iniciais

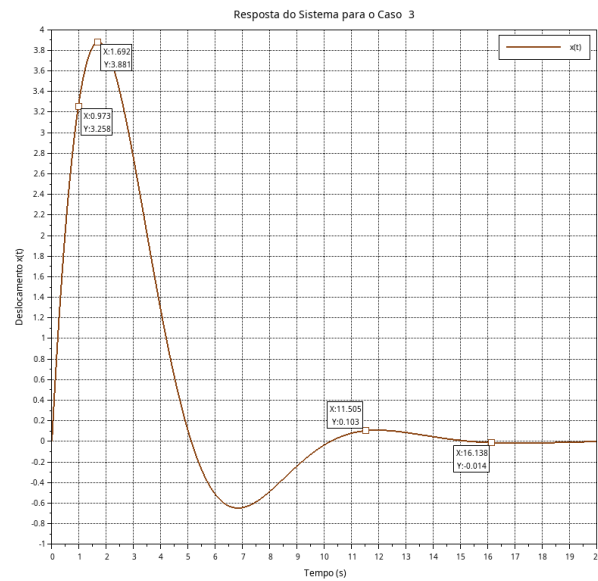


Figure 3: Resposta do sistema para o Caso 3

No Caso 3, o sistema inicia com condições iniciais moderadas tanto de velocidade (3.33 m/s) quanto de deslocamento (2m). Esta configuração produz uma resposta dinâmica complexa, onde a interação entre energia cinética e potencial é mais evidente. A amplitude inicial é significativa, com uma taxa de decaimento que ilustra eficientemente o papel do amortecimento. As oscilações observadas são mais sustentadas que no Caso 1, mas menos intensas do que no Caso 2, refletindo um equilíbrio entre as energias cinética e potencial no início da simulação.

### 1.5.4 Comparação Unificada dos Casos

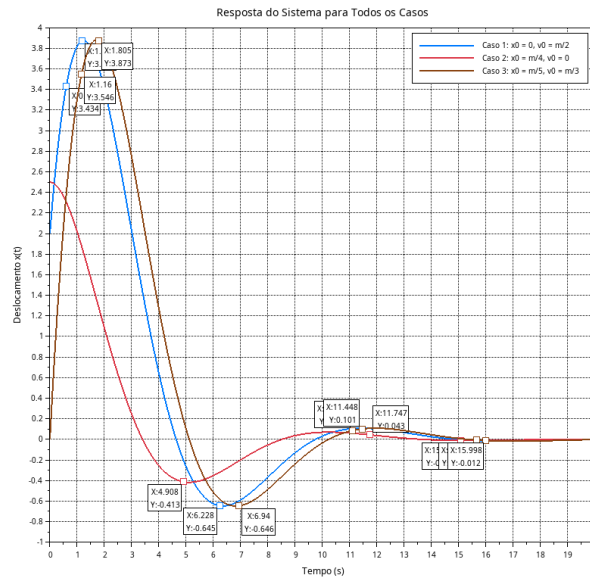


Figure 4: Resposta unificada do sistema para os Casos 1, 2 e 3

A análise unificada dos três casos demonstra de forma clara as diferenças significativas nas respostas do sistema decorrentes de diversas condições iniciais. A seguir, discutiremos detalhadamente cada resposta e suas implicações para a compreensão do comportamento dinâmico do sistema:

- **Caso 1 (Azul Escuro):** Iniciado com uma alta velocidade inicial (5 m/s) e sem deslocamento inicial, este caso exibe a maior amplitude de oscilação observada. A energia cinética inicial é rapidamente convertida em energia potencial pela mola, resultando em oscilações de grande amplitude que são rapidamente amortecidas. Este caso ilustra o efeito de um forte amortecimento, onde a energia é dissipada rapidamente, levando a um retorno rápido à posição de equilíbrio sem oscilações residuais prolongadas. Esta configuração é ideal em situações onde a rápida estabilização após distúrbios é crucial, como em sistemas de suspensão de veículos.
- **Caso 2 (Vermelho):** Com um deslocamento inicial (2.5 m) e sem velocidade inicial, o sistema mostra uma resposta clássica de um oscilador subamortecido. A energia potencial armazenada na mola é convertida gradualmente em energia cinética, com a energia sendo dissipada ao longo do tempo pelo amortecedor. As oscilações decaem suavemente, refletindo uma conversão mais lenta de energia que é típica em aplicações onde é necessário manter uma certa quantidade de movimento ou onde oscilações graduais são preferíveis, como em alguns tipos de sensores mecânicos.
- **Caso 3 (Marrom):** Este caso combina condições iniciais moderadas de velocidade (3.33 m/s) e deslocamento (2 m), resultando numa resposta dinâmica mais complexa que engloba características dos dois primeiros casos. A amplitude inicial é significativa, mas as oscilações são mais controladas e decaem de maneira gradual. Este caso destaca a importância do equilíbrio entre rigidez da mola e amortecimento no projeto de sistemas mecânicos, onde é necessário um compromisso entre estabilidade rápida e manutenção de energia dinâmica.

Esta comparação detalhada destaca não apenas a influência das condições iniciais na resposta do sistema, mas também o papel crítico do amortecimento e da rigidez da mola na determinação da natureza da resposta dinâmica. A análise fornece insights valiosos para o design e a otimização de sistemas mecânicos em engenharia, sublinhando a necessidade de uma seleção cuidadosa de parâmetros de acordo com os requisitos específicos de cada aplicação.

## 1.6 Comentários Gerais e Conclusão

Os gráficos e análises ilustram claramente como as condições iniciais impactam a resposta dinâmica do sistema massa-mola-amortecedor. A energia inicial, seja como deslocamento ou velocidade, define a resposta imediata do sistema, mostrando a complexidade do comportamento de sistemas dinâmicos lineares. Observamos que o amortecimento é essencial para reduzir as oscilações e trazer o sistema de volta ao repouso de maneira eficiente, sublinhando sua importância no design de componentes mecânicos.

A adequação do coeficiente de amortecimento e da rigidez da mola é crucial para otimizar sistemas para suas funções específicas, como a absorção de choques em suspensões de veículos ou a precisão em instrumentos de medição. Além disso, a análise das condições iniciais é vital no planejamento e teste de sistemas mecânicos, onde engenheiros e designers devem antecipar cenários variados de operação.

Este estudo destaca a necessidade de um entendimento profundo das dinâmicas de sistemas para inovação em engenharia, proporcionando uma base sólida para a compreensão dos princípios de mecânica e dinâmica que são fundamentais no design de sistemas controlados e mecanismos em geral.