Linguagens Formais, Autômatos e Computabilidade

Guilherme Henrique de Souza Nakahata

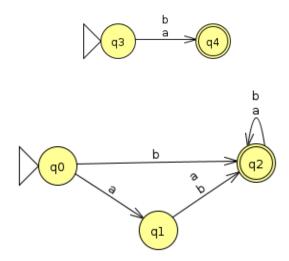
Universidade Estadual do Paraná - Unespar

27 de abril de 2023

- Um autômato A é mínimo em relação a um autômato B se:
 - $|E_a| \le |E_b|$
- Reconhecem a mesma linguagem;
- Tem como estratégia fundir estados equivalentes;
- Etapas para a minimização:
 - Verificar pré-requisitos;
 - Criação da tabela triangular;
 - Marcar estados trivialmente não equivalente;
 - Análise dos pares não marcados;
 - União dos estados equivalentes.

- Pré-requisitos:
 - Deve ser um AFD;
 - Não pode ter estados inacessíveis;
 - Função de transição deve ser total.

- O que é uma função de transição **total**?
 - Deve possuir função de transição para todos os símbolos partindo de um estado;
 - Qual é um AFD com função de transição total?

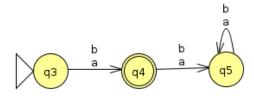


- Pode ser visualizado mais facilmente pela tabela de transição;
- A tabela deve estar completa;
- Sem nenhum X na tabela.

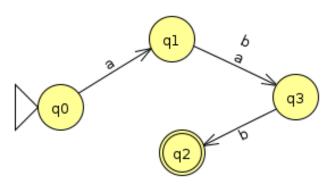
	a	b
q3	q4	q4
q4	X	X

	a	b
q0	q1	q2
q1	q2	q2
q2	q2	q2

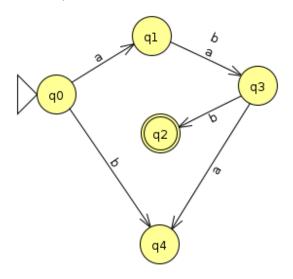
- Situações que não tenhamos função de transição total;
- Criamos um estado de erro;
- As funções de transição faltantes direcionam para o estado de erro;
- O estado de erro também deve ter as funções de transições completas;
- Exemplo:



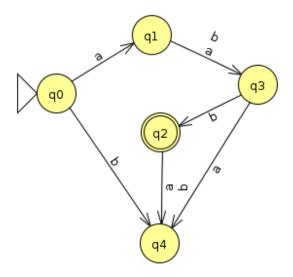
- Um estado de erro nunca deve ser final;
- Exemplos de criação de estados de erro:



- Um estado de erro nunca deve ser final;
- Exemplos de criação de estados de erro:



- Um estado de erro nunca deve ser final;
- Exemplos de criação de estados de erro:



- Para função de transição usamos uma tabela de Estados por Alfabeto;
- Exemplo:

	a	b
q0	q1	q2
q1	q2	q2
q2	X	Х

- Na tabela triangular utilizamos Estados por Estados;
- Exemplo:

q1	?	
q2	?	?
	q0	q1

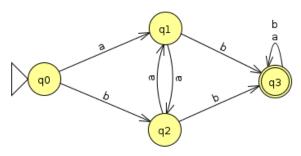
• Motivo para ela não ser quadrada;

q0	?	?	?
q1	?	?	?
q2	?	?	?
	q0	q1	q2

- Motivo para ela não ser quadrada;
- O que é feito na tabela triangular?

q0	?	?	?
q1	?	?	?
q2	?	?	?
	q0	q1	q2

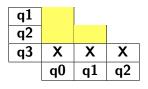
- Marcar estados trivialmente não equivalente;
- Analisar os pares não marcados;
- Exemplo:
 - Qual os estados trivialmente não equivalente?

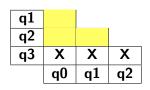


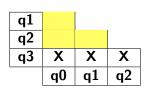
• Quais os estados trivialmente não equivalente?

q1			
q2			
q3			
	q0	q1	q2

• Quais os estados trivialmente não equivalente?







q1	X		
q2			
q3	X	X	X
	q0	q1	q2

$$\begin{array}{ccc|cccc} q1q0 & & & & \\ q1+a = & q2 & q0+a = & q1 & q2,q1 \\ q1+b = & q3 & q0+b = & q2 & q3,q2 \end{array}$$

q1	X		
q2			
q3	X	X	X
	q0	q1	q2

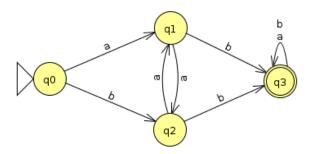
q1	X		
q2	Х		
q3	Х	X	Х
	q0	q1	q2

q1	X		
q2	X		
q3	Х	Х	Х
	q0	q1	q2

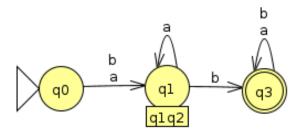
q1	X		
q2	Х		
q3	Х	X	Х
	q0	q1	q2

q1	X		
q2	X	ok	
q3	Х	Х	Х
	q0	q1	q2

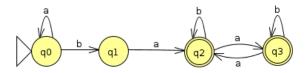
- União dos estados equivalentes;
- q2q1;



- União dos estados equivalentes;
- q2q1;

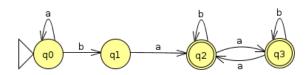


• Exemplo:

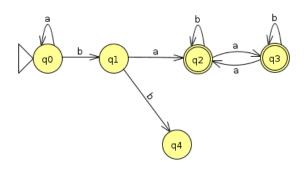


- Verificar pré-requisitos;
- Criação da tabela triangular;
- Marcar estados trivialmente não equivalente;
- Análise dos pares não marcados;
- União dos estados equivalentes.

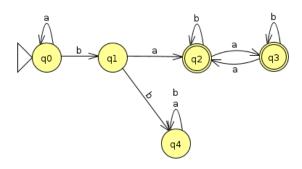
- Pré-requisitos:
 - Deve ser um AFD;
 - Não pode ter estados inacessíveis;
 - Função de transição deve ser total.



- Pré-requisitos:
 - Deve ser um AFD;
 - Não pode ter estados inacessíveis;
 - Função de transição deve ser total.



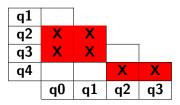
- Pré-requisitos:
 - Deve ser um AFD;
 - Não pode ter estados inacessíveis;
 - Função de transição deve ser total.



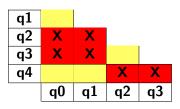
• Criação da tabela triangular;

	q0	q1	q2	q3
q4				
q3				
q2				
q1				

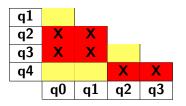
• Marcar estados trivialmente não equivalente;



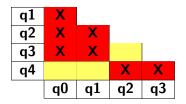
• Análise dos pares não marcados;



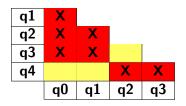
Análise dos pares não marcados;

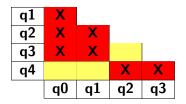


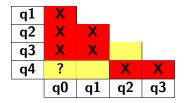
Análise dos pares não marcados;

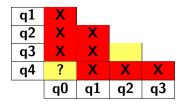


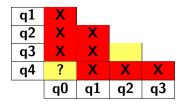
Análise dos pares não marcados;

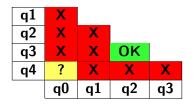


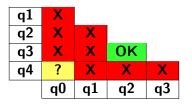


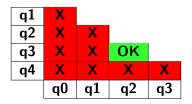




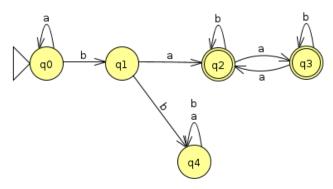




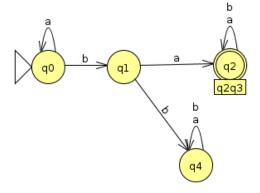




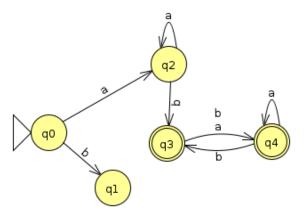
- União dos estados equivalentes;
- q3q2;



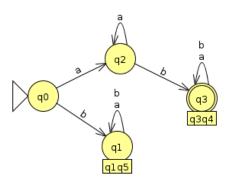
- União dos estados equivalentes;
- q3q2;



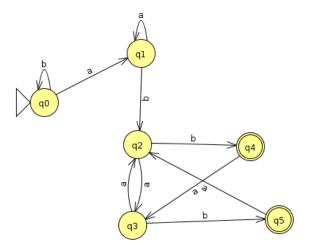
Minimize o AFD;



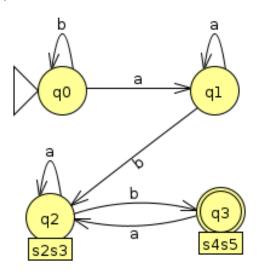
Resultado;



Minimize o AFD;



Resultado;



Obrigado! Dúvidas?

Guilherme Henrique de Souza Nakahata

guilhermenakahata@gmail.com

https://github.com/GuilhermeNakahata/UNESPAR-2023