

Inteligência Artificial

Redes Neurais Artificiais

Universidade Estadual do Paraná - Unespar

27 de Junho de 2024

- Computador:
 - Melhor em cálculo e lógica;
 - Multi-tarefas;
 - Base elétrica.
- Humano:
 - Melhor em raciocínio e criação;
 - Aprendizagem;
 - Base elétrica (Reação química).

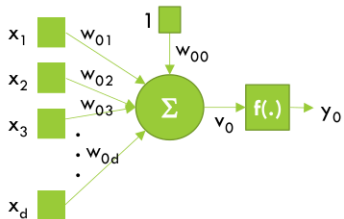
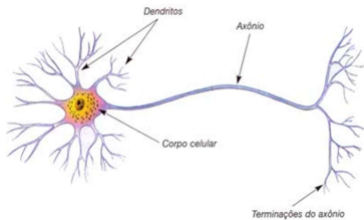
- Redes neurais artificiais (RNA);
- Surgimento na década de 50;
- Popular tema de pesquisa científica;
- A partir 1990.

- Avaliação de imagens ruidosas;
- Controle automatizado de equipamentos;
- Sistema de controle e previsão financeira;
- Identificação de anomalias e patologias em bases de sinais digitais;
- Reconhecimento facial;
- Classificação de padrões de escrita e fala.

- RNAs são modelos computacionais inspirados no sistema nervoso;
- Possuem a capacidade de:
 - Aquisição;
 - Manutenção;
 - Conhecimento.
- Caracterizada pela unidade de processamento:
 - Neurônio;
 - Como é representado computacionalmente?

- Principais características:
 - Adaptação por experiência;
 - Capacidade de aprendizado;
 - Habilidade de generalização;
 - Organização de dados;
 - Tolerância a falhas;
 - Facilidade de prototipagem.

Neurônios



- Entradas:
 - Sinais ou medidas que representam as variações aceitas.
- Pesos sinápticos:
 - Valores de ponderação da relevância das entradas.
- Combinador linear:
 - Agregador de valores de entradas, produzindo um potencial de ativação.
- Limiar de ativação:
 - Identificador de variação apropriada para o resultado.

- Potencial de ativação:
 - Resultado produzido com a função soma e o limiar de ativação.
- Função de ativação:
 - Limitador da saída em um intervalo assumido pela arquitetura da RNA.
- Bias (viés):
 - Valor adicional somado ao potencial de ativação, permitindo o ajuste da função de ativação.
- Saída:
 - Valor final produzido pelo neurônio em relação ao conjunto de entrada.

- Degrau (Hard Limiter);
- Degrau Bipolar (Symmetric Hard Limiter);
- Rampa simétrica;
- Relu.

- Frank Rosenblatt em 1957;
- Aprendizagem Supervisionada;
- Base para o desenvolvimento de modelos mais avançados;
- Incapacidade de lidar com problemas não linearmente separáveis.

- Um perceptron é um modelo linear;
 - Resolve problemas linearmente separáveis;
- Classes que podem ser separadas por um hiperplano são ditas linearmente separáveis;
- Perceptron encontrará um hiperplano separador;
- Não necessariamente o melhor hiperplano.

- O treinamento de um perceptron corresponde ao processos de encontrar valores dos pesos;
- Diminuir o erro produzido pelos neurônios;
- Aprendizado por correção de erro;
- Processo iterativo;
- Muitas épocas;
- Erro seja suficientemente pequeno.

- Inicializar todos os pesos com zero;
- **Até** que todos os exemplos de treino sejam corretamente classificados **faça**:
 - **Para** cada dado D do conjunto de treino **faça**:
 - **Se** D for incorretamente classificado **faça**:
 - Calcule o erro e atualize os pesos.

- Aprendizagem por correção de erro:
 - Se o resultado não é o desejado é necessário ajustar o peso dos neurônios para um valor proporcional ao sinal de entrada;
 - Atualização dos pesos:
 - $W_{novo} = W_{atual} + TaxaAprendizagem * Erro * SinalDeEntrada$
 - $Erro(\Delta) = saidaDesejada - saidaObtida$
 - $TaxaAprendizagem(n) = [0, 1]$
 - $SinalEntrada = valorEntrada_j$

Exemplo: Função AND

- Taxa de aprendizagem = 1;
- Função de ativação:
 - 1 se > 0 ;
 - 0 se ≤ 0 ;

Table: Porta lógica AND

AND	bias	a1	a2	y
E_1	1	0	0	0
E_2	1	0	1	0
E_3	1	1	0	0
E_4	1	1	1	1

Exemplo: Função AND (1ª Época)

- $w_0 = 0, w_1 = 0, w_2 = 0$

$$\begin{aligned} \text{E1: } y &= f(w_0 a_0 + w_1 a_1 + w_2 a_2) \\ &= f(\textcolor{red}{0} \times 1 + \textcolor{red}{0} \times 0 + \textcolor{red}{0} \times 0) = f(0) = 0 \rightarrow y = d \\ \textcolor{blue}{w_0} &= 0 \qquad \qquad \textcolor{blue}{w_1} = 0 \qquad \qquad \textcolor{blue}{w_2} = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{E2: } y &= f(0 \times 1 + 0 \times 0 + 0 \times 1) = f(0) = 0 \rightarrow y = d \\ \textcolor{blue}{w_0} &= 0 \qquad \qquad \textcolor{blue}{w_1} = 0 \qquad \qquad \textcolor{blue}{w_2} = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{E3: } y &= f(0 \times 1 + 0 \times 1 + 0 \times 0) = f(0) = 0 \rightarrow y = d \\ \textcolor{blue}{w_0} &= 0 \qquad \qquad \textcolor{blue}{w_1} = 0 \qquad \qquad \textcolor{blue}{w_2} = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{E4: } y &= f(0 \times 1 + 0 \times 1 + 0 \times 1) = f(0) = 0 \rightarrow \textcolor{red}{y} \neq \textcolor{red}{d} \\ \textcolor{blue}{w_0} &= 0 + 1 * (1 - 0) * 1 = 1 \qquad \textcolor{blue}{w_1} = 0 + 1 * (1 - 0) * 1 = 1 \qquad \textcolor{blue}{w_2} = 0 + 1 * (1 - 0) * 1 = 1 \end{aligned}$$

Exemplo: Função AND (2ª Época)

- $w_0 = 1, w_1 = 1, w_2 = 1$

$$\begin{aligned} \text{E1: } y &= f(w_0 a_0 + w_1 a_1 + w_2 a_2) \\ &= f(1 \times 1 + 1 \times 0 + 1 \times 0) = f(1) = 1 \rightarrow y \neq d \\ w_0 &= 1 + 1 * (0 - 1) * 1 = 0 & w_1 &= 1 + 1 * (0 - 1) * 0 = 1 & w_2 &= 1 + 1 * (0 - 1) * 0 = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{E2: } y &= f(0 \times 1 + 1 \times 0 + 1 \times 1) = f(1) = 1 \rightarrow y \neq d \\ w_0 &= 0 - 1 = -1 & w_1 &= 1 - 0 = 1 & w_2 &= 1 - 1 = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{E3: } y &= f(-1 \times 1 + 1 \times 1 + 0 \times 0) = f(0) = 0 \rightarrow y = d \\ w_0 &= -1 & w_1 &= 1 & w_2 &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{E4: } y &= f(-1 \times 1 + 1 \times 1 + 0 \times 1) = f(0) = 0 \rightarrow y \neq d \\ w_0 &= -1 + 1 = 0 & w_1 &= 1 + 1 = 2 & w_2 &= 0 + 1 = 1 \end{aligned}$$

Exemplo: Função AND (3ª Época)

- $w_0 = 0, w_1 = 2, w_2 = 1$

$$\begin{aligned} \text{E1: } y &= f(w_0 a_0 + w_1 a_1 + w_2 a_2) \\ &= f(0 \times 1 + 2 \times 0 + 1 \times 0) = f(0) = 0 \rightarrow y = d \\ w_0 &= 0 \quad w_1 = 2 \quad w_2 = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{E2: } y &= f(0 \times 1 + 2 \times 0 + 1 \times 1) = f(1) = 1 \rightarrow y \neq d \\ w_0 &= 0 - 1 = -1 \quad w_1 = 2 - 0 = 2 \quad w_2 = 1 - 1 = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{E3: } y &= f(-1 \times 1 + 2 \times 1 + 0 \times 0) = f(1) = 1 \rightarrow y \neq d \\ w_0 &= -1 - 1 = -2 \quad w_1 = 2 - 1 = 1 \quad w_2 = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{E4: } y &= f(-2 \times 1 + 1 \times 1 + 0 \times 1) = f(-1) = 0 \rightarrow y \neq d \\ w_0 &= -2 + 1 = -1 \quad w_1 = 1 + 1 = 2 \quad w_2 = 0 + 1 = 1 \end{aligned}$$

Exemplo: Função AND (4ª Época)

- $w_0 = -1, w_1 = 2, w_2 = 1$

$$\begin{aligned} \text{E1: } y &= f(w_0 a_0 + w_1 a_1 + w_2 a_2) \\ &= f(-1 \times 1 + 2 \times 0 + 1 \times 0) = f(-1) = 0 \rightarrow y = d \\ w_0 &= -1 \quad w_1 = 2 \quad w_2 = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{E2: } y &= f(-1 \times 1 + 2 \times 0 + 1 \times 1) = f(0) = 0 \rightarrow y = d \\ w_0 &= -1 \quad w_1 = 2 \quad w_2 = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{E3: } y &= f(-1 \times 1 + 2 \times 1 + 1 \times 0) = f(1) = 1 \rightarrow y \neq d \\ w_0 &= -1-1=-2 \quad w_1 = 2-1=1 \quad w_2 = 1-0=1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{E4: } y &= f(-2 \times 1 + 1 \times 1 + 1 \times 1) = f(0) = 0 \rightarrow y \neq d \\ w_0 &= -2+1=-1 \quad w_1 = 1+1=2 \quad w_2 = 1+1=2 \end{aligned}$$

Exemplo: Função AND (5ª Época)

- $w_0 = -1, w_1 = 2, w_2 = 2$

$$\begin{aligned} \text{E1: } y &= f(w_0 a_0 + w_1 a_1 + w_2 a_2) \\ &= f(-1 \times 1 + 2 \times 0 + 2 \times 0) = f(-1) = 0 \rightarrow y = d \\ w_0 &= -1 \quad w_1 = 2 \quad w_2 = 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{E2: } y &= f(-1 \times 1 + 2 \times 0 + 2 \times 1) = f(1) = 1 \rightarrow y \neq d \\ w_0 &= -1-1=-2 \quad w_1 = 2-0=2 \quad w_2 = 2-1=1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{E3: } y &= f(-2 \times 1 + 2 \times 1 + 1 \times 0) = f(0) = 0 \rightarrow y = d \\ w_0 &= -2 \quad w_1 = 2 \quad w_2 = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{E4: } y &= f(-2 \times 1 + 2 \times 1 + 1 \times 1) = f(1) = 1 \rightarrow y = d \\ w_0 &= -2 \quad w_1 = 2 \quad w_2 = 1 \end{aligned}$$

Exemplo: Função AND (6ª Época)

- $w_0 = -2, w_1 = 2, w_2 = 1$

$$\begin{aligned} E1: y &= f(w_0 a_0 + w_1 a_1 + w_2 a_2) \\ &= f(-2 \times 1 + 2 \times 0 + 1 \times 0) = f(-2) = 0 \rightarrow y = d \end{aligned}$$

$$E2: y = f(-2 \times 1 + 2 \times 0 + 1 \times 1) = f(-1) = 0 \rightarrow y = d$$

$$E3: y = f(-2 \times 1 + 2 \times 1 + 1 \times 0) = f(0) = 0 \rightarrow y = d$$

$$E4: y = f(-2 \times 1 + 2 \times 1 + 1 \times 1) = f(1) = 1 \rightarrow y = d$$

$$w_0 = -2 \quad w_1 = 2 \quad w_2 = 1$$

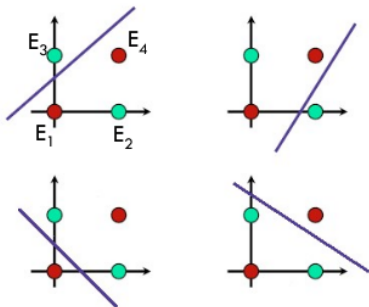
Limitação Perceptron

- Se os dados forem linearmente separáveis:
 - Algoritmo termina em número finito de iterações;
- Caso contrário o algoritmo não terminará:
 - Número máximo de épocas;
 - Não tem garantia sobre a qualidade do modelo de saída;
- Redes de uma única camadas resolvem apenas problemas linearmente separáveis;
- Porta lógica XOR.

Limitação Perceptron

Função XOR

	a_1	a_2	y
E_1	0	0	0
E_2	0	1	1
E_3	1	0	1
E_4	1	1	0



- Utilizar mais de uma camada!
 - Multi-Layer Perceptron (MLP);
 - Redes Neurais Convolucionais (CNNs);
 - Redes Neurais Recorrentes (RNNs);
 - Redes Neurais Generativas Adversariais (GANs);

Obrigado! Dúvidas?

Guilherme Henrique de Souza Nakahata

guilhermenakahata@gmail.com

<https://github.com/GuilhermeNakahata/UNESPAR-2024>