Algoritmos de Pesquisa

Prof. Jefferson T. Oliva

Algoritmos e Estrutura de Dados I (AE22CP) Engenharia de Computação Departamento Acadêmico de Informática (Dainf) Universidade Tecnológica Federal do Paraná (UTFPR) Campus Pato Branco





Sumário

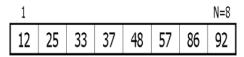
- Busca Binária
- Busca por Interpolação
- Árvores de Busca
 - Árvores Binárias de Busca

Sumário

Busca Binária

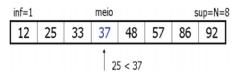
- Os dados devem estar ordenados em um arranjo
- A busca começa no meio da tabela
 - Se igual, busca bem-sucedida
 - Se menor, busca-se na metade inferior do arranjo
 - Se maior, busca-se na metade superior do arranjo
- Em cada passo, o tamanho do arranjo em que se busca é dividido por 2

• Exemplo: busca pelo elemento 25



F

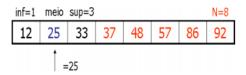
• Exemplo: busca pelo elemento 25



• Exemplo: busca pelo elemento 25

inf=1		sup=3					N=8
12	25	33	37	48	57	86	92

• Exemplo: busca pelo elemento 25



Implementação recursiva da pesquisa binária

```
static int busca_bin(int x, int v[], int ini, int fim) {
  int meio;
  if ((ini == fim) \&\& (x == v[ini]))
   return ini;
  else if (ini < fim) {
   meio = (ini + fim) / 2;
   if (x == v[meio])
    return meio;
   else if (x < v[meio])
     return busca_bin(x, v, ini, meio - 1);
   else
     return busca_bin(x, v, meio + 1, fim);
  }else
   return -1;
```

• Implementação recursiva da pesquisa binária

```
int busca_binaria(int x, int v[], int n) {
  return busca_bin(v, 0, n - 1);
}
```

- Complexidade: $O(\log n)$
 - Em cada comparação, o número de candidatos é dividido pela metade
- Vantagens
 - Eficiência da busca
 - Fácil implementação
- Desvantagens
 - Nem todo arranjo está ordenado
 - Exige o uso de um arranjo para armazenar os dados
 - Inserção e remoção de elementos são ineficientes

- A busca binária pode ser usada com a organização de tabela sequencial indexada
 - Em vez de pesquisar o índice sequencialmente, pode-se usar uma busca binária

• Exercício: com base no código anterior, implementar a versão iterativa do método de busca binária.

Sumário

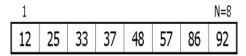
Busca por Interpolação

- Derivação da busca binária
- Se as chaves estiverem uniformemente distribuídas, a busca por interpolação pode ainda mais eficiente que a busca binária
- Com chaves uniformemente distribuídas, pode-se esperar que x esteja aproximadamente na posição

•
$$meio = ini + (fim - ini) * \left(\frac{x - v[ini]}{v[fim] - v[ini]}\right)$$

 ini e fim são redefinidos da mesma forma em relação à busca binária

• Exemplo: busca pelo elemento 25



• Exemplo: busca pelo elemento 25

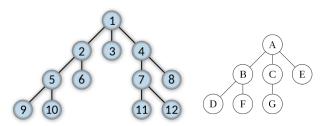
Inf = 1	meio						Sup = 8
12	25	33	37	48	57	86	92

- Complexidade
 - Para chaves uniformemente distribuídas, raramente precisará mais que log(log n) comparações
 - Logo, a complexidade será de $O(\log(\log n))$
 - Se as chaves não estiverem uniformemente distribuídas, a busca por interpolação pode ser tão ruim quanto uma busca sequencial, ou seja, ter o custo de O(n)
- Desvantagem: em situações práticas, as chaves tendem a se aglomerar em torno de determinados valores e não são uniformemente distribuídas
 - Exemplo: há uma quantidade maior de nomes começando com "S" do que com "Q"

Sumário

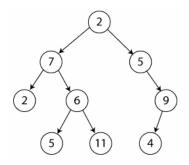
- Nota: árvore é tema da disciplina "Algoritmos e Estrutura de Dados 2 (AE23CP)"
- Árvore é uma estrutura de dados muito eficiente para armazenamento de informação (incluindo as que devem ser organizadas de forma hierárquica)
- Estrutura de dados não linear
- Aplicações
 - Sistemas de arquivos, processamento de língua natural, inteligência artificial, etc

- Árvore
 - Conjunto finito de nós
 - Existe um nó raiz r com zero ou mais sub-árvores
 - Os nós internos são filhos de r
 - Cada sub-árvore também possui um nó raiz, que é descendente (nó filho) de r
 - Nós folhas são os nós que não possuem filhos



- Tipos de árvores
 - Árvore binária
 - Árvore binária de busca
 - AVL
 - Árvore trie
 - Árvore PATRICIA
 - Árvore vermelha-preta (rubro-negra)
 - Árvore B
 - Etc.

- Árvore binária
 - Árvore em que cada nó contém um ou dois filhos
 - As sub-árvores também contém entre um e dois nós, exceto se são nós-folhas



- Árvore binária
 - Podemos representar uma árvore por meio de um registro (struct) de três campos:
 - Informação
 - Sub-árvore esquerda
 - Sub-árvore direita

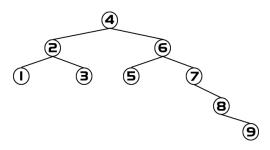


• Estrutura de dados para a representação de uma árvore binária:

```
typedef struct Node Node;
struct Node{
  int item;
  Node *right;
  Node *left;
};
```

Árvores Binárias de Busca

- Árvore binária de busca é uma árvore binária com propriedades de ordenação
 - Todos os nós com chaves menores que a da raiz ficam do lado esquerdo
 - Todos os nós com chaves maiores que a da raiz ficam do lado direito



- Principais operações em uma árvore binária de busca:
 - Pesquisa
 - Inserção
 - Remoção

- A busca é iniciada pela raiz da árvore
 - Caso o valor seja encontrado, o nó é retornado
 - Caso contrário:
 - É realizada uma chamada recursiva para a sub-árvore esquerda se o valor procurado é menor que o item verificado
 - É realizada uma chamada recursiva para a sub-árvore direita se o valor procurado é maior

 Implementação do método de busca para árvores binárias de busca

```
Node* search(Node* tree, int value){
  if (tree != NULL)
   if (tree->item == value)
    return tree;
  else if (tree->item > value)
    return search(tree->left, value);
  else
    return search(tree->right, value);
  else
    return NULL;
}
```

- Complexidade da operação de busca
 - Melhor caso: O(1)
 - Caso médio: $O(\log n)$
 - Pior caso: O(n)
- A complexidade das operações em árvores é diretamente relacionada com o balanceamento da árvore (será visto em "Algoritmos e Estrutura de Dados 2")

Referências I

Cormen, T. H., Leiserson, C. E., Rivest, R. L., Stein, C. *Introduction to Algorithms*.
Third edition, The MIT Press, 2009.

Horowitz, E., Sahni, S. Rajasekaran, S. Computer Algorithms. Computer Science Press, 1998.

Rosa, J. L. G.
Métodos de Busca. SCE-181 — Introdução à Ciência da Computação II.
Slides. Ciência de Computação. ICMC/USP. 2018.

Ziviani, N.

Projeto de Algoritmos - com implementações em Java e C++.

Thomson, 2007.