

Algoritmos de Ordenação (Parte 4)

Prof. Jefferson T. Oliva

Algoritmos e Estrutura de Dados I (AE22CP)
Engenharia de Computação
Departamento Acadêmico de Informática (Dainf)
Universidade Tecnológica Federal do Paraná (UTFPR)
Campus Pato Branco

Sumário

- Ordenação Linear
- Ordenação em Strings
- Ordenação em TAD

Ordenação Linear

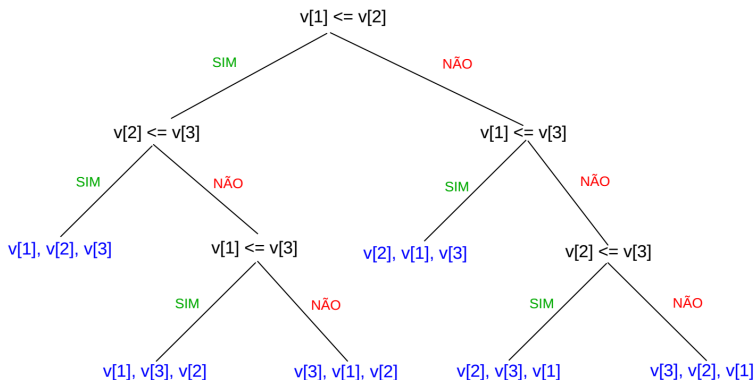
Ordenação Linear

- Até a aula de hoje foram apresentados diversos algoritmos de ordenação, dos quais, os mais rápidos têm a complexidade de $O(n \log n)$
 - *heapsort* e *mergesort* atingem essa complexidade no pior caso
 - Para o *quicksort*, tal desempenho é para o caso médio
- Os algoritmos vistos possuem uma propriedade em comum: a ordenação se baseia apenas em comparações entre os elementos da entrada
- Tais algoritmos são denominados como "ordenação por comparação"
 - Atualmente não existe algoritmo de "ordenação por comparação" assintoticamente melhor que $O(n \log n)$ (pior caso)

- Até a última aula foram apresentados diversos algoritmos de ordenação, dos quais, os mais rápidos têm a complexidade de $O(n \log n)$
 - *heapsort* e *mergesort* atingem essa complexidade no pior caso
 - Para o *quicksort*, tal desempenho é para o caso médio
- Os algoritmos vistos possuem uma propriedade em comum: a ordenação se baseia apenas em comparações entre os elementos da entrada
- Tais algoritmos são denominados como "ordenação por comparação"
 - Atualmente não existe algoritmo de "ordenação por comparação" assintoticamente melhor do que $O(n \log n)$

Ordenação Linear

- O algoritmo baseado em comparação é uma "árvores de decisão"



- Logo, no pior caso, os algoritmos de ordenação baseados em comparação fazem $O(n \log n)$ no pior caso

- Existem algoritmos de ordenação que possuem tempo melhor que $O(n \log n)$
 - Desde que a entrada possua características específicas
 - Algumas restrições devem ser atendidas
 - Não são totalmente baseado em comparações
 - Ordenação em tempo linear: $O(n)$
- Exemplo de algoritmo de ordenação linear:
 - Ordenação por contagem (*counting sort*)

Ordenação Linear

Ordenação por contagem

- Não são realizadas comparações entre os elementos
- É assumido que cada elemento é um número inteiro entre 0 e k
- A entrada é um arranjo $A[1..n]$, cujos elementos são números naturais menores iguais a k
- A saída é um arranjo ordenado: $B[1..n]$
- É utilizado um arranjo auxiliar $C[1..k]$ para fazer armazenamento temporário
 - É utilizado para determinar a quantidade de elementos que são menores que um determinado valor x ($x \in A$)
 - Por exemplo, se há 14 elementos menores que x , então o mesmo deve ser posicionado na posição 15 (ou 14, caso o algoritmo tenha sido implementado em C ou outra linguagem onde o primeiro elemento de arranjo fica localizado na posição 0)

Ordenação Linear

Ordenação por contagem

- Implementação do algoritmo

```
void counting_sort(int *A, int *B, int n, int k){
    int i, j, C[k + 1];

    for (i = 0; i <= k; i++)
        C[i] = 0;

    for (j = 0; j < n; j++)
        C[A[j]]++;

    for (i = 0; i <= k; i++)
        C[i] += C[i - 1];

    for (j = n - 1; j >= 0; j-){
        B[C[A[j]]] = A[j];
        C[A[j]]--;
    }
}
```

Ordenação Linear

Ordenação por contagem

- Complexidade:

- $O(n + k)$

ou

- $O(\max(n, k))$

ou

- $O(n)$

Ordenação em Strings

Ordenação em Strings

- Esse tipo de ordenação é em ordem alfabética
- Comparação de strings é feita caractere por caractere
- Para diferenciar dois números, basta realizar uma única comparação
- Para diferenciar duas strings, a quantidade de comparações é de acordo com o número de caracteres

Ordenação em Strings

- Na biblioteca *string.h* contém a função *strcmp* para a comparação de cadeias de caracteres:
 - Entrada: duas strings (*str1* e *str2*)
 - Saída:
 - -1: conteúdo de *str1* menor do que *str2*
 - 0: ambas strings são iguais
 - 1: conteúdo de *str1* maior do que *str2*
 - Exemplos
 - *strcmp("goku", "vegeta") = -1*
 - *strcmp("sheena", "sheena") = 0*
 - *strcmp("shaka", "aldebaran") = 1*

- Implementação do método de comparação de strings:

```
int comparar_char(char c1, char c2){  
    if (c1 == c2) return 0;  
    else if (c1 < c2) return -1;  
    else return 1;  
}
```

```
int comparar(char s1[], char s2[]){  
    int i;  
  
    for (i = 0; (s1[i] == s2[i]) &&  
        (s1[i] != '\0') &&  
        (s2[i] != '\0'); i++);  
  
    return comparar_char(s1[i], s2[i]);  
}
```

- Vetor de strings
 - `char vstr[n][m];`
 - `char *vstr[m];`
 - `char **vstr;`

- Exemplo para vetor de string

```
char vstr[5][10];

strcpy(vstr[0], "a");
strcpy(vstr[1], "bb");
strcpy(vstr[2], "ccc");
strcpy(vstr[3], "ddd");
strcpy(vstr[4], "eeee");

printf("%s\n", vstr[0]);
printf("%s\n", vstr[1]);
printf("%s\n", vstr[2]);
printf("%s\n", vstr[3]);
printf("%s\n", vstr[4]);
```


Ordenação em Strings

- Troca de posição entre duas strings (linhas 0 e 4):

```
strcpy(str, vstr[0]);  
strcpy(vstr[0], vstr[4]);  
strcpy(vstr[4], str);
```

- A ordenação de strings é custosa
 - Além da quantidade de comparações entre um par de strings, na abordagem apresentada acima ainda teremos que lidar com 3 cópias
 - Assim, serão realizadas $4 * l$ operações em cada movimentação entre strings, onde l é o tamanho de uma string
 - Teria como amenizar esse problema?

Ordenação em Strings

- O problema apresentado no slide anterior pode ser amenizado por meio do uso de ponteiros:

```
void troca(char **vstr, int p1, int p2){  
    char *str;  
  
    str = vstr[p1];  
    vstr[p1] = vstr[p2];  
    vstr[p2] = str;  
}
```

- Para o uso dessa função (ou aplicação de ponteiros), o vetor de strings deve estar alocado dinamicamente

```
char **vstr = (char**) malloc(sizeof(char*) * 5);  
char str[20];  
  
for (i = 0; i < 5; i++)  
    vstr[i] = (char*) malloc(sizeof(char) * 10);
```

Ordenação em Strings

- Com o uso de ponteiros, a quantidade de operações para uma troca de posição entre strings passa a ser $I + 3$
 - Por mais que ainda seja necessária a comparação entre strings (complexidade na ordem de I caracteres), a movimentação para a troca de posições de strings passa a ser similar em relação aos dados do tipo numérico
 - É muito menos custoso realizar $I + 3$ operações em comparação com $4I$

Ordenação em Strings

- Ordenação por bolha (bubblesort) adaptada para vetores de strings

```
void bubblesort(char **vstr, int n){
    int i, j, x, t = 1;

    for (i = 0; (i < n - 1) && t; i++){
        t = 0;

        for (j = 0; j < n - i - 1; j++){
            if (comparar(vstr[j], vstr[j + 1]) > 0){
                troca(vstr, j, j + 1);
                t = 1;
            }
        }
    }
}
```

- Complexidade: $O(l * n^2)$

- Algoritmo *quicksort* adaptado para vetores de strings

```
void quicksort(char **vstr, int n_cima, int n_baixo){
    int i = n_cima, j = n_baixo, aux;
    char *pivo = vstr[(i + j) / 2];

    do{
        while ((comparar(vstr[i], pivo) < 0) && (i <= n_baixo))
            i++;

        while ((comparar(vstr[j], pivo) > 0) && (j >= n_cima))
            j--;

        if (i <= j){
            troca(vstr, i, j);
            i++;
            j--;
        }
    }while (i <= j);

    if (j > n_cima)
        quicksort(vstr, n_cima, j);

    if (i < n_baixo)
        quicksort(vstr, i, n_baixo);
}
```

- Complexidade: $O(l * n * \log(n))$

Ordenação em Strings

- A ordenação de *strings* pode ser feita utilizando qualquer um dos métodos que vimos até a aula anterior
- Entretanto, a ordenação é mais custosa

Ordenação em TAD

- A ordenação pode ser aplicada em *structs* também
- Assim, podemos aplicar tanto algoritmos de ordenação de números quanto de strings
- As *structs* podem ter chaves de primárias (e.g. registro acadêmico)
- Uma *struct* pode ter chave secundária (e.g. código do curso de graduação)

- Assim, há diversas formas diferentes de ordenação que podem ser aplicadas em *structs*
 - Listar nome de alunos ordenados por nome
 - Listar nome de alunos ordenados por registro acadêmico
 - Etc
- Assim como para números, não há algoritmo de ordenação que se destaca em relação aos outros para a ordenação de strings e *structs*

- Existem inúmeros algoritmos de ordenação que não foram apresentados em sala de aula
 - *Radix sort*
 - *Cocktail sort*
 - *Twistsort*
 - *Shake sort*
 - etc



Cormen, T. H., Leiserson, C. E., Rivest, R. L., Stein, C.
Introduction to Algorithms.
Third edition, The MIT Press, 2009.



Horowitz, E., Sahni, S. Rajasekaran, S.
Computer Algorithms.
Computer Science Press, 1998.



Ziviani, N.
Projeto de Algoritmos - com implementações em Java e C++.
Thomson, 2007.