Prof. Jefferson T. Oliva

Algoritmos e Estrutura de Dados I (AE22CP) Engenharia de Computação Departamento Acadêmico de Informática (Dainf) Universidade Tecnológica Federal do Paraná (UTFPR) Campus Pato Branco





Sumário

- Tabela Hash
- Funções *Hash*
- Implementações

Introdução

- Vários métodos de busca realizam comparação de chaves durante o processamento
- Caso os dados estejam ordenados, a busca pode ter um custo de:
 - \circ O(n): busca sequencial
 - O(log n): busca binária
 - $O(\log(\log n))$: busca por interpolação (se os dados estiverem uniformemente distribuídos)
 - O(max(m, n/m)): busca sequencial indexada
 - $O(max(\log m, \log(n/m)))$: busca binária indexada (busca sequencial indexada + busca binária)

3

Introdução

• É possível encontrar uma chave sem a necessidade de compará-la com outras ou com custo constante (O(1))?

Introdução

- Sabe-se que em arranjos é possível acessar os dados de forma direta através de um índice, ou seja, com custo de O(1)
- No entanto, como não é possível saber em qual índice a chave se encontra, geralmente teríamos que fazer uma busca, cuja abordagem depende de vários fatores:
 - Tamanho do arranjo
 - Distribuição dos dados
 - Ordenação
 - Etc

Sumário

Tabela Hash

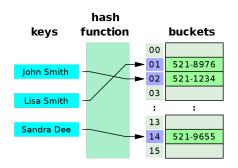
- As tabelas hash (tabelas de espalhamento, tabelas de dispersão) são uma solução para este problema
- Uma tabela *hash* associa chaves e valores:
 - Chave: uma parte da informação que compõe o item a ser inserido ou buscado
 - Valor: posição onde o item deve estar no vetor

7

- Hashing: processamento de chave, cujo resultado é uma posição no arranjo
- A tabela hash usa uma função h, onde:
 - A entrada é uma chave
 - A saída é a posição (endereço) onde essa chave deve ser inserida
- Com essa função, os dados podem não ser inseridos de forma ordenada
 - Por isso, o processo de aplicação de hashing é conhecido "como espalhamento"

- Ideia da tabela *hash*: particionar um conjunto de elementos (possivelmente infinito) em um número finito de classes:
 - ullet B classes (endereços), de 0 a B-1
 - Essas classes são chamadas de buckets

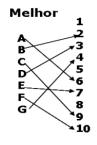
- Conceitos relacionados:
 - A função *h* é chamada de função *hash*
 - h(k) retorna o valor hash de k
 - k pertence ao bucket h(k)

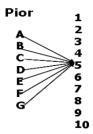


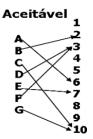
Fonte da figura:

https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=6471238

 Colisão: ocorre quando a função hash produz o mesmo endereço para chaves diferentes







- Distribuição uniforme é muito difícil
- Existe chance de alguns endereços serem gerados mais de uma vez e de outros nunca serem gerados
- Segredos para um bom hashing:
 - Escolher uma boa função hash (em função dos dados)
 - Distribui uniformemente os dados, na medida do possível
 - Evita colisões
 - Fácil implementação
 - Rápida ao ser computada
 - Estabelecer uma boa estratégia para tratamento de colisões

- Exemplo de função hash simples e muito utilizada que produz bons resultados:
 - Para chaves inteiras, calcular o resto da divisão k%B, sendo que o resto indica a posição de armazenamento
 - Para chaves do tipo string, tratar cada caractere como um valor inteiro (ASCII), somá-los e pegar o resto da divisão por B
 - B deve ser primo, preferencialmente

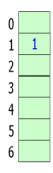
Sumário

- A função hashing tem o objetivo de mapear o endereço (posição) de uma chave
- Existem diferentes possibilidades para implementar a função de hashing
 - Resto de Divisão
 - Multiplicação
 - Método da dobra

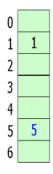
- Resto de Divisão: a posição da chave na tabela é dada pelo resto da divisão entre a mesma pelo tamanho da tabela
 - Exemplo: Seja B um arranjo de 7 elementos e deseja-se a inserção das chaves 1, 5, 10, 20, 25, 24

0	
1	
2	
2	
4	
5	
6	

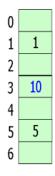
- Resto de Divisão: a posição da chave na tabela é dada pelo resto da divisão entre a mesma pelo tamanho da tabela
 - Exemplo: Seja B um arranjo de 7 elementos e deseja-se a inserção das chaves 1, 5, 10, 20, 25, 24



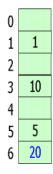
- Resto de Divisão: a posição da chave na tabela é dada pelo resto da divisão entre a mesma pelo tamanho da tabela
 - Exemplo: Seja B um arranjo de 7 elementos e deseja-se a inserção das chaves 1, 5, 10, 20, 25, 24



- Resto de Divisão: a posição da chave na tabela é dada pelo resto da divisão entre a mesma pelo tamanho da tabela
 - Exemplo: Seja B um arranjo de 7 elementos e deseja-se a inserção das chaves 1, 5, 10, 25, 20, 24



- Resto de Divisão: a posição da chave na tabela é dada pelo resto da divisão entre a mesma pelo tamanho da tabela
 - Exemplo: Seja B um arranjo de 7 elementos e deseja-se a inserção das chaves 1, 5, 10, 20, 25, 24



- Resto de Divisão: a posição da chave na tabela é dada pelo resto da divisão entre a mesma pelo tamanho da tabela
 - Exemplo: Seja B um arranjo de 7 elementos e deseja-se a inserção das chaves 1, 5, 10, 20, 25, 24

0	
1	1
2	
3	10
4	25
5	5
6	20

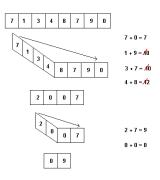
- Resto de Divisão: a posição da chave na tabela é dada pelo resto da divisão entre a mesma pelo tamanho da tabela
 - Exemplo: Seja B um arranjo de 7 elementos e deseja-se a inserção das chaves 1, 5, 10, 20, 25, 24

24%7 = 3 (Colisão)

- Multiplicação: a chave é multiplicada por uma constante 0 < c < 1
 - Seleção da parte fracionária da multiplicação da chave pela constante
 - Multiplicar essa parte pelo tamanho da tabela
 - A parte inteira dessa última multiplicação é usada como posição

- Multiplicação: a chave é multiplicada por uma constante 0 < c < 1
 - Exemplo:
 - Tamanho da tabela = 30, chave = 20, c = 0, 26
 - chave * c = 5, 2
 - Parte fracionária = 0,2
 - Tamanho da tabela * parte fracionária = 6,0
 - Parte inteira = 6 (o item de chave 20 será guardado em na posição 6)

- Método da dobra: a chave é interpretada como uma sequência de dígitos escrita em um papel
 - Enquanto a chave for maior que o tamanho da tabela, o papel vai sendo dobrado ao meio e os dígitos que se sobrepõe são somados sem levar em consideração o "vai um"



- Colisões
 - Qualquer função hashing pode acarretar em colisões (chaves diferentes ocupam a mesma posição)
- Uma função hashing é perfeita quando chaves diferentes sempre são mapeadas para posições diferentes
- Uma função hashing é imperfeita quando podem acontecer colisões

- Hash universal:
 - A função hash é escolhida aleatoriamente no início de cada execução, de forma que minimize/evite tendências das chaves
 - Por exemplo, h(k) = (A * k + B)%P
 - P é um número primo maior do que a maior chave k
 - A é uma constante escolhida aleatoriamente de um conjunto de constantes $\{0,1,2,...,P-1\}$ no início da execução
 - B é uma constante escolhida aleatoriamente de um conjunto de constantes $\{1,2,...,P-1\}$ no início da execução
 - Diz-se que h representa uma coleção de funções universais

Sumário

Implementação

- Na implementação a ser realizada nessa aula não tratará colisões
- O código será aprimorada na próxima aula para o tratamento de colisões
- Estrutura de dados simples para tabela hash

```
typedef struct{
  int tamanho;
  int *buckets;
}HashTable;
```

TAD simples para a tabela hash:

```
HashTable* gerarHT (unsigned int tam);
int procurar_chave(unsigned int chave, HashTable*
t);
int inserir_chave(unsigned int chave, HashTable* t);
int remover_chave(unsigned int kchave, HashTable*
t);
void imprimir_tabela(HashTable* t);
int liberar tabela (HashTable* t);
```

Código para arquivo .c

```
static int hash_code(int chave, int tam_tab) {
  return chave % tam_tab;
HashTable* gerarHT (unsigned int tam) {
  HashTable* t = malloc(sizeof(HashTable));
  int i;
  t->tamanho = tam;
  t->buckets = malloc(tam * sizeof(int));
  for (i = 0; i < tam; i++)
    t->buckets[i] = -1;
  return t;
```

• Código para arquivo .c

```
int procurar_chave(unsigned int chave, HashTable* t) {
  int hc;

if (t != NULL) {
  hc = hash_code(chave, t->tamanho);

  if (t->buckets[hc] == chave)
    return hc;
  }

return -1;
}
```

Código para arquivo .c

```
int inserir_chave(unsigned int chave, HashTable* t){
  int hc;
  if (t != NULL) {
   hc = hash_code(chave, t->tamanho);
    if (t->buckets[hc] < 0){
     t->buckets[hc] = chave;
      return 1;
    printf("Houve colisao ao tentar inserir a chave %d!\n",
chave);
  return 0;
```

Código para arquivo .c

```
int remover_chave(unsigned int chave, HashTable* t){
  int pos = procurar_chave(chave, t);
  if (pos >= 0){
   t->buckets[pos] = -1;
   return 1;
  }else
   return 0:
void imprimir tabela(HashTable* t){
  int i;
  if (t != NULL)
    for (i = 0; i < t->tamanho; i++)
     if (t->buckets[i] > -1)
       printf("%d: %d\n", i, t->buckets[i]);
```

• Código para arquivo .c

```
int liberar_tabela(HashTable* t) {
  int i;

if (t != NULL) {
  free(t->buckets);
  free(t);

  return 1;
  }else
  return 0;
}
```

Referências I



Oliva, J. T. Tabela Hash. AE22CP – Algoritmos e Estrutura de Dados I. Notas de Aula. Engenharia de Computação. Dainf/UTFPR/Pato Branco, 2020.

Rosa, J. L. G.

Métodos de Busca. SCE-181 — Introdução à Ciência da Computação II.

Slides. Ciência de Computação. ICMC/USP, 2018.

Ziviani, N.

Projeto de Algoritmos - com implementações em Java e C++.

Thomson, 2007.