

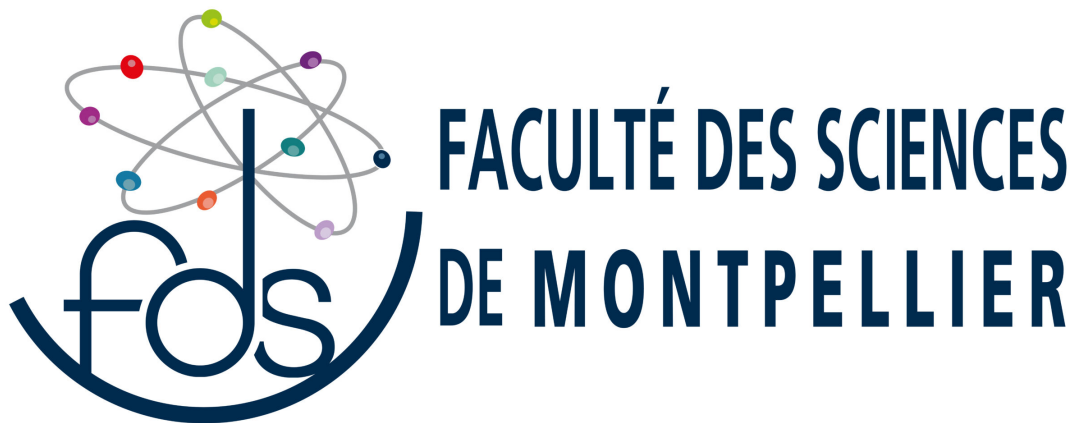
UNIVERSITÉ DE MONTPELLIER

M1 - IMAGINE - Modélisation et géométrie discrète
Compte Rendu TP5 - Simplification de maillages

Etudiant :
Guillaume Bataille

Encadrant :
Noura FARAJ
Marc HARTLEY

Année 2022-2023



Sommaire

1	Contexte et Objectif	2
2	A - Boîte englobante	3
3	B - Grille de voxels	4
3.1	Visuel pour avoir l'intuition	4
3.2	Structure de la grille	4
4	C - Utilisation de la grille de représentant	5
4.1	Création et remplissage de la grille	5
5	D - Ré-indexage et élimination	6
6	E - Normalisation des représentation	8
7	Visuel de simplification	9
8	Bonus - Mesure d'erreur quadratique	11

1. Contexte et Objectif

Contexte Lors du cours, nous avons abordé la simplification des maillages. Plusieurs méthodes sont à notre disposition pour le faire et les deux plus importantes sont la "Partition" et la "Décimation".

Objectif L'idée générale est de créer une classe maillage que nous allons enrichir avec des opérations de traitement de géométrie, ces processus seront activés par des touches du clavier. Tous les traitements effectués seront appliqués au maillage dans son état courant. F1 peut être utilisé pour voir la structure du maillage, n'hésitez pas à ajouter des options plus avancées de visualisation e.g., dessiner la normale, courbure etc... Pour mieux comprendre comment se comporte l'opérateur.

2. A - Boîte englobante

Pour pouvoir calculer la boîte englobante de notre mesh, on décide de parcourir tout les sommets de ce dernier et d'y dégager BBmin (le coin inférieur) et BBmax (le coin supérieur). Avec, et juste avec ses deux points, on est capable de créer notre boîte englobante de manière visuelle ou abstraite (juste la structure).

Voici les sommets calculés correspondant à la boîte englobante.

```
1  std::vector<Vec3> get_box(std::vector<Vec3> const & vertices, double e){
2      std::vector<Vec3> res;
3      res.clear();
4      Vec3 bbmin = BBmin(vertices,e);
5      Vec3 bbmax = BBmax(vertices,e);
6
7      double xmin,ymin,zmin;
8      double xmax,ymax,zmax;
9
10     xmin = bbmin[0]; ymin = bbmin[1]; zmin = bbmin[2];
11     xmax = bbmax[0]; ymax = bbmax[1]; zmax = bbmax[2];
12
13     res.push_back(bbmin);
14
15     res.push_back(Vec3(xmax,ymin,zmin));
16
17     res.push_back(Vec3(xmin,ymin,zmax));
18
19     res.push_back(Vec3(xmax,ymin,zmax));
20
21     res.push_back(Vec3(xmin, ymax, zmin));
22
23     res.push_back(Vec3(xmin, ymax, zmax));
24
25     res.push_back(Vec3(xmax,ymax,zmin));
26
27     res.push_back(bbmax);
28
29     return res;
30
31 }
32
```

3. B - Grille de voxels

Maintenant qu'on a une boîte englobante, on essaie de la partitionner afin d'avoir une grille 3D de voxels. Pour se faire, on découpe chaque côté en 'resolution' parties. Ce qui en 1D nous donne une graduation, en 2D une grille, et en 3D notre grille de voxel.

3.1 Visuel pour avoir l'intuition

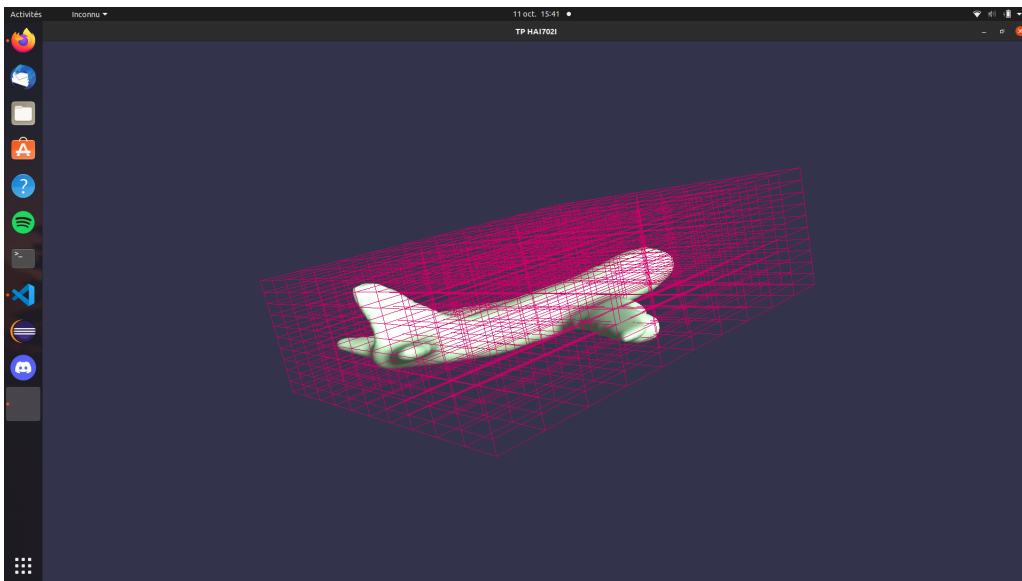


FIGURE 3.1 – Visuel de la grille de voxel 16x16x16, joli mais inutile dans l'implémentation

3.2 Structure de la grille

Pour ma grille, je décide de faire un `std::vector` de `Représentant`. Une instance représentant définit les propriétés de chaque case de ma grille de voxel : occurrence des points se trouvant dans cette zone, moyenne des positions des points de la zone, moyenne des normales des points dans la zone.

```
1 struct Représentant {
2     Vec3 position; //Position du représentant
3     Vec3 normal; //Normale du représentant
4     unsigned int count = 0; // Compteur de combien il représente de vertices.
5 };
```

Rappel : Afin d'accéder à un élément (identifié par i, j et k) de ma grille qui est en 1D on peut y accéder via $i + (j \cdot nx) + (k \cdot nx \cdot ny)$ avec (i, j, k) les coordonnées visées, nx le nombre de case sur une largeur X et ny le nombre de case sur une longueur y .

4. C - Utilisation de la grille de représentant

4.1 Création et remplissage de la grille

-initialisation de la grille à la taille $\text{resolution} \times \text{resolution} \times \text{resolution}$
-remplissage de la grille en parcourant tout les vertices

```
1
2 void fill_Grille(std::vector<Representant> & Gr, std::vector<Vec3> const & vertices, std::vector<Vec3> const & no
3
4 int idG; // L'id d'une case du vecteur 1D correspondant a un voxel de la grille 3D
5 Vec3 ijk; // Les coordonnées grille ijk correspondant aux coordonnées monde arrondie
6 Vec3 bbmin = BBmin(vertices,e);
7 Vec3 bbmax = BBmax(vertices,e);
8
9 Gr.clear();
10 init_Grille(Gr,resolution); // Initialisation de la grille de représentant
11 for (size_t i = 0; i < vertices.size(); i++){ // Pour tout les sommets i de mon mesh
12     ijk = get_ijk_from_xyz(vertices[i],bbmin,bbmax,resolution);
13     idG = get_id_grille(ijk,resolution);
14     Gr[idG].position += vertices[i];
15     Gr[idG].normal += normals[i] ;
16     Gr[idG].count ++;
17
18 }
19 };
20
```

5. D - Ré-indexage et élimination

Une fois qu'on a tout géré du côté vertices et normales, on peut passer au réindexage des triangles afin de les simplifier comme convenu. Les triangles, confondus seront bien évidemment pas pris en compte ou "éliminés". On parcourt donc tout nos triangles et via `get_ijk_from_xyz` on récupère les `ijk` du voxel contenant chaque sommet du triangle courant. Si deux de ses sommets s'applatisent sur le représentant, alors on ne le prends pas en compte. Sinon on le récupère pour notre maillage simplifié.

```
1 void re_index_triangles(const std::vector<Vec3> & vertices, const std::vector< Triangle > & triangles, std::vect
2 std::cout<<"in index triangle" << triangles.size()<< std::endl;
3 unsigned int v0,v1,v2,r0,r1,r2; // Les représentants et vertices correspondant au sommets des triangles
4 int idG; // L'id d'une case du vecteur 1D correspondant a un voxel de la grille 3D
5 Vec3 ijk; // Les coordonnées grille ijk correspondant aux coordonnées monde arrondie
6 Vec3 bbmin = BBmin(vertices,e);
7 Vec3 bbmax = BBmax(vertices,e);
8 new_triangles.clear();
9
10 for (size_t i = 0; i < triangles.size();i++){ // Pour tout les triangles, on recup les 3 id_vertices et on recup
11     v0 = triangles[i][0];
12     v1 = triangles[i][1];
13     v2 = triangles[i][2];
14
15     r0 = get_id_grille(get_ijk_from_xyz(vertices[v0],bbmin,bbmax,resolution),resolution);
16     r1 = get_id_grille(get_ijk_from_xyz(vertices[v1],bbmin,bbmax,resolution),resolution);
17     r2 = get_id_grille(get_ijk_from_xyz(vertices[v2],bbmin,bbmax,resolution),resolution);
18
19
20     if(r0 != r1 && r1 != r2 && r2 != r0){
21         Triangle t (r0,r1,r2);
22         new_triangles.push_back(Triangle(r0,r1,r2));
23     }
24 }
25 }
26 };
27
```

Voici pour mieux comprendre mes fonctions `ge_tid_ijk` et `get_id_grid` :

```
1
2 // Fonction qui retourne les coordonnées grille ijk a partir de coordonnées xyz
3 Vec3 get_ijk_from_xyz(Vec3 pos_world, Vec3 bbmin, Vec3 bbmax, int resol){
4     Vec3 res;
5     double x,y,z;
6     int i,j,k;
7     double xl, yl, zl, dx, dy, dz;
```

```

8
9 // Position xyz
10 x = pos_world[0];
11 y = pos_world[1];
12 z = pos_world[2];
13
14 //Longueur d'un des coté x y z de la boite englobante
15 x1 = bbmax[0] - bbmin[0];
16 y1 = bbmax[1] - bbmin[1];
17 z1 = bbmax[2] - bbmin[2];
18
19 // Une portion sur chaque longueur
20 dx = x1/resol;
21 dy = y1/resol;
22 dz = z1/resol;
23
24 // Formule pour récupérer la position i j et k de la ou le x y z tombe
25 i = (x-bbmin[0]) / dx;
26 j = (y-bbmin[1]) / dy;
27 k = (z-bbmin[2]) / dz;
28 res = Vec3(i,j,k);
29 return res;
30 }
31
32
33 // Fonction qui a partir de coordonnées grille ijk retourne l'indice de la strucutre grille choisie.
34 int get_id_grille(Vec3 ijk, int resol){
35     int i,j,k, nx, ny;
36     i = ijk[0];
37     j = ijk[1];
38     k = ijk[2];
39     nx = resol;
40     ny = resol;
41     return i + (j*nx) +(k*nx*ny);
42 }
43
44

```

6. E - Normalisation des représentation

J'ai décidé de normaliser dans la fonction simplify que vous allez voir ci dessous. Afin de normaliser les positions, je divise les positions par le nombre d'occurrence reçu de chaque représentant et pour la normale je normalise.

```
1
2 void simplify (
3     const std::vector<Vec3> & vertices,
4     const std::vector< Triangle > & triangles,
5     const std::vector< Vec3 > & normals,
6     std::vector< Representant> &Gr,
7     double e,
8     unsigned int resolution,
9     std::vector< Triangle > & new_triangles
10 ){
11     std::cout<< "Simplify called "<<std::endl;
12     fill_Grille(Gr,vertices,normals,e,resolution);
13     re_index_triangles(vertices,triangles,Gr,e,resolution,new_triangles);
14     for (size_t i =0 ; i < Gr.size(); i++){
15
16         // NORMALISATION //
17         if (Gr[i].count>1){ // Si il y'a au moins deux valeurs dans la grille
18             Gr[i].position = Gr[i].position/Gr[i].count; // Normalisation des position par division de count
19             //std::cout<<" count : "<< i << " -> " << Gr[i].count <<" "<<Gr.size()<<std::endl;
20             Gr[i].normal.normalize(); // Normalisation de la normale via la methode normalize
21
22         }
23     }
24     std::cout<< "Simplify end "<<std::endl;
25
26 };
27
```

7. Visuel de simplification

Comme j'ai du mal à modifier le mesh courant afin de le simplifier, j'affiche ici les vertices obtenus via la grille de représentant à différentes résolution :

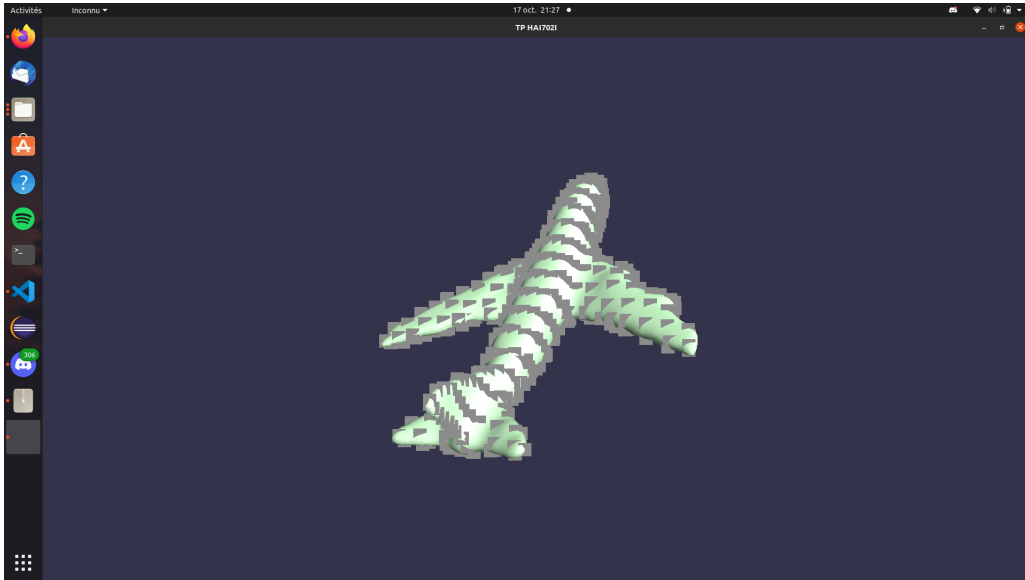


FIGURE 7.1 – Simplification des vertices avec une grille 16*16*16

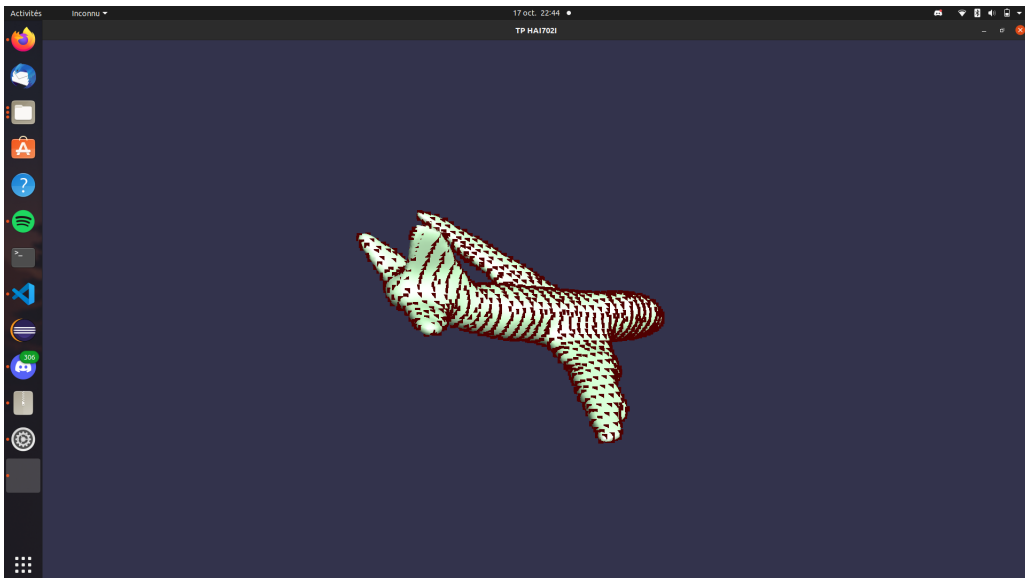


FIGURE 7.2 – Simplification des vertices avec une grille 32*32*32

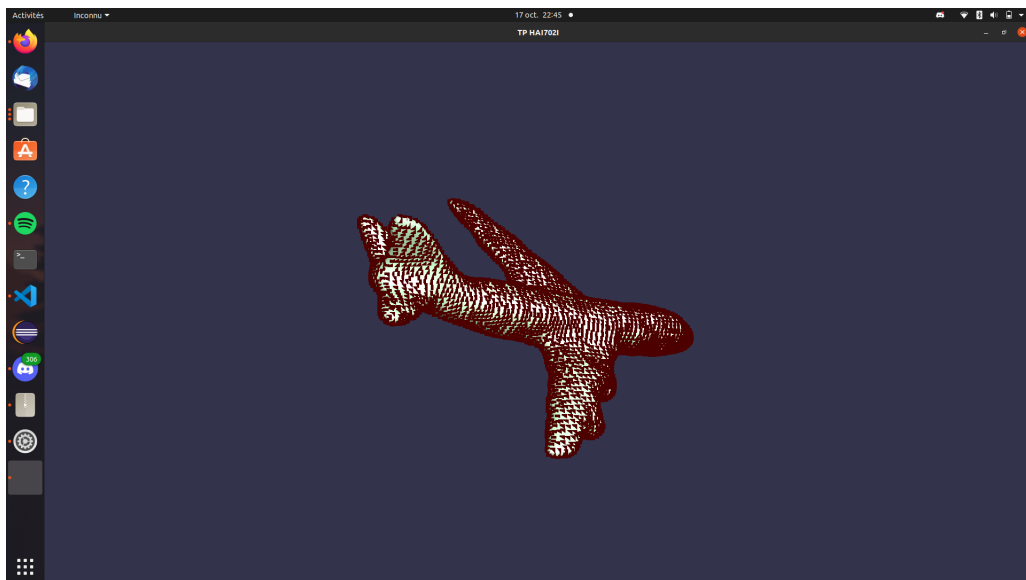


FIGURE 7.3 – Simplification des vertices avec une grille $64*64*64$

8. Bonus - Mesure d'erreur quadratique

FIGURE 8.1 – Legende

1
