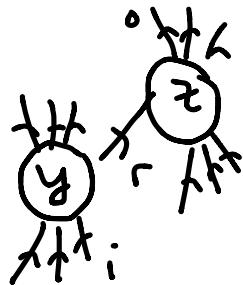


⑩ Soit  $S$  une épine max



- Soit  $i$  l'unique entrante de  $y$  t.g.  $\tau(i)$  est contenu dans la cc de  $G \setminus \bar{y}$  qui contient  $z$
- Soit  $o$  "sortante de  $z$ "  $\tau(o)$  est contenu dans la cc de  $G \setminus \bar{z}$  qui ouvre  $y$

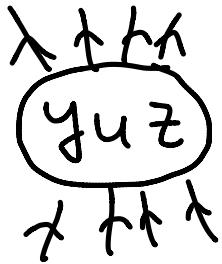
On définit  $S'$  par

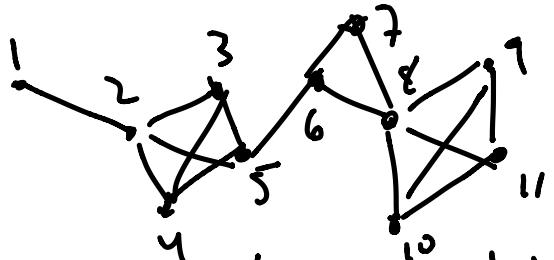
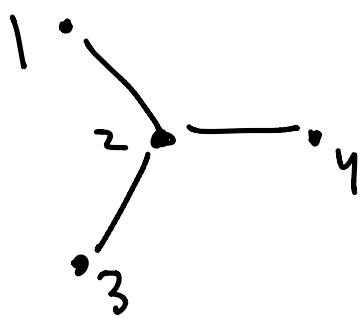
- inversion de l'orientation de  $r$
- greffe  $i$  aux entrantes de  $\bar{z}$
- greffe  $o$  aux sortantes de  $\bar{y}$

1) C'est une épine

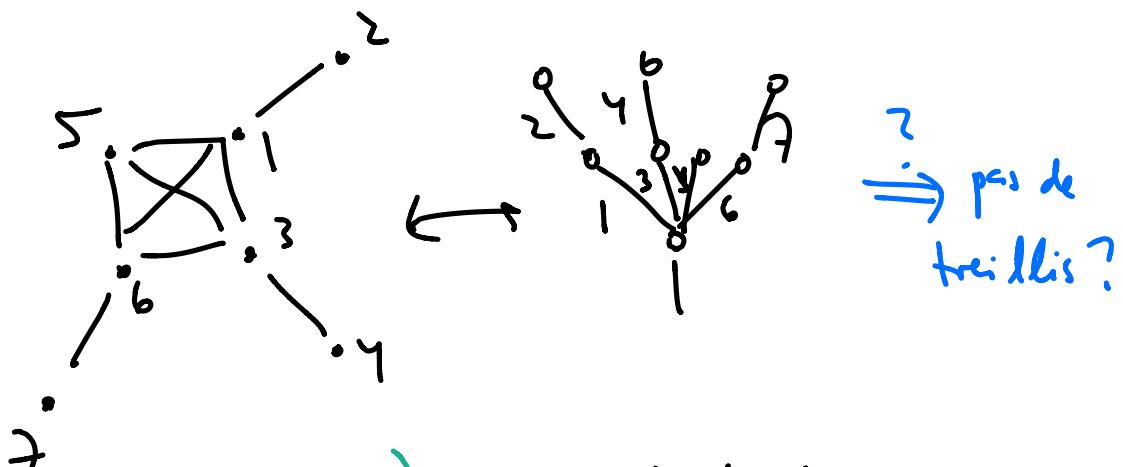
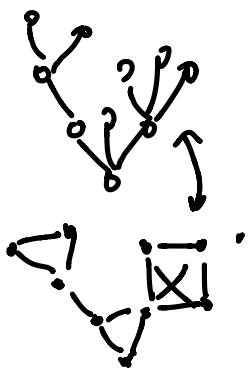
2) maximale

3) c'est la seule autre



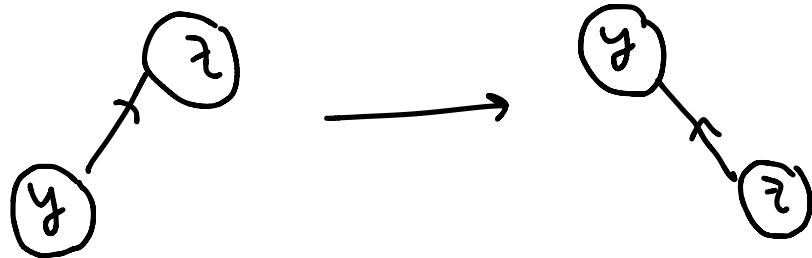


$$1) \quad i-k \Rightarrow i-j, j-k \\ i < j < k$$



$$2) \quad i-k \Rightarrow i-j, i < j < k \\ \forall j$$

Poset de épines maximales  
 (dépend de l'ordre choisi sur les somets de  $G$ )



si  $y < z$ , alors flots croissants.

(= orientation du graphe des flots)

trouillé ? difficile à déterminer

exemples et contre-exemples (Barnard -  
 Mal Comille)

2 Cône associé à une épine

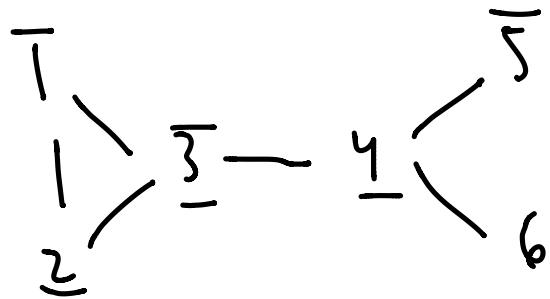
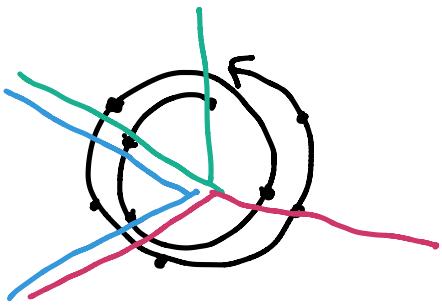
$$C(S) := \{ \vec{x} \in H \mid x_i \leq x_j \text{ et } i \rightarrow j \in S \}.$$

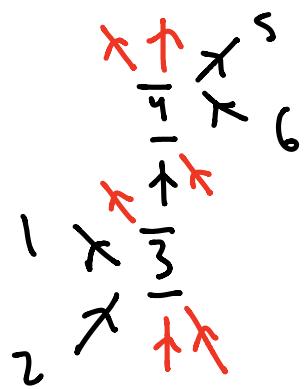
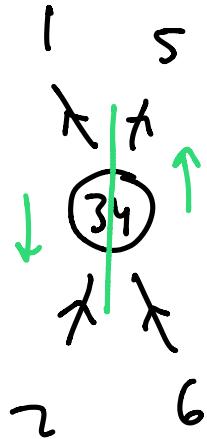
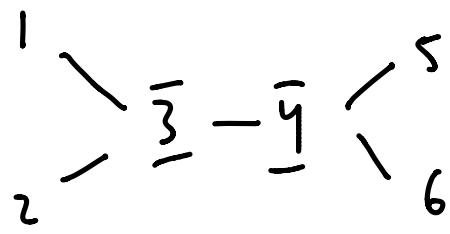
Prop. L'union des cônes  $\{C(S) \mid S \text{ ép. de } G\}$ .

forme un enveloppe simpliciale, complet.

preuve:

- 1) fermé par "prendre un face" car c'est la contraction d'une arête d'un élément
- 2) simplicial car les arêtes sont des arêtes
- 3) Il faut vérifier que 2 cônes maximaux s'intersectent le long d'une face ; on ne

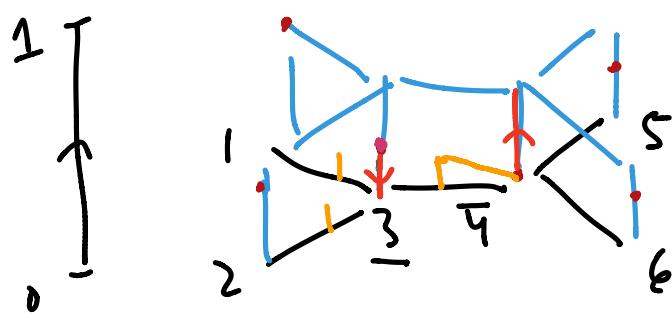




• entrantes de  $X =$   
# cc de  $G \setminus X$

•  $\delta(i)$  est ds les cc  
correspondante .

$$G \times [0,1]$$



4-3-5-6-2-1

