

Stat Inf 2

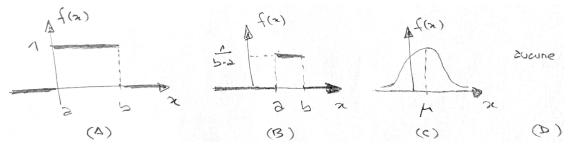
Liste d'exercices Nro 0. – Autoévaluation/repère

L3 IDS – Univ Lumière Lyon 2 – Hiver 2022

1 Variable aléatoire continue

Soit X une variable aléatoire (v.a.) distribuée selon une loi uniforme sur l'intervalle [a,b],a < b.

- 1. Quelle est sa fonction de densité?
 - (a) f(x) = 1 si $x \in [0,1]$, 0 sinon.
 - (b) f(x) = 1/(b-a) si $x \in [a,b]$, 0 sinon.
 - (c) $f(x) = (2\pi)^{1/2} e^{-x^2/2}$ si $x \in [0,1]$, 0 sinon.
 - (d) aucune de précédentes.
- 2. Quelle est la représentation graphique de sa fonction de densité?



- 3. Connaissez vous sa fonction génératrice de moments?
- 4. Quelle est sa fonction de répartition?

2 Variable aléatoire discrète

Soit X une variable aléatoire (v.a.) distribuée selon une loi de géométrique, c'est-à-dire la loi du nombre d'épreuves de Bernoulli indépendantes de probabilité de succès $p \in]0,1[$ nécessaire pour obtenir le premier succès.

- 1. Quel est le support de X
- 2. Quelle est sa fonction de masse?
- 3. Quelle est la représentation graphique de sa fonction de masse?
- 4. Connaissez vous sa fonction génératrice de moments?
- 5. Quelle est sa fonction de répartition?

3 Principes basiques de l'inférence statistique

Dans la construction dune pièce par un procédé industriel, une machine produit de boulons de diamètre 9 mm et moyenne avec un écart-type de 0,3 mm. Le service de contrôle de qualité est contacté car dans un échantillon de 64 pièces produites, on a observé un diamètre moyen de 9,2 mm. Le service de contrôle de qualité doit déterminer si la machine nest plus calibrée.

- 1. Définir la variable aléatoire d'intérêt que nous noterons X.
- 2. Identifier $\mu = E[X]$ et $\sigma^2 = \text{Var}[X]$, ainsi que les équivalents empiriques \bar{X} et s^2 .
- 3. Pour faire le test, le service de contrôle de qualité considère les <u>hypothèses</u> $^1H_0)\mu = 9 \ vs. \ H_a)\mu \ge 9$ et la <u>statistique du test</u> de la forme $\frac{\bar{X}-9}{\mathrm{Var}(\bar{X})}$. Identifier la distribution de cette quantité. Quelles sont les hypothèses nécessaires 2 ?
- 4. Définir la région critique de ce test.
- 5. Conclure sur le besoin de réaliser une maintenance à la machine.

^{1.} Les termes sous lignés devraient être maîtrisés. Si ce n'est pas le cas, vous devriez réviser le cours de Stat Inf 1.

^{2.} L'objectif de cours est d'alléger les hypothèses nécessaires pour pouvoir faire de l'inférence statistique.

Réviser les lois de probabilité.

Les exercices 1 et 2 sont une très utile pour ne pas perdre la pratique du calcul classique. Vous pouvez répéter les exercices avec d'autres lois, comme par exemple :

- Loi discrètes : uniforme discrète, Bernoulli, binomiale, Poisson, hypergéométrique
 Loi continues : Normal, exponentielle, Gamma, Beta