

# Stat Inf 2

Liste d'exercices Nro 1. – Inférence

L3 IDS – Univ Lumière Lyon 2 – Hiver 2022

#### 1 Test de Student.

On considère le fichier de données SOCELL.csv. A l'aide de R et en utilisant un test de Student:

- 1. tester si le courant de court-circuit  $\mu$  (ISC) au temps  $t_1$  est significativement inférieur à  $\mu_0 = 4$  ampères (utiliser un test de Student.
- 2. déterminer si le courant de court-circuit au temps  $t_2$  est significativement supérieur à 4 ampères.
- 3. Effectuer un plot normal quantile-quantile afin de tester si, graphiquement, le courant de courtcircuit au temps  $t_1$  est normalement distribué ou non. On utilisera pour cela la fonction qqnorm.

# 2 Adéquation à la normal.

Utiliser le fichier CAR. csv. Les données contiennent cinq variables stockées dans les colonnes C1-C5.

- 1. Tester graphiquement la normalité du diamètre de rotation.
- 2. Faites le test de Shapiro pour la normalité.
- 3. Tester graphiquement la normalité du logarithme du nombre de chevaux de la voiture. Faites de test de Shapiro pour la normalité.
- 4. Tracer un histogramme de la distribution du diamètre de rotation, en représentant 11 intervalles.
- 5. Estimer la distribution normal sur ce diagramme et effectuer un test d'ajustement du  $\chi^2$  pour tester l'adéquation.
- 6. Calculer la statistique de Kolmogorov-Smirnov  $D_n$  pour la variable turn-diameter afin de tester sa normalité. Calculer k\* pour  $\alpha=.05$ . Est-ce le test significatif?

### 3 Bootstrap pour la moyenne

Utiliser le fichier CAR.csv.

- 1. Obtenez l'échantillon bootstrap de la moyenne de la colonne C5 (MPG/City) (Utilisez M=200 échantillons bootstrap).
- 2. Vérifiez graphiquement si cette distribution d'échantillonnage est approximativement normale.
- 3. Vérifiez également si écart-type de la distribution d'échantillonnage est approximativement  $S\sqrt(n)$ , où S est l'écart-type de C5 et n le nombre de données.

#### 4 IdC par bootstrap

Utilisez la première colonne du fichier YARNSTRG.csv.

- 1. Obtenir un intervalle de confiance pour la moyenne de la variable YARNSTRG avec 500 tirages bootstrap.
- 2. Répliquez b la construction 100 fois.
- 3. Vérifiez dans quelle proportion des échantillons les intervalles de confiance couvrent la moyenne de C1.