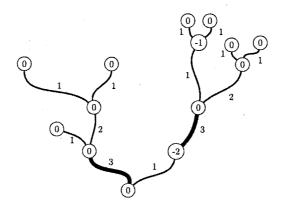
Estructuras de Datos y Algoritmos

Doble Grado, Ingeniería Informática, de Computadores y del Software

Examen Final, 23 de Junio de 2016.

- 1. (3 puntos) Dados dos arrays v y w ordenados de manera estrictamente creciente, y dados dos naturales n y m tales que $n/2 \le m \le n$, se desea determinar si todos los elementos de w situados en las posiciones 0 a m-1 están contenidos en las posiciones 0 a n-1 de v. Se pide:
 - 1. Especificar el algoritmo.
 - 2. Implementar un algoritmo iterativo que resuelva el problema y escribir el invariante que cumple el bucle.
 - 3. Indicar y justificar adecuadamente el coste.
- 2. (2 puntos) En un vector se tienen guardados $n \ge 2$ términos de una progresión aritmética de diferencia d dada desde el primero en adelante, pero uno de ellos falta. Se pide implementar un algoritmo eficiente que encuentre dicho término perdido. Por ejemplo, si el vector contiene los elementos 2, 4, 8, 10, 12, 14 y d = 2, el término que falta es el 6. Se considera que el primer y último elementos de la progresión nunca son los que se han perdido. Se recuerda que el término i-ésimo a_i de una progresión aritmética de diferencia d es $a_i = a_1 + (i 1) * d$, siendo a_1 el primer término de la progresión. Se debe indicar y justificar el coste del algoritmo.
- 3. (2 puntos) La compañía que gestiona la cuenca hidrográfica del río Aguas Limpias nos ha pedido que calculemos los tramos navegables de dicho río. Un tramo del río es navegable si contiene un caudal mayor o igual a 3 m³/s. Como todos los ríos, el Aguas Limpias está formado por una serie de afluentes. Los afluentes que nacen de los manantiales llevan un caudal de un 1 m³/s. Se considera que siempre confluyen exactamente dos afluentes. Cada vez que dos afluentes confluyen se calcula el caudal del tramo resultante como la suma de los caudales de sus afluentes. Adicionalmente, a lo largo del río se han construido varios embalses que hacen decrecer en una determinada cantidad el caudal del tramo saliente. En un embalse pueden confluir dos afluentes o solamente un tramo del río. La figura que se muestra a continuación es un ejemplo de un río que contiene 2 tramos navegables.



La estructura de afluentes se representa como un árbol binario cuyos nodos internos son o bien puntos de encuentro de dos afluentes, en cuyo caso el nodo contiene un 0, o bien un embalse, en cuyo caso el nodo contiene un número negativo que representa cuanto caudal puede absorber el embalse. Nótese que el caudal de un tramo no puede ser negativo pero sí 0. Implementa una función que dado un árbol que representa la estructura del río, calcule el número de tramos navegables.

- 4. (2 puntos) Los ingenieros de la empresa Apel están actualmente diseñando el software para su nuevo reproductor de música *iPud*, el cual debe permitir añadir y eliminar canciones del *iPud*, añadir una canción existente a la lista de reproducción, avanzar a la siguiente canción, obtener el tiempo total de la lista de reproducción, y obtener una lista con las canciones escuchadas recientemente. En particular, el TAD IPud debe contar con las siguientes operaciones:
 - create: Crea un iPud vacío.
 - addSong(IP,S,A,D): Añade la canción S (string) del artista A (string) con duración D (int) al iPud IP. Si ya existe una canción con el mismo nombre la operación dará error.
 - addToPlaylist(IP,S): Añade la canción S al final de la lista de reproducción. Si la canción ya se encontraba en la lista entonces no se añade (es decir, la lista no tiene canciones repetidas). Si la canción no está en el iPud se devuelve error.
 - deleteSong(IP,S): Elimina todo rastro de la canción S del iPud IP. Si la canción no existe la operación no tiene efecto.
 - play(IP): La primera canción de la lista de reproducción abandona la lista de reproducción y se registra como reproducida. Si la lista es vacía la acción no tiene efecto.
 - current(IP): Devuelve la primera canción de la lista de reproducción. Si es vacía se devuelve error.
 - totalTime(IP): Obtiene la suma de las duraciones de las canciones que integran la lista de reproducción actual. Si es vacía se devuelve 0.
 - recent(IP,N): Obtiene la lista con las N últimas canciones que se han reproducido (mediante la operación play), de la más reciente a la más antigua. Si el número de canciones reproducidas es menor que N se devolverán todas. La lista no tiene repeticiones, de manera que si una canción se ha reproducido más de una vez solo figurará la reproducción más reciente.

Se puede asumir que las canciones quedan unívocamente determinadas por su nombre (string). Se ha elegido la siguiente representación para el TAD IPud usando los TADs vistos en clase:

```
typedef struct{
   string artist;
   int duration;
   bool inPlaylist; //indica si esta en la lista de reproduccion
   bool played; //indica si esta en la lista de reproducidas
} SongInfo;
class IPud{
   public:
        ... las operaciones pedidas...
   private:
        HashMap<string, SongInfo> songs;
        List<string> playlist; //la lista de reproduccion, sin repeticiones
        List<string> played; //las ya reproducidas, sin repeticiones
        int duration;
}
```

Se pide:

- 1. (1 punto) Indicar el coste de cada una de las operaciones con esta representación e implementar la operación play.
- 2. (1 punto) Modificar la representación anterior para que todas las operaciones tengan coste constante, excepto recent que no debe superar el coste lineal en N.

- 5. (1 punto) Responde a las siguientes cuestiones (0.2 puntos cada una):
 - 5.1) Dada una lista enlazada simple con un puntero al primer nodo y un puntero al último, como la utilizada en la implementación de las colas dada en clase, indicar y justificar cuál de las siguientes operaciones no puede realizarse en tiempo constante.
 - → a) Añadir un elemento al comienzo de la lista
 - b) Borrar el elemento del comienzo de la lista
 - c) Añadir un elemento al final de la lista
 - d) Borrar el elemento del final de la lista
 - 5.2) Sea un algoritmo de ordenación consistente en, dado un vector, insertar todos los elementos en un árbol binario de búsqueda, y posteriormente obtener en el vector original el recorrido en inorden del árbol. Se pide:
 - a) Indicar el coste en tiempo y en espacio en el caso peor de dicho algoritmo.
 - b) Lo mismo pero suponiendo que se usa un árbol con lógica de re-equilibrado.
 - 5.3) ¿Qué recorrido de un árbol binario de búsqueda de enteros se debe guardar para que pueda construirse posteriormente un árbol idéntico al inicial? Se debe tener en cuenta que sólo se guardarán los enteros contenidos en los nodos sin ninguna información adicional.
 - → a) El preorden
 - b) El inorden
 - c) El recorrido por niveles
 - d) El preorden o el recorrido por niveles
 - e) No es posible reconstruirlo igual que estaba con un solo recorrido
 - 5.4) El coste de la operación insertar en una tabla hash es
 - 1. en el caso peor lineal en el número de elementos de la tabla
 - → 2. en el caso peor logarítmico en el número de elementos de la tabla
 - 3. en el caso promedio constante
 - → 4. en el caso promedio logarítmico en el número de nodos de la tabla Son correctas:
 - a) 1 y 3
 - b) 1 y 4
 - c) 2 y 3
 - **-o**d) 2 y 4
 - 5.5) Supongamos un HashMap con claves int y valores char, con tamaño inicial 5, cuya función hash se define como hash(k) = 2*k, y que incluye equipamiento para duplicar su tamaño cuando se supera el 80 % de tasa de ocupación (como la implementación vista en clase). Inicialmente está vacío y se insertan los pares <7,a>, <10,b>, <2,c>, <5,d>, <4,e> en ese orden.
 - a) Dibuja el estado final de la tabla. ¿Cuál es la tasa de ocupación?
 - b) ¿Qué problema tiene esta función hash sobre esta tabla?