

Sujet 1 – Extraction de l'axe médian d'un objet dans une image de type fond/forme

Objectifs

Le but de ce TP est de manipuler un ensemble d'images d'un même objet afin, d'une part, d'extraire l'axe médian, et, d'autre part, de construire le maillage surfacique de cet objet en 3D. Pour cela, on propose de **segmenter** une image grâce à une technique de découpage en **superpixels**, de **classer** simplement par un seuillage ou un critère de forme ces régions en régions extérieures (représentées en noir) ou intérieures (représentées en blanc) à la forme, puis d'**appliquer un algorithme de calcul de l'axe médian**. Ensuite, un code fourni permet de **détecter et d'apparier des points 2D** dans les images et à partir des matrices des caméras, un **nuage de points 3D est reconstruit** comme montré sur la figure 1.(c).

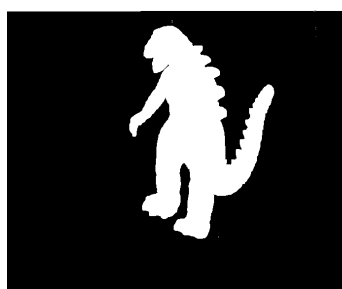
Données fournies

Pour ce sujet, nous vous fournissons une archive, cf. lien moodle, contenant un dossier `images` avec 36 images d'un dinosaure sur un fond bleu de nom `viff.0**.ppm` où `**` correspond au numéro de l'image, cf. figure 1. De plus, le dossier contient :

- `TP_maillage.m` : script à compléter permettant d'effectuer les étapes nécessaires pour retrouver le maillage ;
- `dino_Ps.mat` : matrices de projections des caméras associées à chaque prise de vue ;
- `viff.xy` : points 2D détectés et mis en correspondance dans la séquence.



(a)



(b)



(c)

FIGURE 1 – Un exemple d'image fournie en entrée, (a), et du résultat de segmentation attendu, (b) puis, en (c) visualisation de ce que l'on obtient lorsqu'on lance le script `TP_maillage.m` (en effectuant quelques manipulations de ce qui est affiché en 3D).

Travail noté

Vous avez cinq séances pour réaliser ce sujet en **binôme**. Les binômes sont à enregistrer dès le début de la première séance, sur moodle. Vous serez évalués en deux temps :

1. **Individuellement**, vous aurez à répondre à des questions en ligne sur moodle, au cours de la dernière séance de TP.
2. **En binôme**, vous déposerez une archive de nom `Nom1_Nom2.zip` contenant uniquement les fichiers `.m` nécessaires et un `LISEZMOI.txt` expliquant comment exécuter vos programmes. Cette archive sera à déposer sur moodle et elle sera utilisée pour exécuter vos codes pendant la session de tests en binôme qui aura lieu après la dernière séance de TP.

1 Segmentation en superpixels

Nous vous proposons de mettre en œuvre l'algorithme de construction de superpixels proposée par Achanta, SLIC pour *Simple Linear Iterative Clustering*, cf. l'article ainsi qu'une présentation disponible sur moodle. L'approche qui a été partiellement décrite en cours se résume à suivre les 3 étapes suivantes :

1. Placement régulier de germes : pour compléter, lire la présentation sur moodle ;
2. Calcul des superpixels avec une approche par k-moyenne : cette approche est décrite par la suite ;
3. Renforcement de la connexité (**optionnel**) : Pour coder simplement cette étape, il faut fusionner les petites régions avec leur plus grande région voisine. Plus précisément, en supposant que les régions ont une taille moyenne de $\frac{Nb}{K}$ avec Nb le nombre de pixels de l'image et K le nombre de superpixels à construire, une petite région correspond à une région de taille inférieure à un pourcentage de cette moyenne.

L'algorithme des k-moyennes, *k-means* consiste à chercher la meilleure répartition des pixels en N classes, la valeur de N étant fixée par l'utilisateur. Il s'agit d'un algorithme itératif, dont les principales étapes sont :

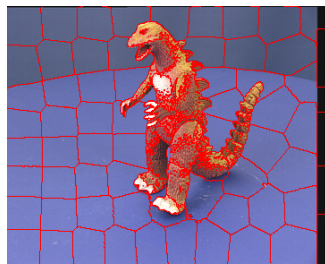
- a. Partition de l'image en N régions, suivant un critère c à définir ;
- b. Estimation des centres C_k , $k \in [1, N]$, de ces régions ;
- c. Tant que les centres sont modifiés :
 - i. Pour chaque pixel de l'image, recherche du centre C_k le plus proche, au sens du critère c , et affectation du pixel considéré à la classe k ;
 - ii. Mise à jour des centres C_k des N régions ainsi constituées ;

Il n'existe pas de preuve de convergence de cet algorithme vers l'optimum global. D'ailleurs, le résultat dépend généralement de l'initialisation.

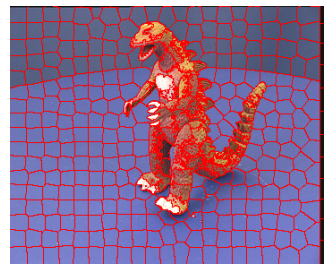
Dans la figure 2, nous illustrons le type de résultat que l'on obtient avec différentes valeurs pour K , le nombre de superpixels, paramètre d'entrée, à compacité constante, deuxième paramètre d'entrée (la compacité correspond à m utilisé pour calculer le poids $(\frac{m}{S})^2$ donné au terme de distance en position par rapport à la distance en couleur, cf. formule donnée page 47 du polycopié sur les approches statistiques).

À faire

Nous vous demandons de coder cette approche. Vous pouvez utiliser la fonction `kmeans` de `matlab` mais ce n'est pas obligatoire. Sur moodle, vous trouverez des indications pour utiliser cette fonction.



100 superpixels



400 superpixels

FIGURE 2 – Exemple de sur-segmentations obtenues.

2 Segmentation binaire

Pour classer les régions obtenues en régions extérieures ou intérieures, vous pouvez effectuer un seuillage sur la couleur des centres ou une sélection en fonction de la forme plus ou moins compactes des régions obtenues (cf. critère de compacité défini en cours, page 46 du polycopié).

À faire Coder la segmentation binaire en choisissant l'approche que vous voulez.

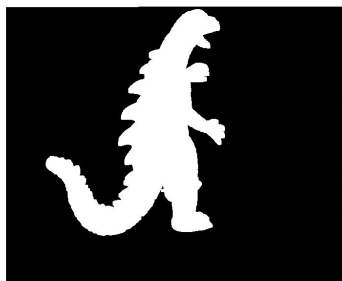
3 Estimation de l'axe médian

Dans cette partie, nous vous demander de calculer une discrétisation de l'axe médian associé à la forme binaire que vous avez obtenue. Attention, votre image binaire doit être *a priori* un objet blanc (1) sur un fond noir (0).

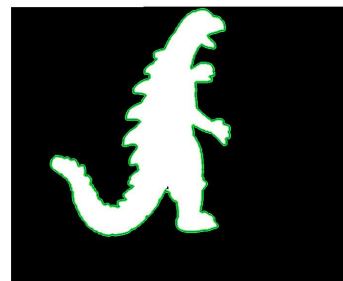
3.1 Estimation de la frontière

À faire A partir de l'image binaire, retrouvez les coordonnées dans l'image des points de la frontière de la forme. L'ordre n'est pas important.

Vous pourrez utiliser la fonction `bwtraceboundary`.



(a)



(b)

FIGURE 3 – L'image binaire, (a), et la frontière trouvée (en vert), (b).

3.2 Estimation des points du squelette

Nous avons vu en cours que les points du squelette sont donnés par les sommets du diagramme de Voronoï associé à un ensemble de points segmentant le bord, c'est-à-dire, les centres des cercles circonscrits aux triangles de la triangulation de Delaunay. Vous pourrez ajuster la densité des points du bord pour avoir un résultat correct, en gardant un temps de calcul raisonnable.

À faire Trouver les points appartenant au squelette, soit en utilisant la triangulation de Delaunay, soit avec le diagramme de Voronoï. `Matlab` propose des fonctions `delaunay` et `voronoi`, et variantes, permettant de calculer l'une ou l'autre. Pour chaque point de l'axe, on stockera l'information de rayon. On ne s'intéresse qu'à l'axe médian interne, il faut donc filtrer les points pour ne garder que ceux qui sont à l'intérieur de la forme.



FIGURE 4 – Les points de l'axe médian, (a), et les points de l'axe médian interne, (b).

3.3 Estimation de la topologie du squelette

Trouver une condition pour qu'il existe une arête entre deux points du squelette.

À faire Tracer l'axe médian.

Remarque : vous pouvez utiliser une matrice d'adjacence. L'axe médian connecté peut dans ce cas être tracé avec la fonction `gplot`.

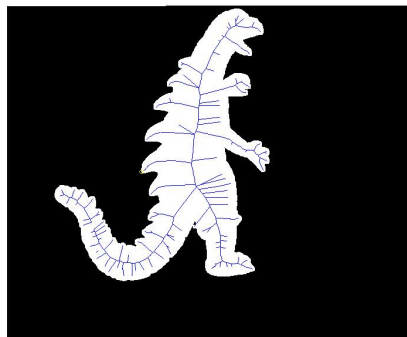


FIGURE 5 – L'axe médian interne (b).

3.4 (Bonus) M.A.T et filtrage

Vous pouvez dessiner les cercles autour de chaque point de l'axe médian pour vérifier que l'axe médian avec les rayons associés modélisent effectivement la forme binaire.

Vous pouvez aussi proposer une méthode de filtrage des données, pour avoir un axe médian un peu plus propre (moins de branches).

4 Triangulation des points reconstruits

L'étape suivante du travail est de retrouver la tétraèdrisation de Delaunay à partir du nuage de points 3D reconstruits. Pour cela, on utilisera la fonction `DelaunayTri` de `matlab`.

Vérification On affichera ensuite le résultat trouvé qui doit être similaire à celui vu dans la figure 6.

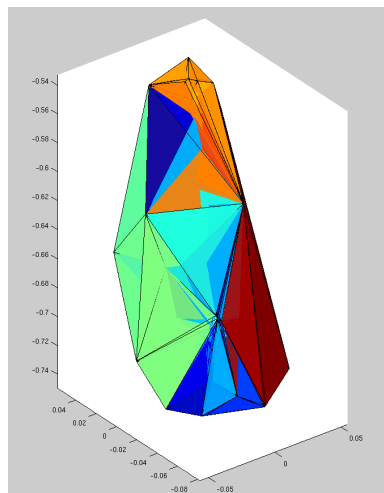


FIGURE 6 – Tétraèdrisation de Delaunay.

5 Élimination des tétraèdres superflus

Comme vous pouvez le remarquer, la tétraèdrisation de Delaunay décrit l'enveloppe convexe des points 3D mais tous les tétraèdres n'appartiennent pas à l'objet 3D. Nous allons maintenant éliminer les tétraèdres qui sont hors de l'objet (parties concaves ou points aberrants). Pour cela, on vérifie que chaque tétraèdre inclus dans l'objet 3D se projette à l'intérieur de l'image d'un objet. La figure 7 illustre ce propos. Le tétraèdre dont la projection est le triangle vert doit être gardé alors que celui dont la projection est le triangle rouge doit être retiré.

Pour chaque image i , on a à estimer le masque binaire, cf. section 2. Vous devez utiliser ces masques à présent. point 3D $(X \ Y \ Z \ 1)^T$ écrit en coordonnées homogènes se projette dans la i ème image en un point 2D $(u \ v \ 1)^T$ via la matrice de projection $P\{i\}$ qui vous est fournie :



FIGURE 7 – En vert, la projection d’un tétraèdre appartenant à l’objet 3D. En rouge, la projection d’un tétraèdre appartenant à l’enveloppe convexe de l’objet 3D mais n’appartenant pas à cet objet 3D.

$$\begin{pmatrix} u \\ v \\ 1 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} wu \\ wv \\ w \end{pmatrix} = P\{i\} \begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \\ 1 \end{pmatrix}$$

Lors de la projection d’un point 3D, on trouve le point 2D à un facteur d’échelle près. Il est donc nécessaire de normaliser le point trouvé par la troisième coordonnée. Pour retirer les tétraèdres, nous proposons de suivre les étapes suivantes, **pour chaque tétraèdre issu de la triangulation de Delaunay** :

- (1) Calculer le barycentre de ses 4 sommets (on pourra utiliser plusieurs barycentres avec différents poids de manière à ce que le barycentre se rapproche successivement de chaque sommet) ;
- (2) Projeter chaque barycentre dans les 36 masques ;
- (3) Si un barycentre ne se projette pas dans la région du dinosaure dans au moins une des 36 images (`im_mask` vaut 1), retirer le tétraèdre. **Attention !** il est nécessaire de vérifier que le barycentre est bien projeté dans l’image avant de tester si `im_mask` vaut 1.

Vérification Vous devriez retrouver un résultat similaire à celui présenté dans la figure 8.

Conseil une fois cette étape terminée, on pourra sauvegarder les variables d’environnement grâce à la fonction `save` de `matlab`. Elles pourront ensuite être chargées grâce à la fonction `load` (en utilisant un deuxième script `TP_maillage_suite`), ce qui évitera de relancer tous les calculs à chaque fois.

6 Maillage

Cette étape consiste à retrouver le maillage 3D, c’est-à-dire retrouver les triangles/faces sur la surface de l’objet. Pour cela, il est nécessaire de parcourir les tétraèdres issus de l’étape précédente et de ne garder une face que si elle n’appartient qu’à **un seul tétraèdre** (elle est alors nécessairement à la surface de l’objet, les autres faces/triangles, elles/eux, appartiennent automatiquement à deux tétraèdres).

Une façon de procéder consiste à :

- (1) Construire une matrice de taille $N_f \times 3$ avec les N_f faces (4 par tétraèdre) ;
- (2) Trier dans l’ordre croissant de son premier sommet, puis son deuxième et enfin de son troisième en utilisant la fonction `sortrows` de `matlab` ;

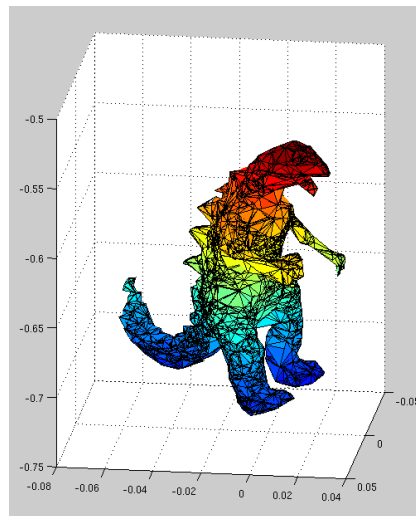


FIGURE 8 – Objet 3D composé de plusieurs tétraèdres.

- (3) Parcourir cette matrice en supprimant les faces en double qui sont obligatoirement l'une à la suite de l'autre si le tri a été bien fait.

Cet algorithme est en $O(n \log(n))$ (à cause du tri) ce qui nous permettra d'avoir un temps de calcul plus raisonnable par rapport à une implémentation naïve quadratique.

Vérification Un résultat est montré dans la figure 9.

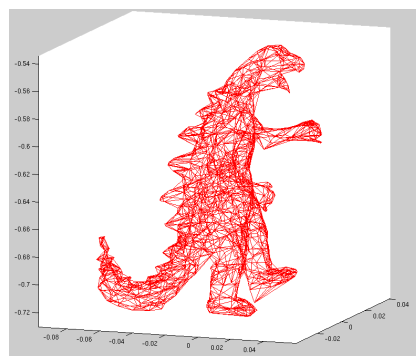


FIGURE 9 – Maillage final de l'objet en 3D.