Filtres, graines et BLAST

Hélène Touzet helene.touzet@univ-lille.fr CNRS, Bonsai, CRIStAL

Algorithmes d'alignement



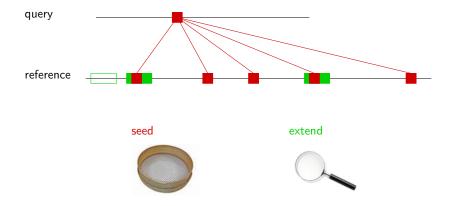
Algorithmes d'alignement

- algorithmes exacts par programmation dynamique
 - sensibilité + +, temps de calcul -
 - adaptés à la comparaison de deux gènes, par exemple
- algorithmes heuristiques à base de filtre
 - sensibilité -, temps de calcul + +
 - adaptés à la comparaison de génomes, à la recherche de séquences dans une base de données, à l'alignement de lectures de séquençage (mapping)

Filtre



Filtre : le paradigme "seed-and-extend"



- graine (seed)
 - courte région de forte similarité
 - choix de la forme de la graine : k-mers, graines espacées, mots avec erreurs
 - choix de l'échantillonnage : toutes les positions, sous-ensemble de positions . . .

extension

- reconstruction d'un alignement plus long autour de la graine
- programmation dynamique

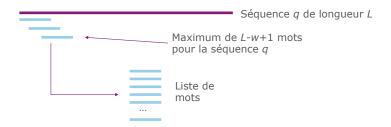
indexation

- indexation de la requête
- indexation de la référence
- choix de la structure d'indexation : table, table de hachage, arbre des suffixes, tableau des suffixes, FM-index, . . .
- BLAST, Clustal Ω, Bowtie2, etc.

Rappels sur BLAST

- alignement local
- il est trop coûteux en temps de faire tous les alignements locaux possibles : BLAST ne s'intéresse qu'aux séquences avec un fort taux de similarité
- heuristique : méthode de calcul qui fournit rapidement une solution réalisable, mais pas nécessairement optimale. Une heuristique peut manquer des résultats.

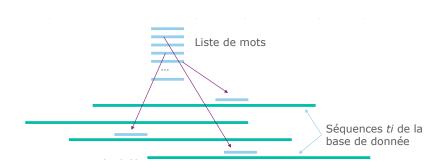
Étape 1 : recensement de tous les mots de longueur w qui composent la séquence requête (k-mer, seed, k-word, anchor)



w est un paramètre du programme

par exemple : w=11 pour les séquences nucléiques, w=3 pour les séquences protéiques

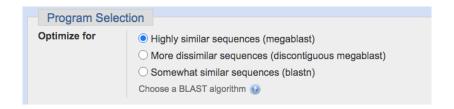
Étape 2 : extraction des séquences de la banque de données qui contiennent des mots communs



Étape 3 : Extension de ces points d'ancrage de proche en proche



https://blast.ncbi.nlm.nih.gov



>whoami

source : M. Schatz

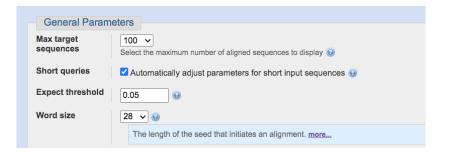


megablast : mot de longueur 28 par défaut (de 16 à 256 en option)

Convient pour des séquences d'identité > 95% graine contigue

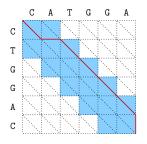
discontiguous megablast : mot à trous, de longueur 11 (12 en option)
Tolérant aux substitutions. Comparaison inter-espèces graine espacée

BlastN : mot de longueur 11 par défaut (7 ou 15 en option) Convient pour des séquences d'identité > 85% graine contigue



Seed-and-extend: la phase d'extension

construction de deux alignements



$$\ell$$
-strip={ (x, y) ; $|x - y| \le \ell$ }
Complexité : $O(\ell n)$

• l'implémentation par programmation dynamique peut être rendue plus efficace avec une implémentation SIMD



Alignement Felis Catus/ Nyctereute

```
1 ttcttcctaccctgcccgctcatgctgctgctctactgggccacg
                                          145 ggcgagc.
1 ttcttcctaccctgcccgctcatgctgctgctctactgggccacg
                                           181 ggc.agcccggacggcacccccggccgccccccgacggcac
46 ttccggggcctgcggcgctgggaggccgcgcgtcgggccaagctg
                                           225 ccccgatgacacccccgacgccacccctgcccccgcccccgc
91 cactgccgggcgcctcgtcggcccagcggccccggcccaccgccc
                                           153 ccccgacgccgtcgcgcccccgacgccgtcccagccgagccgcc
   270 ccccgacgccgcgcgcccccgccgccgaccctgcggagcccag
136 cccga.ggt.
   11111 111
136 cccgacggtacccccggccccccgacggcagccccgac
                                           315 gtggcagccacgcaagcggagacgcgccaagatcacgggccggga
                                           243 gcgcaaggccatgagggtcctgccggtggtggtc
                                              ĬŧĬŧŧŧĬĬŧŧŧĬĬŧŧ
                                           360 gcgcaaggccatgagggtcctgccggtggtggtc
```

Alignement local optimal

Alignement Felis Catus/ Nyctereute

```
1 ttcttcctaccctgcccgctcatgctgctgctctactgggccacg
                                         145 ggcgagc.
                                          181 ggc.agcccggacggcacccccggccgccccccgacggcac
1 ttcttcctaccctgcccgctcatgctgctgctctactgggccacg
46 ttccggggcctgcggcgctgggaggccgcgcgtcgggccaagctg
                                          225 ccccgatgacacccccgacgccacccctgcccccgcccccgc
91 cactgccgggcgcctcgtcggcccagcggccccggcccaccgccc
                                          153 ccccgacgccgtcgcgcccccgacgccgtcccagccgagccgcc
   270 ccccgacgccgcgcgcccccgcgcgccgaccctgcggagcccag
136 cccga.ggt.
   11111 111
136 cccgacggtacccccggccccccgacggcagccccgac
                                          315 gtggcagccacgcaagcggagacgcgccaagatcacgggccggga
                                          243 gcgcaaggccatgagggtcctgccggtggtggtc
                                             360 gcgcaaggccatgagggtcctgccggtggtggtc
```

Alignement local optimal Alignement trouvé par Megablast



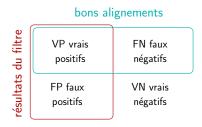
Les graines contigues, les k-mers

Graines contigues : les *k*-mers

- alignement : mot sur l'alphabet $\{0,1\}$ (1 pour les matches, 0 pour les erreurs)
- k-mer : mot conservé de longueur k, 1^k

Comment évaluer la qualité d'un filtre?

- temps de calcul
- qualité du résultat



VP	FP	$VP \times VN - FP \times FN$		
VP+FN	VP + FP	$\sqrt{(VP + FP)(VP + FN)(VN + FP)(VN + FN)}$		
Sensibilité	Spécificité	Coefficient de corrélation de Matthews		

- graine/filtre sans perte : sensiblité 100%
- graine/filtre avec perte : pas de garantie de trouver l'intégralité des alignements pertinents



Tous les alignements de longueur au moins 100 avec au plus 10 erreurs contiennent 8 identités successives. (autrement dit : 1^8 est une graine sans perte pour cet ensemble d'alignements)

Vrai ou faux?

La graine 1¹¹ reconnait tous les alignements de longueur 100 avec un pourcentage d'identité supérieur ou égal à 90%

Vrai ou faux?

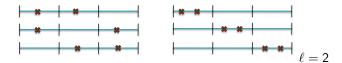
• un alignement d'une séquence de longueur m avec au plus ℓ différences doit contenir un mot exact commun de longueur supérieure ou égale à

$$\frac{m}{\ell+1}$$

(Baeza-Yates and Perleberg, 1996)

- principe du pigeonnier : ℓ pigeons ne peuvent pas remplir $\ell+1$ pigeonniers

On découpe l'alignement en $\ell+1$ blocs de longueur $\frac{\mathit{m}}{\ell+1}$



Comment calculer la sensibilité d'une graine k-mer

- *k*-mer : 1^{*k*}
- modèle pour le type d'alignements visés p, pourcentage d'identité $(0 \le p \le 1)$ $\mathcal{A}(m,p)$: ensemble des mots de $\{0,1\}^m$ avec une proportion de p caractères 1

ACTGACTG	ACTGACTG
1111111	1 111111
TCTGACTG	AATGACTG
01111111	10111111

• sensibilité : proportion de mots de $\mathcal{A}(m,p)$ reconnus par la graine 1^k



Automate fini déterministe pour le langage $\{0,1\}^*$ 1^k $\{0,1\}^*$

• k+1 états : $q_0, ..., q_k$

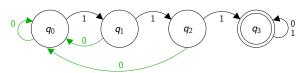
état initial : q₀

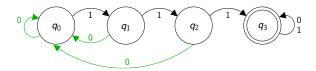
état final, acceptant : q_k

transitions

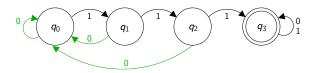
	q 0	q_1	q ₂	 q_ℓ	 q_{k-1}	q_k
0	q_0	q_0	q_0	q_0	q 0	q_k
1	q_0 q_1	q_2	q_3	$q_{\ell+1}$	q_k	q_k

Exemple pour la graine 111 (3-mer)





- P(i, q, x): probabilité d'atteindre l'état q après avoir lu un mot u de longueur i dont la dernière lettre est x
- P(i,q) = P(i,q,0) + P(i,q,1): probabilité d'atteindre l'état q après i lettres



- P(i, q, x): probabilité d'atteindre l'état q après avoir lu un mot u de longueur i dont la dernière lettre est x
- P(i,q) = P(i,q,0) + P(i,q,1): probabilité d'atteindre l'état q après i lettres

$$P(i,0,0) = (1-p)[P(i-1,0) + P(i-1,1) + \dots + P(i-1,k-1)]$$

$$P(i,0,1) = 0$$

$$P(i,q,0) = 0 \quad \text{if } 0 < q < k$$

$$P(i,q,1) = p P(i-1,q-1)$$

$$P(i,k,0) = (1-p)P(i-1,k)$$

$$P(i,k,1) = p [P(i-1,k-1) + P(i-1,k)]$$

$$P(i,0,0)=(1-p)[P(i-1,0)+P(i-1,1)+\cdots+P(i-1,k-1)]$$

$$P(i,0,1)=0$$

$$P(i,q,0)=0 if 0 < q < k$$

$$P(i,q,1)=p P(i-1,q-1)$$

$$P(i,k,0)=(1-p)P(i-1,k)$$

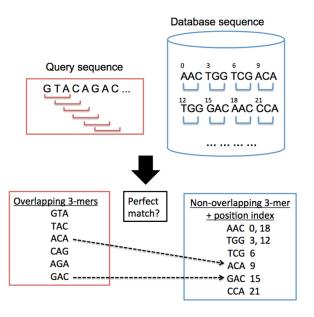
$$P(i,k,1)=p [P(i-1,k-1)+P(i-1,k)]$$

implémentation : programmation dynamique



BLAST-like alignment tool

- application visée : localiser un gène dans un génome
- développé dans le cadre du séquençage du génome humain (2002)
- découpage du génome en k-mers non chevauchants (pavage)
- privilégie la rapidité, au détriment de la sensibilité, en réduisant la taille de l'index
- adapté à la recherche de séquence avec plus de 95% d'identité et de longueur supérieure à 25 bases

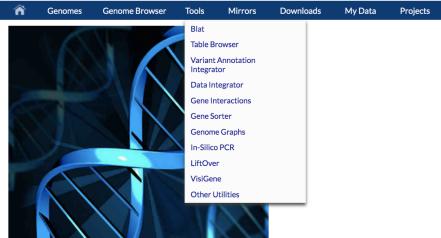


Le génome est découpé en k-mers non chevauchants (pavage)





Genome Browser

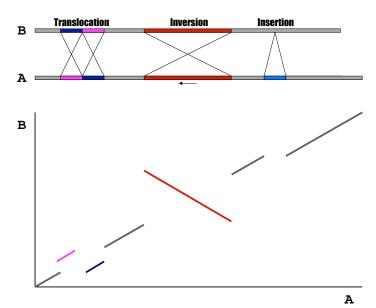


- http://genome.ucsc.edu
- génomes à tester : cat, dog, pig

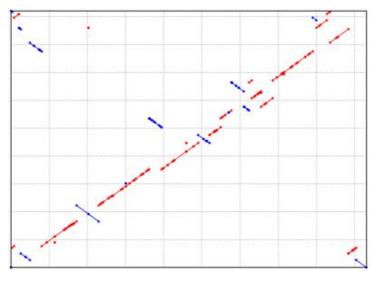
MUMmer

Maximal Unique Matcher

- application visées : comparaison de génomes
- développé à partir de 2004, en 2018 (Perl ightarrow C++)
- MUM (graines) : séquence exacte commune entre les deux génomes, unique et maximale
 - unique : présente en un seul exemplaire dans le génome de référence
 - maximal : on ne peut plus ajouter de bases, à droite ou à gauche
 - implémentation : arbre des suffixes, puis suffix array
- https://mummer4.github.io/index.html



http://mummer.sourceforge.net/manual/AlignmentTypes.pdf

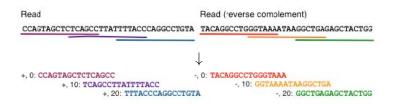


Yersina pestis CO92 vs. Yersina pestis KIM

- similarité nucléotidique élevée (>99,5%)
- nombreux remaniements et répétitions

Bowtie2

- application visée : aligner des lectures de séquençage (short reads) sur un génome de référence
- chaque read est découpé en k-mers de longueur 20 à 25, toutes les 3-5 positions



	seed	query	reference	extension	index
		positions	positions		
BlastN	11-mer	all	all	systematic	look-up table
BLAT	22-mer	all	tiling	partial	look-up table
Bowtie2	22-mer	1/10	all	partial	$FM ext{-}index + BWT$

	seed	query	reference	extension	index
		positions	positions		
BlastN	11-mer	all	all	systematic	look-up table
BLAT	22-mer	all	tiling	partial	look-up table
Bowtie2	22-mer	1/10	all	partial	$FM ext{-}index + BWT$

BLAST: Accurate up to 85% identity - all alignments

BLAT: Accurate up to 95% identity

Bowtie2 : Accurate up to 95% identity - single alignment

- a Il existe un alignement de longueur ℓ contenant y erreurs tel que tous les sous-alignements de longueur a contiennent au moins une erreur
- b Tous les alignements de longueur ℓ avec y erreurs sont reconnus par la graine k-mer de longueur a
- c La sensibilité de la graine k-mer de longueur a pour les alignements de longueur ℓ avec y erreurs est égale à 100%
- d Si un mot V sur l'alphabet $\{0,1\}^*$ est de longueur ℓ et qu'il contient y fois le caractère 0, alors le mot 1^a est un facteur de V
- e 1^a est une graine avec perte pour l'ensemble des alignements de longueur ℓ avec y erreurs
- **f** La graine 1^a est sans perte pour les alignements de longueur ℓ avec γ erreurs



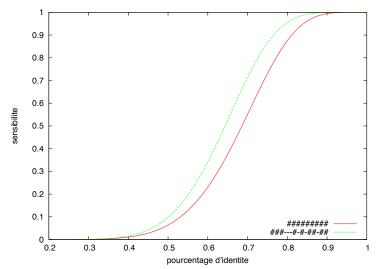
Les graines espacées

Filtres à base de graines espacées

- Graine : mot sur l'alphabet {1, *}
 - $1 \rightarrow \mathsf{match}$
 - * → match ou mismatch

Exemples: discontiguous megablast, LAST

Sensibilité : graine espacée vs graine contigue



graine contigue : 111111111, graine espacée : 111***1*11*11 tous les alignements de longueur 64 (courtesy Laurent Noé)



Pourquoi cela marche?

```
111111 111*1*11
111111 111*1*11
```

la probabilité de deux occurrences successives est inférieure avec les graines espacées

AUCAGUGCAAAUGCUCAAGA |||||||||||||| AUCAGUGCAAAUGCUCAAGA

AUCAGUGCAAAUGCUCAAGA AUCAGUGCAAAUGCUCAAGA	AUCAGUGCAAAUGCUCAAGA AUCAGUGCAAAUGCUCAAGA
111111 111111 111111 111111 111111 11111	111*1*11 111*1*11 111*1*11 111*1*11 111*1*11 111*1*11
111111	111*1*11
111111	111*1*11
1111111	111*1*11
111111	111*1*11
111111	111*1*11
111111	111*1*11
111111	
111111	

AUCAGUGCAAAUGCUCAAGA AUCAGUGCAAAUGCUCAAGA	AUCAG <mark>U</mark> GCAAAUGCUCAAGA <mark> </mark> AUCAG <mark>U</mark> GCAAAUGCUCAAGA
111111 111111 111111	111*1*11 111*1*11 111*1*11
111111 111111 111111	111*1*11 111*1*11 111*1*11
111111 111111 111111	111*1*11 111*1*11
111111 111111	111*1*11 111*1*11 111*1*11
111111 111111 111111	111*1*11 111*1*11

AUCAG <mark>U</mark> GCAAAUGCUCAAGA AUCAG <mark>C</mark> GCAAAUGCUCAAGA	AUCAG <mark>U</mark> GCAAAUGCUCAAGA AUCAG <mark>C</mark> GCAAAUGCUCAAGA
111111	111*1*11
111111	111*1*11
111111	111*1*11
111111	111*1*11
111111	111*1*11
111111	111*1*11
111111	111*1*11
111111	111*1*11
111111	111*1*11
111111	111*1*11
111111	111*1*11
111111	111*1*11
111111	111*1*11
111111	

```
AUCAGUGCAAAUGCUCAAGA
                              AUCAGUGCA A AUGCUCA AGA
AUCAGCGCAAAUGCUCAAGA
                              AUCAGCGCAAAUGCUCAAGA
111111
                              111*1*11
111111
                               111*1*11
  111111
                                111*1*11
   111111
                                ::111*1*11
    111111
                                   111*1*11
                                    111*1*11
     111111
                                    111*1*11
      111111
       111111
                                      111*1*11
        111111
                                       111*1*11
         111111
                                       111*1*11
          111111
                                       111*1*11
           111111
                                        111*1*11
                                           111*1*11
              111111
```

AUCAGUGCAAAUGCUCAAGA AUCAGCGCAAAUGCUCAAGA 111111 111111 111111 111111 111111

:::111111

```
AUCAGUGCA A AUGCUCA AGA
AUCAGCGCAAAUGCUCAAGA
111*1*11
:111*1*11
 111*1*11
    : 111*1*11
    111*1*11
    111*1*11
    111*1*11
      111*1*11
      111*1*11
```

111*1*11

AUCAGUGCAAAUGCUCAAGA AUCAGCGCAAAUGCUCAAGA 111111 111111 111111 111111 111111

: 111111

```
AUCAGUGCA A AUGCUCA AGA
AUCAGCGCAAAUGCUCAAGA
111*1*11
:111*1*11
::111*1*11
    : 111*1*11
    111*1*11
    111*1*11
    111*1*11
      111*1*11
      111*1*11
```

111*1*11

AUCAGUGCAAAUGCGCAAGA AUCAGCGCAAAUGCUCAAGA 111111

111111

111111

111111

111111 : 111111

```
111*1*11
:111*1*11
 111*1*11
   : 111*1*11
      111*1*11
    111*1*11
    111*1*11
     111*1*11
     111*1*11
```

AUCAGUGCA A AUGCGCA A GA

AUCAGUGCAAAUGCGCAAGA AUCAGCGCAAAUGCUCAAGA 111111 111111 111111

111111

```
AUCAGUGCA A AUGCGCA A GA
AUCAGCGCAAAUGCUCAAGA
111*1*11
:111*1*11
::111*1*11
   111*1*11:
    111*1*11
    111*1*11
     : 111*1*11
      111*1*11
      ::::::111*1*11
```

111*1*11

```
111111
```

AUCAGUGCAAAUGCGCAAGA

```
111*1*11
:111*1*11:
111*1*11
     :::::::111*1*11
        ::::111*1*11
```

AUCAGUGCAAAUGCGCAAGA |||||||||||||| AUCAGCGCAAAUGCUCAAGA

```
111111
```

AUCAGUGCAAAUGCGCAAGA

```
111*1*11
:111*1*11:
111*1*11
      :::::::111*1*11
         :::::11<mark>1</mark>*1*11
```

```
111111
```

```
111*1*11
:111*1*11:
111*1*11
      :::::::111*1*11
         :::::11<mark>1</mark>*1*11
```

a.	a.	a	a	a	ă.			:						:					
Т	1			1	Т			1						1					
_			_		_			1						1					
	4	4	4	4	4	-4													
	\perp	Т	Т	1	1	1													
		4	4	4	4	4	4												
		Т	Т	1	т	1	_												
			4	1	4	4	4	4											
			Т	_	т	_	_	т											
				4	4	4	1	4	4										
				_	т	_	_	т	_					•					
														•					
					4	4	1	4	4	4				•					
					т	_	_	т	_	_				•					
					•									•					
					•	1	1	1	1	1	1			•					
					•	т	т	т	_	т	т			•					
					•									•					
					•		1	1	1	1	1	1		•					
					•		_	+	_	т	_	_		•					
					•									•					
					•			1	1	1	1	1	1	•					
					•			+	_	т	_	_	_	•					
					•			•											
					•			•	1	1	1	1	1	1					
					•			•	-	÷	-	÷	÷	+					
					•			•											
					•			•		1	1	1	1	1	7				
					•			•		_	_	÷	-	-	_				
					•			•											
					•			•			7	1	1	1	1	1			
					:			•			-	-	-	٠	_	-			
					:			•				4		4	4				
					•			•				7	7	1	1	7	7		
												÷	÷	+	÷	÷	÷		
					:			:					a	ă.	a.	a	a	a.	
					1			1					1	1	1	1	1	1	
					1			1					÷	-	Ė	_	_	_	
					1			1						1	1	1	1	1	1
														- 1	- 1	- 1	- 1	-1	- 1

AUCAGUGCGAAUGCGCAAGA

```
111*1*11:
:111*1*11
 111*1*11
       111*1*11
```

a	a	a	a	a	a			:						:					
1	1	1	1	1	1			- 1						1					
					Т			-						1					
	4	4	4	1	4	4													
	_	_	_	_	Т	_		۰						٠					
								۰						۰					
		1	1	1	1	1	1	•						۰					
		_	_	_	1	_	_	•						۰					
														۰					
			1	1	1	-1	1	1						•					
			-	÷	+	÷	÷	+						۰					
				a	a	А	.4	a	.4					•					
				1	1	7	1	1	7					:					
				Ξ	_			_	_					1					
					4	-4	4	4	-4	-4				1					
					1	1	1	Т	. 1	Τ									
					۰	4	1	4	4	4	4			۰					
					۰	_	_	Т		_	_			۰					
					•									۰					
					•		-1	1	1	1	1	1		•					
					•		_	+	_	+	_	+		۰					
					۰									۰					
					۰			1	1	1	1	7	1	۰					
					:			٠	-	÷	-	÷	÷	۰					
					:				-4	4	4	4	4	4					
					:			:	1	1	1	1	1	1					
					٠			۰		4	4	1	4	4	4				
					۰			۰		_	_	_	_	т	_				
					•			•											
					•			•			-1	-1	1	1	1	1			
					•			•			_	_	_	1	_	_			
					۰			۰											
					۰			•				1	1	1	1	1	1		
					۰			•				÷	÷	+	÷	÷	÷		
					:			:					a	ă.	a	a	a	a.	
					:									1	1			1	
					1			- 1					7	_	_	_	_		
								÷						1	4	4	4	4	4

AUCAGUGCGAAUGCGCAAGA

```
111*1*11:
      111*1*11
```

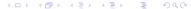
Comment calculer la sensibilité d'une graine?

Données

- une graine espacée π
 - w, son poids (nombre de 1)
 - m, son étendue (nombre de 1 et nombre de *)
- un modèle pour les alignements
 - p, le pourcentage d'identité $(0 \le p \le 1)$
 - n, la longueur

Question

Quelle est la proportion des alignements qui sont détectés par la graine π ?





Les graines avec erreurs

Les graines avec erreurs

- erreurs : substitution, voire délétion/insertion
- graine
 - m : longueur de la graine
 - ℓ : nombre d'erreurs maximum autorisés
- recherche de la graine : programmation dynamique, ℓ-strip
- exemple: kalign pour l'alignement multiple, bowtie2 (1 mismatch dans la graine)

Extrait de la documentation de Bowtie2

The trade-off between speed and sensitivity/accuracy can be adjusted by setting the seed length (-L), the interval between extracted seeds (-i), and the number of mismatches permitted per seed (-N).

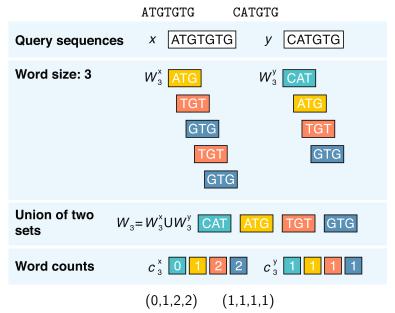
For more sensitive alignment, set these parameters to (a) make the seeds closer together, (b) make the seeds shorter, and/or (c) allow more mismatches.

Conclusion sur les approches « seed-and-extend »

- rôle prédominant des k-mers dans le choix des graines
- la sensibilité et la rapidité vont dépendre de
 - la longueur du k-mer
 - l'écart entre les k-mers
- le choix de ces valeurs par le développeur du programme va dépendre de l'application visée
- non traité dans ce cours : l'indexation des séquences

Utiliser les graines sans étape d'extension

Exemple 1 : distance à base de comptage de k-mers



Comment comparer les deux vecteurs (0, 1, 2, 2) et (1, 1, 1, 1)?

distance de Manhattan

$$|0-1|+|1-1|+|2-1|+|2-1|$$

distance Euclidienne

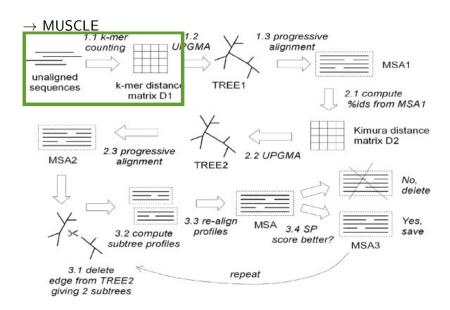
$$\sqrt{(0-1)^2+(1-1)^2+(2-1)^2+(2-1)^2}$$

distance d₂

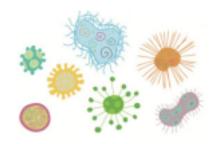
$$(0-1)^2 + (1-1)^2 + (2-1)^2 + (2-1)^2$$

distance de Mahalanobis

Application à l'alignement multiple



Exemple 2 : k-mers discriminants



Classification taxonomique en métagénomique

- ensemble de lectures de séquençage (short reads) pour une communauté microbienne
- quelles sont les espèces présentes?

kraken

- recensement de tous les k-mers présents dans la base de données de génomes connus
- assignation de chaque k-mer au plus petit ancêtre commun (LCA) de toutes les espèces contenant ce k-mer.

Wood and Salzberg Genome Biology 2014, 15:R46 http://genomebiology.com/2014/15/3/R46

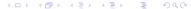


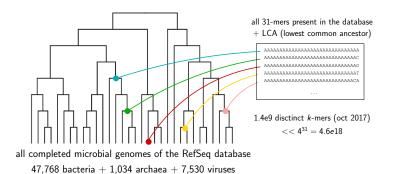
METHOD

Open Access

Kraken: ultrafast metagenomic sequence classification using exact alignments

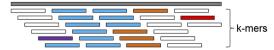
Derrick E Wood 1,2* and Steven L Salzberg 2,3



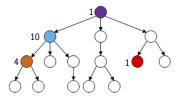


Precomputed database

1. short read \rightarrow overlapping k-mers



2. identification of the LCA in the taxonomy for each k-mer



Read assignation

3. assignation of the read

