#### Rozpoznawanie obrazów

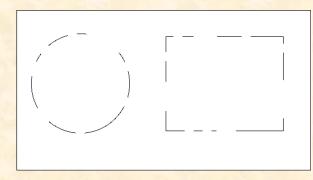
Końcowym etapem analizy obrazów może być nie tylko identyfikacja obiektów analizy oraz ich ilościowa charakterystyka ale również klasyfikacja obiektów i ich symboliczna interpretacja, te ostatnie często są określane terminem *rozpoznania obrazu*.

Z powyższych względów, faza rozpoznawania obrazów zwykle nie wykorzystuje gotowych procedur analizy danych a wymaga raczej specjalizowanych, bardziej zaawansowanych metod analizy, np. bazujących na sztucznej inteligencji.

#### Rozpoznawanie obrazów

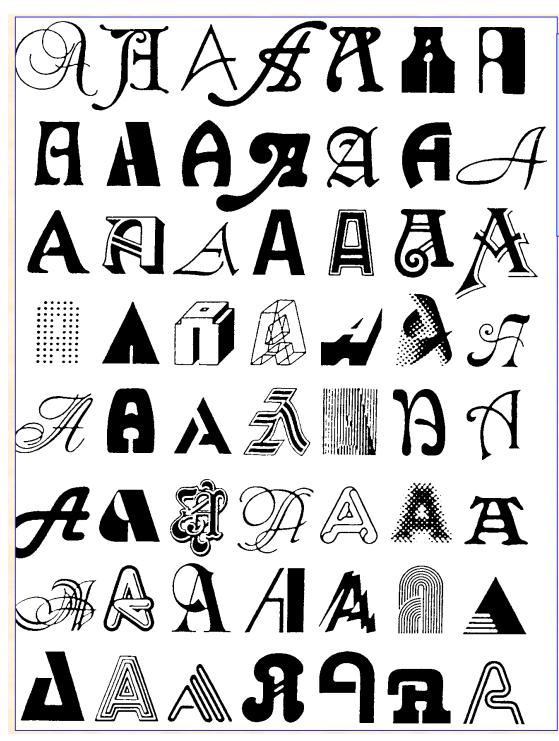
#### Cechy zachowania inteligentnego:

- możliwość wnioskowania na podstawie zbioru różnych, nieskojarzonych ze sobą danych,
- ⇒ zdolność do uczenia się na przykłodach i generalizacji nabytej wi oraz zastosowania jej w innych zadania danych),
- ⇒ zdolność rozpoznawania obiektów informacji) na podstawie nieko danych.

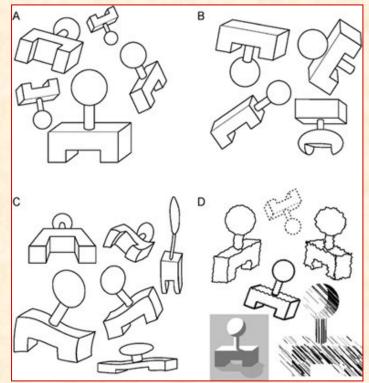


## Przykład trudnego problemu rozpoznawania obrazu



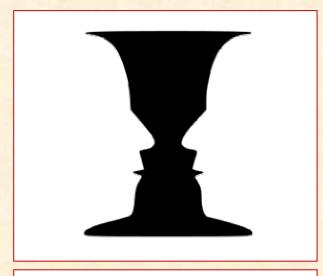


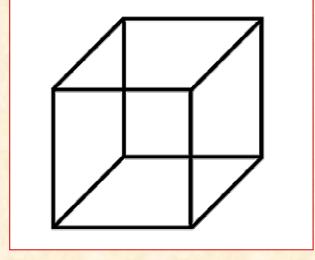
Przykład trudnego zadania rozpoznawania obrazu (wymagającego znamion zachowania inteligentnego)



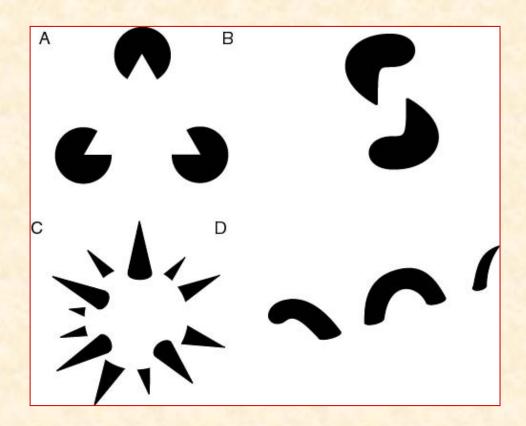
Niezmienność

#### Teoria Gestalt (niem. postać)





Wieloznaczność



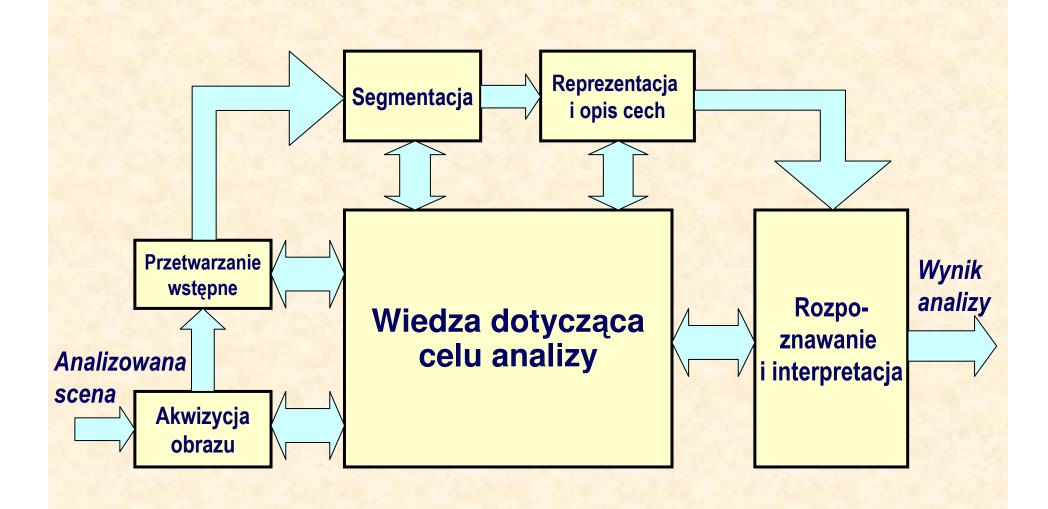
Reifikacja (iluzoryczne obiekty)

#### System rozpoznawania obrazów

Elementy składowe kompletnego systemu rozpoznawania obrazów:

- przetwarzanie niskiego poziomu obejmuje akwizycje obrazu, przetwarzanie wstępne, poprawę jakości obrazu, np. eliminacja zakłóceń, poprawa kontrastu, filtracja itd.,
- przetwarzanie średniego poziomu dotyczy segmentacji obrazu oraz wydzielania i opisu cech obiektów obrazu, np. detekcja brzegów i konturów, przetwarzanie morfologiczne, itd.,
- przetwarzanie wysokiego poziomu polega na klasyfikacji, rozpoznawaniu i interpretacji analizowanej sceny.

#### Elementy systemu rozpoznawania obrazów



#### Wzorce i klasy wzorców

<u>Wzorzec</u> to zbiór cech, który tworzy ilościowy i jakościowy opis obiektu; ściślej, wzorzec to wektor cech  $\mathbf{X} = [X_1, X_2, ..., X_N]$ .

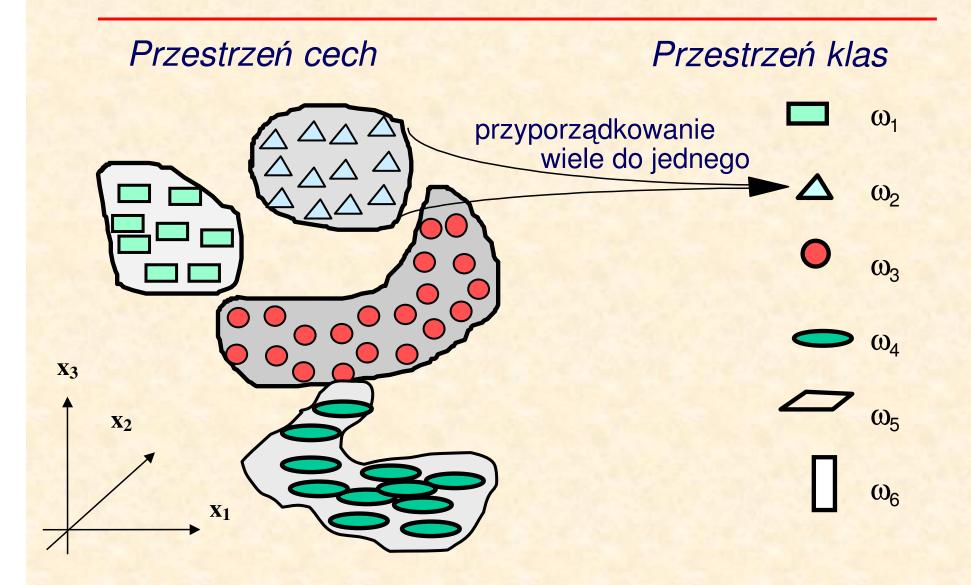
<u>Klasa wzorców</u> to zbiór wzorców charakteryzujących się podobnymi wektorami cech. Klasy wzorców oznaczmy  $\omega_1, \ \omega_2, \dots \ \omega_M$  gdzie indeks M jest numerem klasy.

Rozpoznawanie wzorców (nazywane też klasyfikacją) jest zadaniem polegającym na przyporządkowaniu wzorców do ich klas:

 $x \rightarrow \omega$ 

tj. przekształceniem przestrzeni wektorów cech X na przestrzeń klas wzorców  $\Omega$ .

## Klasyfikacja wzorców



#### Klasyfikacja wzorców

Przyporzadkowanie  $x \to \omega$  powinno być bezbłędne dla jak największej liczby wzorców. Zagadnienie znalezienia najlepszego takiego przyporządkowania jest zadaniem optymalizacji statystycznej. Konkretne sformułowanie tego zadania zależy od stopnia posiadanej wiedzy (modelu) o rozkładzie statystycznym zbioru cech, jak również granicach klas.

W przypadku, gdy rozkłady cech są trudne do zamodelowania lub wiedza o ich rozkładzie statystycznym jest niedostepna, klasyfikator, tj. przyporządkowanie  $\mathbf{x} \rightarrow \mathbf{\omega}$ , może być zbudowany przez zastosowanie algorytmów uczących, samodzielnie wypracowujących reguły klasyfikacji na podstawie reprezentatywnego zbioru wzorców (wektorów cech).

- dyskryminacja cechy powinny przyjmować znacząco różne wartości dla obiektów z różnych klas, np.średnica owocu jest dobrą cechą dla rozróżnienie wiśni i grejfrutów,
- niezawodność cechy powinny przyjmować podobne wartości dla wszystkich obiektów danej klasy, np. kolor jest złą cechą dla jabłek,
- niezależność cechy wykorzystywane w danym systemie klasyfikacji powinny być nieskorelowane ze sobą, np. waga i wielkość owocu są cechami silnie skorelowanymi,
- mała liczba złożoność systemu klasyfikacji rośnie szybko wraz z liczba klasyfikowanych cech, np. należy eliminować cech skorelowane.

W praktyce testuje się wybrany intuicyjnie zbiór cech (wzorzec), którego rozmiar zostaje zredukowany do akceptowalnej wielkości.

Selekcja cech może polegać na eliminacji cech o "najgorszych właściwościach", przy zachowaniu wymaganej jakości systemu klasyfikacji.

Badanie jakości klasyfikacji dla wszystkich możliwych kombinacji podzbioru *n* cech ze zbioru wszystkich *N* cech jest w praktyce zbyt kosztowne obliczeniowo dla dużych *N*.

Współczynnik korelacji cech x i y:

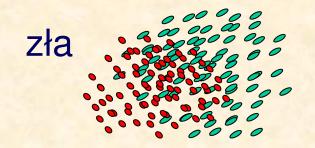
$$\sigma_{xy} = \frac{\frac{1}{P} \sum_{i=1}^{P} (x_i - \mu_x) (y_i - \mu_y)}{\sigma_x \sigma_y}$$

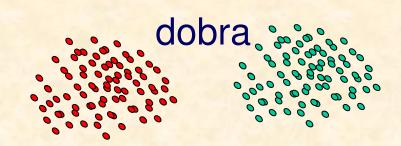
gdzie: P - liczna klasyfikowanych obiektów,  $\mu$ ,  $\sigma$  oznaczają odpowiednio wartości średnie i odchylenie standardowe danego zbioru cech. Jeżeli wsp. Korelacji jest bliski 1 (-1) cechy x i y uważa się za silnie skorelowane (np. jedną z nich można odrzucić).

Przykład miary separacji cechy x pomiędzy klasami j i k:

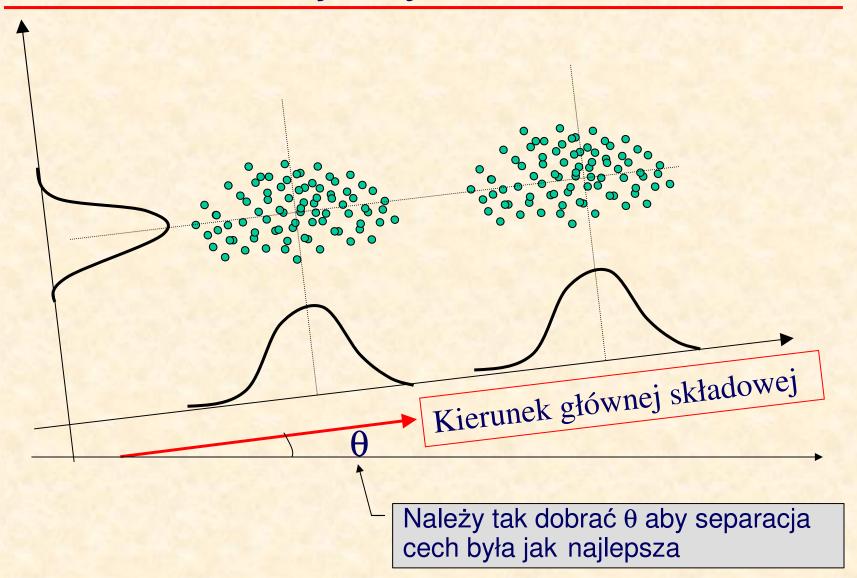
$$\hat{D}_{xjk} = \frac{\left| \mu_{xj} - \mu_{xk} \right|}{\sqrt{\sigma_{xj}^2 + \sigma_{xk}^2}}$$

Duża wartość tej miary świadczy o dobrej separacji cechy x pomiędzy klasami j i k.

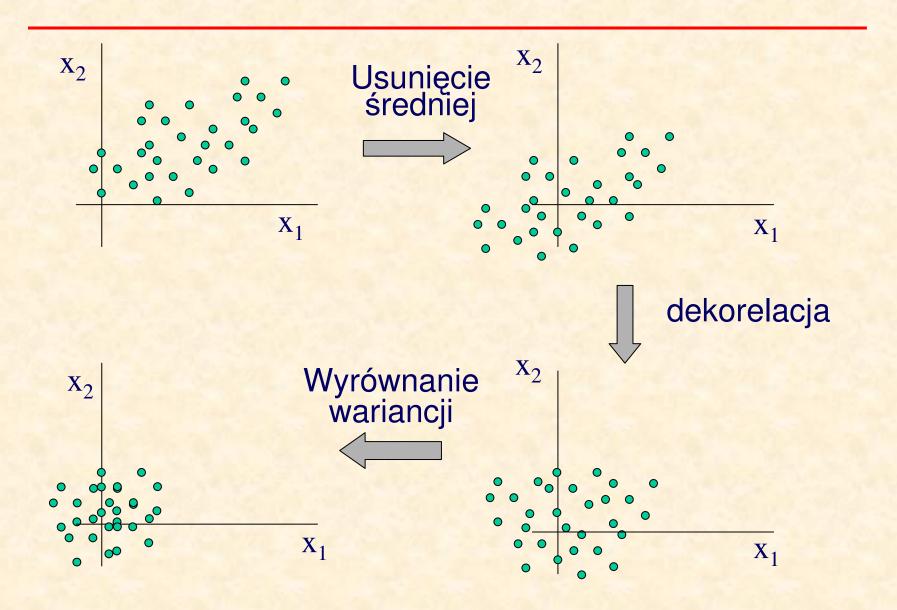




## Redukcja wymiarowości



#### Wstępne przetworzenie cech



#### Klasyfikatory statystyczne

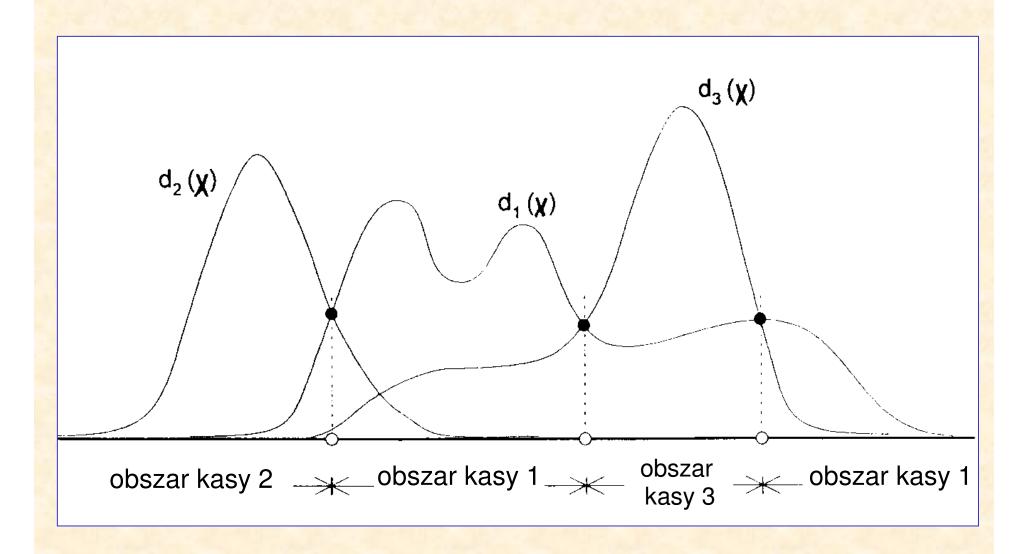
Jednym z możliwych podejść do zadania klasyfikacji jest budowanie tzw. *funkcji decyzyjnych*. **Liczba funkcji decyzyjnych jest równa liczbie klas wzorców**.

Niech  $\mathbf{x}=[x_1, x_2, ..., x_N]$  oznacza N-wymiarowy wektor cech. Spośród M klas  $\omega_1, \omega_1, ..., \omega_M$ , poszukujemy M funkcji decyzyjnych  $d_1(\mathbf{x}), d_2(\mathbf{x}), ..., d_M(\mathbf{x})$  posiadających taką właściwość, że jeżeli wzorzec  $\mathbf{x}$  należy do klasy  $\omega_i$  to zachodzi:

$$d_i(x) > d_j(x)$$
  $j = 1,2,...,M; j \neq i$ 

Funkcja decyzyjna  $d_i(\mathbf{x})$ , "wygrywa współzawodnictwo" do przyporządkowania wzorca  $\mathbf{x}$  klasie  $\omega_i$ .

## Funkcje decyzyjne



#### Funkcje decyzyjne

Granicę decyzyjną pomiędzy dwiema dowolnymi klasami i oraz j ( $i \neq j$ ) definiuje zależność:

$$d_{ij}(\mathbf{x}) = d_i(\mathbf{x}) - d_j(\mathbf{x}) = 0$$

Zatem dla wzorców należących do i-tej klasy:

$$d_{ij}(\mathbf{x}) > 0$$

oraz dla wzorców należących do j-tej klasy:

$$d_{ij}(\mathbf{x}) < 0$$
.

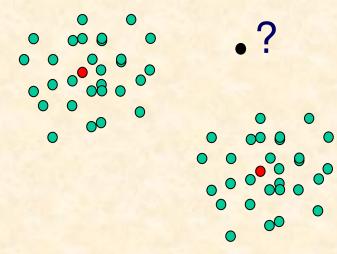
# Klasyfikator minimalnoodległościowy (ang. minimum distance classifier)

Załóżmy, że każda klasa wzorów jest reprezentowana przez typowy wzorzec, zwany prototypem klasy:

$$\mathbf{m}_{i} = \frac{1}{P_{j}} \sum_{\mathbf{x} \in \omega_{j}} \mathbf{x}_{j}, \quad j = 1, 2, \dots, M$$

gdzie  $P_j$  jest liczbą wzorców z klasy  $\omega_j$ .

Jednym z możliwych sposobów klasyfikacji nowego wzorca *x* jest przydzielenie go do klasy, której prototyp znajduje się najbliżej tego wzorca.



Dla Euklidesowej miary odległości:

$$D_j(x) = ||x - m_j||$$
  $j = 1, 2, ..., M$ 

gdzie  $\|\mathbf{z}\| = (\mathbf{z}^T \mathbf{z})^{1/2}$ . Wzorzec  $\mathbf{x}$  jest przydzielony do klasy  $\omega_j$  jeżeli  $D(\mathbf{x}_j)$  jest odległością najmniejszą.

Na podstawie poprzednich zależności, funkcja decyzyjna jest postaci:

$$d_j(\mathbf{x}) = \mathbf{x}^T \mathbf{m}_j - \frac{1}{2} \mathbf{m}_j^T \mathbf{m}_j$$
  $j = 1, 2, ..., M$ 

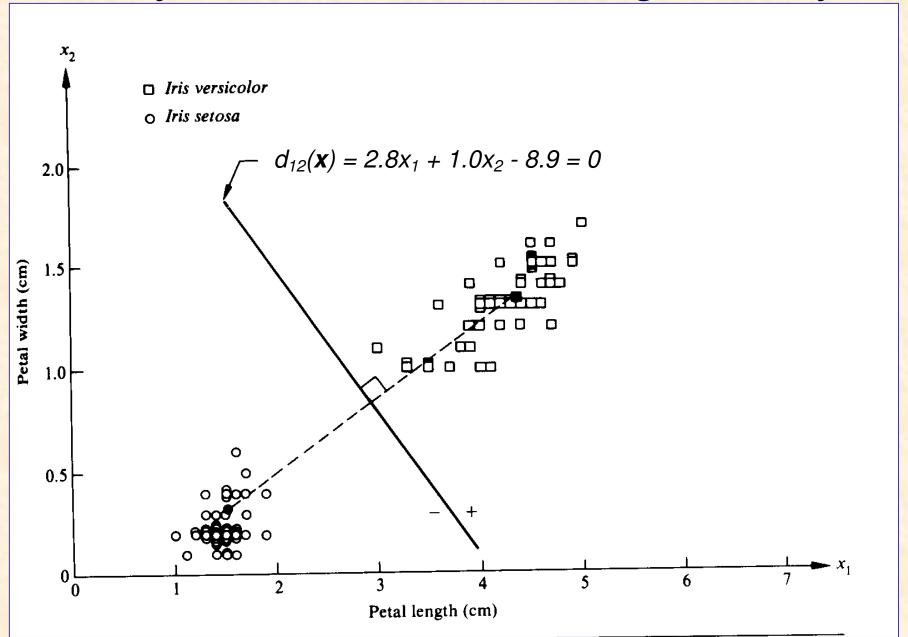
Wektor  $\mathbf{x}$  jest przyporządkowywany do klasy  $\omega_j$  jeżeli  $d_i(\mathbf{x})$  jest największe.

Granica decyzyjna pomiędzy klasami  $\omega_i$  i  $\omega_j$  dla klasyfikatora minimalnoodległościowego:

$$d_{ij}(\mathbf{x}) = d_i(\mathbf{x}) - d_j(\mathbf{x}) =$$

$$= \mathbf{x}^T (\mathbf{m}_i - \mathbf{m}_j) - \frac{1}{2} (\mathbf{m}_i - \mathbf{m}_j)^T (\mathbf{m}_i - \mathbf{m}_j) = 0$$

Obszar wyznaczony przez miejsca geometryczne spełniające to równanie dzieli na pół i jest prostopadły do linii łączącej  $\mathbf{m}_i$  i  $\mathbf{m}_j$ . Dla N=2 obszar ten redukuje się do linii prostej, dla N=3 jest płaszczyzną, oraz dla N>3 jest nazywany hiperpłaszczyzną.



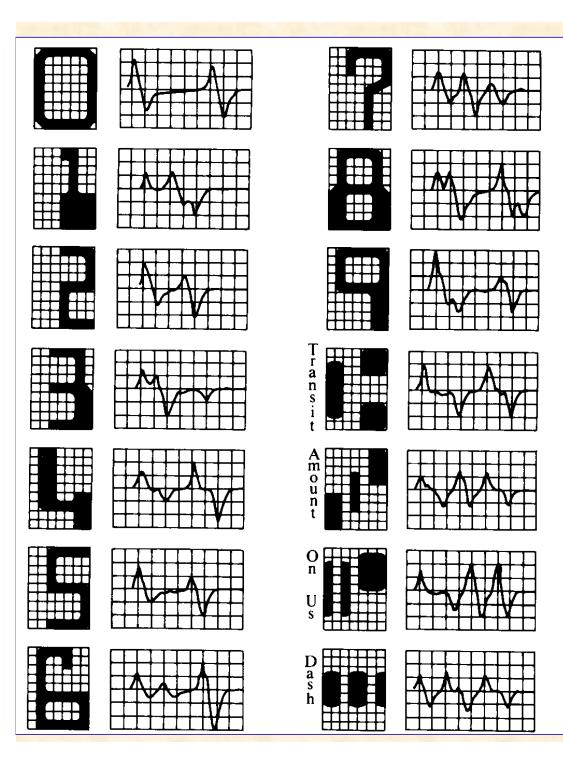
Przykład 1: Rozpatrzmy dwie klasy  $\omega_1$  i  $\omega_2$ , posiadające wektory średnie cech  $\mathbf{m}_1 = (4.3, 1.3)^T$  i  $\mathbf{m}_2 = (1.5, 0.3)^T$ . Funkcje decyzyjne dla tych klas są postaci:

$$d_1(\mathbf{x}) = \mathbf{x}^T \mathbf{m}_1 - 0.5 \ \mathbf{m}_1^T \mathbf{m}_1 = 4.3x_1 + 1.3x_2 - 10.1$$
$$d_2(\mathbf{x}) = \mathbf{x}^T \mathbf{m}_2 - 0.5 \ \mathbf{m}_2^T \mathbf{m}_2 = 1.5x_1 + 0.3x_2 - 1.17$$

Równanie granicy decyzyjnej:

$$d_{12}(\mathbf{x}) = d_1(\mathbf{x}) - d_2(\mathbf{x}) = 2.8x_1 + 1.0x_2 - 8.9 = 0$$

Nowy wektor cech jest klasyfikowany zależnie od znaku  $d_{12}(\mathbf{x})$ .



#### Przykład 2: Klasyfikacja znaków do numeracji czeków

Do klasyfikacji tych znaków zastosowano klasyfikator minimalnoodległościowy.

Próbki sygnałów odpowiadające każdemu ze znaków, tworzą zbiór 14 wektorów prototypowych. Klasyfikacja znaków polega na znalezieniu prototypu klasy najbliższego wektorowi cech utworzonego z rozpoznawanego znaku.

Klasyfikator minimalnoodległościowy sprawdza się w zastosowaniach, w których odległość pomiędzy prototypami klas jest duża w porównaniu z rozrzutem wzorców w klasie. Warunek ten jest jednak rzadko spełniany w praktyce chyba, że projektant systemu klasyfikacji zapewni spełnienie tego warunku.

Zauważmy również, że klasyfikator minimalnoodległościowy wytwarza granice decyzyjne w postaci prostych i (hiper)-płaszczyzn, a nie wszystkie problemy klasyfikacji należą do rozdzielnych liniowo.

#### Rodzaje klasyfikatorów

**Parametryczne**: warunkowe gęstości prawdopodobieństwa cech są znane jako funkcje: nieznane są parametry tych funkcji (np. dla rozkładu Gaussowskiego  $\mu$  i  $\sigma$ ), np. klasyfikator Bayesa jest klasyfikatorem parametrycznym

**Nieparametryczne**: warunkowe gęstości prawdopodobieństwa są nieznane i muszą być estymowane na podstawie dużej liczby danych pomiarowych.

#### Uczenie klasyfikatorów

Uczenie (trening klasyfikatora): estymacja funkcji gęstości prawdopodobieństwa lub ich parametrów na podstawie pomiarów.

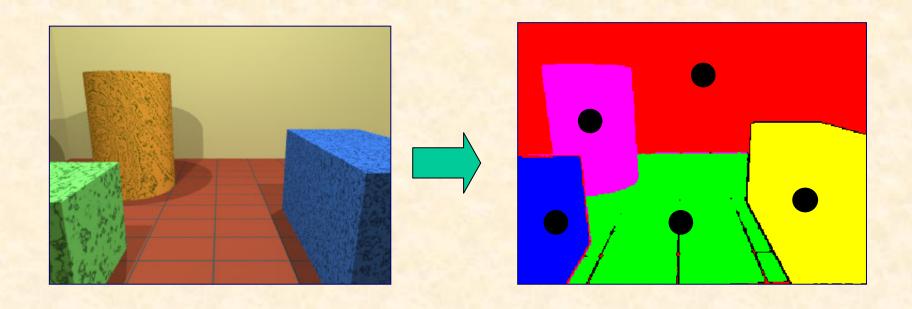
**Uczenie nadzorowane**: wektory cech zostały uprzednio sklasyfikowane za pomocą niezależnej, bezbłędnej metody.

Uczenie nienadzorowane: nieznane są klasy, do których należą zmierzone wektory cech. Klasy oraz ich liczba są określane przez grupowanie wzorców w przestrzeni cech (klasteryzacja).

Przykłady klasyfikatorów:

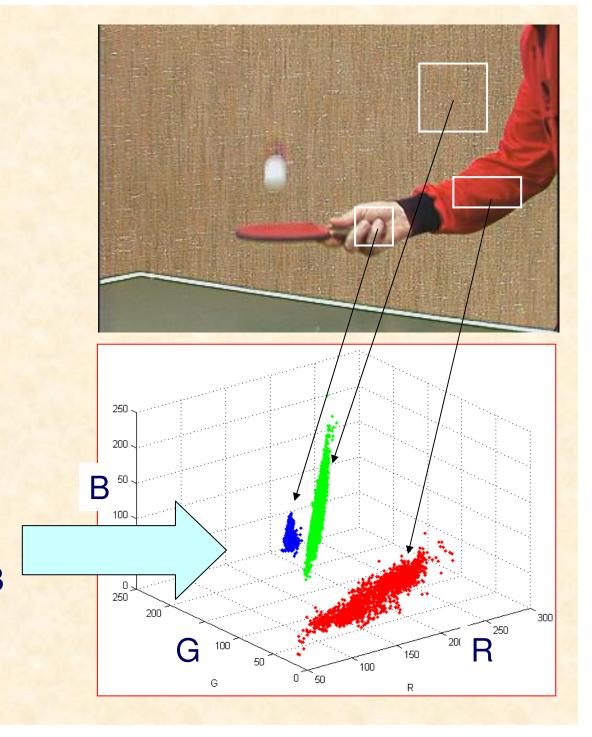
Klasyfikatory k-NN, Sztuczne sieci neuronowe

## Segmentacja obrazu – przykład

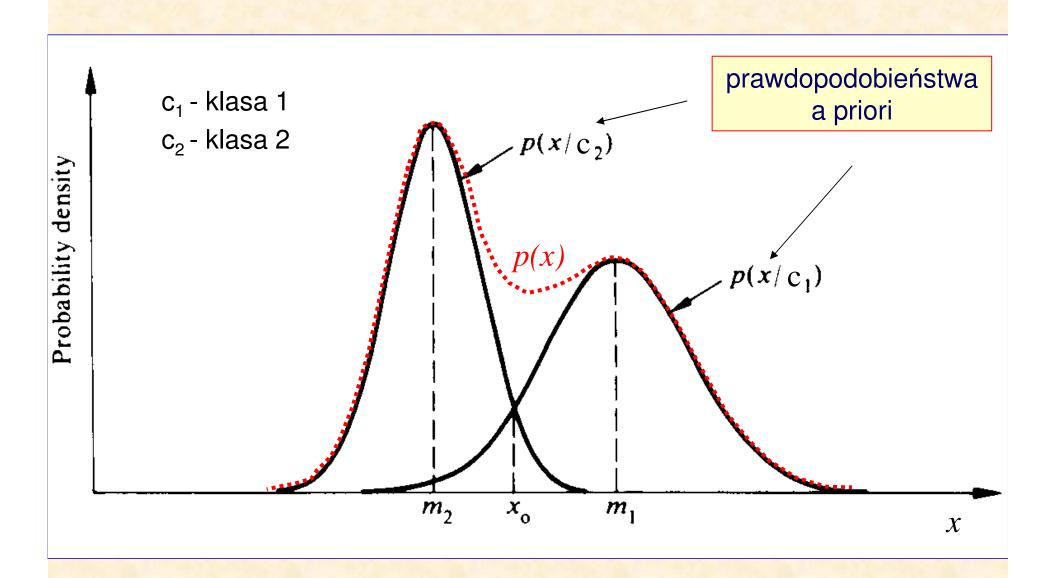


Segmentacja na podstawie składowych koloru {R,G,B}

Obraz trójwymiarowych rozkładów (Gaussa) dla składowych koloru R,G,B



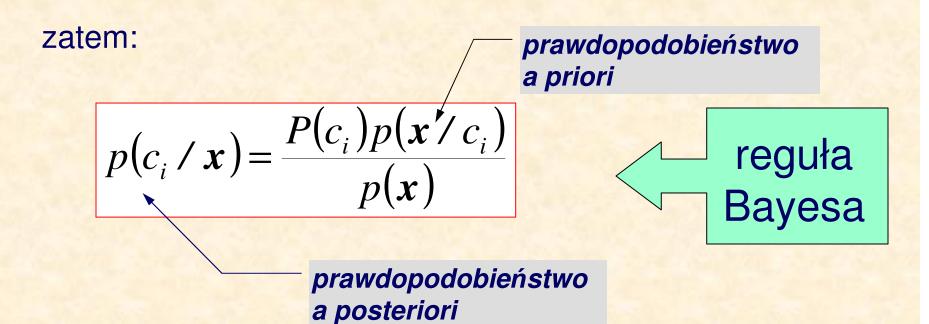
#### Klasyfikator Bayesa dla rozkładów Gaussa



#### Regula Bayesa

Z podstaw rachunku prawdopodobieństwa wiadomo, że:

$$p(a/b) = \frac{p(a)p(b/a)}{p(b)}$$



#### Estymator największej wiarygodności

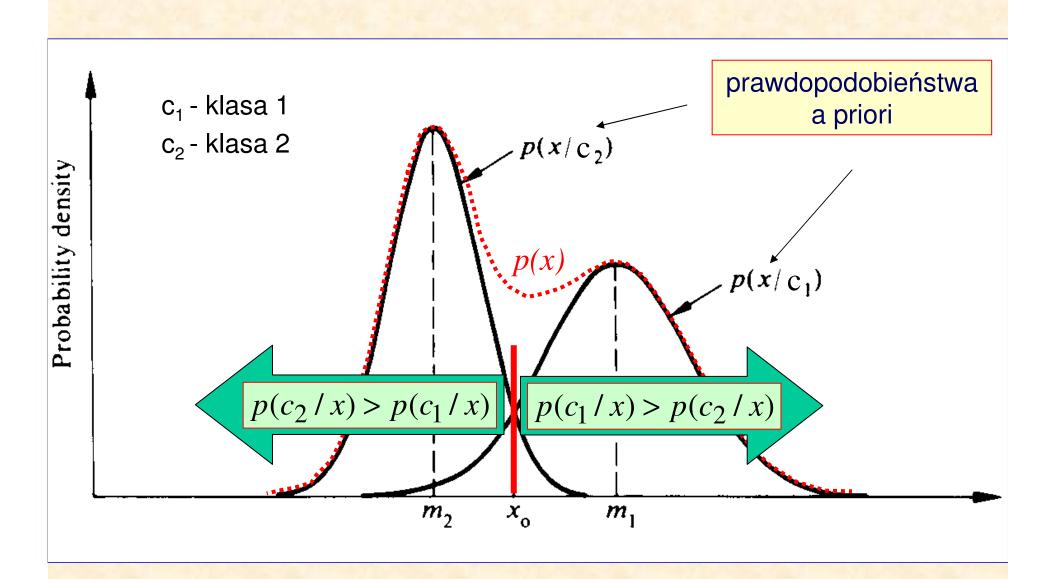
Punkt obrazu przydzielamy do tej *i*-tej klasy, dla której zachodzi:

$$L_i = arg \max_i \left\{ p(c_j / \mathbf{x}) = \frac{P(c_i)p(\mathbf{x} / c_i)}{p(\mathbf{x})} \right\}, i = 1, 2, \dots, N$$

tj.

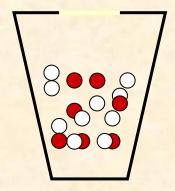
$$L_i > L_j, \quad j \neq i, \ i = 1, 2, \dots, N$$

#### Klasyfikator Bayesa dla rozkładów Gaussa



#### Klasyfikator Bayesa - przykład

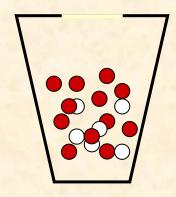
#### Urna A



20 - czerwone

20 - białe

#### Urna B



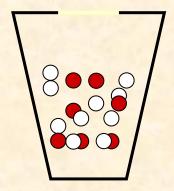
30 - czerwone

10 - białe

Losowo "w ciemno" wybieramy urnę a potem żeton w urnie. Pytanie: Z której urny wybraliśmy żeton?

### Klasyfikator Bayesa - przykład

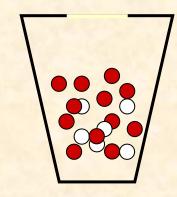
#### Urna A



20 - czerwone

20 - białe

#### Urna B



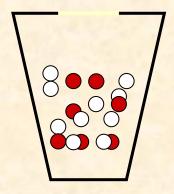
30 - czerwone

10 - białe

Zanim stwierdzimy jaki kolor żetonu wylosowaliśmy mamy podstawy twierdzić (wiedza a priori), że prawdopodobieństwo wybrania każdej z urn wynosi 0.5.

#### Klasyfikator Bayesa - przykład

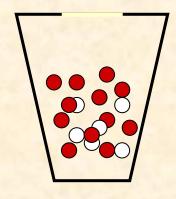
#### Urna A



20 - czerwone

20 – białe

#### Urna B



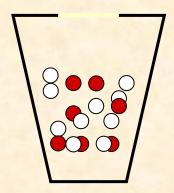
30 – czerwone

10 – białe

Przypuśćmy, że wylosowaliśmy czerwony żeton. Czy możemy teraz zweryfikować naszą hipotezę co do wyboru urny na podstawie nowej wiedzy a posteriori? Tak, odpowiedź mamy na podstawie tw. Bayesa.

### Klasyfikator Bayesa - przykład

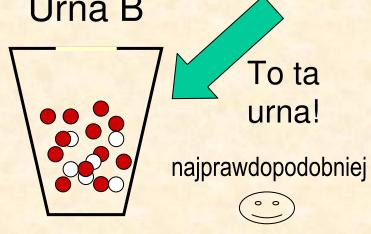
#### Urna A



20 - czerwone

20 - białe

#### Urna B



30 - czerwone

10 – białe

$$p(A/red) = \frac{P(A)p(red/A)}{P(A)p(red/A) + P(B)p(red/B)} = \frac{0.5 \times 0.5}{0.5 \times 0.5 + 0.5 \times 0.75} = 0.4$$

$$p(B/red) = \frac{P(B)p(red/B)}{P(A)p(red/A) + P(B)p(red/B)} = \frac{0.5 \times 0.75}{0.5 \times 0.5 + 0.5 \times 0.75} = 0.6$$

#### Klasyfikator Bayesa dla rozkładów Gaussa

Dla rozkładu jednowymiarowego Gaussa prawdopodobieństwo a priori:

$$p(x/c_i) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_i} \exp\left[-\frac{(x-m_i)^2}{2\sigma_i^2}\right] \quad i = 1,2$$

Prawdopodobieństwo a posteriori:

$$p(c_i/x) = p(x/c_i)P(c_i) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_i} \exp\left[-\frac{(x-m_i)^2}{2\sigma_i^2}\right]P(c_i) \qquad i = 1,2$$

#### Rozkłady wielowymiarowe Gaussa

Dla rozkładu 2-wymiarowego  $x^T=[x_1 \ x_2]$  Gaussa prawdopodobieństwo a priori:

$$p(x/c_i) = \frac{1}{(2\pi)^{1/2} \left| \sum_{i} \right|^{1/2}} \exp \left[ -\frac{(x - m_i)^T \sum_{i}^{-1} (x - m_i)}{2} \right] \qquad i = 1, 2, ..., N$$

Gdzie i jest numerem klas a N jest ich liczbą. oraz macierz kowariancji:

$$\Sigma_{i} = \begin{bmatrix} \sigma_{x1}^{2} & \sigma_{x1}\sigma_{x2} \\ \sigma_{x2}\sigma_{x1} & \sigma_{x2}^{2} \end{bmatrix}_{i}$$

## Rozkład dwuwymiarowy Gaussa - przykład

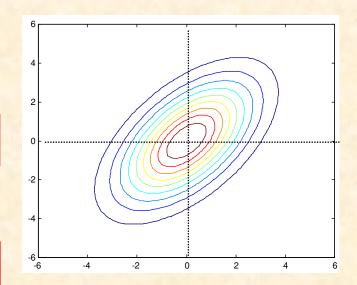
Niech dla  $m_1=m_2=0$ :

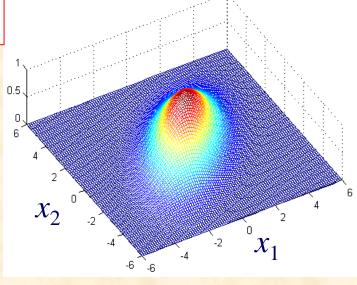
$$\Sigma = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} \longrightarrow \Sigma^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{4} \\ -\frac{1}{4} & \frac{3}{8} \end{bmatrix} \longrightarrow |\Sigma| = 8$$

$$p(x) = \frac{1}{(2\pi)^{1/2} \left| \sum_{x=0}^{1/2} \left| \exp \left[ -\frac{1}{2} \left( x^T \sum_{x=0}^{-1} x \right) \right] \right| = A \exp(B)}$$

$$A = \frac{1}{(2\pi)^{1/2} 8^{1/2}} = \frac{1}{4\sqrt{\pi}}$$

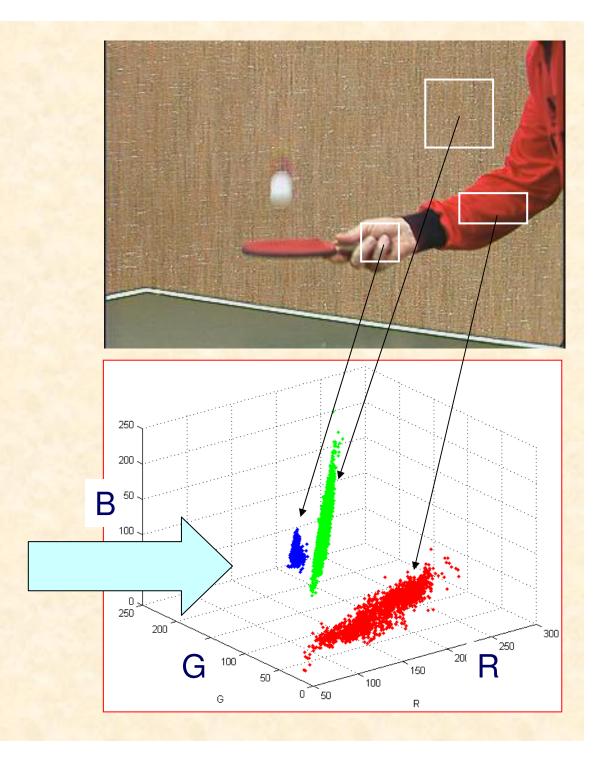
$$B = -\frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} x_1^2 - \frac{1}{2} x_1 x_2 + \frac{3}{8} x_2^2 \right)$$





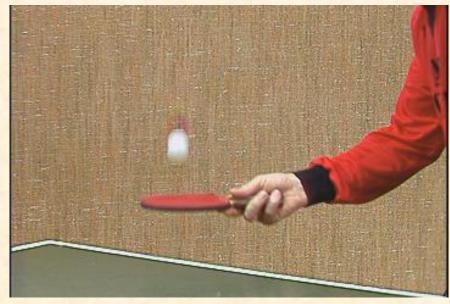
Segmentacja na podstawie składowych koloru {R,G,B}

Obraz trójwymiarowych rozkładów dla składowych koloru R,G,B; można je opisać wielowymiarowymi rozkładami Gaussa



## Wybór cech obrazu





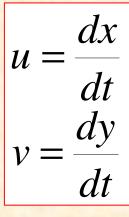
Wektor cech:

$$\theta = \{x, y, R, G, B, u, v\}$$

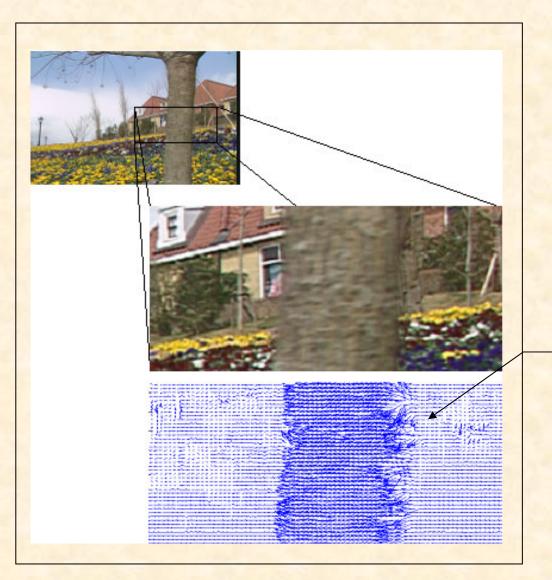
współrzędne

kolor

ruch



## Segmentacja na podstawie ruchu

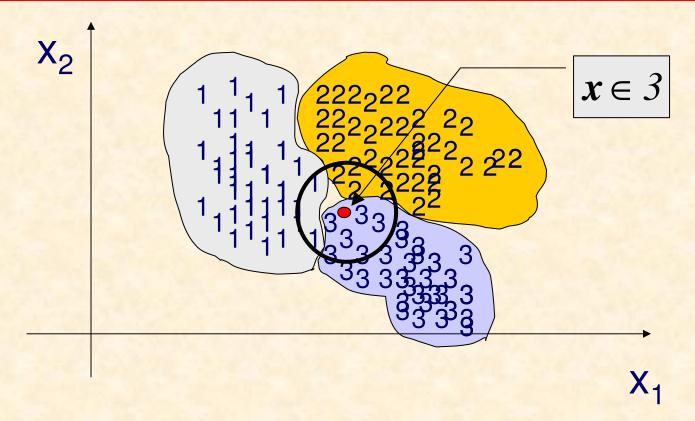


Segmentacja na podstawie składowych ruchu

 $\{u,v\}$ 

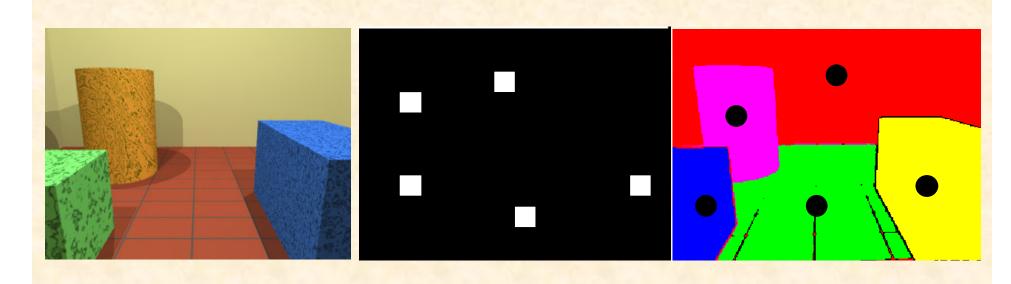
Pole wektorowe przepływu optycznego (ang. optical flow)

### Algorytm k-najbliższych sąsiadów

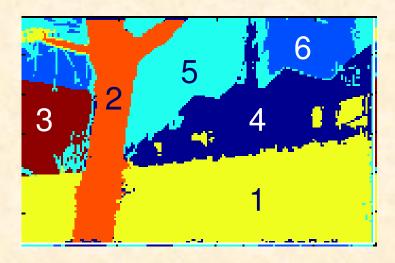


Dla każdego punktu przestrzeni cech jest badanych k-najbliższych sąsiadów. Punkt jest przydzielany do tej klasy do której należy największa liczba wzorców spośród k-sąsiadów (funkcja decyzyjna?).

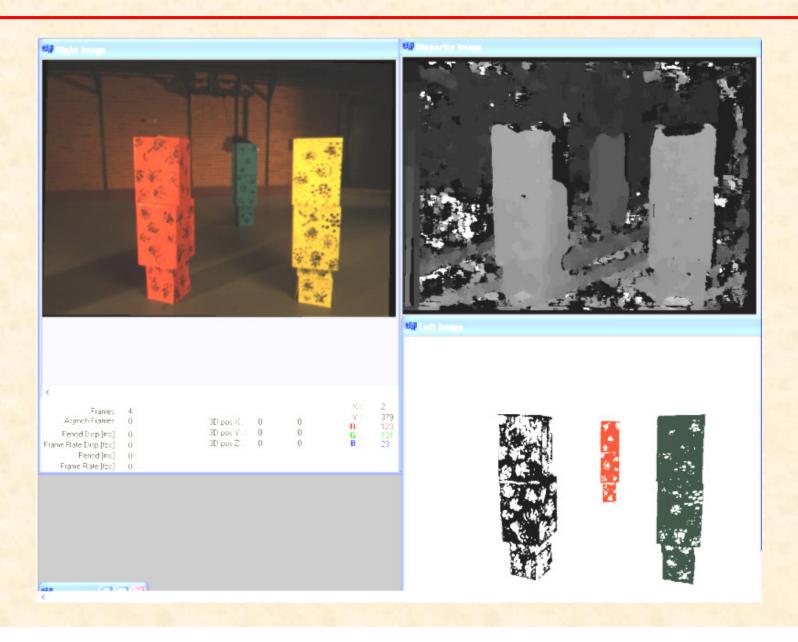
## Wyniki segmentacji - przykłady



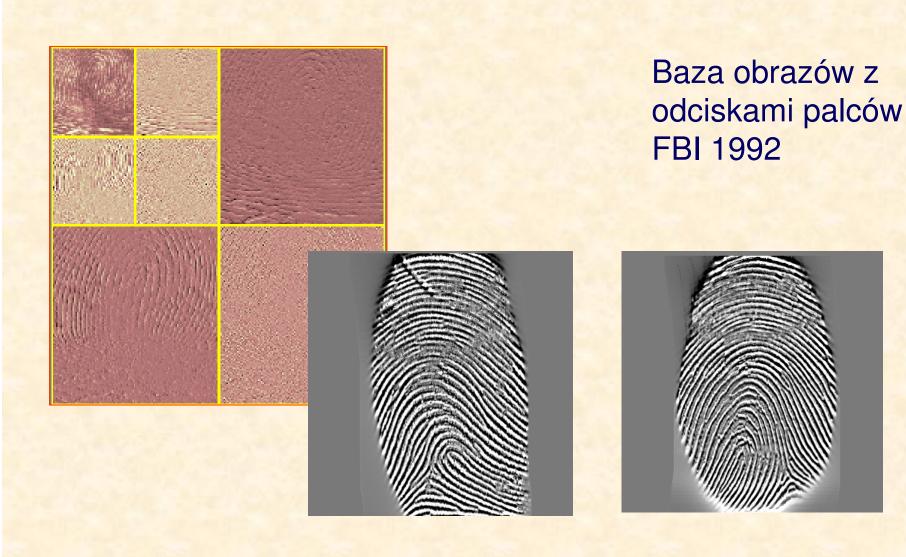




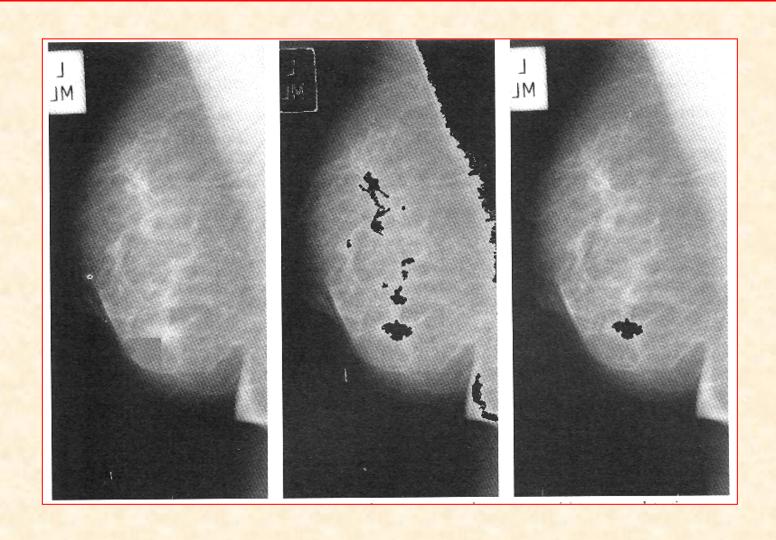
## Wyniki segmentacji - przykłady



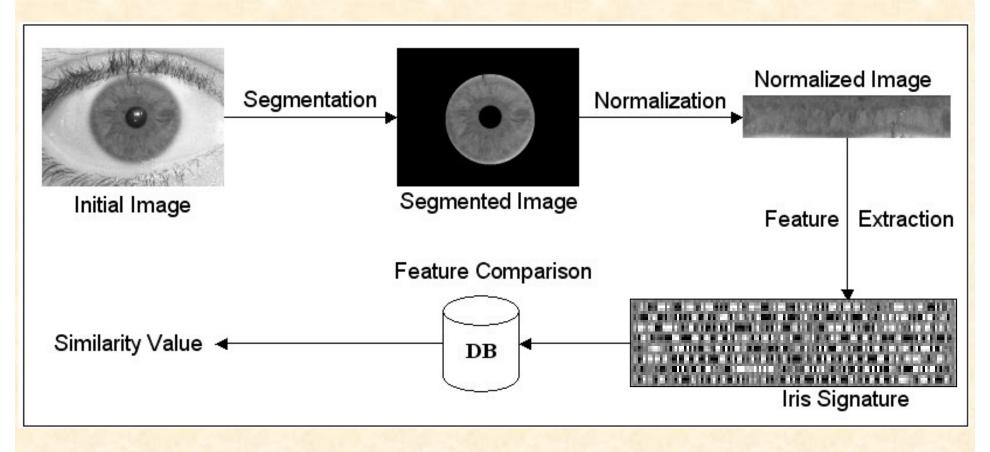
# Przykłady zadań rozpoznawania obrazów: Odciski palców



### Przykłady zadań rozpoznawania obrazów: Diagnostyka obrazowa



# Przykłady zadań rozpoznawania obrazów: rozpoznawanie tęczówki oka (biometria)



Patentowany algorytm Daugmana

## Przykłady zadań rozpoznawania obrazów: Bazy obrazów

"Idea" obrazu poszukiwanego

lub

kopia obrazu poszukiwanego Obraz odszukany



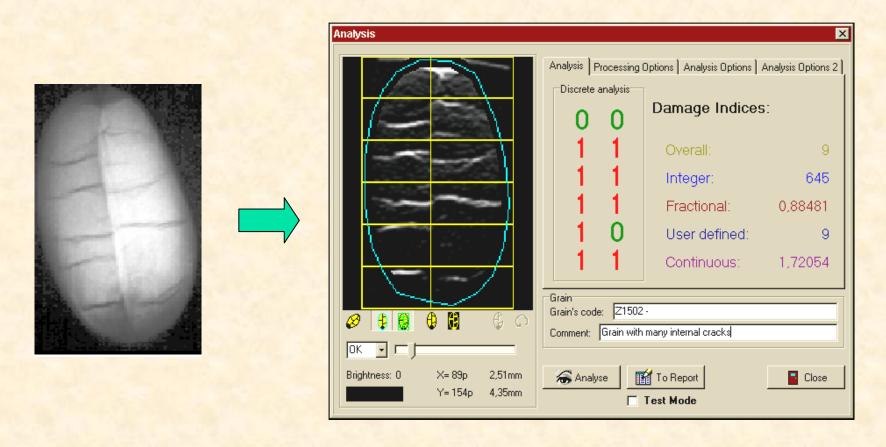






C.E. Jacobs, A. Finkelstein, D.H. Salesis, "Fast multiresolution image quering", 1999

#### Analiza obrazów RTG ziaren pszenicy



P. Strumillo, J. Niewczas, P. Szczypiński, P. Makowski, W. Wozniak, "Computer system for analysis of X–ray images of wheat grains", *International Agrophysics*, 1999, vol. 13, No. 1, pp. 133–140.

#### Automatyczna detekcja tekstu w scenie

