Matematyka Dyskretna – Lista 7 - 25-28.04.2023r.

- Samochody mają różne dodatki (np. alufelgi, zimowe opony, automatyczną klimatyzację). Ile powinno być, co najmniej dodatków, aby liczba różnych wariantów wynosiła 1000, a ile 1000000.
- 2. Ile słów czteroliterowych można ułożyć ze zbioru siedmiu liter?
- 3. Ile numerów rejestracyjnych można utworzyć przyjmując zasadę, że każdy z nich składa się z trzech liter i trzech cyfr?
- 4. Ile spośród liczb czterocyfrowych składa się z nieparzystych cyfr, a ile z różnych cyfr?
- 5. Na ile sposobów można ustawić 10 żołnierzy, aby
 - (a) \dot{z} ołnierze A, B stali obok siebie?
 - (b) między żołnierzami A i B stało co najmniej 6 osób?
 - (c) żadna para żołnierzy spośród A, B, C nie stała obok siebie?
 - (d) między każda parą żołnierzy spośród A, B, C stało przynajmniej dwóch innych kompanów?
- 6. (a) Ile czterocyfrowych kodów da się ułożyć z cyfr 1, 2, 3, 4 tak, aby żadna cyfra się nie powtórzyła?
 - (b) Ile kodów z ppkt. a) jest liczbami parzystymi?
 - (c) Ile kodów z ppkt. a) jest liczbami większymi od 3000?
 - (d) Ile jest czterocyfrowych kodów o cyfrach 1, 2, 3, 4, w którym co najmniej jedna cyfra się nie powtarza?
- 7. Ile jest pięciocyfrowych numerów telefonów, w których **dokładnie jedna cyfra** występuje więcej niż jeden raz? A ile jest, **gdy przynajmniej jedna cyfra** występuje więcej niż jeden raz?
- 8. Ile jest liczb 6-cyfrowych o cyfrach ze zbioru $\{1, 2, 3, 4\}$, w których:
 - (a) wszystkie cyfry są takie same?
 - (b) pojawiają się dwie cyfry, jedna dwukrotnie, druga czterokrotnie?
 - (c) wszystkie cyfry się powtarzają?
- 9. Na ile sposobów można rozmieścić:
 - (a) 2 kule czarną i białą w 3 szufladach?
 - (b) 3 kule 2 nierozróżnialne czarne i jedną białą w 3 szufladach?
 - (c) 3 (nierozróżnialne) kule czarne i 4 (nierozróżnialne) białe w 5 szufladach?