

Aula 14 - Pilhas (Implementação)

Prof. Me. Claudiney R. Tinoco

`profclaudineytinoco@gmail.com`

Faculdade de Computação (FACOM)
Bacharelado em Ciência da Computação (BCC)
Bacharelado em Sistemas de Informação (BSI)

Algoritmos e Estruturas de Dados 1 (AED1)
GBC024 - GSI006



Introdução

- **Pilha** é uma lista linear que respeita a política de acesso **LIFO** (***Last In, First Out***)
 - Elementos removidos na ordem inversa da inserção

Analogia: Pilha de pratos
- Estrutura de dados mais simples e a mais utilizada em programação
- Todo acesso a elementos deve ser feito pelo topo da pilha.



Introdução

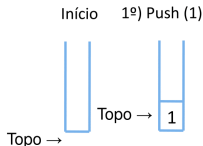
- Principais operações básicas:
 - **Push:** empilhar um novo elemento no topo
 - **Pop:** desempilhar e retornar o elemento do topo





Introdução

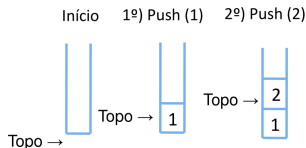
- Principais operações básicas:
 - **Push:** empilhar um novo elemento no topo
 - **Pop:** desempilhar e retornar o elemento do topo





Introdução

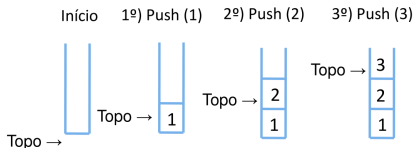
- Principais operações básicas:
 - **Push:** empilhar um novo elemento no topo
 - **Pop:** desempilhar e retornar o elemento do topo





Introdução

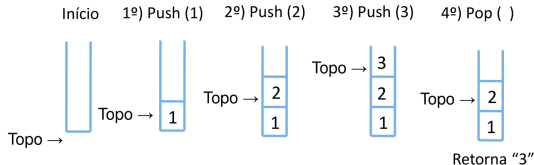
- Principais operações básicas:
 - **Push:** empilhar um novo elemento no topo
 - **Pop:** desempilhar e retornar o elemento do topo





Introdução

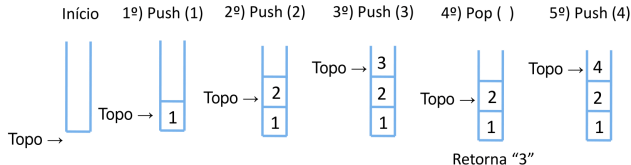
- Principais operações básicas:
 - **Push:** empilhar um novo elemento no topo
 - **Pop:** desempilhar e retornar o elemento do topo





Introdução

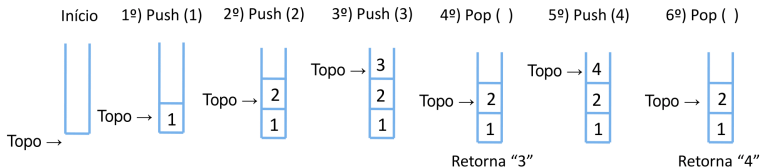
- Principais operações básicas:
 - **Push:** empilhar um novo elemento no topo
 - **Pop:** desempilhar e retornar o elemento do topo





Introdução

- Principais operações básicas:
 - **Push:** empilhar um novo elemento no topo
 - **Pop:** desempilhar e retornar o elemento do topo





TAD Pilha

- **Cabeçalho:**
 - **Nome:** **Pilha**
 - **Tipo de dado:** número inteiro
 - **Lista de operações:** cria_pilha, pilha_vazia, pilha_cheia, empilha (***push***), desempilha (***pop***), le_topo



TAD Pilha

- **Operação Cria_Pilha:**
 - **Entrada:** nenhuma
 - **Pré-condição:** nenhuma
 - **Processo:** cria uma pilha e a coloca no estado de pilha vazia
 - **Saída:** endereço da pilha criada
 - **Pós-condição:** nenhuma



TAD Pilha

- Operação **Pilha_Vazia**:
 - **Entrada**: endereço da pilha
 - **Pré-condição**: nenhuma
 - **Processo**: verifica se a pilha está vazia
 - **Saída**: retorna 1 se pilha vazia ou 0 caso contrário
 - **Pós-condição**: nenhuma



TAD Pilha

- Operação **Pilha_Cheia**:
 - **Entrada**: endereço da pilha
 - **Pré-condição**: nenhuma
 - **Processo**: verifica se a pilha está cheia
 - **Saída**: retorna 1 se pilha cheia ou 0 caso contrário
 - **Pós-condição**: nenhuma



TAD Pilha

- **Operação Empilha (*push*):**
 - **Entrada:** endereço da pilha e o elemento a ser inserido
 - **Pré-condição:** pilha não estar cheia
 - **Processo:** inserir o elemento informado no topo da pilha
 - **Saída:** retorna 1 se a operação foi bem sucedida ou 0 caso contrário
 - **Pós-condição:** a pilha de entrada com um elemento a mais



TAD Pilha

- **Operação Desempilha (*pop*):**
 - **Entrada:** endereço da pilha e o endereço de retorno do elemento do topo da pilha
 - **Pré-condição:** pilha não estar vazia
 - **Processo:** remover o elemento que está no topo da pilha e retorná-lo
 - **Saída:** retorna 1 se a operação foi bem sucedida ou 0 caso contrário
 - **Pós-condição:** a pilha de entrada com um elemento a menos e a variável de retorno com o elemento removido



TAD Pilha

- **Operação **Le_Topo**:**
 - **Entrada:** endereço da pilha e o endereço de retorno do elemento do topo da pilha
 - **Pré-condição:** pilha não estar vazia
 - **Processo:** retornar o valor do elemento que está no topo da pilha **SEM removê-lo**
 - **Saída:** retorna 1 se a operação foi bem sucedida ou 0 caso contrário
 - **Pós-condição:** variável de retorno com o elemento do topo



Implementação Estática/Sequencial

- **Forma de representação:**
 - Utiliza a **MESMA** estrutura de representação da lista linear



Implementação Estática/Sequencial

- **Forma de representação:**
 - Utiliza a **MESMA** estrutura de representação da lista linear

Exemplo: **pilha de inteiros**

pilha.c

```
# define max 20
struct pilha {
    int vetor [max];
    int topo;
};
```

pilha.h

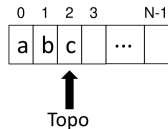
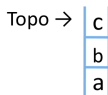
```
typedef struct pilha * Pilha;
```



Implementação Estática/Sequencial

- Dinâmica de controle do campo **topo**:
 - Indicar **1ª posição livre** (adotada em lista)
 - Indicar **última posição ocupada**
- Usaremos **topo** indicando a **última posição**

Exemplo:

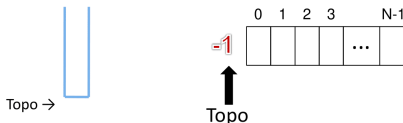




Implementação Estática/Sequencial

- **Pilha Vazia:**
 - TOPO aponta para uma **posição inválida**
 - Usar **-1** facilita operações, pois só precisa incrementar para indicar **próxima posição livre** (1ª posição do vetor)

- **Exemplo:**





Implementação Estática/Sequencial

- Operações básicas:

- Cria_Pilha
- Pilha_Vazia
- Pilha_Cheia
- Empilha (***push***)
- Desempilha (***pop***)
- Le_Topo



Implementação Estática/Sequencial

- Operação **cria_pilha**:

- Aloca estrutura pilha
- Coloca a pilha no estado de vazia
- Retorna o endereço da pilha alocada

```
Pilha cria_pilha () {  
    Pilha p;  
    p = (Pilha) malloc (sizeof (struct pilha));  
    if (p != NULL)  
        p->topo = -1;  
    return p;  
}
```



Implementação Estática/Sequencial

- Operação **pilha_vazia**:
 - Verifica se a pilha está na condição de vazia

```
int pilha_vazia (Pilha p) {  
    if (p->topo = -1)  
        return 1;  
    else  
        return 0;  
}
```



Implementação Estática/Sequencial

- Operação **pilha_cheia**:
 - Verifica se a pilha está na condição de cheia

```
int pilha_cheia (Pilha p) {  
    if (p->topo = max-1)  
        return 1;  
    else  
        return 0;  
}
```




Implementação Estática/Sequencial

- Operação **empilha** (*push*):
 - Incrementa o indicador de topo
 - Insere o elemento no topo da pilha

```
int push (Pilha p, int elem) {  
    if (p == NULL || pilha_cheia(p) == 1)  
        return 0;  
    // Insere o elemento no topo  
    p->topo++;  
    p->no[p->topo] = elem;  
    return 1;  
}
```



Implementação Estática/Sequencial

- Operação **desempilha** (*pop*):
 - Remove o elemento do topo da pilha
 - Decrementa o indicador de topo
 - Retorna o valor do elemento (por referência)

```
int pop (Pilha p, int *elem) {  
    if (p == NULL || pilha_vazia(p) == 1)  
        return 0;  
    *elem = p->no[p->topo]; // Retorna o elemento  
    p->topo--;             // Remove o elemento do topo  
    return 1;  
}
```



Implementação Estática/Sequencial

- Operação **le_topo**:
 - Retorna o valor do elemento do topo da pilha
 - Mesmo código da **pop()** sem a parte de remoção do elemento (**decremento do topo**)

```
int le_topo (Pilha p, int *elem) {  
    if (p == NULL || pilha_vazia(p) == 1)  
        return 0;  
    *elem = p->no[p->topo]; // Retorna o elemento  
    return 1;  
}
```



Implementação Dinâmica/Encadeada

- **Forma de representação:**
 - Utiliza a **MESMA** estrutura de representação da lista linear



Implementação Dinâmica/Encadeada

- **Forma de representação:**
 - Utiliza a **MESMA** estrutura de representação da lista linear

Exemplo: **pilha de inteiros**

pilha.c

```
struct no {  
    int info;  
    struct no* prox;  
};
```

pilha.h

```
typedef struct no * Pilha;
```



Implementação Dinâmica/Encadeada

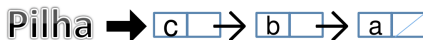
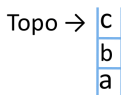
- Dinâmica de controle do *topo*:
 - Ponteiro do **tipo Pilha** **aponta para o topo**



Implementação Dinâmica/Encadeada

- Dinâmica de controle do **topo**:
 - Ponteiro do **tipo Pilha** **aponta para o topo**

Exemplo:



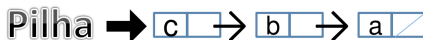
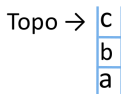
1º elemento = Topo da pilha



Implementação Dinâmica/Encadeada

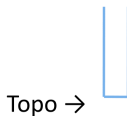
- Dinâmica de controle do **topo**:
 - Ponteiro do tipo **Pilha** **aponta para o topo**

Exemplo:



1º elemento = Topo da pilha

Pilha vazia:





Implementação Dinâmica/Encadeada

- Operações básicas:

- Cria_Pilha
- Pilha_Vazia
- Pilha_Cheia
- Empilha (*push*)
- Desempilha (*pop*)
- Le_Topo



Implementação Dinâmica/Encadeada

- Operação **cria_pilha**:
 - Retorna uma pilha no estado de vazia
 - Topo igual a **NULL**
 - Retorna o **endereço do topo** (**NULL**)

```
Pilha cria_pilha () {  
    return NULL;  
}
```



Implementação Dinâmica/Encadeada

- Operação **pilha_vazia**:
 - Verifica se a pilha está no estado de vazia
 - Ponteiro da Pilha igual a **NULL**

```
int pilha_vazia (Pilha p) {  
    if (p == NULL)  
        return 1;  
    else  
        return 0;  
}
```



Implementação Dinâmica/Encadeada

- Operação **pilha_cheia**:
 - **Não existe pilha cheia** na implementação dinâmica/encadeada
 - Tamanho da pilha é **limitada pelo espaço de memória**



Implementação Dinâmica/Encadeada

- Operação **empilha** (*push*):
 - Aloca um novo nó
 - Preenche os campos do novo nó
 - Campo **info** recebe o valor do elemento
 - Campo **prox** recebe o endereço do topo da pilha
 - Faz a pilha apontar para o novo nó
- **SIMILAR** à operação **insere_elem()** da lista
 - Ambas inserem o elemento **no início da estrutura** (1º nó = topo da pilha)



Implementação Dinâmica/Encadeada

- Operação **empilha** (*push*):

```
int push (Pilha *p, int elem) {  
    Pilha N = (Pilha) malloc(sizeof(struct no));  
    if (N == NULL)  
        return 0;  
    N->info = elem;  
    N->prox = *p;  
    *p = N;  
    return 1;  
}
```



Implementação Dinâmica/Encadeada

- Operação **desempilha** (*pop*):
 - Remove o elemento que está no **topo** da Pilha
 - Pilha passa a apontar para o sucessor do **topo**
 - Libera memória alocada pelo antigo **topo**
 - *Retorna o valor do elemento removido*
 - Valor é armazenado na **variável de retorno**



Implementação Dinâmica/Encadeada

- Operação **desempilha (pop)**:

```
int pop (Pilha *p, int *elem) {  
    if (pilha_vazia(*p) == 1)  
        return 0;  
    Pilha aux = *p;  
    *elem = aux->info;  
    *p = aux->prox;  
    free(aux);  
    return 1;  
}
```




Implementação Dinâmica/Encadeada

- Operação **le_topo**:
 - Simplificação do código da operação **pop()**
 - Retorna o elemento **sem removê-lo**

```
int le_topo (Pilha *p, int *elem) {  
    if (pilha_vazia(*p) == 1)  
        return 0;  
    *elem = (*p)->info;  
    return 1;  
}
```



Referências

✓ Básica

- CELES, W., CERQUEIRA, R. e RANGEL, J. L. *“Introdução a estruturas de dados”*. Campus Elsevier, 2004.
- TENENBAUM, A. M., LANGSAM, Y. e AUGENSTEIN, M.J. *“Estrutura de Dados Usando C”*. Makron Books.

✓ Extra

- BACKES, André. *“Programação Descomplicada Linguagem C”*. Projeto de extensão que disponibiliza vídeo-aulas de C e Estruturas de Dados. Disponível em: <https://www.youtube.com/user/progdescomplicada>. Acessado em: 25/04/2022.

✓ Baseado nos materiais dos seguintes professores:

- Prof. André Backes (UFU)
- Prof. Bruno Travençolo (UFU)
- Prof. Luiz Gustavo de Almeida Martins (UFU)

Dúvidas?

Prof. Me. Claudiney R. Tinoco
profclaudineytinoco@gmail.com

Faculdade de Computação (FACOM)
Universidade Federal de Uberlândia (UFU)