

---

```
CODE FOR PROCESS  $p$ 
Variables:
1   $cpt$  : integer init 0
2   $pere$  :  $\Pi$  init si  $p \neq p_0$  alors  $\perp$  sinon  $p_0$ 
Variables partagées avec l'algorithme de base:
3   $etat$  : {actif, passif} init si  $p \neq p_0$  alors passif sinon actif
4  forever do
5      Si dans l'algo de base  $p$  envoie  $msg$  à  $q$ 
6           $cpt := cpt + 1$ 
7      Si dans l'algo de base  $p$  reçoit  $msg$  de  $q$ 
8          si  $pere = \perp$  alors  $pere = q$  sinon envoyer  $\langle sig \rangle$  à  $q$ 
9      Si  $etat = passif$  et  $p$  reçoit  $\langle sig \rangle$  de  $q$ 
10          $cpt := cpt - 1$ 
11         si  $cpt = 0$  alors
12>         si  $pere = p_0$  alors TERMINAISON DETECTEE
13         sinon envoyer  $\langle sig \rangle$  à  $q$ ;  $pere = \perp$ 
```

---

Figure 1: Terminaison distribuée.

On définit:

- $V = \{p \in \Pi | pere_p \neq \perp\}$
- $E = \{(pere_p, p) | p \in V \text{ et } pere_p \neq p\}$
- $T$  est le graphe qui a pour sommet  $V$  et arcs  $E$
- $W = V \cup \{(msg, p) \text{ si } msg \text{ est un message de l'algo de base envoyé par } p \text{ en transit}\} \cup \{(sig, p) \text{ si } \langle sig \rangle \text{ est un message envoyé par } p \text{ en transit}\}$
- $F = \{(p, pere_p) | pere_p \neq \perp \text{ et } pere_p \neq p\} \cup \{((msg, p), p) \text{ si } msg \text{ est un message de l'algo de base envoyé par } p \text{ en transit}\} \cup \{((sig, p), p) \text{ si } \langle sig \rangle \text{ est un message envoyé par } p \text{ en transit}\}$
- $Inv = \forall p \in \Pi$  (1) et (2) et (3) et (4) et (5) et (6)  
avec

1.  $pere_p = p \Rightarrow p = p_0$
2.  $etat_p = actif \Rightarrow p \in V$
3.  $(u, v) \in F \Rightarrow u \in W \wedge v \in V$

4.  $cpt_p = \#\{v | (v, p) \in F\}$
  5.  $W \neq \emptyset \Rightarrow T$  est un arbre de racine  $p_0$
  6.  $(etat_p = passif \wedge cpt_p = 0) \Rightarrow p \notin W$  ou  $p \neq p_0$
- $TERM = \forall p \text{ } etat_p = passif \wedge \forall p, q \text{ il n'y a plus de message de l'algorithme de base dans le canal de } p \text{ à } q$
  - Dans un état  $\gamma$ ,  $CPT^\gamma = \# \{ < sig > \text{ en transit } \} + 2\Sigma_{p \in \Pi} cpt_p + \# \{ p | pere_p = \perp \}$
1. Donner lors de chaque transition de  $p$  (Lignes 5, 7 et 9) les changements de valeurs des variables  $etat_p, cpt_p, pere_p, V, W, E, F$ .
  2. Montrer que  $Inv$  est vrai initialement
  3. Montrer que si  $Inv$  est vrai dans un état  $\gamma$ , si  $\gamma'$  est l'état après une transition d'un des processus  $Inv$  est vrai dans  $gamma'$  ( Vous pourrez n'étudier que la moitié des cas)
  4. En déduire qu'il n'y a pas de fausse détection de terminaison (  $p_0$  détecte la terminaison  $\Rightarrow TERM$  )
  5. Montrer que si  $TERM$  est vrai dans un état  $\gamma$ , si  $\gamma'$  est l'état après une transition d'un des processus  $TERM$  est vrai dans  $\gamma'$
  6. Montrer que si  $CPT^\gamma = c$ , si  $\gamma'$  est l'état après une transition d'un des processus  $CPT^{\gamma'} = c'$  avec  $c > c'$  .
  7. En déduire que si il y a terminaison alors  $p_0$  détecte la terminaison ( $TERM \Rightarrow p_0$  détecte la terminaison )