

# FDPS C言語インタフェース ユーザチュートリアル

行方大輔, 岩澤全規, 似鳥啓吾, 谷川衝, 村主崇行, Long Wang, 細野七月, 野村昴太郎, and 牧野淳一郎

理化学研究所 計算科学研究センター 粒子系シミュレータ研究チーム

## 0 目次

---

1	変更記録	6
2	概要	7
3	入門：サンプルコードを動かしてみよう	8
3.1	動作環境	8
3.2	必要なソフトウェア	8
3.2.1	標準機能	8
3.2.1.1	逐次処理	8
3.2.1.2	並列処理	8
3.2.1.2.1	OpenMP	9
3.2.1.2.2	MPI	9
3.2.1.2.3	MPI+OpenMP	9
3.2.2	拡張機能	9
3.2.2.1	Particle Mesh	10
3.3	インストール	10
3.3.1	取得方法	10
3.3.1.1	最新バージョン	10
3.3.1.2	過去のバージョン	11
3.3.2	インストール方法	11
3.4	サンプルコードの使用方法	11
3.4.1	重力 $N$ 体シミュレーションコード	11
3.4.1.1	概要	11
3.4.1.2	ディレクトリ移動	12
3.4.1.3	Makefile の編集	12

3.4.1.4	make の実行	14
3.4.1.5	実行	14
3.4.1.6	結果の解析	14
3.4.1.7	x86 版 Phantom-GRAPE を使う場合	15
3.4.1.8	PIKG を使う場合	16
3.4.2	SPH シミュレーションコード	16
3.4.2.1	概要	16
3.4.2.2	ディレクトリ移動	17
3.4.2.3	Makefile の編集	17
3.4.2.4	make の実行	17
3.4.2.5	実行	17
3.4.2.6	結果の解析	17
4	サンプルコードの解説	19
4.1	$N$ 体シミュレーションコード	19
4.1.1	ソースファイルの場所と構成	19
4.1.2	ユーザー定義型・ユーザ定義関数	19
4.1.2.1	FullParticle 型	19
4.1.2.2	相互作用関数 calcForceEpEp	21
4.1.2.3	相互作用関数 calcForceEpSp	22
4.1.3	プログラム本体	23
4.1.3.1	ヘッダーファイルのインクルード	23
4.1.3.2	開始、終了	23
4.1.3.3	オブジェクトの生成・初期化	23
4.1.3.3.1	オブジェクトの生成	24
4.1.3.3.2	領域情報オブジェクトの初期化	24
4.1.3.3.3	粒子群オブジェクトの初期化	25
4.1.3.3.4	ツリーオブジェクトの初期化	25
4.1.3.4	粒子データの初期化	25
4.1.3.5	ループ	26
4.1.3.5.1	領域分割の実行	26
4.1.3.5.2	粒子交換の実行	26
4.1.3.5.3	相互作用計算の実行	26
4.1.3.5.4	時間積分	27
4.1.3.6	粒子データの更新	27
4.1.4	ログファイル	28
4.2	固定長 SPH シミュレーションコード	28
4.2.1	ソースファイルの場所と構成	28
4.2.2	ユーザー定義型・ユーザ定義関数	28
4.2.2.1	FullParticle 型	29
4.2.2.2	EssentialParticleI 型	30

4.2.2.3	Force 型	31
4.2.2.4	相互作用関数 calcForceEpEp	32
4.2.3	プログラム本体	34
4.2.3.1	ヘッダーファイルのインクルード	34
4.2.3.2	開始、終了	34
4.2.3.3	オブジェクトの生成・初期化	34
4.2.3.3.1	オブジェクトの生成	35
4.2.3.3.2	領域情報オブジェクトの初期化	35
4.2.3.3.3	粒子群オブジェクトの初期化	35
4.2.3.3.4	ツリーオブジェクトの初期化	36
4.2.3.4	ループ	36
4.2.3.4.1	領域分割の実行	36
4.2.3.4.2	粒子交換の実行	36
4.2.3.4.3	相互作用計算の実行	36
4.2.4	コンパイル	37
4.2.5	実行	37
4.2.6	ログファイル	37
4.2.7	可視化	38
5	サンプルコード	39
5.1	$N$ 体シミュレーション	39
5.2	固定長 SPH シミュレーション	48
6	拡張機能の解説	60
6.1	P <sup>3</sup> M コード	60
6.1.1	サンプルコードの場所と作業ディレクトリ	60
6.1.2	ユーザー定義型	60
6.1.2.1	FullParticle 型	60
6.1.2.2	EssentialParticleI 型	61
6.1.2.3	Force 型	62
6.1.2.4	相互作用関数 calcForceEpEp	63
6.1.2.5	相互作用関数 calcForceEpSp	64
6.1.3	プログラム本体	65
6.1.3.1	ヘッダーファイルのインクルード	65
6.1.3.2	開始、終了	66
6.1.3.3	オブジェクトの生成と初期化	66
6.1.3.3.1	オブジェクトの生成	66
6.1.3.3.2	オブジェクトの初期化	66
6.1.3.4	粒子分布の生成	67
6.1.3.4.1	領域分割の実行	68
6.1.3.4.2	粒子交換の実行	68

6.1.3.5	相互作用計算の実行	68
6.1.3.6	エネルギー相対誤差の計算	69
6.1.4	コンパイル	70
6.1.5	実行	70
6.1.6	結果の確認	70
7	より実用的なアプリケーションの解説	71
7.1	$N$ 体/SPH コード	71
7.1.1	コードの使用方法	71
7.1.1.1	ディレクトリ移動	72
7.1.1.2	サンプルコードのファイル構成	72
7.1.1.3	Makefile の編集	73
7.1.1.4	MAGI を使った粒子データの生成	75
7.1.1.5	make の実行	76
7.1.1.6	実行	76
7.1.1.7	結果の解析	76
7.1.2	Springel の方法	77
7.1.3	ユーザー定義型	79
7.1.3.1	FullParticle 型	79
7.1.3.2	EssentialParticle 型	80
7.1.3.3	Force 型	81
7.1.4	相互作用関数	82
7.1.4.1	重力計算	82
7.1.4.2	密度計算	86
7.1.4.3	圧力勾配加速度計算	90
7.1.5	プログラム本体	92
7.1.5.1	ヘッダファイルのインクルード	93
7.1.5.2	開始、終了	93
7.1.5.3	オブジェクトの生成と初期化	93
7.1.5.3.1	粒子群オブジェクトの生成と初期化	93
7.1.5.3.2	領域情報オブジェクトの生成と初期化	93
7.1.5.3.3	ツリーオブジェクトの生成と初期化	94
7.1.5.4	初期条件の設定	95
7.1.5.5	領域分割の実行	95
7.1.5.6	粒子交換の実行	96
7.1.5.7	相互作用計算の実行	96
7.1.5.8	時間積分ループ	99
8	ユーザーサポート	100
8.1	コンパイルできない場合	100
8.2	コードがうまく動かない場合	100

8.3 その他 . . . . .	100
9 ライセンス	101

## 1 変更記録

---

- 2018/11/7
  - 作成および初期リリース (FDPS バージョン 5.0 として)
- 2019/7/19
  - $N$  体/SPH サンプルコードの記述の改訂 (第 7.1 節)
- 2020/08/16
  - PIKG の利用法を追加 (第 3.4.1.8 節)
- 2020/08/28
  - $N$  体/SPH コードで使用可能な初期条件ファイルの配布先情報を変更 (第 7.1 節)
- 2020/09/02
  - API `fdps_init_tree` の第一引数の説明に誤解を招く表現があったため修正。サンプルコードも合わせて修正。

## 2 概要

本節では、Framework for Developing Particle Simulator (FDPS) および FDPS C 言語インターフェースの概要について述べる。FDPS は粒子シミュレーションのコード開発を支援するフレームワークである。FDPS が行うのは、計算コストの最も大きな粒子間相互作用の計算と、粒子間相互作用の計算のコストを負荷分散するための処理である。これらはマルチプロセス、マルチスレッドで並列に処理することができる。比較的計算コストが小さく、並列処理を必要としない処理 (粒子の軌道計算など) はユーザーが行う。

FDPS が対応している座標系は、2次元直交座標系と3次元直交座標系である。また、境界条件としては、開放境界条件と周期境界条件に対応している。周期境界条件の場合、 $x$ 、 $y$ 、 $z$  軸方向の任意の組み合わせの周期境界条件を課することができる。

ユーザーは粒子間相互作用の形を定義する必要がある。定義できる粒子間相互作用の形には様々なものがある。粒子間相互作用の形を大きく分けると2種類あり、1つは長距離力、もう1つは短距離力である。この2つの力は、遠くの複数の粒子からの作用を1つの超粒子からの作用にまとめるか (長距離力)、まとめないか (短距離力) という基準でもって分類される。

長距離力には、小分類があり、無限遠に存在する粒子からの力も計算するカットオフなし長距離力と、ある距離以上離れた粒子からの力は計算しないカットオフあり長距離力がある。前者は開境界条件下における重力やクーロン力に対して、後者は周期境界条件下の重力やクーロン力に使うことができる。後者のためには Particle Mesh 法などが必要となるが、これは FDPS の拡張機能として用意されている。

短距離力には、小分類が4つ存在する。短距離力の場合、粒子はある距離より離れた粒子からの作用は受けない。すなわち必ずカットオフが存在する。このカットオフ長の決め方によって、小分類がなされる。すなわち、全粒子のカットオフ長が等しいコンスタントカーネル、カットオフ長が作用を受ける粒子固有の性質で決まるギャザーカーネル、カットオフ長が作用を与える粒子固有の性質で決まるスキッタカーネル、カットオフ長が作用を受ける粒子と作用を与える粒子の両方の性質で決まるシンメトリックカーネルである。コンスタントカーネルは分子動力学における LJ 力に適用でき、その他のカーネルは SPH などに適用できる。

ユーザーは、粒子間相互作用や粒子の軌道積分などを、C 言語を用いて記述する。

## 3 入門：サンプルコードを動かしてみよう

本節では、まずはじめに、FDPS および FDPS C 言語インターフェース の動作環境、必要なソフトウェア、インストール方法などを説明し、その後、サンプルコードの使用方法を説明する。サンプルコードの中身に関しては、次節 (第 4 節) で詳しく述べる。

### 3.1 動作環境

FDPS は Linux, Mac OS X, Windows などの OS 上で動作する。

### 3.2 必要なソフトウェア

本節では、FDPS を使用する際に必要となるソフトウェアを記述する。まず標準機能を用いるのに必要なソフトウェア、次に拡張機能を用いるのに必要なソフトウェアを記述する。

#### 3.2.1 標準機能

本節では、FDPS の標準機能のみを使用する際に必要なソフトウェアを記述する。最初に逐次処理機能のみを用いる場合 (並列処理機能を用いない場合) に必要なソフトウェアを記述する。次に並列処理機能を用いる場合に必要なソフトウェアを記述する。

##### 3.2.1.1 逐次処理

逐次処理の場合に必要なソフトウェアは以下の通りである。

- make
- C++ コンパイラ (gcc バージョン 8 以降なら確実)
- Ruby (PIKG に必要。3.0.2 で動作確認済)
- C コンパイラ (上記 C++ コンパイラと相互運用可能なもの。gcc 8 以降の gfortran なら確実)
- Python 2.7.5 以上、または、Python 3.4 以上 (これ以外での正常動作は保証しない。特に、Python 2.7 以前では動作しない)

##### 3.2.1.2 並列処理

本節では、FDPS の並列処理機能を用いる際に必要なソフトウェアを記述する。まず、OpenMP を使用する際に必要なソフトウェア、次に MPI を使用する際に必要なソフトウェア、最後に OpenMP と MPI を同時に使用する際に必要なソフトウェアを記述する。



#### 3.2.1.2.1 *OpenMP*

OpenMP を使用する際に必要なソフトウェアは以下の通り。

- make
- OpenMP 対応の C++コンパイラ (gcc version 8 以降なら確実)
- OpenMP 対応の C コンパイラ (上記 C++コンパイラと相互運用可能なもの。gcc 8 以降なら確実)
- Python 2.7.5 以上、または、Python 3.4 以上 (これ以外での正常動作は保証しない。特に、Python 2.7 以前では動作しない)

#### 3.2.1.2.2 *MPI*

MPI を使用する際に必要なソフトウェアは以下の通り。

- make
- MPI version 1.3 対応の C++コンパイラ (Open MPI 1.6.4 で動作確認済)
- MPI version 1.3 対応の C コンパイラ (上記 C++コンパイラと相互運用可能なもの。Open MPI 1.6.4 で動作確認済み)
- Python 2.7.5 以上、または、Python 3.4 以上 (これ以外での正常動作は保証しない。特に、Python 2.7 以前では動作しない)

#### 3.2.1.2.3 *MPI+OpenMP*

MPI と OpenMP を同時に使用する際に必要なソフトウェアは以下の通り。

- make
- MPI version 1.3 と OpenMP に対応の C++コンパイラ (Open MPI 1.6.4 で動作確認済, K コンパイラバージョン 1.2.0 で動作確認済)
- MPI version 1.3 と OpenMP に対応の C コンパイラ (上記 C++コンパイラと相互運用可能なもの。Open MPI 1.6.4 で動作確認済み)
- Python 2.7.5 以上、または、Python 3.4 以上 (これ以外での正常動作は保証しない。特に、Python 2.7 以前では動作しない)

### 3.2.2 拡張機能

本節では、FDPS の拡張機能を使用する際に必要なソフトウェアについて述べる。FDPS の拡張機能には Particle Mesh がある。以下では Particle Mesh を使用する際に必要なソフトウェアを述べる。

### 3.2.2.1 Particle Mesh

Particle Mesh を使用する際に必要なソフトウェアは以下の通りである。

- make
- MPI version 1.3 と OpenMP に対応の C++コンパイラ (Open MPI 1.6.4 で動作確認済)
- FFTW 3.3 以降

## 3.3 インストール

本節では、FDPS および C 言語インターフェース のインストールについて述べる。取得方法、ビルド方法について述べる。

### 3.3.1 取得方法

ここでは FDPS の取得方法を述べる。最初に最新バージョンの取得方法、次に過去のバージョンの取得方法を述べる。

#### 3.3.1.1 最新バージョン

以下の方法のいずれかで FDPS の最新バージョンを取得できる。

- ブラウザから
  1. ウェブサイト <https://github.com/FDPS/FDPS> で”Download ZIP”をクリックし、ファイル FDPS-master.zip をダウンロード
  2. FDPS を展開したいディレクトリに移動し、圧縮ファイルを展開
- コマンドラインから
  - Subversion を用いる場合：以下のコマンドを実行するとディレクトリ trunk の下を Subversion レポジトリとして使用できる

```
$ svn co --depth empty https://github.com/FDPS/FDPS
$ cd FDPS
$ svn up trunk
```

- Git を用いる場合：以下のコマンドを実行するとカレントディレクトリにディレクトリ FDPS ができ、その下を Git のレポジトリとして使用できる

```
$ git clone git://github.com/FDPS/FDPS.git
```

### 3.3.1.2 過去のバージョン

以下の方法でブラウザから FDPS の過去のバージョンを取得できる。

- ウェブサイト <https://github.com/FDPS/FDPS/releases> に過去のバージョンが並んでいるので、ほしいバージョンをクリックし、ダウンロード
- FDPS を展開したいディレクトリに移動し、圧縮ファイルを展開

### 3.3.2 インストール方法

C++ 言語で記述された FDPS 本体はヘッダライブラリ<sup>注 1)</sup>のため、configure などを行う必要はない。基本的にはアーカイブを展開したあと、自分のソースファイルをコンパイルする時に適切なインクルードパスを設定すればよい。実際の手続きは第 3.4 節で説明するサンプルコードとその Makefile をみて欲しい。

C 言語の場合、コンパイル前に C 言語ソースファイルから FDPS とのインターフェースコードを生成する必要がある。その手順は仕様書 [doc\\_spec\\_ftn\\_ja.pdf](#) の第 6 章に記述されている。本サンプルコードの Makefile では、インターフェースコードが make コマンド実行中に自動的に生成されるようになっている。ユーザが自分のコードの Makefile を作る時にはサンプルコードの Makefile を参考にすることを推奨する。

## 3.4 サンプルコードの使用方法

本節ではサンプルコードの使用方法について説明する。サンプルコードには重力  $N$  体シミュレーションコードと、SPH シミュレーションコードがある。最初に重力  $N$  体シミュレーションコード、次に SPH シミュレーションコードの使用について記述する。サンプルコードは拡張機能を使用していない。

### 3.4.1 重力 $N$ 体シミュレーションコード

本サンプルコードは、FDPS C 言語インターフェースを用いて書かれた無衝突系の  $N$  体計算コードである。このコードでは一様球のコールドコラプス問題を計算し、粒子分布のスナップショットを出力する。

#### 3.4.1.1 概要

以下の手順で本コードを使用できる。

- ディレクトリ  $\$(FDPS)/sample/c/nbody$  に移動。これ以後、ディレクトリ  $\$(FDPS)$  は FDPS の最も上の階層のディレクトリを指す ( $\$(FDPS)$  は環境変数にはなっていない)。 $\$(FDPS)$  は FDPS の取得によって異なり、ブラウザからなら FDPS-master, Subversion からなら trunk, Git からなら FDPS である。

注 1) ヘッダファイルだけで構成されるライブラリのこと

- カレントディレクトリにある Makefile を編集
- コマンドライン上で make を実行
- nbody.out ファイルの実行
- 結果の解析

最後に x86 版 Phantom-GRAPe および PIKG を使う場合について述べる。

### 3.4.1.2 ディレクトリ移動

ディレクトリ\$(FDPS)/sample/c/nbody に移動する。

### 3.4.1.3 Makefile の編集

サンプルコードのディレクトリには GCC 用に書かれた Makefile がある。以下、この Makefile について解説する。

まず、Makefile の初期設定について説明する。サンプルコードをコンパイルするにあたって、ユーザが設定すべき Makefile 変数は 4 つあり、C コンパイラを表す CC、C++ コンパイラを表す CXX、それぞれのコンパイルオプションを表す CFLAGS、CXXFLAGS である。これらの初期設定値は次のようになっている：

```
CC=gcc
CXX=g++
CFLAGS = -O3 -ffast-math -funroll-loops -finline-functions $(FDPS_INC)
CXXFLAGS = -O3 -ffast-math -funroll-loops $(FDPS_INC)
```

ここで、\$(FDPS\_INC) は FDPS 本体をインクルードするために必要なインクルード PATH が格納された変数であり、Makefile 内で設定済みである。したがって、ここで変更する必要はない。

上記 4 つの Makefile 変数の値を適切に編集し、make コマンドを実行することで実行ファイルが得られる。OpenMP と MPI を使用するかどうかで編集方法が変わるため、以下でそれを説明する。

- OpenMP も MPI も使用しない場合
  - 変数 CC に C コンパイラを代入する
  - 変数 CXX に C++ コンパイラを代入する
- OpenMP のみ使用の場合
  - 変数 CC に OpenMP 対応の C コンパイラを代入する
  - 変数 CXX に OpenMP 対応の C++ コンパイラを代入する

- CFLAGS += -DPARTICLE\_SIMULATOR\_THREAD\_PARALLEL -fopenmp の行のコメントアウトを外す
- CXXFLAGS += -DPARTICLE\_SIMULATOR\_THREAD\_PARALLEL -fopenmp の行のコメントアウトを外す
- MPI のみ使用の場合
  - 変数 CC に MPI 対応の C コンパイラを代入する
  - 変数 CXX に MPI 対応の C++ コンパイラを代入する
  - CFLAGS += -DPARTICLE\_SIMULATOR\_MPI\_PARALLEL の行のコメントアウトを外す
  - CXXFLAGS += -DPARTICLE\_SIMULATOR\_MPI\_PARALLEL の行のコメントアウトを外す
- OpenMP と MPI の同時使用の場合
  - 変数 CC に MPI 対応の C コンパイラを代入する
  - 変数 CXX に MPI 対応の C++ コンパイラを代入する
  - CFLAGS += -DPARTICLE\_SIMULATOR\_THREAD\_PARALLEL -fopenmp の行のコメントアウトを外す
  - CFLAGS += -DPARTICLE\_SIMULATOR\_MPI\_PARALLEL の行のコメントアウトを外す
  - CXXFLAGS += -DPARTICLE\_SIMULATOR\_THREAD\_PARALLEL -fopenmp の行のコメントアウトを外す
  - CXXFLAGS += -DPARTICLE\_SIMULATOR\_MPI\_PARALLEL の行のコメントアウトを外す

次に、ユーザが本 Makefile をユーザコードで使用する場合に便利な情報を記述する。ユーザコードで使用する場合に最も重要となる Makefile 変数は、FDPS\_LOC, HDR\_USER\_DEFINED\_TYPE, SRC\_USER の 3 つである。まず、変数 FDPS\_LOC には、FDPS のトップディレクトリの PATH を格納する。本 Makefile では、FDPS のソースディレクトリの PATH や C 言語とのインターフェースコードを生成するスクリプトの PATH 等、FDPS に関連する各種な設定がこの変数の値に基いて自動的に設定されるようになっている。したがって、ユーザは適切に設定する必要がある。次に、変数 HDR\_USER\_DEFINED\_TYPE, SRC\_USER には、それぞれ、ユーザ定義型が記述された C 言語ヘッダーファイル名と、ユーザ定義型以外の部分が記述された C 言語ファイル名を格納する。FDPS の C 言語インターフェースコードはユーザコードの構造体を記述する部分から生成されるので、その部分が記述されたファイルを HDR\_USER\_DEFINED\_TYPE で、それ以外を SRC\_USER で指定する。これにより、SRC\_USER で指定したファイルが変更されても FDPS の再コンパイルは起きなくなるので、コンパイル・リンクの時間が短くなる。但し、HDR\_USER\_DEFINED\_TYPE、或いは、SRC\_USER に格納された (複数の) ファイルの間に依存関係がある場合、依存関係を示すルールを Makefile に追記しなければならない点に注意して頂きたい。この記述方法に関しては、例えば、GNU make のマニュアル等を読んで頂きたい。

#### 3.4.1.4 make の実行

make コマンドを実行する。このとき、まず FDPS の C 言語インターフェースプログラムが生成され、その後、インターフェースプログラムとサンプルコードが一緒にコンパイルされる。

#### 3.4.1.5 実行

実行方法は以下の通りである。

- MPI を使用しない場合、コマンドライン上で以下のコマンドを実行する

```
$ ./nbody.out
```

- MPI を使用する場合、コマンドライン上で以下のコマンドを実行する

```
$ MPIRUN -np NPROC ./nbody.out
```

ここで、MPIRUN には mpirun や mpiexec などが、NPROC には使用する MPI プロセスの数が入る。

正しく終了すると、以下のようなログを出力する。energy error は絶対値で  $1 \times 10^{-3}$  のオーダーに収まっていればよい。

```
time:      7.000, energy error: -3.8957312e-03
time:      8.000, energy error: -3.7788873e-03
time:      9.000, energy error: -3.7627744e-03
time:     10.000, energy error: -3.7071071e-03
MemoryPool::finalize() is completed!
***** FDPS has successfully finished. *****
```

#### 3.4.1.6 結果の解析

ディレクトリ result に粒子分布を出力したファイル "snap0000x-proc0000y.dat" ができている。ここで x は整数で時刻に対応している。y は MPI プロセス番号を表しており、MPI 実行しなければ常に y=0 である。

出力ファイルフォーマットは 1 列目から順に粒子の ID, 粒子の質量、位置の x, y, z 座標、粒子の x, y, z 軸方向の速度である。

ここで実行したのは、粒子数 1024 個からなる一様球 (半径 3) のコールドコラプスである。コマンドライン上で以下のコマンドを実行すれば、時刻 9 における xy 平面に射影した粒子分布を見ることができる。

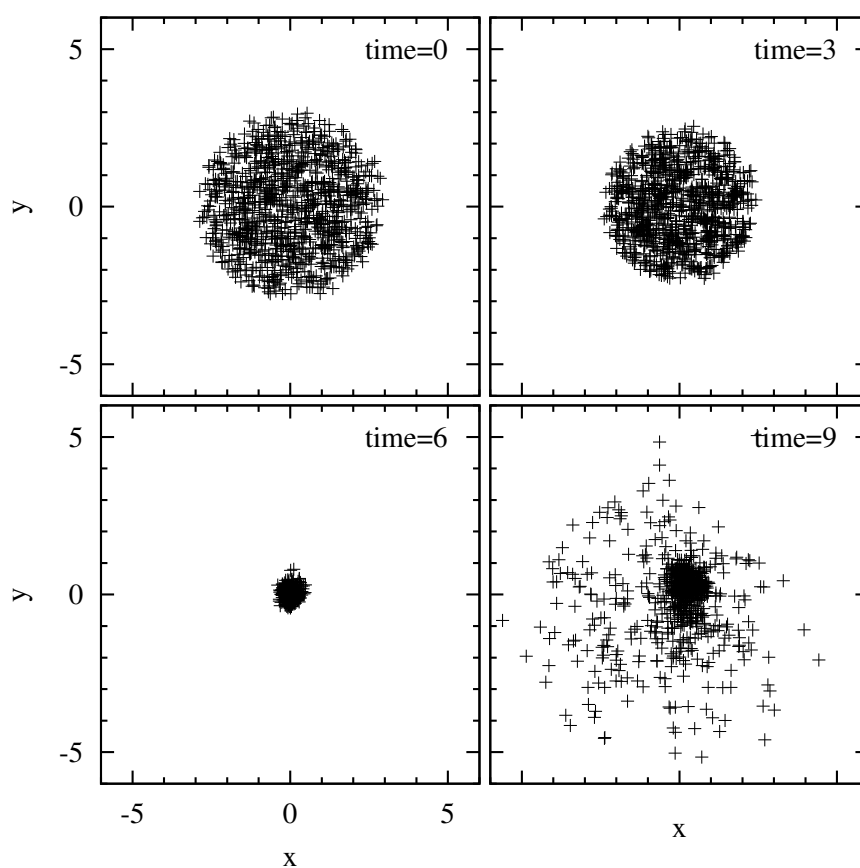


図 1:

```
$ cd result
$ cat snap00009-proc* > snap00009.dat
$ gnuplot
> plot "snap00009.dat" using 3:4
```

他の時刻の粒子分布をプロットすると、一様球が次第に収縮し、その後もう一度膨張する様子を見ることができる (図 1 参照)。

粒子数を 10000 個にして計算を行いたい場合には、ファイル `c_main.c` の中の関数 `c_main()` の変数 `ntot` を 10000 に設定し、再度、コンパイルした上で実行すればよい。

### 3.4.1.7 x86 版 Phantom-GRAPE を使う場合

Phantom-GRAPE は SIMD 命令を効率的に活用することで重力相互作用の計算を高速に実行するライブラリである (詳細は Tanikawa et al.[2012, New Astronomy, 17, 82] と Tanikawa et al.[2012, New Astronomy, 19, 74] を参照のこと)。

まず、使用環境を確認する。SIMD 命令セット AVX をサポートする Intel CPU または AMD

CPU を搭載したコンピュータを使用しているならば、x86 版 Phantom-GRAPe を使用可能である。

次にディレクトリ\$(FDPS)/src/phantom\_grape\_x86/G5/newton/libpg5 に移動して、ファイル Makefile を編集し、コマンド make を実行して Phantom-GRAPe のライブラリ libpg5.a を作る。

最後に、ディレクトリ\$(FDPS)/sample/c/nbody に戻り、ファイル Makefile 内の ``#use\_phantom\_grape\_x86 = yes`` の ``#`` を消す。make を実行してコンパイルする (OpenMP, MPI の使用・不使用どちらにも対応) と、x86 版 Phantom-GRAPe を使用したコードができている。上と同様の方法で実行・結果の確認を行うとさきほどと同様の結果が得られる。

Intel Core i5-3210M CPU @ 2.50GHz の 2 コアで性能テスト (OpenMP 使用、MPI 不使用) をした結果、粒子数 8192 の場合に、Phantom-GRAPe を使うと、使わない場合に比べて、最大で 5 倍弱ほど高速なコードとなる。

#### 3.4.1.8 PIKG を使う場合

PIKG は DSL (ドメイン固有言語) 記述から様々なアーキテクチャ向けに最適化された粒子間相互作用カーネルを生成するカーネルジェネレータである。

ディレクトリ\$(FDPS)/sample/c/nbody のファイル Makefile 内の ``#use\_pikg\_x86 = yes`` の ``#`` を消す。この状態で make を実行してコンパイルする (OpenMP, MPI の使用・不使用どちらにも対応) と、PIKG から生成されたカーネルを使用した実行ファイル nbody.out ができている。上と同様の方法で実行・結果の確認を行うとさきほどと同様の結果が得られる。

デフォルトでは、通常の C 言語コードと同等の reference モードの相互作用カーネルが生成される。Makefile 内の #CONVERSION\_TYPE とその直後にある #CXXFLAGS の行のコメントアウトを外すと、別のアーキテクチャ (AVX2 や AVX-512) 向けにコードを生成できる。AVX2 モードを使う場合は、利用する CPU が AVX2 及び FMA に対応していなくてはならない。さらに AVX-512 モードを使う場合には利用する CPU が AVX-512F および AVX-512DQ に対応していなくてはならない。

#### 3.4.2 SPH シミュレーションコード

本サンプルコードには標準 SPH 法が FDPS を使って実装されている。簡単のため、smoothing length は一定値を取ると仮定している。コードでは、3 次元の衝撃波管問題の初期条件を生成し、衝撃波管問題を実際に計算する。

##### 3.4.2.1 概要

以下の手順で本コードを使用できる。

- ディレクトリ\$(FDPS)/sample/c/sph に移動
- カレントディレクトリにある Makefile を編集 (後述)



- コマンドライン上で `make` を実行
- `sph.out` ファイルの実行 (後述)
- 結果の解析 (後述)

#### 3.4.2.2 ディレクトリ移動

ディレクトリ `$(FDPS)/sample/c/sph` に移動する。

#### 3.4.2.3 Makefile の編集

Makefile の編集の仕方は  $N$  体計算の場合と同一なので、第 3.4.1.3 節を参照されたい。

#### 3.4.2.4 make の実行

`make` コマンドを実行する。 $N$  体計算のときと同様、このとき、まず FDPS の C 言語インターフェースプログラムが生成され、その後、インターフェースプログラムとサンプルコードと一緒にコンパイルされる。

#### 3.4.2.5 実行

実行方法は以下の通りである。

- MPI を使用しない場合、コマンドライン上で以下のコマンドを実行する

```
$ ./sph.out
```

- MPI を使用する場合、コマンドライン上で以下のコマンドを実行する

```
$ MPIRUN -np NPROC ./sph.out
```

ここで、`MPIRUN` には `mpirun` や `mpiexec` などが、`NPROC` には使用する MPI プロセスの数が入る。

正しく終了すると以下のようなログを出力する。

```
***** FDPS has successfully finished. *****
```

#### 3.4.2.6 結果の解析

実行するとディレクトリ `result` にファイルが出力されている。ファイル名は `”snap0000x-proc0000y.dat”` となっている。ここで、 $x, y$  は整数で、それぞれ、時刻と MPI プロセス番号

を表す。MPI 実行でない場合には、常に  $y=0$  である。出力ファイルフォーマットは 1 列目から順に粒子の ID、粒子の質量、位置の  $x, y, z$  座標、粒子の  $x, y, z$  軸方向の速度、密度、内部エネルギー、圧力である。

コマンドライン上で以下のコマンドを実行すれば、横軸に粒子の  $x$  座標、縦軸に粒子の密度をプロットできる (時刻は 40)。

```
$ cd result
$ cat snap00040-proc* > snap00040.dat
$ gnuplot
> plot "snap00040.dat" using 3:9
```

正しい答が得られれば、図 2 のような図を描ける。

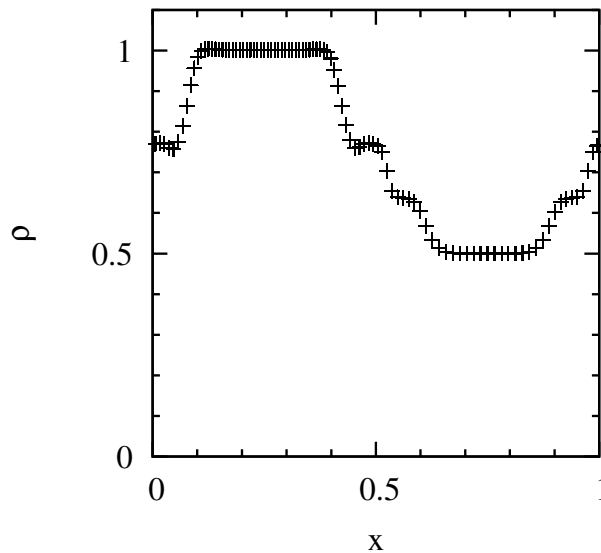


図 2: 衝撃波管問題の時刻  $t = 40$  における密度分布

## 4 サンプルコードの解説

本節では、前節(第3節)で動かしたサンプルコードについての解説を行う。特に、ユーザが定義しなければならない構造体(以後、ユーザ定義型と呼ぶ)やFDPSの各種APIの使い方について詳しく述べる。説明の重複を避けるため、いくつかの事項に関しては、その詳細な説明が $N$ 体シミュレーションコードの節でのみ行われている。そのため、SPHシミュレーションだけに興味があるユーザも、 $N$ 体シミュレーションコードの節に目を通して頂きたい。

### 4.1 $N$ 体シミュレーションコード

#### 4.1.1 ソースファイルの場所と構成

ソースファイルは\$(FDPS)/sample/c/nbody 以下にある。サンプルコードは、次節で説明するユーザ定義型が記述されたソースコード user\_defined.h と、相互作用関数が定義された user\_defined.c、 $N$ 体シミュレーションのメインループ等が記述されたソースコード c\_main.c から構成される。この他に、GCC用のMakefileがある。

#### 4.1.2 ユーザー定義型・ユーザ定義関数

本節では、FDPSの機能を用いて $N$ 体計算を行う際、ユーザーが記述しなければならない構造体とvoid関数について記述する。

##### 4.1.2.1 FullParticle型

ユーザーはユーザ定義型の1つFullParticle型を記述しなければならない。FullParticle型には、シミュレーションを行うにあたって、 $N$ 体粒子が持っているべき全ての物理量が含まれている。Listing 1に本サンプルコードのFullParticle型の実装例を示す(user\_defined.hを参照)。

Listing 1: FullParticle型

```

1 typedef struct full_particle { //$fdps FP,EPI,EPJ,Force
2     //$fdps copyFromForce full_particle (pot,pot) (acc,acc)
3     //$fdps copyFromFP full_particle (id,id) (mass,mass) (eps,eps) (pos,
4         pos)
5     //$fdps clear id=keep, mass=keep, eps=keep, pos=keep, vel=keep
6     long long id; //$fdps id
7     double mass; //$fdps charge
8     double eps;
9     fdps_f64vec pos; //$fdps position
10    fdps_f64vec vel; //$fdps velocity
11    double pot;
12    fdps_f64vec acc;
13 } Full_particle;

```

FDPS C 言語インターフェースを使ってユーザコードを開発する場合、ユーザは構造体がどのユーザ定義型 (FullParticle 型, EssentialParticleI 型, EssentialParticleJ 型, Force 型) に対応するかを FDPS に教えなければならない。本インターフェースにおいて、この指示は、構造体に決まった書式のコメント文を加えることによって行う (以後、この種のコメント文を FDPS 指示文と呼ぶ)。本サンプルコードでは、FullParticle 型が EssentialParticleI 型、EssentialParticleJ 型、そして、Force 型を兼ねている。そのため、構造体がすべてのユーザ定義型に対応すること指示する以下のコメント文を記述している:

```
typedef struct full_particle { //$fdps FP,EPI,EPJ,Force
```

また、FDPS は FullParticle 型のどのメンバ変数が質量や位置等の必須物理量 (どの粒子計算でも必ず必要となる物理量、或いは、特定の粒子計算において必要とされる物理量と定義する) に対応するのを知っていなければならない。この指示も決まった書式のコメント文をメンバ変数に対して記述することで行う。今回の例では、メンバ変数 mass, pos, vel が、それぞれ、質量、位置、速度に対応することを FDPS に指示するため、以下の指示文が記述されている:

```
double mass; //$fdps charge
fdps_f64vec pos; //$fdps position
fdps_f64vec vel; //$fdps velocity
```

ただし、メンバ変数が速度であることを指示する //\$fdps velocity は予約語であり、指示は任意である (現時点で FDPS の振舞いに一切影響しない)。

FullParticle 型は EssentialParticleI 型、EssentialParticleJ 型、Force 型との間でデータの移動 (データコピー) を行う。ユーザはこのコピーの仕方を指示する FDPS 指示文も記述しなければならない。本サンプルコードでは、以下のように記述している:

```
//$fdps copyFromForce full_particle (pot,pot) (acc,acc)
//$fdps copyFromFP full_particle (id,id) (mass,mass) (pos,pos)
```

ここで、キーワード copyFromForce を含む指示文は、Force 型のどのメンバ変数を FullParticle 型のどのメンバ変数にコピーするのかを指示するもので、FullParticle 型に常に記述しなければならない指示文である。一方、キーワード copyFromFP は FullParticle 型から EssentialParticleI 型および EssentialParticleJ 型へのデータコピーの仕方を指示するもので、EssentialParticleI 型と EssentialParticleJ 型には必ず記述しなければならない指示文である。今、FullParticle 型はこれら 2 つを兼ねているため、ここに記述している。

今、FullParticle 型は Force 型を兼ねている。Force 型にも必ず記述しなければならない指示文がある。それは、相互作用計算において、積算対象のメンバ変数をどのように 0 クリアするかを指示する指示文である。本サンプルコードでは、積算対象である加速度とポテンシャルのみを 0 クリアすることを指示するため、次の指示文を記述している:

```
//$fdps clear id=keep, mass=keep, pos=keep, vel=keep
```

ここで、キーワード `clear` の右に記述された構文 `mbr=keep` は、メンバ変数 `mbr` の値を変更しないことを指示する構文である。

FDPS 指示文の書式の詳細については、仕様書 `doc_specs_ftn_ja.pdf` をご覧頂きたい。

#### 4.1.2.2 相互作用関数 `calcForceEpEp`

ユーザーは粒子間相互作用の仕方を記述した相互作用関数 `calcForceEpEp` を記述しなければならない。void 関数 `calcForceEpEp` には、粒子-粒子相互作用計算の具体的な内容を書く必要がある。Listing 2 に、本サンプルコードでの実装を示す (`user_defined.c` を参照)。

Listing 2: 関数 `calcForceEpEp`

---

```

1 void calc_gravity_ep_ep(Full_particle *ep_i,
2                         int n_ip,
3                         Full_particle *ep_j,
4                         int n_jp,
5                         Full_particle* f)
6 {
7     int i, j;
8     for (i=0; i<n_ip ;i++) {
9         Full_particle *pi = ep_i + i;
10        double eps2 = pi->eps * pi->eps;
11        double xi = pi->pos.x;
12        double yi = pi->pos.y;
13        double zi = pi->pos.z;
14        double ax, ay, az, pot;
15        ax = ay = az = pot = 0;
16        for (j=0; j<n_jp; j++) {
17            Full_particle *pj = ep_j + j;
18            double dx = xi - pj->pos.x;
19            double dy = yi - pj->pos.y;
20            double dz = zi - pj->pos.z;
21            double r2 = dx*dx+dy*dy+dz*dz+eps2;
22            double rinv = 1.0/sqrt(r2);
23            double mrinv = pj->mass* rinv;
24            double mr3inv = mrinv*rin*rin;
25            ax -= dx*mr3inv;
26            ay -= dy*mr3inv;
27            az -= dz*mr3inv;
28            pot = pot - mrinv;
29        }
30        Full_particle *pfi = f+i;
31        pfi->pot += pot;
32        pfi->acc.x += ax;
33        pfi->acc.y += ay;
34        pfi->acc.z += az;
35    }
36 }
```

---

本サンプルコードでは、void 関数 `calc_gravity_ep_ep` として実装されている。void 関数の仮引数は、`EssentialParticleI` の配列、`EssentialParticleI` の個数、`EssentialParticleJ` の配列、`EssentialParticleJ` の個数、`Force` 型の配列である。本サンプルコードでは、`FullParticle`

型がすべてのユーザ定義型を兼ねているため、引数のデータ型はすべて `full_particle` 型となっていることに注意して頂きたい。

#### 4.1.2.3 相互作用関数 `calcForceEpSp`

ユーザーは粒子-超粒子間相互作用の仕方を記述した相互作用関数 `calcForceEpSp` を記述しなければならない。`calcForceEpSp` には、粒子-超粒子相互作用計算の具体的な内容を書く必要があり、`void` 関数として実装しなければならない。Listing 3 に、本サンプルコードでの実装を示す (`user_defined.c` を参照)。

Listing 3: 関数 `calcForceEpSp`

---

```

1 void calc_gravity_ep_sp(Full_particle *ep_i,
2                         int n_ip,
3                         fdps_spj_monopole *ep_j,
4                         int n_jp,
5                         Full_particle *f)
6 {
7     int i, j;
8     for (i=0; i<n_ip; i++) {
9         Full_particle *pi = ep_i + i;
10        double eps2 = pi->eps*pi->eps;
11        double xi = pi->pos.x;
12        double yi = pi->pos.y;
13        double zi = pi->pos.z;
14        double ax, ay, az, pot;
15        ax = ay = az = pot = 0;
16        for (j=0; j<n_jp; j++) {
17            fdps_spj_monopole *pj = ep_j + j;
18            double dx = xi - pj->pos.x;
19            double dy = yi - pj->pos.y;
20            double dz = zi - pj->pos.z;
21            double r2 = dx*dx+dy*dy+dz*dz+eps2;
22            double rinv = 1.0/sqrt(r2);
23            double mrinv = pj->mass* rinv;
24            double mr3inv = mrinv*rinv*rinv;
25            ax -= dx*mr3inv;
26            ay -= dy*mr3inv;
27            az -= dz*mr3inv;
28            pot = pot - mrinv;
29        }
30        Full_particle *pfi = f+i;
31        pfi->pot += pot;
32        pfi->acc.x += ax;
33        pfi->acc.y += ay;
34        pfi->acc.z += az;
35    }
36 }
```

---

本サンプルコードでは、`void` 関数 `calc_gravity_ep_sp` として実装されている。`void` 関数の仮引数は、`EssentialParticleI` の配列、`EssentialParticleI` の個数、超粒子の配列、超粒子の個数、`Force` 型の配列である。本サンプルコードでは、`FullParticle` 型がすべてのユーザ定義

型を兼ねているため、引数の Force 型は full\_particle 型となっていることに注意して頂きたい。ここで指定する超粒子型はこの相互作用計算を実施するのに使用するツリーオブジェクトの種別と適合していなければならない。

### 4.1.3 プログラム本体

本節では、FDPS C 言語インターフェースを用いて  $N$  体計算を行うにあたり、“メイン関数” `c_main()` に書かれるべき void 関数や関数に関して解説する。ここで、メイン関数とはっきり書かないのは、次の理由による: FDPS C 言語インターフェースを使用する場合、ユーザコードは必ず void 関数 `c_main()` の下に記述されなければならない、ユーザコードは正しい意味でのメイン関数を持たない (メイン関数はインターフェースプログラムの C++ ソースコード内にある)。しかし、実質的には void 関数 `c_main()` がメイン関数の役割を果たす。そのため、敢えて“メイン関数”という言葉を使った。メイン関数という言葉は、それがユーザコードの入り口であることを示すのに適しているので、以後、`c_main()` をメイン関数と呼ぶことにする。本サンプルコードのメイン関数は `c_main.c` に記述されている。

#### 4.1.3.1 ヘッダーファイルのインクルード

FDPS の標準機能を利用できるようにするため、`FDPS_c_if.h` をインクルードする。

Listing 4: ヘッダーファイル `FDPS_c_if.h` のインクルード

---

```
1 #include "FDPS_c_if.h"
```

---

#### 4.1.3.2 開始、終了

まずは、FDPS の初期化/開始を行う必要がある。次のように、メイン関数に記述する。

Listing 5: FDPS の開始

---

```
1 fdps_initialize();
```

---

FDPS は、開始したら明示的に終了させる必要がある。今回は、プログラムの終了と同時に FDPS も終了させるため、メイン関数の最後に次のように記述する。

Listing 6: FDPS の終了

---

```
1 fdps_finalize();
```

---

#### 4.1.3.3 オブジェクトの生成・初期化

FDPS の初期化に成功した場合、ユーザーはコード中で用いるオブジェクトを作成する必要がある。本節では、オブジェクトの生成/初期化の仕方について解説する。

## 4.1.3.3.1 オブジェクトの生成

今回の計算では、粒子群オブジェクト、領域情報オブジェクトに加え、重力計算用のツリーオブジェクトを1個生成する必要がある。C言語インターフェースでは、これらオブジェクトはすべて整数変数に格納された識別番号を使って操作する。したがって、まず識別番号を格納する整数変数を用意したあとに、オブジェクトを生成するAPIを呼び出す必要がある。以下にそのコードを記す。これらはサンプルコード `c_main.c` のメイン関数内に記述されている。

Listing 7: オブジェクトの生成

```

1 void c_main() {
2
3     // Create and initialize dinfo object
4     int dinfo_num;
5     fdps_create_dinfo(&dinfo_num);
6     // Create and initialize psys object
7     int psys_num;
8     fdps_create_psys(&psys_num, "full_particle");
9     // Create and initialize tree object
10    int tree_num;
11    fdps_create_tree(&tree_num,
12                    "Long, full_particle, full_particle, full_particle,
13                    Monopole");
14 }
```

ここでも、実際のサンプルコードから該当部分だけを抜き出していることに注意して頂きたい。

上に示すように、粒子群オブジェクトを生成する際には `FullParticle` 型に対応する構造体名を文字列としてAPIの引数に渡す必要がある。同様に、ツリーオブジェクト生成の際には、ツリーの種別を示す文字列をAPIの引数に渡す必要がある。両APIにおいて、構造体名は小文字で入力されなければならない。

## 4.1.3.3.2 領域情報オブジェクトの初期化

ユーザーはオブジェクトを作成したら、そのオブジェクトの初期化を行う必要がある。本サンプルコードでは周期境界等はいっていないため、領域情報オブジェクトの初期化はAPI `fdps_init_dinfo` を実行するだけでよい:

Listing 8: 領域オブジェクトの初期化

```

1 fdps_init_dinfo(dinfo_num, coef_ema);
```

ここで、API `fdps_init_dinfo` の第2引数は領域分割に使用される指数移動平均の平滑化係数を表す。この係数の意味については仕様書に詳しい解説があるので、そちらを参照されたい。



#### 4.1.3.3 粒子群オブジェクトの初期化

次に、粒子群オブジェクトの初期化を行う必要がある。粒子群オブジェクトの初期化は、API `fdps_init_psys` で行う:

Listing 9: 粒子群オブジェクトの初期化

---

```
1 fdps_init_psys(psys_num);
```

---

#### 4.1.3.4 ツリーオブジェクトの初期化

次に、ツリーオブジェクトの初期化を行う必要がある。ツリーオブジェクトの初期化は API `fdps_init_tree` で行う。この API には、引数としてツリーオブジェクト内部で使用する配列の大きさの初期値を渡す必要がある。これはローカル粒子数 (`n_loc`) 程度で十分であるため、そのようにセットする:

Listing 10: ツリーオブジェクトの初期化

---

```
1 fdps_init_tree(tree_num, n_loc, theta,
2               n_leaf_limit, n_group_limit);
```

---

この API の第 3 引数以降の引数の意味は次の通りである:

- `theta` — ツリー法で力の計算をする場合の見込み角についての基準
- `n_leaf_limit` — ツリーを切るのをやめる粒子数の上限
- `n_group_limit` — 相互作用リストを共有する粒子数の上限

#### 4.1.3.4 粒子データの初期化

初期条件の設定を行うためには、粒子群オブジェクトに粒子データを入力する必要がある。(既に API `fdps_init_psys` で初期化済みの) 粒子群オブジェクトに、`FullParticle` 型粒子のデータを格納するには、粒子群オブジェクトの API `fdps_set_nptcl_loc` と `fdps_get_psys_cptr` を用いて、次のように行う:

Listing 11: 粒子データの初期化

---

```
1 void foo(psys_num) {
2     // Set # of local particles
3     nptcl_loc = 1024;
4     fdps_set_nptcl_loc(psys_num, nptcl_loc);
5
6     // Get the pointer to full particle data
7     Full_particle *ptcl = (Full_particle *) fdps_get_psys_cptr(psys_num);
8
9     // Initialize particle data
10    int i;
11    for (i = 0; i < nptcl_loc; i++) {
12        ptcl[i].pos.x = /* Do something */ ;
13    }
14
15 }
```

---

まず、粒子群オブジェクトに粒子データを保存するのに必要なメモリを確保しなければならない。これを行うには API `fdps_set_nptcl_loc` を実行すればよい。この API は指定された粒子群オブジェクトのローカル粒子数 (自プロセスが管理する粒子数) の値を設定し、かつ、その粒子数を格納するのに必要なメモリを確保する。粒子データを初期化するためには、確保されたメモリのアドレスを取得しなければならない。これには API `fdps_get_psys_cptr` を使用する。アドレスは `void *` ポインタとして返ってくるため、`Full_particle *` 型にキャストしていること注意されたい。API `fdps_get_psys_cptr` によってポインタを設定した後は、ポインタを粒子配列のように使用することが可能である。

#### 4.1.3.5 ループ

本節では、時間積分ループの中で行わなければならないことについて、解説する。

##### 4.1.3.5.1 領域分割の実行

まずは、粒子分布に基いて、領域分割を実行する。本サンプルコードでは、これを領域情報オブジェクトの API `fdps_decompose_domain_all` を用いて行っている:

Listing 12: 領域分割の実行

---

```
1 if (num_loop % 4 == 0) {
2     fdps_decompose_domain_all(dinfo_num, psys_num, -1.0);
3 }
```

---

ここで、計算時間の節約のため、領域分割は 4 ループ毎に 1 回だけ行うようにしている。第 3 引数は、領域分割する際に、自プロセスからどれだけ粒子をサンプリングするかを表す“重み”を表す変数である。この変数は  $> 0$  である必要があるが、負値が指定された場合、FDPS のデフォルト値が採用される。詳細は仕様書を参照されたい。

##### 4.1.3.5.2 粒子交換の実行

次に、領域情報に基いて、プロセス間の粒子の情報を交換する。これには、粒子群オブジェクトの API `fdps_exchange_particle` を用いる:

Listing 13: 粒子交換の実行

---

```
1 fdps_exchange_particle(psys_num, dinfo_num);
```

---

##### 4.1.3.5.3 相互作用計算の実行

領域分割・粒子交換が終了したら、相互作用の計算を行う。これには、ツリーオブジェクトの API `fdps_calc_force_all_and_write_back` を用いる:

Listing 14: 相互作用計算の実行

---

```
1 void c_main() {
```

---

```

2
3 // Do something
4
5 fdps_calc_force_all_and_write_back(tree_num,
6                                     calc_gravity_ep_ep,
7                                     calc_gravity_ep_sp,
8                                     psys_num,
9                                     dinfo_num,
10                                    true,
11                                    FDPS_MAKE_LIST);
12
13 // Do something
14
15 }

```

ここで、API の第 2,3 引数には関数 `calcForceEpEp`, `calcForceEpSp` の関数ポインタを指定する。第 6 引数には、前回の相互作用計算の結果をクリアするかどうかを `Bool` 値で指定する。第 7 引数は、相互作用リストの再利用を行うかどうかを指示するフラグで、ここでは新規に相互作用リストを作成して相互作用計算を行うモードを選択している。

#### 4.1.3.5.4 時間積分

本サンプルコードでは、時間積分を Leapfrog 時間積分法によって行う。時間積分は形式的に、 $K(\frac{\Delta t}{2})D(\Delta t)K(\frac{\Delta t}{2})$  と表される。ここで、 $\Delta t$  は時間刻み、 $K(\cdot)$  は速度を指定された時間だけ時間推進するオペレータ、 $D(\cdot)$  は位置を指定された時間だけ時間推進するオペレータである。本サンプルコードにおいて、これらのオペレータは、`void` 関数 `kick` と `void` 関数 `drift` として実装している。

時間積分ループの最初で、最初の  $D(\Delta t)K(\frac{\Delta t}{2})$  の計算を行い、粒子の座標と速度の情報を更新している:

Listing 15:  $D(\Delta t)K(\frac{\Delta t}{2})$  オペレータの計算

```

1 // Leapfrog: Kick-Drift
2 kick(psys_num, 0.5*dt);
3 time_sys += dt;
4 drift(psys_num, dt);

```

時間積分ループの次の部分では、力の計算を行い、その後、最後の  $K(\frac{\Delta t}{2})$  の計算を行っている:

Listing 16:  $K(\frac{\Delta t}{2})$  オペレータの計算

```

1 // Leapfrog: Kick
2 kick(psys_num, 0.5*dt);

```

#### 4.1.3.6 粒子データの更新

上記で説明した `kick` や `drift` 等の `void` 関数で、粒子データを更新するためには、粒子群オブジェクトに格納されている粒子データにアクセスする必要がある。これは、第 4.1.3.4

節で説明した方法とほぼ同様に行う:

Listing 17: 粒子データの更新

---

```

1 void foo(psys_num) {
2     // Get # of local particles
3     int nptcl_loc = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
4
5     // Get the pointer to full particle data
6     Full_particle *ptcl = (Full_particle *) fdps_get_psys_cptr(psys_num);
7
8     // Initialize or update particle data
9     int i;
10    for (i = 0; i < nptcl_loc; i++) {
11        ptcl[i].pos.x = /* Do something */ ;
12    }
13 }
```

---

API `fdps_get_psys_cptr` を使い、粒子群オブジェクトに格納された粒子データのアドレスをポインタとして受け取る。受け取ったポインタは要素数 `nptcl_loc` の粒子配列として振る舞うので、一般的な配列同様に値を更新すればよい。

#### 4.1.4 ログファイル

計算が正しく開始すると、標準出力に、時間・エネルギー誤差の2つが出力される。以下はその出力の最も最初のステップでの例である。

Listing 18: 標準出力の例

---

```

1 time:      0.0000000000E+000, energy error:    -0.0000000000E+000
```

---

## 4.2 固定長 SPH シミュレーションコード

本節では、前節(第3節)で使用した、固定 smoothing length での標準 SPH 法のサンプルコードの詳細について解説する。

### 4.2.1 ソースファイルの場所と構成

ソースファイルは\$(FDPS)/sample/c/sph 以下にある。サンプルコードは、次節で説明するユーザ定義型が記述されたソースコード `user_defined.h`、相互作用関数が記述された `user_defined.c`、数学定数が定義された `mathematical_constants.*`、SPH シミュレーションのメインループ等が記述されたソースコード `c_main.c` から構成される。この他に、GCC 用の Makefile がある。

### 4.2.2 ユーザー定義型・ユーザ定義関数

本節では、FDPS の機能を用いて SPH の計算を行う際に、ユーザーが記述しなければならない構造体と void 関数について記述する。

#### 4.2.2.1 FullParticle 型

ユーザーはユーザ定義型の 1 つ FullParticle 型を記述しなければならない。FullParticle 型には、シミュレーションを行うにあたって、SPH 粒子が持っているべき全ての物理量が含まれている。Listing 19 に本サンプルコード中で用いる FullParticle 型の実装例を示す (user\_defined.h を参照)。

Listing 19: FullParticle 型

```

1 typedef struct full_particle { //$fdps FP
2     //$fdps copyFromForce force_dens (dens,dens)
3     //$fdps copyFromForce force_hydro (acc,acc) (eng_dot,eng_dot) (dt,dt)
4     double mass; //$fdps charge
5     fdps_f64vec pos; //$fdps position
6     fdps_f64vec vel;
7     fdps_f64vec acc;
8     double dens;
9     double eng;
10    double pres;
11    double smth; //$fdps rsearch
12    double snds;
13    double eng_dot;
14    double dt;
15    long long int id;
16    fdps_f64vec vel_half;
17    double eng_half;
18 } Full_particle;

```

SPH サンプルコードでは  $N$  体サンプルコードと異なり、FullParticle 型が他のユーザ定義型を兼ねることはない。したがって、この構造体が FullParticle 型であることを示すため、次の指示文を記述している:

```
typedef struct full_particle { //$fdps FP
```

SPH シミュレーションにおける相互作用は短距離力である。そのため、必須物理量として探索半径が加わる。粒子位置等の指定も含め、どのメンバ変数がどの必須物理量に対応しているかの指定を次の指示文で行っている:

```

double mass; //$fdps charge
fdps_f64vec pos; //$fdps position
double smth; //$fdps rsearch

```

$N$  体シミュレーションコードの節で述べたように、メンバ変数が粒子速度であることを指定するキーワード velocity は予約語でしかないので、本サンプルコードでは指定していない。

FullParticle 型は Force 型との間でデータコピーを行う。ユーザは指示文を使い、FDPS にデータコピーの仕方を教えなければならない。後述するように本 SPH サンプルコードには 2 つの Force 型が存在する。したがって、ユーザはそれぞれの Force 型に対して、指示文を記述する必要がある。本サンプルコードでは、以下のように記述している:

```

//$fdps copyFromForce force_dens (dens,dens)
//$fdps copyFromForce force_hydro (acc,acc) (eng_dot,eng_dot) (dt,dt)

```

#### 4.2.2.2 EssentialParticleI 型

ユーザーは EssentialParticleI 型を記述しなければならない。EssentialParticleI 型には、Force の計算を行う際、 $i$  粒子が持っているべき全ての物理量をメンバ変数として持っている必要がある。また、本サンプルコード中では、EssentialParticleJ 型も兼ねているため、 $j$  粒子が持っているべき全ての物理量もメンバ変数として持っている必要がある。Listing 20 に、本サンプルコードの EssentialParticleI 型の実装例を示す (user\_defined.h 参照):

Listing 20: EssentialParticleI 型

```

1 typedef struct essential_particle { //$fdps EPI,EPJ
2     //$fdps copyFromFP full_particle (id,id) (pos,pos) (vel,vel) (mass,
3         mass) (smth,smth) (dens,dens) (pres,pres) (snds,snds)
4     long long int id;
5     fdps_f64vec pos; //$fdps position
6     fdps_f64vec vel;
7     double mass; //$fdps charge
8     double smth; //$fdps rsearch
9     double dens;
10    double pres;
11    double snds;
12 } Essential_particle;

```

まず、ユーザは指示文を用いて、この構造体が EssentialParticleI 型かつ EssentialParticleJ 型であることを FDPS に教えなければならない。本サンプルコードでは、以下のように記述している:

```

typedef struct essential_particle { //$fdps EPI,EPJ

```

次に、ユーザはこの構造体のどのメンバ変数がどの必須物理量に対応するのかを指示文によって指定しなければならない。今回は SPH シミュレーションを行うので探索半径の指定も必要である。本サンプルコードでは、以下のように記述している:

```

    fdps_f64vec pos; //$fdps position
    double mass; //$fdps charge
    double smth; //$fdps rsearch

```

EssentialParticleI 型と EssentialParticleJ 型は FullParticle 型からデータを受け取る。ユーザは FullParticle 型のどのメンバ変数を EssentialParticle?型 (?=I,J) のどのメンバ変数にコピーするのかを、指示文を用いて指定する必要がある。本サンプルコードでは、以下のように記述している:

```
//$fdps copyFromFP full_particle (id,id) (pos,pos) (vel,vel) (mass,mass)
(smith,smith) (dens,dens) (pres,pres) (snds,snds)
```

#### 4.2.2.3 Force 型

ユーザーは Force 型を記述しなければならない。Force 型には、Force の計算を行った際にその結果として得られる全ての物理量をメンバ変数として持っている必要がある。また、本サンプルコード中では、Force の計算は密度の計算と流体相互作用計算の 2 つが存在するため、Force 型は 2 つ書く必要がある。Listing 21 に、本サンプルコード中で用いる Force 型の実装例を示す。

Listing 21: Force 型

```
1 typedef struct force_dens { //$fdps Force
2     //$fdps clear smith=keep
3     double dens;
4     double smith;
5 } Force_dens;
6
7 typedef struct force_hydro { //$fdps Force
8     //$fdps clear
9     fdps_f64vec acc;
10    double eng_dot;
11    double dt;
12 } Force_hydro;
```

まず、ユーザはこれらの構造体が Force 型であることを指示文によって指定する必要がある。この実装例では、それぞれの構造体に対して、以下のように記述している:

```
typedef struct force_dens { //$fdps Force
typedef struct force_hydro { //$fdps Force
```

これらの構造体は Force 型であるから、ユーザは必ず、相互作用計算における積算対象のメンバ変数の初期化方法を指定する必要がある。本サンプルコードでは、積算対象である密度、(圧力勾配による) 加速度、エネルギー密度の変化率、時間刻みのみを 0 クリアする指示を出している:

```
//$fdps clear smith=keep
//$fdps clear
```

この例において、Force 型 force\_dens には、smoothing length を表すメンバ変数 smith が用意されている。本来、固定長 SPH では、Force 型に smoothing length に対応するメンバを持たせる必要はない。しかし、ここでは、ユーザが将来的に可変長 SPH に移行することを想定して用意してある。可変長 SPH の formulation の 1 つである Springel [2005,MNRAS,364,1105] の方法では、密度計算と同時に smoothing length を計算する必要がある。そのような formulation を実装する場合には、この例のように、Force 型に smoothing length を持たせる必要が生じ



る。本サンプルコードでは固定長 SPH を使うため、`smth` を 0 クリアされないようにしている (0 クリアされては 2 回目以降の密度計算が破綻するため)。

#### 4.2.2.4 相互作用関数 `calcForceEpEp`

ユーザーは粒子間相互作用の仕方を記述した相互作用関数 `calcForceEpEp` を記述しなければならない。相互作用関数 `calcForceEpEp` には、各 `Force` 型に対応する粒子-粒子相互作用計算の具体的な内容を書く必要がある。Listing 22 に、本サンプルコードでの実装を示す (`user_defined.c` を参照)。

Listing 22: 関数 `calcForceEpEp`

```

1 void calc_density(Essential_particle *ep_i,
2                   int n_ip,
3                   Essential_particle *ep_j,
4                   int n_jp,
5                   Force_dens *f) {
6     int i,j;
7     fdps_f64vec dr;
8     for (i = 0; i < n_ip; i++) {
9         for (j = 0; j < n_jp; j++) {
10             dr.x = ep_j[j].pos.x - ep_i[i].pos.x;
11             dr.y = ep_j[j].pos.y - ep_i[i].pos.y;
12             dr.z = ep_j[j].pos.z - ep_i[i].pos.z;
13             f[i].dens += ep_j[j].mass * W(dr,ep_i[i].smth);
14         }
15     }
16 }
17 }
18
19 void calc_hydro_force(Essential_particle *ep_i,
20                       int n_ip,
21                       Essential_particle *ep_j,
22                       int n_jp,
23                       Force_hydro *f) {
24     // Local parameters
25     const double C_CFL=0.3;
26     // Local variables
27     int i,j;
28     double mass_i,mass_j,smth_i,smth_j,
29            dens_i,dens_j,pres_i,pres_j,
30            snds_i,snds_j;
31     double povrho2_i,povrho2_j,
32            v_sig_max,dr_dv,w_ij,v_sig,AV;
33     fdps_f64vec pos_i,pos_j,vel_i,vel_j,
34            dr,dv,gradW_i,gradW_j,gradW_ij;
35
36     for (i = 0; i < n_ip; i++) {
37         // Zero-clear
38         v_sig_max = 0.0;
39         // Extract i-particle info.
40         pos_i.x = ep_i[i].pos.x;
41         pos_i.y = ep_i[i].pos.y;

```



```

42     pos_i.z = ep_i[i].pos.z;
43     vel_i.x = ep_i[i].vel.x;
44     vel_i.y = ep_i[i].vel.y;
45     vel_i.z = ep_i[i].vel.z;
46     mass_i  = ep_i[i].mass;
47     smth_i  = ep_i[i].smth;
48     dens_i  = ep_i[i].dens;
49     pres_i  = ep_i[i].pres;
50     snds_i  = ep_i[i].snds;
51     povrho2_i = pres_i/(dens_i*dens_i);
52     for (j = 0; j < n_jp; j++) {
53         // Extract j-particle info.
54         pos_j.x = ep_j[j].pos.x;
55         pos_j.y = ep_j[j].pos.y;
56         pos_j.z = ep_j[j].pos.z;
57         vel_j.x = ep_j[j].vel.x;
58         vel_j.y = ep_j[j].vel.y;
59         vel_j.z = ep_j[j].vel.z;
60         mass_j  = ep_j[j].mass;
61         smth_j  = ep_j[j].smth;
62         dens_j  = ep_j[j].dens;
63         pres_j  = ep_j[j].pres;
64         snds_j  = ep_j[j].snds;
65         povrho2_j = pres_j/(dens_j*dens_j);
66         // Compute dr & dv
67         dr.x = pos_i.x - pos_j.x;
68         dr.y = pos_i.y - pos_j.y;
69         dr.z = pos_i.z - pos_j.z;
70         dv.x = vel_i.x - vel_j.x;
71         dv.y = vel_i.y - vel_j.y;
72         dv.z = vel_i.z - vel_j.z;
73         // Compute the signal velocity
74         dr_dv = dr.x * dv.x + dr.y * dv.y + dr.z * dv.z;
75         if (dr_dv < 0.0) {
76             w_ij = dr_dv / sqrt(dr.x * dr.x + dr.y * dr.y + dr.z * dr.z
77                                     );
78         } else {
79             w_ij = 0.0;
80         }
81         v_sig = snds_i + snds_j - 3.0 * w_ij;
82         if (v_sig > v_sig_max) v_sig_max=v_sig;
83         // Compute the artificial viscosity
84         AV = - 0.5*v_sig*w_ij / (0.5*(dens_i+dens_j));
85         // Compute the average of the gradients of kernel
86         gradW_i  = gradW(dr,smth_i);
87         gradW_j  = gradW(dr,smth_j);
88         gradW_ij.x = 0.5 * (gradW_i.x + gradW_j.x);
89         gradW_ij.y = 0.5 * (gradW_i.y + gradW_j.y);
90         gradW_ij.z = 0.5 * (gradW_i.z + gradW_j.z);
91         // Compute the acceleration and the heating rate
92         f[i].acc.x -= mass_j*(povrho2_i+povrho2_j+AV)*gradW_ij.x;
93         f[i].acc.y -= mass_j*(povrho2_i+povrho2_j+AV)*gradW_ij.y;
94         f[i].acc.z -= mass_j*(povrho2_i+povrho2_j+AV)*gradW_ij.z;
95         f[i].eng_dot += mass_j * (povrho2_i + 0.5*AV)
96                             *(dv.x * gradW_ij.x

```

---

```

96             +dv.y * gradW_ij.y
97             +dv.z * gradW_ij.z);
98     }
99     f[i].dt = C_CFL*2.0*smth_i/(v_sig_max*kernel_support_radius);
100 }
101 }

```

---

本 SPH シミュレーションコードでは、2 種類の相互作用があるため、`calcForceEpEp` は 2 つ記述する必要がある。いずれの場合にも、`void` 関数の仮引数は、`EssentialParticleI` の配列、`EssentialParticleI` の個数、`EssentialParticleJ` の配列、`EssentialParticleJ` の個数、`Force` 型の配列である。

### 4.2.3 プログラム本体

本節では、FDPS を用いて SPH 計算を行う際に、メイン関数に書かれるべき関数に関して解説する (本文書におけるメイン関数の定義については、第 4.1.3 節を参照のこと)。

#### 4.2.3.1 ヘッダーファイルのインクルード

FDPS の標準機能を利用できるようにするため、`FDPS_c_if.h` をインクルードする。

Listing 23: ヘッダーファイル `FDPS_c_if.h` のインクルード

---

```

1 #include "FDPS_c_if.h"

```

---

#### 4.2.3.2 開始、終了

まずは、FDPS の初期化/開始を行う必要がある。次のように、メイン関数に記述する。

Listing 24: FDPS の開始

---

```

1 fdps_initialize();

```

---

FDPS は、開始したら明示的に終了させる必要がある。今回は、プログラムの終了と同時に FDPS も終了させるため、メイン関数の最後に次のように記述する。

Listing 25: FDPS の終了

---

```

1 fdps_finalize();

```

---

#### 4.2.3.3 オブジェクトの生成・初期化

FDPS の初期化に成功した場合、ユーザーはコード中で用いるオブジェクトを作成する必要がある。本節では、オブジェクトの生成/初期化の仕方について、解説する。

#### 4.2.3.3.1 オブジェクトの生成

SPH では、粒子群オブジェクト、領域情報オブジェクトに加え、密度計算用に Gather 型の短距離力用ツリーを 1 本、流体相互作用計算用に Symmetry 型の短距離力用ツリーを 1 本生成する必要がある。以下にそのコードを記す。

Listing 26: オブジェクトの生成

---

```

1 void c_main() {
2     // Make an instance of ParticleSystem and initialize it
3     int psys_num;
4     fdps_create_psys(&psys_num, "full_particle");
5
6     // Make an instance of DomainInfo and initialize it
7     int dinfo_num;
8     fdps_create_dinfo(&dinfo_num);
9
10    // Make two tree structures
11    int tree_num_dens;
12    fdps_create_tree(&tree_num_dens,
13                    "Short,force_dens,essential_particle,
14                    essential_particle,Gather");
15    int tree_num_hydro;
16    fdps_create_tree(&tree_num_hydro,
17                    "Short,force_hydro,essential_particle,
18                    essential_particle,Symmetry");
19 }
```

---

ここでも、実際のサンプルコードから該当部分だけを抜き出していることに注意して頂きたい。API `fdps_create_psys` と `fdps_create_tree` には、それぞれ、粒子種別とツリー種別を示す文字列を渡す。これら文字列の中のすべての構造体名は小文字で記述されなければならないことに注意して頂きたい。

#### 4.2.3.3.2 領域情報オブジェクトの初期化

ユーザーはオブジェクトを作成したら、そのオブジェクトの初期化を行う必要がある。ここでは、まず領域情報オブジェクトの初期化について、解説する。領域情報オブジェクトの初期化が終わった後、領域情報オブジェクトに周期境界の情報と、境界の大きさをセットする必要がある。今回のサンプルコードでは、 $x, y, z$  方向に周期境界を用いる。

Listing 27: 領域情報オブジェクトの初期化

---

```

1 fdps_init_dinfo(dinfo_num, coef_ema);
2 fdps_set_boundary_condition(dinfo_num, FDPS_BC_PERIODIC_XYZ);
3 fdps_set_pos_root_domain(dinfo_num, &pos_ll, &pos_ul);
```

---

#### 4.2.3.3.3 粒子群オブジェクトの初期化

次に、粒子群オブジェクトの初期化を行う必要がある。粒子群オブジェクトの初期化は、次の一文だけでよい。

Listing 28: 粒子群オブジェクトの初期化

---

```
1 fdps_init_psys(psys_num);
```

---

#### 4.2.3.3.4 ツリーオブジェクトの初期化

次に、ツリーオブジェクトの初期化を行う必要がある。ツリーオブジェクトの初期化を行う関数には、オブジェクト内部で使用する配列の大きさの初期値を渡す必要がある。初期値はローカル粒子数 (`n_loc`) 程度で十分であるため、そのようにセットする。

Listing 29: 相互作用ツリークラスの初期化

---

```
1 fdps_init_tree(tree_num_dens, n_loc, theta, &
2               n_leaf_limit, n_group_limit);
3 fdps_init_tree(tree_num_hydro, n_loc, theta, &
4               n_leaf_limit, n_group_limit);
```

---

#### 4.2.3.4 ループ

本節では、時間積分ループの中で行わなければならないことについて、解説する。

##### 4.2.3.4.1 領域分割の実行

まずは、粒子分布に基いて、領域分割を実行する。これには、領域情報オブジェクトの API `fdps_decompose_domain_all` を用いる。

Listing 30: 領域分割の実行

---

```
1 fdps_decompose_domain_all(dinfo_num, psys_num, -1.0);
```

---

##### 4.2.3.4.2 粒子交換の実行

次に、領域情報に基いて、プロセス間の粒子の情報を交換する。これには、粒子群オブジェクトの API `fdps_exchange_particle` を用いる。

Listing 31: 粒子交換の実行

---

```
1 fdps_exchange_particle(psys_num, dinfo_num);
```

---

##### 4.2.3.4.3 相互作用計算の実行

領域分割・粒子交換が終了したら、相互作用の計算を行う。これには、ツリーオブジェクトの API `fdps_calc_force_all_and_write_back` を用いる。

Listing 32: 相互作用計算の実行

```
1 void c_main() {
2
3     // Do something
4
5     fdps_calc_force_all_and_write_back(tree_num_dens,
6                                         calc_density,
7                                         NULL,
8                                         psys_num,
9                                         dinfo_num,
10                                        true,
11                                        FDPS_MAKE_LIST);
12     call_set_pressure(psys_num);
13     fdps_calc_force_all_and_write_back(tree_num_hydro,
14                                         calc_hydro_force,
15                                         NULL,
16                                         psys_num,
17                                         dinfo_num,
18                                         true,
19                                         FDPS_MAKE_LIST);
20
21     // Do something
22
23 }
```

#### 4.2.4 コンパイル

作業ディレクトリで `make` コマンドを打てばよい。Makefile としては、サンプルコードに付属の Makefile をそのまま用いる事にする。

```
$ make
```

#### 4.2.5 実行

MPI を使用しないで実行する場合、コマンドライン上で以下のコマンドを実行すればよい。

```
$ ./sph.out
```

もし、MPI を用いて実行する場合は、以下のコマンドを実行すればよい。

```
$ MPIRUN -np NPROC ./sph.out
```

ここで、MPIRUN には `mpirun` や `mpiexec` などの MPI 実行プログラムが、NPROC にはプロセス数が入る。

#### 4.2.6 ログファイル

計算が終了すると、`result` フォルダ下にログが出力される。

#### 4.2.7 可視化

ここでは、gnuplot を用いた可視化の方法について解説する。gnuplot で対話モードに入るために、コマンドラインから gnuplot を起動する。

```
$ gnuplot
```

対話モードに入ったら、gnuplot を用いて可視化を行う。今回は、50 番目のスナップショットファイルから、横軸を粒子の  $x$  座標、縦軸を密度に取ったグラフを生成する。

```
gnuplot> plot "result/snap00050-proc00000.dat" u 3:9
```

ここで、文字列 `proc` の後の整数は MPI のプロセス番号を表す。

## 5 サンプルコード

### 5.1 $N$ 体シミュレーション

$N$  体シミュレーションのサンプルコードを以下に示す。このサンプルは第3, 4節で用いた  $N$  体シミュレーションのサンプルコードと同じものである。これをカット&ペーストしてコンパイルすれば、正常に動作する  $N$  体シミュレーションコードを作ることができる。

Listing 33:  $N$  体シミュレーションのサンプルコード (user\_defined.h)

```

1 #pragma once
2 /* Standard headers */
3 #include <math.h>
4 /* FDPS headers */
5 #include "FDPS_c_if.h"
6
7 typedef struct full_particle { //$fdps FP,EPI,EPJ,Force
8     //$fdps copyFromForce full_particle (pot,pot) (acc,acc)
9     //$fdps copyFromFP full_particle (id,id) (mass,mass) (eps,eps) (pos,
10         pos)
11     //$fdps clear id=keep, mass=keep, eps=keep, pos=keep, vel=keep
12     long long id; //$fdps id
13     double mass; //$fdps charge
14     double eps;
15     fdps_f64vec pos; //$fdps position
16     fdps_f64vec vel; //$fdps velocity
17     double pot;
18     fdps_f64vec acc;
19 } Full_particle;
20
21 #ifdef USE_PIKG_KERNEL
22 typedef struct epi_grav {
23     fdps_f32vec pos;
24 } Epi_grav;
25
26 typedef struct epj_grav {
27     fdps_f32vec pos;
28     float mass;
29 } Epj_grav;
30
31 typedef struct force_grav {
32     fdps_f32vec acc;
33     float pot;
34 } Force_grav;
35 #endif
36
37 void calc_gravity_ep_ep(Full_particle *ep_i,
38     int n_ip,
39     Full_particle *ep_j,
40     int n_jp,
41     Full_particle *f);
42
43 void calc_gravity_ep_sp(Full_particle *ep_i,
44     int n_ip,
```

---

```

44         fdps_spj_monopole *ep_j,
45         int n_jp,
46         Full_particle *f);

```

---

Listing 34:  $N$  体シミュレーションのサンプルコード (user\_defined.c)

---

```

1  #include "user_defined.h"
2
3  #ifdef USE_PIKG_KERNEL
4  #include <stdlib.h>
5  #include "kernel_epep.h"
6  void calc_gravity_ep_ep(Full_particle *ep_i,
7                          int n_ip,
8                          Full_particle *ep_j,
9                          int n_jp,
10                         Full_particle* f)
11 {
12     if (n_ip > 0) {
13         Epi_grav * ep_i_tmp = (Epi_grav *) malloc(sizeof(Epi_grav) * n_ip)
14         ;
15         Force_grav * f_tmp = (Force_grav *) malloc(sizeof(Force_grav) *
16             n_ip);
17         int i;
18         for (i = 0; i < n_ip; i++) {
19             ep_i_tmp[i].pos.x = ep_i[i].pos.x - ep_i[0].pos.x;
20             ep_i_tmp[i].pos.y = ep_i[i].pos.y - ep_i[0].pos.y;
21             ep_i_tmp[i].pos.z = ep_i[i].pos.z - ep_i[0].pos.z;
22             f_tmp[i].acc.x = 0.0;
23             f_tmp[i].acc.y = 0.0;
24             f_tmp[i].acc.z = 0.0;
25             f_tmp[i].pot = 0.0;
26         }
27         Epj_grav * ep_j_tmp = (Epj_grav *) malloc(sizeof(Epj_grav) * n_jp)
28         ;
29         for (i = 0; i < n_jp; i++) {
30             ep_j_tmp[i].pos.x = ep_j[i].pos.x - ep_i[0].pos.x;
31             ep_j_tmp[i].pos.y = ep_j[i].pos.y - ep_i[0].pos.y;
32             ep_j_tmp[i].pos.z = ep_j[i].pos.z - ep_i[0].pos.z;
33             ep_j_tmp[i].mass = ep_j[i].mass;
34         }
35         pikg_calc_grav_ep_ep(ep_i_tmp, n_ip, ep_j_tmp, n_jp, f_tmp);
36         for (i = 0; i < n_ip; i++) {
37             f[i].acc.x += f_tmp[i].acc.x;
38             f[i].acc.y += f_tmp[i].acc.y;
39             f[i].acc.z += f_tmp[i].acc.z;
40             f[i].pot += f_tmp[i].pot;
41         }
42         free(ep_i_tmp);
43         free(f_tmp);
44         free(ep_j_tmp);
45     }
46 }
47
48 void calc_gravity_ep_sp(Full_particle *ep_i,
49                         int n_ip,
50                         fdps_spj_monopole *ep_j,

```

---



```

48             int n_jp,
49             Full_particle *f)
50 {
51     if (n_ip > 0) {
52         Epi_grav * ep_i_tmp = (Epi_grav *) malloc(sizeof(Epi_grav) * n_ip)
53         ;
54         Force_grav * f_tmp = (Force_grav *) malloc(sizeof(Force_grav) *
55             n_ip);
56         int i;
57         for (i = 0; i < n_ip; i++) {
58             ep_i_tmp[i].pos.x = ep_i[i].pos.x - ep_i[0].pos.x;
59             ep_i_tmp[i].pos.y = ep_i[i].pos.y - ep_i[0].pos.y;
60             ep_i_tmp[i].pos.z = ep_i[i].pos.z - ep_i[0].pos.z;
61             f_tmp[i].acc.x = 0.0;
62             f_tmp[i].acc.y = 0.0;
63             f_tmp[i].acc.z = 0.0;
64             f_tmp[i].pot = 0.0;
65         }
66         Epj_grav * ep_j_tmp = (Epj_grav *) malloc(sizeof(Epj_grav) * n_jp)
67         ;
68         for (i = 0; i < n_jp; i++) {
69             ep_j_tmp[i].pos.x = ep_j[i].pos.x - ep_i[0].pos.x;
70             ep_j_tmp[i].pos.y = ep_j[i].pos.y - ep_i[0].pos.y;
71             ep_j_tmp[i].pos.z = ep_j[i].pos.z - ep_i[0].pos.z;
72             ep_j_tmp[i].mass = ep_j[i].mass;
73         }
74         pikg_calc_grav_ep_ep(ep_i_tmp, n_ip, ep_j_tmp, n_jp, f_tmp);
75         for (i = 0; i < n_ip; i++) {
76             f[i].acc.x += f_tmp[i].acc.x;
77             f[i].acc.y += f_tmp[i].acc.y;
78             f[i].acc.z += f_tmp[i].acc.z;
79             f[i].pot += f_tmp[i].pot;
80         }
81         free(ep_i_tmp);
82         free(f_tmp);
83         free(ep_j_tmp);
84     }
85 }
86
87 #else // USE_PIKG_KERNEL
88 void calc_gravity_ep_ep(Full_particle *ep_i,
89             int n_ip,
90             Full_particle *ep_j,
91             int n_jp,
92             Full_particle* f)
93 {
94     int i, j;
95     for (i=0; i<n_ip ;i++) {
96         Full_particle *pi = ep_i + i;
97         double eps2 = pi->eps * pi->eps;
98         double xi = pi->pos.x;
99         double yi = pi->pos.y;
100        double zi = pi->pos.z;
101        double ax, ay, az, pot;
102        ax = ay = az = pot = 0;

```

```

100     for (j=0; j<n_jp; j++) {
101         Full_particle *pj = ep_j + j;
102         double dx = xi - pj->pos.x;
103         double dy = yi - pj->pos.y;
104         double dz = zi - pj->pos.z;
105         double r2 = dx*dx+dy*dy+dz*dz+eps2;
106         double rinv = 1.0/sqrt(r2);
107         double mrinv = pj->mass* rinv;
108         double mr3inv = mrinv*rinv*rinv;
109         ax -= dx*mr3inv;
110         ay -= dy*mr3inv;
111         az -= dz*mr3inv;
112         pot = pot - mrinv;
113     }
114     Full_particle *pfi = f+i;
115     pfi->pot += pot;
116     pfi->acc.x += ax;
117     pfi->acc.y += ay;
118     pfi->acc.z += az;
119 }
120 }
121
122 void calc_gravity_ep_sp(Full_particle *ep_i,
123                         int n_ip,
124                         fdps_spj_monopole *ep_j,
125                         int n_jp,
126                         Full_particle *f)
127 {
128     int i, j;
129     for (i=0; i<n_ip; i++) {
130         Full_particle *pi = ep_i + i;
131         double eps2 = pi->eps*pi->eps;
132         double xi = pi->pos.x;
133         double yi = pi->pos.y;
134         double zi = pi->pos.z;
135         double ax, ay, az, pot;
136         ax = ay = az = pot = 0;
137         for (j=0; j<n_jp; j++) {
138             fdps_spj_monopole *pj = ep_j + j;
139             double dx = xi - pj->pos.x;
140             double dy = yi - pj->pos.y;
141             double dz = zi - pj->pos.z;
142             double r2 = dx*dx+dy*dy+dz*dz+eps2;
143             double rinv = 1.0/sqrt(r2);
144             double mrinv = pj->mass* rinv;
145             double mr3inv = mrinv*rinv*rinv;
146             ax -= dx*mr3inv;
147             ay -= dy*mr3inv;
148             az -= dz*mr3inv;
149             pot = pot - mrinv;
150         }
151         Full_particle *pfi = f+i;
152         pfi->pot += pot;
153         pfi->acc.x += ax;
154         pfi->acc.y += ay;

```

```

155         pfi->acc.z += az;
156     }
157 }
158 #endif // USE_PIKG_KERNEL

```

Listing 35:  $N$  体シミュレーションのサンプルコード (c\_main.c)

```

1  /* Standard headers */
2  #include <stdio.h>
3  #include <stdlib.h>
4  #include <stdbool.h>
5  #include <math.h>
6  /* FDPS headers */
7  #include "user_defined.h"
8  #ifdef USE_PIKG_KERNEL
9  #include "kernel_epep.h"
10 #endif
11 #include "FDPS_c_if.h"
12
13 void dump_fullp(Full_particle p)
14 {
15     printf("%lld%15.7e%15.7e%15.7e%15.7e%15.7e%15.7e%15.7e",
16           p.id, p.mass, p.pos.x, p.pos.y, p.pos.z,
17           p.vel.x, p.vel.y, p.vel.z);
18     printf("%15.7e%15.7e%15.7e%15.7e\n",
19           p.acc.x, p.acc.y, p.acc.z, p.pot);
20 }
21 void dump_fullpsys(Full_particle *p, int n)
22 {
23     int i;
24     for (i=0; i<n; i++) dump_fullp(p[i]);
25 }
26
27 void dump_particles(int psys_num)
28 {
29     Full_particle *ptcl;
30     ptcl = (Full_particle *) fdps_get_psys_cpctr(psys_num);
31     int n = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
32     dump_fullpsys(ptcl, n);
33 }
34
35 void setup_IC(int psys_num,
36              int nptcl_glb)
37 {
38
39     double m_tot=1.0;
40     double rmax=3.0;
41     double r2max=rmax*rmax;
42     double eps=1.0/32.0;
43     // Get # of MPI processes and rank number
44     int nprocs = fdps_get_num_procs();
45     int myrank = fdps_get_rank();
46     // Make an initial condition at RANK 0
47     if (myrank == 0 ){
48         //Set # of local particles
49         fdps_set_nptcl_loc(psys_num, nptcl_glb);

```

```

50     Full_particle *ptcl;
51     ptcl = (Full_particle *) fdps_get_psys_cptr(psys_num);
52     /** initialize Mersenne twister
53     int mtts_num;
54     fdps_create_mttts(&mtts_num);
55     fdps_mttts_init_genrand(mttts_num,0);
56     int i;
57     for (i=0; i < nptcl_glb; i++){
58         Full_particle *q = ptcl+i;
59         q->id = i;
60         q->mass = m_tot/nptcl_glb;
61         double r2 = r2max*2;
62         fdps_f64vec pos;
63         while (r2 >= r2max){
64             pos.x= (2*fdps_mttts_genrand_res53(mttts_num)-1.0) * rmax;
65             pos.y= (2*fdps_mttts_genrand_res53(mttts_num)-1.0) * rmax;
66             pos.z= (2*fdps_mttts_genrand_res53(mttts_num)-1.0) * rmax;
67             r2 = pos.x*pos.x + pos.y*pos.y + pos.z*pos.z;
68         }
69         q->pos = pos;
70         q->vel.x = 0.0;
71         q->vel.y = 0.0;
72         q->vel.z = 0.0;
73         q->eps = eps;
74     }
75     fdps_f64vec cm_pos;
76     fdps_f64vec cm_vel;
77     cm_pos.x = 0.0; cm_pos.y = 0.0; cm_pos.z = 0.0;
78     cm_vel.x = 0.0; cm_vel.y = 0.0; cm_vel.z = 0.0;
79     double cm_mass = 0;
80     for (i=0; i < nptcl_glb; i++){
81         Full_particle *pi = ptcl+i;
82         cm_pos.x += pi->pos.x* pi->mass;
83         cm_pos.y += pi->pos.y* pi->mass;
84         cm_pos.z += pi->pos.z* pi->mass;
85         cm_vel.x += pi->vel.x* pi->mass;
86         cm_vel.y += pi->vel.y* pi->mass;
87         cm_vel.z += pi->vel.z* pi->mass;
88         cm_mass += pi->mass;
89     }
90     cm_pos.x /= cm_mass;
91     cm_pos.y /= cm_mass;
92     cm_pos.z /= cm_mass;
93     cm_vel.x /= cm_mass;
94     cm_vel.y /= cm_mass;
95     cm_vel.z /= cm_mass;
96     for (i=0; i < nptcl_glb; i++){
97         Full_particle* q = ptcl+i;
98         q->pos.x -= cm_pos.x;
99         q->pos.y -= cm_pos.y;
100        q->pos.z -= cm_pos.z;
101        q->vel.x -= cm_vel.x;
102        q->vel.y -= cm_vel.y;
103        q->vel.z -= cm_vel.z;
104    }

```

```

105         //dump_fullpsys(ptcl, nptcl_glb);
106     } else{
107         fdps_set_nptcl_loc(psys_num,0);
108     }
109 #ifdef USE_PIKG_KERNEL
110     float eps2 = (float)(eps * eps);
111     pikg_calc_grav_ep_ep_initialize(eps2);
112 #endif
113 }
114
115 void calc_energy(int psys_num,
116                 double *etot,
117                 double *ekin,
118                 double *epot)
119 {
120     *etot = *ekin = *epot = 0;
121     int nptcl_loc = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
122     Full_particle *ptcl;
123     ptcl = (Full_particle *) fdps_get_psys_cptr(psys_num);
124
125     double ekin_loc = 0.0;
126     double epot_loc = 0.0;
127     int i;
128     for (i=0; i < nptcl_loc; i++){
129         Full_particle *pi = ptcl+i;
130         fdps_f64vec v = pi->vel;
131         ekin_loc += pi->mass * (v.x*v.x+v.y*v.y+v.z*v.z);
132         epot_loc += pi->mass * (pi->pot + pi->mass/pi->eps);
133     }
134     ekin_loc *= 0.5;
135     epot_loc *= 0.5;
136     double etot_loc = ekin_loc + epot_loc;
137     *ekin = fdps_get_sum_f64(ekin_loc);
138     *epot = fdps_get_sum_f64(epot_loc);
139     *etot = fdps_get_sum_f64(etot_loc);
140 }
141
142 void kick(int psys_num, double dt)
143 {
144     Full_particle *ptcl;
145     ptcl = (Full_particle *) fdps_get_psys_cptr(psys_num);
146     int n = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
147     int i;
148     for (i=0; i < n; i++){
149         Full_particle *pi = ptcl+i;
150         fdps_f64vec *pv, *pa;
151         pv = &(pi->vel);
152         pa = &(pi->acc);
153         pv->x += pa->x * dt;
154         pv->y += pa->y * dt;
155         pv->z += pa->z * dt;
156     }
157 }
158
159 void drift(int psys_num, double dt)

```

```

160 {
161     Full_particle *ptcl;
162     ptcl = (Full_particle *) fdps_get_psys_cptr(psys_num);
163     int n = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
164     int i;
165     for (i=0; i < n; i++){
166         Full_particle *pi = ptcl+i;
167         fdps_f64vec *px, *pv;
168         pv = &(pi->vel);
169         px = &(pi->pos);
170         px->x += pv->x * dt;
171         px->y += pv->y * dt;
172         px->z += pv->z * dt;
173     }
174 }
175
176 void c_main()
177 {
178     fprintf(stderr, "FDPS_\_\_\_\_\_C_\_\_\_\_\_test_\_\_\_\_\_code\n");
179     fdps_initialize();
180     // Create and initialize dinfo object
181     int dinfo_num;
182     float coef_ema=0.3;
183     fdps_create_dinfo(&dinfo_num);
184     fdps_init_dinfo(dinfo_num,coef_ema);
185     // Create and initialize psys object
186     int psys_num;
187     fdps_create_psys(&psys_num,"full_particle");
188     fdps_init_psys(psys_num);
189     // Make an initial condition
190     int n_tot=1024;
191     setup_IC(psys_num,n_tot);
192     // Domain decomposition and exchange particle
193     fdps_decompose_domain_all(dinfo_num,psys_num,-1.0);
194     fdps_exchange_particle(psys_num,dinfo_num);
195     int n_loc=fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
196     // Create and initialize tree object
197     int tree_num;
198     fdps_create_tree(&tree_num,
199                     "Long,full_particle,full_particle,full_particle,
200                     Monopole");
201     double theta = 0.5;
202     int n_leaf_limit = 8;
203     int n_group_limit = 64;
204     fdps_init_tree(tree_num, n_loc, theta, n_leaf_limit, n_group_limit);
205     // Compute force at the initial time
206     fdps_calc_force_all_and_write_back(tree_num,
207                                         calc_gravity_ep_ep,
208                                         calc_gravity_ep_sp,
209                                         psys_num,
210                                         dinfo_num,
211                                         true,
212                                         FDPS_MAKE_LIST);
213     //dump_particles(psys_num);
214     // Compute energies at the initial time

```

---

```

214     double etot0,ekin0,epot0;
215     calc_energy(psys_num, &etot0, &ekin0,&epot0);
216     printf("Energies=□□%21.14e□□%21.14e□□%21.14e\n",etot0,ekin0,epot0);
217     // Time integration
218     double time_diag = 0;
219     double time_snap = 0;
220     double time_sys = 0;
221     double time_end = 10.0;
222     double dt = 1.0/128.0;
223     double dt_diag = 1.0;
224     double dt_snap = 1.0;
225     int num_loop = 0;
226     while (time_sys <= time_end){
227         if (time_sys + dt/2 >= time_snap){
228             // output(psys_num)
229             time_snap += dt_snap;
230         }
231         double etot1, ekin1, epot1;
232         calc_energy(psys_num, &etot1,&ekin1,&epot1);
233         //printf( "Energies = %21.14e  %21.14e  %21.14e\n",etot1,ekin1,
234             //dump_particles(psys_num);
235         if (fdps_get_rank() == 0){
236             if (time_sys + dt/2 >= time_diag){
237                 printf ("time:□%10.3f,□energy□error:□%15.7e\n",
238                     time_sys, (etot1-etot0)/etot0);
239                 time_diag = time_diag + dt_diag;
240             }
241         }
242         kick(psys_num,0.5*dt);
243         time_sys += dt;
244         drift(psys_num,dt);
245         // Domain decomposition & exchange particle
246         if (num_loop %4 == 0) {
247             fdps_decompose_domain_all(dinfo_num,psys_num,-1.0);
248         }
249         fdps_exchange_particle(psys_num,dinfo_num);
250         // Force calculation
251         fdps_calc_force_all_and_write_back(tree_num,
252                                     calc_gravity_ep_ep,
253                                     calc_gravity_ep_sp,
254                                     psys_num,
255                                     dinfo_num,
256                                     true,
257                                     FDPS_MAKE_LIST);
258         kick(psys_num,0.5*dt);
259         num_loop += 1;
260     }
261     fdps_finalize();
262 }

```

---

## 5.2 固定長 SPH シミュレーション

固定長 SPH シミュレーションのサンプルコードを以下に示す。このサンプルは第 3, 4 節で用いた固定長 SPH シミュレーションのサンプルコードと同じものである。これをカット&ペーストしてコンパイルすれば、正常に動作する固定長 SPH シミュレーションコードを作ることができる。

Listing 36: 固定長 SPH シミュレーションのサンプルコード (user\_defined.h)

```

1  #pragma once
2  /* Standard headers */
3  #include <math.h>
4  /* FDPS headers */
5  #include "FDPS_c_if.h"
6  /* User-defined headers */
7  #include "mathematical_constants.h"
8
9  /* Force types */
10 typedef struct force_dens { //$fdps Force
11     //$fdps clear smth=keep
12     double dens;
13     double smth;
14 } Force_dens;
15
16 typedef struct force_hydro { //$fdps Force
17     //$fdps clear
18     fdps_f64vec acc;
19     double eng_dot;
20     double dt;
21 } Force_hydro;
22
23 /* Full particle type */
24 typedef struct full_particle { //$fdps FP
25     //$fdps copyFromForce force_dens (dens,dens)
26     //$fdps copyFromForce force_hydro (acc,acc) (eng_dot,eng_dot) (dt,dt)
27     double mass; //$fdps charge
28     fdps_f64vec pos; //$fdps position
29     fdps_f64vec vel;
30     fdps_f64vec acc;
31     double dens;
32     double eng;
33     double pres;
34     double smth; //$fdps rsearch
35     double sn ds;
36     double eng_dot;
37     double dt;
38     long long int id;
39     fdps_f64vec vel_half;
40     double eng_half;
41 } Full_particle;
42
43 /* Essential particle type */
44 typedef struct essential_particle { //$fdps EPI,EPJ
45     //$fdps copyFromFP full_particle (id,id) (pos,pos) (vel,vel) (mass,
46         mass) (smth,smth) (dens,dens) (pres,pres) (sn ds,sn ds)

```



```

46     long long int id;
47     fdps_f64vec pos; // $fdps position
48     fdps_f64vec vel;
49     double mass; // $fdps charge
50     double smth; // $fdps rsearch
51     double dens;
52     double pres;
53     double sn ds;
54 } Essential_particle;
55
56 /* Prototype declarations */
57 double W(fdps_f64vec dr, double h);
58 fdps_f64vec gradW(fdps_f64vec dr, double h);
59
60 void calc_density(Essential_particle *ep_i,
61                  int n_ip,
62                  Essential_particle *ep_j,
63                  int n_jp,
64                  Force_dens *f);
65 void calc_hydro_force(Essential_particle *ep_i,
66                       int n_ip,
67                       Essential_particle *ep_j,
68                       int n_jp,
69                       Force_hydro *f);
70
71 /* Gloabl variable */
72 extern const double kernel_support_radius;

```

Listing 37: 固定長 SPH シミュレーションのサンプルコード (user\_defined.c)

```

1  #include "user_defined.h"
2
3  /* Global variable */
4  const double kernel_support_radius=2.5;
5
6  /* Kernel functions */
7  double W(fdps_f64vec dr, double h) {
8      double s,s1,s2,ret;
9      s = sqrt(dr.x * dr.x
10             +dr.y * dr.y
11             +dr.z * dr.z)/h;
12      s1 = 1.0 - s;
13      if (s1 < 0.0) s1 = 0.0;
14      s2 = 0.5 - s;
15      if (s2 < 0.0) s2 = 0.0;
16      ret = (s1*s1*s1) - 4.0*(s2*s2*s2);
17      ret = ret * 16.0e0/(pi*h*h*h);
18      return ret;
19  }
20
21 fdps_f64vec gradW(fdps_f64vec dr, double h) {
22     double dr_abs,s,s1,s2,coef;
23     fdps_f64vec ret;
24     dr_abs = sqrt(dr.x * dr.x
25                 +dr.y * dr.y
26                 +dr.z * dr.z);

```

```

27     s = dr_abs/h;
28     s1 = 1.0 - s;
29     if (s1 < 0.0) s1 = 0.0;
30     s2 = 0.5 - s;
31     if (s2 < 0.0) s2 = 0.0;
32     coef = - 3.0*(s1*s1) + 12.0*(s2*s2);
33     coef = coef * 16.0/(pi*h*h*h);
34     coef = coef / (dr_abs*h + 1.0e-6*h);
35     ret.x = dr.x * coef;
36     ret.y = dr.y * coef;
37     ret.z = dr.z * coef;
38     return ret;
39 }
40
41 /* Interaction functions */
42 void calc_density(Essential_particle *ep_i,
43                  int n_ip,
44                  Essential_particle *ep_j,
45                  int n_jp,
46                  Force_dens *f) {
47     int i,j;
48     fdps_f64vec dr;
49     for (i = 0; i < n_ip; i++) {
50         for (j = 0; j < n_jp; j++) {
51             dr.x = ep_j[j].pos.x - ep_i[i].pos.x;
52             dr.y = ep_j[j].pos.y - ep_i[i].pos.y;
53             dr.z = ep_j[j].pos.z - ep_i[i].pos.z;
54             f[i].dens += ep_j[j].mass * W(dr,ep_i[i].smth);
55         }
56     }
57 }
58 }
59
60 void calc_hydro_force(Essential_particle *ep_i,
61                      int n_ip,
62                      Essential_particle *ep_j,
63                      int n_jp,
64                      Force_hydro *f) {
65     // Local parameters
66     const double C_CFL=0.3;
67     // Local variables
68     int i,j;
69     double mass_i,mass_j,smth_i,smth_j,
70            dens_i,dens_j,pres_i,pres_j,
71            snds_i,snds_j;
72     double povrho2_i,povrho2_j,
73            v_sig_max,dr_dv,w_ij,v_sig,AV;
74     fdps_f64vec pos_i,pos_j,vel_i,vel_j,
75            dr,dv,gradW_i,gradW_j,gradW_ij;
76
77     for (i = 0; i < n_ip; i++) {
78         // Zero-clear
79         v_sig_max = 0.0;
80         // Extract i-particle info.
81         pos_i.x = ep_i[i].pos.x;

```

```

82     pos_i.y = ep_i[i].pos.y;
83     pos_i.z = ep_i[i].pos.z;
84     vel_i.x = ep_i[i].vel.x;
85     vel_i.y = ep_i[i].vel.y;
86     vel_i.z = ep_i[i].vel.z;
87     mass_i  = ep_i[i].mass;
88     smth_i  = ep_i[i].smth;
89     dens_i  = ep_i[i].dens;
90     pres_i  = ep_i[i].pres;
91     snds_i  = ep_i[i].snds;
92     povrho2_i = pres_i/(dens_i*dens_i);
93     for (j = 0; j < n_jp; j++) {
94         // Extract j-particle info.
95         pos_j.x = ep_j[j].pos.x;
96         pos_j.y = ep_j[j].pos.y;
97         pos_j.z = ep_j[j].pos.z;
98         vel_j.x = ep_j[j].vel.x;
99         vel_j.y = ep_j[j].vel.y;
100        vel_j.z = ep_j[j].vel.z;
101        mass_j  = ep_j[j].mass;
102        smth_j  = ep_j[j].smth;
103        dens_j  = ep_j[j].dens;
104        pres_j  = ep_j[j].pres;
105        snds_j  = ep_j[j].snds;
106        povrho2_j = pres_j/(dens_j*dens_j);
107        // Compute dr & dv
108        dr.x = pos_i.x - pos_j.x;
109        dr.y = pos_i.y - pos_j.y;
110        dr.z = pos_i.z - pos_j.z;
111        dv.x = vel_i.x - vel_j.x;
112        dv.y = vel_i.y - vel_j.y;
113        dv.z = vel_i.z - vel_j.z;
114        // Compute the signal velocity
115        dr_dv = dr.x * dv.x + dr.y * dv.y + dr.z * dv.z;
116        if (dr_dv < 0.0) {
117            w_ij = dr_dv / sqrt(dr.x * dr.x + dr.y * dr.y + dr.z * dr.z
118                               );
119        } else {
120            w_ij = 0.0;
121        }
122        v_sig = snds_i + snds_j - 3.0 * w_ij;
123        if (v_sig > v_sig_max) v_sig_max=v_sig;
124        // Compute the artificial viscosity
125        AV = - 0.5*v_sig*w_ij / (0.5*(dens_i+dens_j));
126        // Compute the average of the gradients of kernel
127        gradW_i  = gradW(dr,smth_i);
128        gradW_j  = gradW(dr,smth_j);
129        gradW_ij.x = 0.5 * (gradW_i.x + gradW_j.x);
130        gradW_ij.y = 0.5 * (gradW_i.y + gradW_j.y);
131        gradW_ij.z = 0.5 * (gradW_i.z + gradW_j.z);
132        // Compute the acceleration and the heating rate
133        f[i].acc.x -= mass_j*(povrho2_i+povrho2_j+AV)*gradW_ij.x;
134        f[i].acc.y -= mass_j*(povrho2_i+povrho2_j+AV)*gradW_ij.y;
135        f[i].acc.z -= mass_j*(povrho2_i+povrho2_j+AV)*gradW_ij.z;
136        f[i].eng_dot += mass_j * (povrho2_i + 0.5*AV)

```

---

```

136             *(dv.x * gradW_ij.x
137               +dv.y * gradW_ij.y
138               +dv.z * gradW_ij.z);
139         }
140         f[i].dt = C_CFL*2.0*smth_i/(v_sig_max*kernel_support_radius);
141     }
142 }

```

---

Listing 38: 固定長 SPH シミュレーションのサンプルコード (c\_main.c)

---

```

1  /* Standard headers */
2  #include <stdio.h>
3  #include <stdlib.h>
4  #include <stdbool.h>
5  #include <math.h>
6  #include <assert.h>
7  /* FDPS headers */
8  #include "FDPS_c_if.h"
9  /* user-defined headers */
10 #include "mathematical_constants.h"
11 #include "user_defined.h"
12
13 void setup_IC(int psys_num,
14               double *end_time,
15               fdps_f32vec *pos_ll,
16               fdps_f32vec *pos_ul) {
17     // Get # of MPI processes and rank number
18     int nprocs = fdps_get_num_procs();
19     int myrank = fdps_get_rank();
20
21     // Set the box size
22     pos_ll->x = 0.0;
23     pos_ll->y = 0.0;
24     pos_ll->z = 0.0;
25     pos_ul->x = 1.0;
26     pos_ul->y = pos_ul->x / 8.0;
27     pos_ul->z = pos_ul->x / 8.0;
28
29     // Set the left and right states
30     const double dens_left  = 1.0;
31     const double eng_left   = 2.5;
32     const double dens_right = 0.5;
33     const double eng_right  = 2.5;
34
35     // Set the separation of particle of the left state
36     const double dx = 1.0 / 128.0;
37     const double dy = dx;
38     const double dz = dx;
39
40     // Count # of particles in the computational domain
41     double x, y, z;
42     int nx_left = 0, ny_left = 0, nz_left = 0;
43     for (x = 0; x < 0.5 * pos_ul->x; x += dx) nx_left++;
44     for (y = 0; y < pos_ul->y ; y += dy) ny_left++;
45     for (z = 0; z < pos_ul->z ; z += dz) nz_left++;
46     int nx_right = 0, ny_right = 0, nz_right = 0;

```

```

47     for (x = 0.5 * pos_ul->x; x < pos_ul->x * 1.0; x += (dens_left/
        dens_right)*dx) nx_right++;
48     for (y = 0; y < pos_ul->y; y += dy) ny_right++;
49     for (z = 0; z < pos_ul->z; z += dz) nz_right++;
50     const int nptcl_glb = (nx_left * ny_left * nz_left)
51                          + (nx_right * ny_right * nz_right);
52     if (myrank == 0) {
53         printf("nptcl_glb=%d\n", nptcl_glb);
54     }
55
56     // Set # of local particles
57     const int nptcl_quot = nptcl_glb / nprocs; // quotient
58     const int nptcl_rem = nptcl_glb % nprocs; // remainder
59     if (myrank == 0) {
60         printf("nptcl_quot=%d\n", nptcl_quot);
61         printf("nptcl_rem=%d\n", nptcl_rem);
62     }
63     const int nptcl_loc = nptcl_quot + ((myrank < nptcl_rem) ? 1 : 0);
64     fdps_set_nptcl_loc(psys_num, nptcl_loc);
65     const int i_head = nptcl_quot * myrank
66                  + ((myrank > (nptcl_rem-1)) ? nptcl_rem : myrank);
67     const int i_tail = i_head + nptcl_loc;
68     int rank;
69     for (rank = 0; rank < nprocs; rank++) {
70         if (rank == myrank) {
71             printf("myrank=%d, nptcl_loc=%d, i_head=%d, i_tail=%d\n",
                    rank, nptcl_loc, i_head, i_tail);
72         }
73     }
74     fdps_barrier();
75 }
76
77 // Set local particles
78 Full_particle *ptcl = (Full_particle *) fdps_get_psys_cpnr(psys_num);
79 const double sv = (pos_ul->x * pos_ul->y * pos_ul->z) / (double)
    nptcl_glb;
80 const double mass = 0.5 * (dens_left + dens_right) * sv;
81 int i = 0;
82 // (1) Left-half
83 for (x = 0; x < 0.5 * pos_ul->x; x += dx) {
84     for (y = 0; y < pos_ul->y; y += dy) {
85         for (z = 0; z < pos_ul->z; z += dz) {
86             if (i_head <= i && i < i_tail) {
87                 const int ii = i - i_head;
88                 ptcl[ii].pos.x = x;
89                 ptcl[ii].pos.y = y;
90                 ptcl[ii].pos.z = z;
91                 ptcl[ii].mass = mass;
92                 ptcl[ii].dens = dens_left;
93                 ptcl[ii].eng = eng_right;
94                 ptcl[ii].smth = kernel_support_radius * 0.012;
95                 ptcl[ii].id = i;
96             }
97             i++;
98         }
99     }
100 }

```

```

99     }
100 }
101 // (2) Right-half
102 for (x = 0.5 * pos_ul->x; x < pos_ul->x * 1.0; x += (dens_left/
    dens_right)*dx) {
103     for (y = 0; y < pos_ul->y; y += dy) {
104         for (z = 0; z < pos_ul->z; z += dz) {
105             if (i_head <= i && i < i_tail) {
106                 const int ii = i - i_head;
107                 ptcl[ii].pos.x = x;
108                 ptcl[ii].pos.y = y;
109                 ptcl[ii].pos.z = z;
110                 ptcl[ii].mass = mass;
111                 ptcl[ii].dens = dens_right;
112                 ptcl[ii].eng = eng_right;
113                 ptcl[ii].smth = kernel_support_radius * 0.012;
114                 ptcl[ii].id = i;
115             }
116             i++;
117         }
118     }
119 }
120 assert(i == nptcl_glb);
121
122 // Set the end time
123 *end_time = 0.12;
124
125 // Inform to STDOUT
126 if (fdps_get_rank() == 0) printf("setup...completed!\n");
127 //fdps_finalize();
128 //exit(0);
129
130 }
131
132 double get_timestep(int psys_num) {
133     int nptcl_loc = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
134     Full_particle *ptcl = (Full_particle *) fdps_get_psys_cpnr(psys_num);
135     double dt_loc = 1.0e30;
136     int i;
137     for (i = 0; i < nptcl_loc; i++)
138         if (ptcl[i].dt < dt_loc)
139             dt_loc = ptcl[i].dt;
140     return fdps_get_min_value_f64(dt_loc);
141 }
142
143 void initial_kick(int psys_num, double dt) {
144     int nptcl_loc = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
145     Full_particle *ptcl = (Full_particle *) fdps_get_psys_cpnr(psys_num);
146     int i;
147     for (i = 0; i < nptcl_loc; i++) {
148         ptcl[i].vel_half.x = ptcl[i].vel.x + 0.5 * dt * ptcl[i].acc.x;
149         ptcl[i].vel_half.y = ptcl[i].vel.y + 0.5 * dt * ptcl[i].acc.y;
150         ptcl[i].vel_half.z = ptcl[i].vel.z + 0.5 * dt * ptcl[i].acc.z;
151         ptcl[i].eng_half = ptcl[i].eng + 0.5 * dt * ptcl[i].eng_dot;
152     }

```

```

153 }
154
155 void full_drift(int psys_num, double dt) {
156     int nptcl_loc = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
157     Full_particle *ptcl = (Full_particle *) fdps_get_psys_cptr(psys_num);
158     int i;
159     for (i = 0; i < nptcl_loc; i++) {
160         ptcl[i].pos.x += dt * ptcl[i].vel_half.x;
161         ptcl[i].pos.y += dt * ptcl[i].vel_half.y;
162         ptcl[i].pos.z += dt * ptcl[i].vel_half.z;
163     }
164 }
165
166 void predict(int psys_num, double dt) {
167     int nptcl_loc = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
168     Full_particle *ptcl = (Full_particle *) fdps_get_psys_cptr(psys_num);
169     int i;
170     for (i = 0; i < nptcl_loc; i++) {
171         ptcl[i].vel.x += dt * ptcl[i].acc.x;
172         ptcl[i].vel.y += dt * ptcl[i].acc.y;
173         ptcl[i].vel.z += dt * ptcl[i].acc.z;
174         ptcl[i].eng += dt * ptcl[i].eng_dot;
175     }
176 }
177
178 void final_kick(int psys_num, double dt) {
179     int nptcl_loc = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
180     Full_particle *ptcl = (Full_particle *) fdps_get_psys_cptr(psys_num);
181     int i;
182     for (i = 0; i < nptcl_loc; i++) {
183         ptcl[i].vel.x = ptcl[i].vel_half.x + 0.5 * dt * ptcl[i].acc.x;
184         ptcl[i].vel.y = ptcl[i].vel_half.y + 0.5 * dt * ptcl[i].acc.y;
185         ptcl[i].vel.z = ptcl[i].vel_half.z + 0.5 * dt * ptcl[i].acc.z;
186         ptcl[i].eng = ptcl[i].eng_half + 0.5 * dt * ptcl[i].eng_dot;
187     }
188 }
189
190 void set_pressure(int psys_num) {
191     const double hcr=1.4;
192     int nptcl_loc = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
193     Full_particle *ptcl = (Full_particle *) fdps_get_psys_cptr(psys_num);
194     int i;
195     for (i = 0; i < nptcl_loc; i++) {
196         ptcl[i].pres = (hcr - 1.0) * ptcl[i].dens * ptcl[i].eng;
197         ptcl[i].snds = sqrt(hcr * ptcl[i].pres / ptcl[i].dens);
198     }
199 }
200
201 void output(int psys_num, int nstep) {
202     int myrank = fdps_get_rank();
203     int nptcl_loc = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
204     Full_particle *ptcl = (Full_particle *) fdps_get_psys_cptr(psys_num);
205     char filename[64] = {'\0'};
206     sprintf(filename, "./result/snap%05d-proc%05d.txt", nstep, myrank);
207     FILE *fp;

```

```

208     if ((fp = fopen(filename, "w")) == NULL) {
209         fprintf(stderr, "Cannot open file %s\n", filename);
210         exit(EXIT_FAILURE);
211     }
212     int i;
213     for (i = 0; i < nptcl_loc; i++) {
214         fprintf(fp, "%ld%15.7e%15.7e%15.7e%15.7e",
215             ptcl[i].id, ptcl[i].mass,
216             ptcl[i].pos.x, ptcl[i].pos.y, ptcl[i].pos.z);
217         fprintf(fp, "%15.7e%15.7e%15.7e%15.7e%15.7e%15.7e\n",
218             ptcl[i].vel.x, ptcl[i].vel.y, ptcl[i].vel.z,
219             ptcl[i].dens, ptcl[i].eng, ptcl[i].pres);
220     }
221     fclose(fp);
222 }
223
224 void check_cnsrvd_vars(int psys_num){
225     int nptcl_loc = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
226     Full_particle *ptcl = fdps_get_psys_cptra(psys_num);
227     fdps_f64vec mom_loc;
228     mom_loc.x = 0.0; mom_loc.y = 0.0; mom_loc.z = 0.0;
229     double eng_loc = 0.0;
230     int i;
231     for (i = 0; i < nptcl_loc; i++) {
232         mom_loc.x += ptcl[i].vel.x * ptcl[i].mass;
233         mom_loc.y += ptcl[i].vel.y * ptcl[i].mass;
234         mom_loc.z += ptcl[i].vel.z * ptcl[i].mass;
235         eng_loc += ptcl[i].mass * (ptcl[i].eng
236             + 0.5 * (ptcl[i].vel.x * ptcl[i].vel.x
237                 + ptcl[i].vel.y * ptcl[i].vel.y
238                 + ptcl[i].vel.z * ptcl[i].vel.z));
239     }
240     double eng = fdps_get_sum_f64(eng_loc);
241     fdps_f64vec mom;
242     mom.x = fdps_get_sum_f64(mom_loc.x);
243     mom.y = fdps_get_sum_f64(mom_loc.y);
244     mom.z = fdps_get_sum_f64(mom_loc.z);
245     if (fdps_get_rank() == 0) {
246         printf("eng=%15.7e\n", eng);
247         printf("mom.x=%15.7e\n", mom.x);
248         printf("mom.y=%15.7e\n", mom.y);
249         printf("mom.z=%15.7e\n", mom.z);
250     }
251 }
252
253 void c_main() {
254     // Initialize some global variables
255     setup_math_const();
256
257     // Initialize FDPS
258     fdps_initialize();
259
260     // Make an instance of ParticleSystem and initialize it
261     int psys_num;
262     fdps_create_psys(&psys_num, "full_particle");

```



```

263 fdps_init_psys(psys_num);
264
265 // Make an initial condition and initialize the particle system
266 double end_time;
267 fdps_f32vec pos_ll, pos_ul;
268 setup_IC(psys_num,&end_time,&pos_ll,&pos_ul);
269
270 // Make an instance of DomainInfo and initialize it
271 int dinfo_num;
272 fdps_create_dinfo(&dinfo_num);
273 float coef_ema = 0.3;
274 fdps_init_dinfo(dinfo_num,coef_ema);
275 fdps_set_boundary_condition(dinfo_num,FDPS_BC_PERIODIC_XYZ);
276 fdps_set_pos_root_domain(dinfo_num,&pos_ll,&pos_ul);
277
278 // Perform domain decomposition and exchange particles
279 fdps_decompose_domain_all(dinfo_num,psys_num,-1.0);
280 fdps_exchange_particle(psys_num,dinfo_num);
281
282 // Make two tree structures
283 int n_loc = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
284 // tree_dens (used for the density calculation)
285 int tree_num_dens;
286 fdps_create_tree(&tree_num_dens,
287                 "Short,force_dens,essential_particle,
288                 essential_particle,Gather");
289
288 float theta = 0.5;
289 int n_leaf_limit = 8;
290 int n_group_limit = 64;
291 fdps_init_tree(tree_num_dens,n_loc,theta,n_leaf_limit,n_group_limit);
292
293 // tree_hydro (used for the force calculation)
294 int tree_num_hydro;
295 fdps_create_tree(&tree_num_hydro,
296                 "Short,force_hydro,essential_particle,
297                 essential_particle,Symmetry");
298
297 fdps_init_tree(tree_num_hydro,n_loc,theta,n_leaf_limit,n_group_limit);
298
299 // Compute density, pressure, acceleration due to pressure gradient
300 fdps_calc_force_all_and_write_back(tree_num_dens,
301                                     calc_density,
302                                     NULL,
303                                     psys_num,
304                                     dinfo_num,
305                                     true,
306                                     FDPS_MAKE_LIST);
307
307 set_pressure(psys_num);
308 fdps_calc_force_all_and_write_back(tree_num_hydro,
309                                     calc_hydro_force,
310                                     NULL,
311                                     psys_num,
312                                     dinfo_num,
313                                     true,
314                                     FDPS_MAKE_LIST);
315
315 // Get timestep

```

```

316     double dt = get_timestep(psys_num);
317
318     // Main loop for time integration
319     int nstep = 0; double time = 0.0;
320     for (;;) {
321         // Leap frog: Initial Kick & Full Drift
322         initial_kick(psys_num,dt);
323         full_drift(psys_num,dt);
324
325         // Adjust the positions of the SPH particles that run over
326         // the computational boundaries.
327         fdps_adjust_pos_into_root_domain(psys_num,dinfo_num);
328
329         // Leap frog: Predict
330         predict(psys_num,dt);
331
332         // Perform domain decomposition and exchange particles again
333         fdps_decompose_domain_all(dinfo_num,psys_num,-1.0);
334         fdps_exchange_particle(psys_num,dinfo_num);
335
336         // Compute density, pressure, acceleration due to pressure
337         // gradient
338         fdps_calc_force_all_and_write_back(tree_num_dens,
339                                           calc_density,
340                                           NULL,
341                                           psys_num,
342                                           dinfo_num,
343                                           true,
344                                           FDPS_MAKE_LIST);
345         set_pressure(psys_num);
346         fdps_calc_force_all_and_write_back(tree_num_hydro,
347                                           calc_hydro_force,
348                                           NULL,
349                                           psys_num,
350                                           dinfo_num,
351                                           true,
352                                           FDPS_MAKE_LIST);
353
354         // Get a new timestep
355         dt = get_timestep(psys_num);
356
357         // Leap frog: Final Kick
358         final_kick(psys_num,dt);
359
360         // Output result files
361         int output_interval = 10;
362         if (nstep % output_interval == 0) {
363             output(psys_num,nstep);
364             check_cnsrwd_vars(psys_num);
365         }
366
367         // Output information to STDOUT
368         if (fdps_get_rank() == 0) {
369             printf("=====\n");
370             printf("time=%15.7e\n",time);

```

```
370         printf("nstep=%d\n",nstep);
371         printf("=====\n");
372     }
373
374     // Termination condition
375     if (time >= end_time) break;
376
377     // Update time & step
378     time += dt;
379     nstep++;
380 }
381 fdps_finalize();
382 }
```

---

## 6 拡張機能の解説

### 6.1 P<sup>3</sup>M コード

本節では、FDPS の拡張機能 Particle Mesh (以下、PM と省略する) の使用方法について、P<sup>3</sup>M(Particle-Particle-Particle-Mesh) 法のサンプルコードを用いて解説を行う。このサンプルコードでは、塩化ナトリウム (NaCl) 結晶の系全体の結晶エネルギーを P<sup>3</sup>M 法で計算し、結果を解析解と比較する。P<sup>3</sup>M 法では、力、及び、ポテンシャルエネルギーの計算を、Particle-Particle (PP) パートと Particle-Mesh (PM) パートに split して行われる。このサンプルコードでは PP パートを FDPS 標準機能を用いて計算し、PM パートを FDPS 拡張機能を用いて計算する。なお、拡張機能 PM の仕様の詳細は、仕様書 9.2 節で説明されているので、そちらも参照されたい。

#### 6.1.1 サンプルコードの場所と作業ディレクトリ

サンプルコードの場所は、\$(FDPS)/sample/c/p3m である。まずは、そこに移動する。

```
$ cd $(FDPS)/sample/c/p3m
```

サンプルコードはユーザ定義型が実装された user\_defined.h、相互作用関数が実装された user\_defined.c、ユーザコードのそれ以外の部分が実装された c\_main.c、及び、GCC 用の Makefile である Makefile から構成される。

#### 6.1.2 ユーザー定義型

本節では、FDPS の機能を用いて P<sup>3</sup>M 法の計算を行うにあたって、ユーザーが記述しなければならない構造体について記述する。

##### 6.1.2.1 FullParticle 型

ユーザーは FullParticle 型を記述しなければならない。Listing 39 に、サンプルコードの FullParticle 型を示す。FullParticle 型には、計算を行うにあたって、粒子が持っているべき全ての物理量が含まれている必要がある。

Listing 39: FullParticle 型

```
1 typedef struct fp_nbody { // $fdps FP
2     // $fdps copyFromForce force_pp (pot,pot) (acc,acc)
3     // $fdps copyFromForcePM acc_pm
4     long long int id;
5     double mass; // $fdps charge
6     double rcut; // $fdps rsearch
7     fdps_f64vec pos; // $fdps position
8     fdps_f64vec acc;
9     double pot;
```

```

10     fdps_f32vec acc_pm;
11     float pot_pm;
12 } FP_nbody;

```

この構造体が FullParticle 型であることを示すため、次の指示文を記述している:

```
typedef struct fp_nbody { //$fdps FP
```

P<sup>3</sup>M シミュレーションにおける相互作用はカットオフを持つ長距離力である。そのため、必須物理量としてカットオフ半径が加わる。現在の FDPS の仕様では、カットオフ半径の指定は探索半径の指定 (§ 4.2 参照) と同様に行う。次の指示文は、どのメンバ変数がどの必須物理量に対応するかを指定するものである:

```

double mass; //$fdps charge
double rcut; //$fdps rsearch
fdps_f64vec pos; //$fdps position

```

FullParticle 型は Force 型との間でデータコピーを行う。ユーザは指示文を使い、FDPS にデータコピーの仕方を教えなければならない。また、拡張機能 PM を用いて相互作用計算を行う場合、FullParticle 型には PM モジュールで計算した相互作用計算の結果をどのメンバ変数で受け取るのか指示する指示文を記述する必要がある。本サンプルコードでは、以下のよう記述している:

```

//$fdps copyFromForce force_pp (pot,pot) (acc,acc)
//$fdps copyFromForcePM acc_pm

```

### 6.1.2.2 EssentialParticleI 型

ユーザは EssentialParticleI 型を記述しなければならない。EssentialParticleI 型には、PP パートの Force 計算を行う際、 $i$  粒子が持っているべき全ての物理量をメンバ変数として持っている必要がある。また、本チュートリアル中では、EssentialParticleJ 型も兼ねているため、 $j$  粒子が持っているべき全ての物理量もメンバ変数として持っている必要がある。Listing 40 に、サンプルコードの EssentialParticleI 型を示す。

Listing 40: EssentialParticleI 型

```

1 typedef struct ep_nbody { //$fdps EPI,EPJ
2     //$fdps copyFromFP fp_nbody (id,id) (mass,mass) (rcut,rcut) (pos,pos)
3     long long int id;
4     double mass; //$fdps charge
5     double rcut; //$fdps rsearch
6     fdps_f64vec pos; //$fdps position
7 } EP_nbody;

```

まず、ユーザは指示文を用いて、この構造体が EssentialParticleI 型かつ EssentialParticleJ 型であることを FDPS に教えなければならない。本サンプルコードでは、以下のよう記述

している:

```
typedef struct ep_nbody { //$fdps EPI,EPJ
```

次に、ユーザはこの構造体のどのメンバ変数がどの必須物理量に対応するのかを指示文によって指定しなければならない。今回は相互作用がカットオフ有りの長距離力であるため、カットオフ半径の指定も必要である。本サンプルコードでは、以下のように記述している:

```
double mass; //$fdps charge
double rcut; //$fdps rsearch
fdps_f64vec pos; //$fdps position
```

EssentialParticleI 型と EssentialParticleJ 型は FullParticle 型からデータを受け取る。ユーザは FullParticle 型のどのメンバ変数を EssentialParticle?型 (?=I,J) のどのメンバ変数にコピーするのかを、指示文を用いて指定する必要がある。本サンプルコードでは、以下のように記述している:

```
//$fdps copyFromFP fp_nbody (id,id) (mass,mass) (rcut,rcut) (pos,pos)
```

### 6.1.2.3 Force 型

ユーザは Force 型を記述しなければならない。Force 型は、PP パートの Force の計算を行った際にその結果として得られる全ての物理量をメンバ変数として持っている必要がある。本サンプルコードの Force 型を Listing 41 に示す。このサンプルコードでは、Force は Coulomb 相互作用計算のみであるため、Force 型が 1 つ用意されている。

Listing 41: Force 型

```
1 typedef struct force_pp { //$fdps Force
2     //$fdps clear
3     double pot;
4     fdps_f64vec acc;
5 } Force_pp;
```

まず、ユーザはこの構造体が Force 型であることを指示文によって指定する必要がある。本サンプルコードでは、以下のように記述している:

```
typedef struct force_pp { //$fdps Force
```

この構造体は Force 型であるから、ユーザは必ず、相互作用計算における積算対象のメンバ変数の初期化方法を指定する必要がある。本サンプルコードでは Force 型のすべてのメンバ変数にデフォルトの初期化方法を指定するため、単に、キーワード `clear` の指示文を記述している:

```
//$fdps clear
```

### 6.1.2.4 相互作用関数 calcForceEpEp

ユーザーは相互作用関数 calcForceEpEp を記述しなければならない。calcForceEpEp には、PP パートの Force の計算の具体的な内容を書く必要がある。calcForceEpEp は、void 関数として実装されなければならない。引数は、EssentialParticleI の配列、EssentialParticleI の個数、EssentialParticleJ の配列、EssentialParticleJ の個数、Force 型の配列である。本サンプルコードの calcForceEpEp の実装を Listing 42 に示す。

Listing 42: 相互作用関数 calcForceEpEp

```

1 void calc_force_ep_ep(EP_nbody *ep_i,
2                       int n_ip,
3                       EP_nbody *ep_j,
4                       int n_jp,
5                       Force_pp *f) {
6     int i,j;
7     for (i = 0; i < n_ip; i++) {
8         for (j = 0; j < n_jp; j++) {
9             fdps_f64vec dr;
10            dr.x = ep_i[i].pos.x - ep_j[j].pos.x;
11            dr.y = ep_i[i].pos.y - ep_j[j].pos.y;
12            dr.z = ep_i[i].pos.z - ep_j[j].pos.z;
13            double rij = sqrt(dr.x * dr.x
14                               +dr.y * dr.y
15                               +dr.z * dr.z);
16            if ((ep_i[i].id == ep_j[j].id) && (rij == 0.0)) continue;
17            double rinv = 1.0/rij;
18            double rinv3 = rinv*rinv*rinv;
19            double xi = 2.0*rij/ep_i[i].rcut;
20            f[i].pot += ep_j[j].mass * S2_pcut(xi) * rinv;
21            f[i].acc.x += ep_j[j].mass * S2_fcut(xi) * rinv3 * dr.x;
22            f[i].acc.y += ep_j[j].mass * S2_fcut(xi) * rinv3 * dr.y;
23            f[i].acc.z += ep_j[j].mass * S2_fcut(xi) * rinv3 * dr.z;
24        }
25        // Self-interaction term
26        f[i].pot -= ep_i[i].mass * (208.0/(70.0*ep_i[i].rcut));
27    }
28 }
```

P<sup>3</sup>M 法の PP パートは、(距離に関する) カットオフ付きの 2 体相互作用である。そのため、ポテンシャルと加速度の計算にカットオフ関数 (S2\_pcut(), S2\_fcut()) が含まれていることに注意されたい。ここで、各カットオフ関数は、粒子の形状関数  $S(r)$  が  $S2(r)$  のときのカットオフ関数である必要がある。ここで、 $S2(r)$  は Hockney & Eastwood (1988) の式 (8.3) で定義される形状関数で、以下の形を持つ:

$$S2(r) = \begin{cases} \frac{48}{\pi a^4} \left( \frac{a}{2} - r \right) & r < a/2, \\ 0 & \text{otherwise.} \end{cases} \quad (1)$$

ここで、 $r$  は粒子からの距離、 $a$  は形状関数のスケール長である。粒子の電荷量を  $q$  とすれば、この粒子が作る電荷密度分布  $\rho(r)$  は  $\rho(r) = q S2(r)$  と表現される。これは  $r$  に関して線形な密度分布を仮定していることを意味する。PP パートのカットオフ関数が  $S2(r)$  を仮定

したものでなければならない理由は、PM パートのカットオフ関数が S2 型形状関数を仮定して実装されているためである (PM パートと PP パートのカットオフ関数は同じ形状関数に基づく必要がある)。

カットオフ関数はユーザが定義する必要がある。サンプルコードの冒頭に `S2_pcut()` と `S2_fcut()` の実装例がある。これらの関数では、Hockney & Eastwood (1988) の式 (8-72),(8-75) が使用されている。カットオフ関数は、PP 相互作用が以下の形となるように定義されている:

$$\Phi_{PP}(\mathbf{r}) = \frac{m}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|} S2\_pcut(\xi) \quad (2)$$

$$\mathbf{f}_{PP}(\mathbf{r}) = \frac{m(\mathbf{r} - \mathbf{r}')}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|^3} S2\_fcut(\xi) \quad (3)$$

ここで、 $\xi = 2|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|/a$  である。本サンプルコードでは  $a$  を変数 `rcut` で表現している。

Hockney & Eastwood (1988) の式 (8-75) を見ると、 $r = 0$  のとき、メッシュポテンシャル  $\phi^m$  が次の有限値を持つことがわかる (ここで、 $1/4\pi\epsilon_0$  の因子は省略した):

$$\phi^m(0) = \frac{208}{70a} \quad (4)$$

この項はサンプルコードの  $i$  粒子のループの最後で考慮されている:

---

```
1 f[i].pot -= ep_i[i].mass * (208.0/(70.0*ep_i[i].rcut));
```

---

この項を考慮しないと解析解と一致しないことに注意する必要がある。

#### 6.1.2.5 相互作用関数 `calcForceEpSp`

ユーザは相互作用関数 `calcForceEpSp` を記述しなければならない<sup>注 2)</sup>。`calcForceEpSp` には、粒子-超粒子間相互作用計算の具体的な内容を書く必要がある。`calcForceEpSp` は、`void` 関数として実装されなければならない。引数は、`EssentialParticleI` の配列、`EssentialParticleI` の個数、超粒子型の配列、超粒子型の個数、`Force` 型の配列である。本サンプルコードの `calcForceEpSp` の実装を Listing 43 に示す。

Listing 43: 相互作用関数 `calcForceEpSp`

---

```
1 void calc_force_ep_sp(EP_nbody *ep_i,
2                       int n_ip,
3                       fdps_spj_monopole_cutoff *ep_j,
4                       int n_jp,
5                       Force_pp *f) {
6     int i, j;
7     for (i = 0; i < n_ip; i++) {
8         for (j = 0; j < n_jp; j++) {
9             fdps_f64vec dr;
```

---

注 2) 冒頭で述べたように、本サンプルコードでは相互作用計算に P<sup>3</sup>M 法を用いる。FDPS の枠組み内で、これを実現するため、後述するように、見込み角の基準値  $\theta$  を 0 に指定して相互作用計算を行う。このため、粒子-超粒子相互作用は発生しないはずである。しかしながら、API

`fdps_calc_force_all_and_write_back` に、粒子-超粒子間相互作用を計算する関数のアドレスを渡す必要があるため、相互作用関数 `calcForceEpSp` を定義する必要がある。



---

```

10     dr.x = ep_i[i].pos.x - ep_j[j].pos.x;
11     dr.y = ep_i[i].pos.y - ep_j[j].pos.y;
12     dr.z = ep_i[i].pos.z - ep_j[j].pos.z;
13     double rij = sqrt(dr.x * dr.x
14                       +dr.y * dr.y
15                       +dr.z * dr.z);
16     double rinv = 1.0/rij;
17     double rinv3 = rinv*rinv*rinv;
18     double xi = 2.0*rij/ep_i[i].rcut;
19     f[i].pot += ep_j[j].mass * S2_pcut(xi) * rinv;
20     f[i].acc.x += ep_j[j].mass * S2_fcut(xi) * rinv3 * dr.x;
21     f[i].acc.y += ep_j[j].mass * S2_fcut(xi) * rinv3 * dr.y;
22     f[i].acc.z += ep_j[j].mass * S2_fcut(xi) * rinv3 * dr.z;
23 }
24 }
25 }

```

---

### 6.1.3 プログラム本体

本節では、サンプルコード本体について解説を行う。詳細な説明に入る前に、サンプルコードの内容と全体構造について説明を与える。6.1節で述べたように、このサンプルコードではNaCl結晶の結晶エネルギーをP<sup>3</sup>M法によって計算し解析解と比較する。NaCl結晶は一樣格子状に並んだ粒子として表現される。NaとClは互い違いに並んでおり、Naに対応する粒子は正の電荷を、Clに対応する粒子は負の電荷を持っている。この粒子で表現された結晶を、大きさが $[0, 1)^3$ の周期境界ボックスの中に配置し、結晶エネルギーを計算する。結晶エネルギーの計算精度は周期境界ボックスの中の粒子数や粒子の配置に依存するはずなので、サンプルコードでは、これらを変えてエネルギーの相対誤差を調べ、結果をファイルに出力する内容となっている。

コードの全体構造は以下のようにになっている:

- (1) FDPS で使用するオブジェクトの生成と初期化
- (2) 指定された粒子数と配置の結晶を生成 (メイン関数  
の `setup_NaCl_crystal()` )
- (3) 各粒子のポテンシャルエネルギーを P<sup>3</sup>M 法で計算 (メイン関数内)
- (4) 系全体のエネルギーを計算し、解析解と比較 (メイン関数の `calc_energy_error()`)
- (5) (2) ~ (4) を繰り返す

以下で、個々について詳しく説明を行う。

#### 6.1.3.1 ヘッダーファイルのインクルード

FDPS の標準機能を利用できるようにするため、`FDPS_c_if.h` をインクルードする。

Listing 44: ヘッダーファイル `FDPS_c_if.h` のインクルード

---

```

1 #include "FDPS_c_if.h"

```

---

### 6.1.3.2 開始、終了

まずは、FDPS の初期化/開始を行う必要がある。次のように、メイン関数に記述する。

Listing 45: FDPS の開始

---

```
1 fdps_initialize();
```

---

FDPS は、開始したら明示的に終了させる必要がある。今回は、プログラムの終了と同時に FDPS も終了させるため、メイン関数の最後に次のように記述する。

Listing 46: FDPS の終了

---

```
1 fdps_finalize();
```

---

### 6.1.3.3 オブジェクトの生成と初期化

FDPS の初期化に成功した場合、ユーザーはコード中で用いるオブジェクトを作成する必要がある。本節では、オブジェクトの生成/初期化の仕方について、解説する。

#### 6.1.3.3.1 オブジェクトの生成

P<sup>3</sup>M 法の計算では、粒子群クラス、領域クラスに加え、PP パートの計算用の tree を 1 本、さらに PM パートの計算に必要な ParticleMesh オブジェクトの生成が必要である。

Listing 47: オブジェクトの生成

---

```
1 fdps_create_psys(&psys_num, "fp_nbody");
2 fdps_create_dinfo(&dinfo_num);
3 fdps_create_pm(&pm_num);
4 fdps_create_tree(&tree_num,
5                 "Long,force_pp,ep_nbody,ep_nbody,MonopoleWithCutoff");
```

---

ここに示したコードは実際にサンプルコードから該当箇所だけを取り出したものであることに注意して頂きたい。

#### 6.1.3.3.2 オブジェクトの初期化

ユーザーはオブジェクトを生成したら、そのオブジェクトを使用する前に、初期化を行う必要がある。以下で、各オブジェクトの初期化の仕方について解説を行う。

(i) 粒子群オブジェクトの初期化 粒子群オブジェクトの初期化は、以下のように行う:

Listing 48: 粒子群オブジェクトの初期化

---

```
1 fdps_init_psys(psys_num);
```

---

サンプルコードではメイン関数の冒頭で呼び出されている。

(ii) 領域オブジェクトの初期化 領域オブジェクトの初期化は、以下のように行う:

Listing 49: 領域オブジェクトの初期化

---

```
1 fdps_init_dinfo(dinfo_num,coef_ema);
```

---

サンプルコードではメイン関数の冒頭で呼び出されている。

初期化が完了した後、領域オブジェクトには境界条件と境界の大きさをセットする必要がある。サンプルコードでは、この作業は粒子分布を決定する void 関数

setup\_NaCl\_crystal の中で行われている:

---

```
1 fdps_set_boundary_condition(dinfo_num,FDPS_BC_PERIODIC_XYZ);
2 fdps_f32vec pos_ll, pos_ul;
3 pos_ll.x = 0.0; pos_ll.y = 0.0; pos_ll.z = 0.0;
4 pos_ul.x = 1.0; pos_ul.y = 1.0; pos_ul.z = 1.0;
5 fdps_set_pos_root_domain(dinfo_num,&pos_ll,&pos_ul);
```

---

(iii) ツリーオブジェクトの初期化 相互作用ツリーオブジェクトの初期化も、API

fdps\_init\_tree を使って、以下のように行う:

Listing 50: ツリーオブジェクトの初期化

---

```
1 fdps_init_tree(tree_num,3*nptcl_loc,theta,
2               n_leaf_limit,n_group_limit);
```

---

ツリーオブジェクトの API

fdps\_init\_tree には引数として、大雑把な粒子数を渡す必要がある。これは API の第 2 引数として指定する。上記の例では、API が呼ばれた時点でのローカル粒子数の 3 倍の値がセットされるようになっている。一方、API の第 3 引数は、tree 法で力を計算するときの opening angle criterion

$\theta$  を指定する。本サンプルコードでは PP パートの計算で粒子-超粒子相互作用を発生させないようにするため、 $\theta = 0$  を指定している。

(iv) ParticleMesh オブジェクトの初期化 特に明示的に初期化を行う必要はない。

#### 6.1.3.4 粒子分布の生成

本節では、粒子分布を生成する void 関数 setup\_NaCl\_crystal の動作とその中で呼ばれている FDPS の API について解説を行う。この void 関数は、周期境界ボックスの 1 次元あたりの粒子数と、原点 (0,0,0) に最も近い粒子の座標を引数として、3 次元粒子分布を生成する。サンプルコードでは、これらのパラメータは構造体 crystal\_parameters のオブジェクト NaCl\_params を使って渡されている:

---

```
1 // In user_defined.h
2 typedef struct crystal_parameters {
3     int nptcl_per_side;
4     fdps_f64vec pos_vertex;
5 } Crystal_parameters;
6 // In c_main.c
```

---

---

```

7 Crystal_parameters NaCl_params;
8 setup_NaCl_crystal(psys_num, dinfo_num, NaCl_params);

```

---

`setup_NaCl_crystal` の前半部分において、渡されたパラメータを使って粒子分布を生成している。この結晶の系全体のエネルギーは

$$E = -\frac{N\alpha m^2}{R_0} \quad (5)$$

と解析的に書ける。ここで、 $N$  は分子の総数 (原子の数は  $2N$  個)、 $m$  は粒子の電荷量、 $R_0$  は最隣接原子間距離、 $\alpha$  はマーデリング (Madelung) 定数である。NaCl 結晶の場合、 $\alpha \approx 1.747565$  である (例えば、キッテル著「固体物理学入門 (第 8 版)」を参照せよ)。計算結果をこの解析解と比較するとき、系全体のエネルギーが粒子数に依存しては不便である。そこで、サンプルコードでは、系全体のエネルギーが粒子数に依存しないように、粒子の電荷量  $m$  を

$$\frac{2Nm^2}{R_0} = 1 \quad (6)$$

となるようにスケールしていることに注意されたい。

粒子分布の生成後、FDPS の API を使って、領域分割と粒子交換を行っている。以下で、これらの API について解説する。

#### 6.1.3.4.1 領域分割の実行

粒子分布に基いて領域分割を実行するには、領域オブジェクトの API `fdps_decompose_domain_all` を使用する:

---

Listing 51: 領域分割の実行

---

```

1 fdps_decompose_domain_all(dinfo_num, psys_num);

```

---

#### 6.1.3.4.2 粒子交換の実行

領域情報に基いてプロセス間の粒子の情報を交換するには、粒子群オブジェクトの API `fdps_exchange_particle` を使用する:

---

Listing 52: 粒子交換の実行

---

```

1 fdps_exchange_particle(psys_num, dinfo_num);

```

---

#### 6.1.3.5 相互作用計算の実行

粒子分布を決定し、領域分割・粒子交換が終了したら、相互作用の計算を行う。サンプルコードでは、この作業をメイン関数で行っている:

---

Listing 53: 相互作用計算の実行

---

```

1 // [4] Compute force and potential with P3M method
2 // [4-1] Get the pointer to FP and # of local particles
3 int nptcl_loc = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
4 FP_nbody *ptcl = (FP_nbody *) fdps_get_psys_cptr(psys_num);
5 // [4-2] PP part
6 fdps_calc_force_all_and_write_back(tree_num,
7                                     calc_force_ep_ep,
8                                     calc_force_ep_sp,
9                                     psys_num,
10                                    dinfo_num,
11                                    true,
12                                    FDPS_MAKE_LIST);
13 // [4-3] PM part
14 fdps_calc_pm_force_all_and_write_back(pm_num,
15                                       psys_num,
16                                       dinfo_num);
17 int i;
18 for (i = 0; i < nptcl_loc; i++) {
19     fdps_f32vec pos32;
20     pos32.x = ptcl[i].pos.x;
21     pos32.y = ptcl[i].pos.y;
22     pos32.z = ptcl[i].pos.z;
23     fdps_get_pm_potential(pm_num, &pos32, &ptcl[i].pot_pm);
24 }
25 // [4-4] Compute the total acceleration and potential
26 for (i = 0; i < nptcl_loc; i++) {
27     ptcl[i].pot -= ptcl[i].pot_pm;
28     ptcl[i].acc.x -= ptcl[i].acc_pm.x;
29     ptcl[i].acc.y -= ptcl[i].acc_pm.y;
30     ptcl[i].acc.z -= ptcl[i].acc_pm.z;
31 }

```

PP パートの相互作用計算には API `fdps_calc_force_all_and_write_back`、PM パートの相互作用計算には API `fdps_calc_pm_force_all_and_write_back` を用いている。PM パートの計算の後に、加速度とポテンシャルの総和を計算している。この総和計算を引き算で行っていることに注意して頂きたい。引き算を使用する理由は、FDPS の拡張機能 PM は重力を想定してポテンシャルを計算するからである。すなわち、拡張機能 PM では、電荷  $m(> 0)$  は正のポテンシャルを作るべきところを、質量  $m > 0$  の重力ポテンシャルとして計算する。このポテンシャルは負値である。したがって、拡張機能 PM を Coulomb 相互作用で使用するには符号反転が必要となる。

#### 6.1.3.6 エネルギー相対誤差の計算

エネルギーの相対誤差の計算は関数 `calc_energy_error` で行っている。ここでは、解析解の値としては  $E_0 \equiv 2E = -1.7475645946332$  を採用した。これは、PM<sup>3</sup>(Particle-Mesh Multipole Method) で数値的に求めた値である。

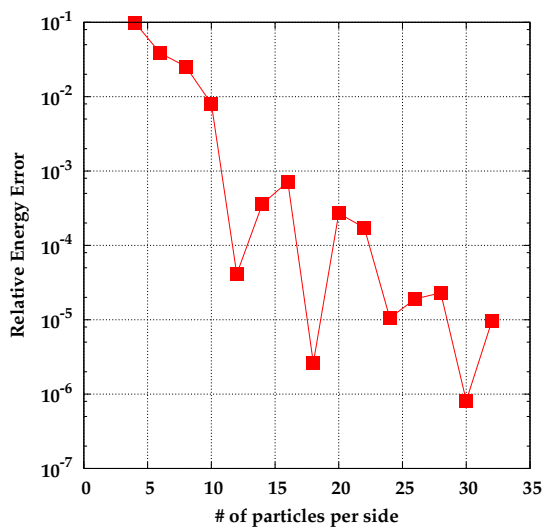


図 3: 1 辺あたりの粒子数とエネルギー相対誤差の関係 (メッシュ数は  $16^3$ 、カットオフ半径は  $3/16$ )

#### 6.1.4 コンパイル

本サンプルコードでは FFTW ライブラリ (<http://www.fftw.org>) を使用するため、ユーザ環境に FFTW3 をインストールする必要がある。コンパイルは、付属の Makefile 内の変数 FFTW\_LOC と FDPS\_LOC に、FTFW と FDPS のインストール先の PATH をそれぞれ指定し、make コマンドを実行すればよい。

```
$ make
```

コンパイルがうまく行けば、work ディレクトリに実行ファイル p3m.x が作成されているはずである。

#### 6.1.5 実行

FDPS 拡張機能の仕様から、本サンプルコードはプロセス数が 2 以上の MPI 実行でなければ、正常に動作しない。そこで、以下のコマンドでプログラムを実行する:

```
$ MPIRUN -np NPROC ./p3m.x
```

ここで、“MPIRUN”には mpirun や mpiexec などの mpi 実行プログラムが、“NPROC”にはプロセス数が入る。

#### 6.1.6 結果の確認

計算が終了すると、work フォルダ下にエネルギーの相対誤差を記録したファイルが出力される。結果をプロットすると、図 3 のようになる。

## 7 より実用的なアプリケーションの解説

前節までは、比較的単純なサンプルコードを用いて、FDPS の基本的な機能について解説を行ってきた。しかしながら、実際の研究では、複数の粒子種の取り扱いが必要になる等、より複雑なアプリケーションを書く必要がある。そこで、本節では、より実用的なサンプルコードを使って、FDPS の他の機能について解説を行う。記述を簡潔にするため、読者は前節までの内容を理解しているものと仮定する。

### 7.1 $N$ 体/SPH コード

本節では、より実用的なアプリケーションの一例として円盤銀河の時間発展を計算する  $N$  体/SPH サンプルコードの解説を行う。このサンプルコードは、重力のみで相互作用するダークマターと星を  $N$  体粒子、重力及び流体相互作用を行うガスを SPH 粒子として表現する。重力計算は Tree 法で、流体計算は SPH 法を用いて行う。SPH 法は [Springel & Hernquist \[2002, MNRAS, 333, 649\]](#) 及び [Springel \[2005, MNRAS, 364, 1105\]](#) で提案された方法 (以下、簡単のため、Springel の方法と呼ぶ) を使用している。本解説を読むことにより、ユーザは、FDPS で複数の粒子種を扱う方法を学ぶことができる。

以下では、まずはじめにコードの使用方法について説明を行う。次に Springel の方法について簡単な解説を行った後、サンプルコードの中身について具体的に解説する。

#### 7.1.1 コードの使用方法

前節で述べた通り、本コードは円盤銀河の  $N$  体/SPH シミュレーションを行うコードである。ダークマターと星の初期条件は、銀河の初期条件を作成するソフトウェア [MAGI \(Miki & Umemura \[2018, MNRAS, 475, 2269\]\)](#) で作成したファイルを読み込んで設定する。一方、ガスの初期条件は本コードの内部で作成する。したがって、以下の手順で本コードを使用する。

- ディレクトリ \$(FDPS)/sample/c/nbody+sph に移動
- カレントディレクトリにある Makefile を編集
- [MAGI](#) を使って初期条件に対応する粒子データを生成し、./magi\_data/dat 以下に配置
- コマンドライン上で make を実行
- nbodysph.out ファイルの実行
- 結果の解析

以下、順に説明していく。

#### 7.1.1.1 ディレクトリ移動

サンプルコードの場所は、\$(FDPS)/sample/c/nbody+sph である。まずは、そこに移動する。

#### 7.1.1.2 サンプルコードのファイル構成

以下はサンプルコードのファイル構成である。

```
$ ls | awk '{print $0}'
Makefile
Makefile.ofp
c_main.c
ic.c
ic.h
job.ofp.sh
leapfrog.c
leapfrog.h
macro_defs.h
magi_data/
mathematical_constants.c
mathematical_constants.h
physical_constants.c
physical_constants.h
tipsy_file_reader.cpp
tipsy_file_reader.h
user_defined.c
user_defined.h
```

各ソースファイルの内容について簡単に解説を行う。まず、c\_main.c はアプリケーションのメイン関数が実装されている。ic.\* には初期条件を作成する関数が実装されている。初期条件は円盤銀河の他、複数用意されている (後述)。leapfrog.\* には粒子の軌道の時間積分を Leapfrog 法を用いて行う関数が実装されている。macro\_defs.h には計算を制御するためのマクロが定義されている。mathematical\_constants.\* には数学定数が、physical\_constants.\* には物理定数が定義されている。tipsy\_file\_reader.\* には MAGI が出力した粒子データを読むための関数が定義されている。user\_defined.\* には、ユーザ定義型や相互作用関数が実装されている。

ディレクトリ magi\_data には、銀河の初期条件を作成するソフトウェア MAGI に入力するパラメータファイル (magi\_data/cfg/\*) と MAGI を動作させるスクリプト (magi\_data/sh/run.sh) が格納されている。



### 7.1.1.3 Makefile の編集

Makefile の編集項目は以下の通りである。

- 変数 CXX に使用する C++ コンパイラを代入する。
- 変数 CC に使用する C コンパイラを代入する。
- 変数 CXXFLAGS に C++ コンパイラのコンパイルオプションを指定する。
- 変数 CFLAGS に C コンパイラのコンパイルオプションを指定する。
- 本コードでは計算を制御するためにいくつかのマクロを用意している。表 1 にマクロ名とその定義の対応を示した。また、本コードには、INITIAL\_CONDITION の値に応じて自動的に設定されて使用されるマクロも存在する。これらは一般に変更する必要はないが、詳細は macro\_defs.h を参照して頂きたい。
- 本コードでは重力計算に x86 版 Phantom-GRAPe ライブラリを使用することができる。Phantom-GRAPe ライブラリを使用する場合、Makefile の変数 use\_phantom\_grape\_x86 の値を yes にする。

OpenMP や MPI の使用/不使用の指定に関しては、第 3 節を参照して頂きたい。

マクロ名	定義
INITIAL_CONDITION	初期条件の種類の指定、或いは、コードの動作の指定に使用されるマクロ。0 から 3 までのいずれかの値を取る必要がある。値に応じて、次のように指定される。0: 円盤銀河の初期条件を選択、1: Cold collapse 問題の初期条件を選択、2: Evrard test 問題の初期条件を選択、3: ガラス状に分布した SPH 粒子データを生成するモードで実行ファイルを作成
ENABLE_VARIABLE_SMOOTHING_LENGTH	smoothing length が可変/固定を制御するマクロ。定義されている場合、可変となり Springel の方法で SPH 計算が行われる。未定義の場合、固定長カーネルの SPH コードとなる。
USE_ENTROPY	流体の熱力学状態を記述する独立変数としてエントロピーを使うか単位質量あたりの内部エネルギーを使用するかを指定するマクロ。定義されている場合エントロピーが用いられる。但し、後述するマクロ ISOTHERMAL_EOS が定義されている場合には、単位質量あたりの内部エネルギーが強制的に使用される (圧力の計算に内部エネルギーを使用する)。
USE_BALSARA_SWITCH	Balsara switch (Balsara [1995, JCP, 121, 357]) の使用/不使用を制御するマクロ。定義されている場合は使用する。
USE_PRESCR_OF_THOMAS_COUCHMAN_1992	Thomas & Couchman [1992, MNRAS, 257, 11] で提案された SPH 計算の tensile 不安定を防ぐ簡便な方法を使用するかを制御するマクロ。定義されている場合は使用する。
ISOTHERMAL_EOS	流体を等温で取り扱うかどうかを指定するマクロ。定義されている場合は等温で扱い、未定義の場合にはエントロピー方程式、或いは、内部エネルギー方程式が解いて、熱力学の状態を時間発展させる。
READ_DATA_WITH_BYTESWAP	MAGI の粒子データを読み込む際に基本データ型単位で byteswap してデータを読み込むかを制御するマクロ。定義されている場合は byteswap する。

表 1: コンパイル時マクロの種類と定義

#### 7.1.1.4 MAGI を使った粒子データの生成

前述した通り、ユーザは事前に銀河の初期条件を作成するソフトウェア MAGI を使い、以下に指定する手順でデータを作成する必要がある。MAGI を利用できないユーザは、指定するサイトからこちらが用意したデータをダウンロードすることも可能である。以下、各場合について詳しく述べる。

MAGI を使ってデータ作成を行う場合 以下の手順でデータ作成を行う。

1. <https://bitbucket.org/ymiki/magi> から MAGI をダウンロードし、Web の “How to compile MAGI” に記載された手順に従って、適当な場所にインストールする。但し、本サンプルコードは TIPSy ファイルの粒子データ読み込みしかサポートしていないため、MAGI は USE\_TIPSY\_FORMAT=ON の状態でビルドされている必要がある。
2. `./magi_data/sh/run.sh` を開き、変数 `MAGI_INSTALL_DIR` にコマンド `magi` がインストールされたディレクトリを、変数 `NTOT` に希望する  $N$  体粒子の総数をセットする (ダークマターと星への振り分けは MAGI が自動的に行う)。
3. `./magi_data/cfg/*` を編集し、ダークマターと銀河のモデルを指定する。指定方法の詳細は上記サイトか、或いは [Miki & Umemura \[2018, MNRAS, 475, 2269\]](#) の第 2.4 節を参照のこと。デフォルトの銀河モデル (以下、デフォルトモデル) は次の 4 成分から構成される:
  - (i) ダークマターハロー (NFW profile,  $M = 10^{12} M_{\odot}$ ,  $r_s = 21.5 \text{ kpc}$ ,  $r_c = 200 \text{ kpc}$ ,  $\Delta_c = 10 \text{ kpc}$ )
  - (ii) バルジ (King モデル,  $M = 5 \times 10^{10} M_{\odot}$ ,  $r_s = 0.7 \text{ kpc}$ ,  $W_0 = 5$ )
  - (iii) thick disk (Sérsic profile,  $M = 2.5 \times 10^{10} M_{\odot}$ ,  $r_s = 3.5 \text{ kpc}$ ,  $n = 1.5$ ,  $z_d = 1 \text{ kpc}$ ,  $Q_{T,\min} = 1.0$ )
  - (iv) thin disk (exponential disk,  $M = 2.5 \times 10^{10} M_{\odot}$ ,  $r_s = 3.5 \text{ kpc}$ ,  $z_d = 0.5 \text{ kpc}$ ,  $Q_{T,\min} = 1.0$ )

デフォルトモデルでは、2 つの星円盤は bar モードに対してわずかに不安定であるため、弱い棒状構造を持つ渦巻き銀河になることが期待される初期条件となっている。MAGI の最新のリリース (version 1.1.1 [2019 年 7 月 19 日時点]) では、従来のリリースとデフォルトの動作モードが変更されたため、thick disk と thin disk のパラメータ指定の仕方が FDPS 5.0d 以前から変わっていることに注意されたい。具体的には、従来の MAGI では disk 成分の速度分散をパラメータ  $f$  を通して指定する形になっていたが (FDPS 5.0d 以前に付属するサンプルコードでは、 $f = 0.125$ )、最新のリリースでは Toomre  $Q$  value の最小値  $Q_{T,\min}$  を通して指定する方式になっている。

4. ディレクトリ `magi_data` に移動し、以下のコマンドを実行:

```
$ ./sh/run.sh
```

5. MAGI が正しく終了しているなら、magi\_data/dat 以下に、拡張子が tipsy の粒子データが生成されているはずである。

データをダウンロードする場合 以下のサイトからダウンロードし、./magi\_data/dat/以下に置く。各粒子データの銀河モデルはすべてデフォルトモデルで、粒子数だけ異なる。

- $N = 2^{21}$ : [https://v2.jmlab.jp/owncloud/index.php/s/XnzvW5XAYwfqZYQ/download?path=%2Fmagi\\_data%2FGalaxy%2F21&files=Galaxy.tipsy](https://v2.jmlab.jp/owncloud/index.php/s/XnzvW5XAYwfqZYQ/download?path=%2Fmagi_data%2FGalaxy%2F21&files=Galaxy.tipsy)
- $N = 2^{22}$ : [https://v2.jmlab.jp/owncloud/index.php/s/XnzvW5XAYwfqZYQ/download?path=%2Fmagi\\_data%2FGalaxy%2F22&files=Galaxy.tipsy](https://v2.jmlab.jp/owncloud/index.php/s/XnzvW5XAYwfqZYQ/download?path=%2Fmagi_data%2FGalaxy%2F22&files=Galaxy.tipsy)
- $N = 2^{23}$ : [https://v2.jmlab.jp/owncloud/index.php/s/XnzvW5XAYwfqZYQ/download?path=%2Fmagi\\_data%2FGalaxy%2F23&files=Galaxy.tipsy](https://v2.jmlab.jp/owncloud/index.php/s/XnzvW5XAYwfqZYQ/download?path=%2Fmagi_data%2FGalaxy%2F23&files=Galaxy.tipsy)
- $N = 2^{24}$ : [https://v2.jmlab.jp/owncloud/index.php/s/XnzvW5XAYwfqZYQ/download?path=%2Fmagi\\_data%2FGalaxy%2F24&files=Galaxy.tipsy](https://v2.jmlab.jp/owncloud/index.php/s/XnzvW5XAYwfqZYQ/download?path=%2Fmagi_data%2FGalaxy%2F24&files=Galaxy.tipsy)

#### 7.1.1.5 make の実行

make コマンドを実行する。

#### 7.1.1.6 実行

実行方法は以下の通りである。

- MPI を使用しない場合、コマンドライン上で以下のコマンドを実行する

```
$ ./nbodysph.out
```

- MPI を使用する場合、コマンドライン上で以下のコマンドを実行する

```
$ MPIRUN -np NPROC ./nbodysph.out
```

ここで、MPIRUN には mpirun や mpiexec などが、NPROC には使用する MPI プロセスの数が入る。

#### 7.1.1.7 結果の解析

ディレクトリ result に  $N$  体粒子と SPH 粒子の粒子データファイル “nbody0000x-proc0000y.dat” と “sph0000x-proc0000y.dat” が出力される。ここで  $x$  は時刻に対応する整数、 $y$  は MPI のプロセス番号 (ランク番号) を表す。 $N$  体粒子データの出力フォーマットは、1 列目から順に粒子の ID, 粒子の質量、位置の  $x, y, z$  座標、粒子の  $x, y, z$  軸方向の速度となっている。一方、SPH 粒子データの出力フォーマットは、1 列目から順に粒子の ID, 粒子の質量、位置の

$x, y, z$  座標、粒子の  $x, y, z$  軸方向の速度、密度、単位質量あたりの内部エネルギー、エントロピー、圧力となっている。

図 4 は、 $N$  体粒子数  $2^{21}$ 、SPH 粒子数  $2^{18}$  で円盤銀河のシミュレーションを行ったときの  $T = 0.46$  における星分布とガス分布である。

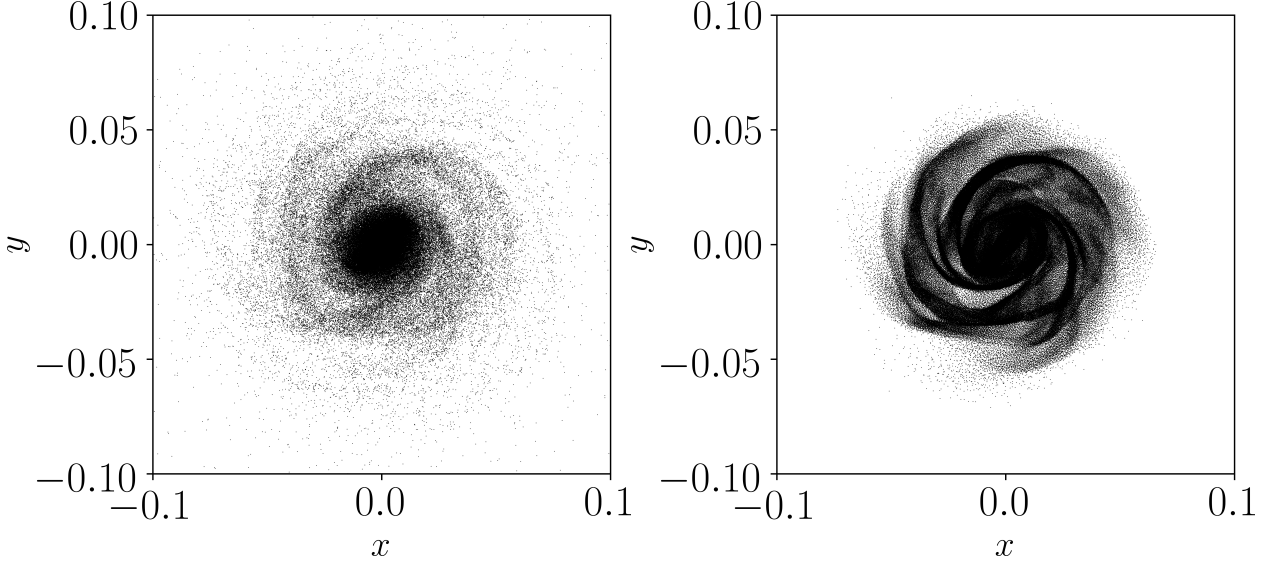


図 4:  $T = 0.46$  における星分布 (左) とガス分布 (右) (計算は以下の条件で実施した:  $N$  体粒子数  $2^{21}$ 、SPH 粒子数  $2^{18}$ 、等温、ガス温度  $10^4$  K、平均分子量  $\mu = 0.5$ )

以下では、まず Springel の方法について解説し、その後、サンプルコードの実装について説明していく。

### 7.1.2 Springel の方法

Springel & Hernquist [2002, MNRAS, 333, 649] では、smoothing length が可変な場合でも、系のエネルギーとエントロピーが保存するようなスキーム (具体的には運動方程式) を定式化した。以下、彼らの定式化を手短に説明する。導出方針としては、smoothing length も独立変数とみて系の Lagrangian を立て、それを粒子数個の拘束条件の下、Euler-Lagrange 方程式を解く、というものである。

具体的には、彼らは系の Lagrangian として次のようなものを選んだ:

$$L(\mathbf{q}, \dot{\mathbf{q}}) = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^N m_i \dot{\mathbf{r}}_i^2 - \frac{1}{\gamma - 1} \sum_{i=1}^N m_i A_i \rho_i^{\gamma-1} \quad (7)$$

ここで、 $\mathbf{q} = (\mathbf{r}_1, \dots, \mathbf{r}_N, h_1, \dots, h_N)$  であり、下付きの整数はすべて粒子番号を表す。 $\mathbf{r}_i$  は位置、 $h_i$  は smoothing length、 $m_i$  は質量、 $\gamma$  は比熱比、 $\rho_i$  は密度、 $A_i$  はエントロピー関数と呼ばれ、単位質量あたりの内部エネルギー  $u_i$  と次の関係がある:

$$u_i = \frac{A_i}{\gamma - 1} \rho_i^{\gamma-1} \quad (8)$$

式 (7) の第 1 項目は運動エネルギー、第 2 項目は内部エネルギーを表す。この Lagrangian をそのまま Euler-Lagrangian 方程式を使って解くと、 $4N$  個の方程式になってしまうので、彼らは次の  $N$  個の拘束条件を導入した。

$$\phi_i = \frac{4\pi}{3} h_i^3 \rho_i - \bar{m} N_{\text{neigh}} = 0 \quad (9)$$

ここで、 $\bar{m}$  は SPH 粒子の平均質量<sup>注 3)</sup>、 $N_{\text{neigh}}$  は近傍粒子数 (定数) である。この拘束条件の下、Lagrange の未定乗数法を使って、Euler-Lagrange 方程式をとけば、以下の運動方程式が得られる:

$$\frac{d\mathbf{v}_i}{dt} = - \sum_{j=1}^N m_j \left[ f_i \frac{P_i}{\rho_i^2} \nabla_i W(r_{ij}, h_i) + f_j \frac{P_j}{\rho_j^2} \nabla_i W(r_{ij}, h_j) \right] \quad (10)$$

ここで、 $P_i$  は圧力、 $r_{ij} = |\mathbf{r}_i - \mathbf{r}_j|$ 、 $W$  はカーネル関数、 $f_i$  は  $\nabla h$  term と呼ばれる量で、

$$f_i = \left( 1 + \frac{h_i}{3\rho_i} \frac{\partial \rho_i}{\partial h_i} \right)^{-1} \quad (11)$$

と定義される。

系の熱力学的状態はエントロピー  $A_i$  を独立変数として記述される。断熱過程の場合、エントロピーは衝撃波以外のところでは流れに沿って一定である。Springel [2005, MNRAS, 364, 1105] では、衝撃波でのエントロピー増加と速度の変化を人工粘性を使って次のようにモデル化している:

$$\frac{dA_i}{dt} = \frac{1}{2} \frac{\gamma - 1}{\rho_i^{\gamma-1}} \sum_{j=1}^N m_j \Pi_{ij} \mathbf{v}_{ij} \cdot \nabla_i \bar{W}_{ij} \quad (12)$$

$$\left. \frac{d\mathbf{v}_i}{dt} \right|_{\text{visc}} = - \sum_{j=1}^N m_j \Pi_{ij} \nabla_i \bar{W}_{ij} \quad (13)$$

ここで、 $\mathbf{v}_{ij} = \mathbf{v}_i - \mathbf{v}_j$ 、 $\mathbf{v}_i$  は速度、 $\bar{W}_{ij} = \frac{1}{2}(W(r_{ij}, h_i) + W(r_{ij}, h_j))$  である。 $\Pi_{ij}$  に関しては、原論文を参照して頂きたい。

したがって、SPH 計算の手順は次のようになる:

(1) 式 (9) と以下の式を無矛盾に解き、密度  $\rho_i$  と  $h_i$  を決定する。

$$\rho_i = \sum_{j=1}^N m_j W(r_{ij}, h_i) \quad (14)$$

(2) 式 (11) で定義される  $\nabla h$  term を計算する。

(3) 式 (10)、(12)、(13) の右辺を計算する。

(4) SPH 粒子の位置、速度、エントロピーを時間積分する。

以下、まずユーザ定義クラスと相互作用関数の実装について解説を行い、次にメインルーチンの実装について解説を行う。複数粒子種の取扱は後者で解説する。

注 3) 拘束条件に使用していることから、定数扱いであることに注意。



### 7.1.3 ユーザー定義型

本サンプルコードのユーザ定義型はすべて `user_defined.h` に定義されている。はじめに用意されているユーザ定義型の種類について簡単に説明しておく。冒頭で述べたように、本サンプルコードは2種類の粒子 ( $N$  体粒子, SPH 粒子) を扱う。そのため、`FullParticle` 型も2種類用意している ( $N$  体粒子用に 構造体 `fp_nbody` を, SPH 粒子用に 構造体 `fp_sph` )。相互作用は重力相互作用と流体相互作用の2種類ある。そのため、`Force` 型を3種類用意している (重力計算用に 構造体 `force_grav` を、密度計算用に 構造体 `force_dens` を、そして、圧力勾配による加速度 (以下、単に圧力勾配加速度) の計算用に 構造体 `force_hydro` を; 第4節も参照のこと)。本サンプルコードでは、簡単のため、`EssentialParticleI` 型と `EssentialParticleJ` 型を1つの構造体で兼ねることにし (以下、単に `EssentialParticle` 型)、密度計算と圧力勾配加速度計算に同じ `EssentialParticle` 型を使用する。したがって、`EssentialParticle` 型の種類は2種類となっている (重力計算用に 構造体 `ep_grav` を、SPH 計算用に 構造体 `ep_hydro` )。

以下、各ユーザ定義型の実装について説明する。

#### 7.1.3.1 FullParticle 型

まず、 $N$  体粒子用の `FullParticle` 型である 構造体 `fp_nbody` について解説する。この構造体には、 $N$  体粒子が持っているべき全ての物理量が含まれている。Listing 54 に、この構造体の実装を示す。メンバ変数の構成は、第3-4節で紹介した  $N$  体計算サンプルコードとほぼ同じであり、詳細はそちらを参照されたい。

Listing 54: `FullParticle` 型 (構造体 `fp_nbody`)

```

1 typedef struct fp_nbody { // $fdps FP
2     // $fdps copyFromForce force_grav (acc,acc) (pot,pot)
3     long long int id; // $fdps id
4     double mass; // $fdps charge
5     fdps_f64vec pos; // $fdps position
6     fdps_f64vec vel;
7     fdps_f64vec acc;
8     double pot;
9 } FP_nbody;
```

次に、SPH 粒子用の `FullParticle` 型である 構造体 `fp_sph` について解説する。この構造体には、SPH 粒子が持っているべき全ての物理量が含まれている。Listing 55 に、この構造体の実装を示す。メンバ変数の内、主要な変数の意味は次の通りである: `id` (識別番号)、`mass` (質量)、`pos` (位置  $[r_i]$ )、`vel` (速度  $[v_i]$ )、`acc_grav` (重力加速度)、`pot_grav` (重力ポテンシャル)、`acc_hydro` (圧力勾配加速度)、`dens` (密度  $[\rho_i]$ )、`eng` (単位質量あたりの内部エネルギー  $[u_i]$ )、`ent` (エントロピー関数 [以下、単にエントロピー]  $[A_i]$ )、`pres` (圧力  $[P_i]$ )、`smth` (smoothing length<sup>注4)</sup>  $[h_i]$ )、`gradh` ( $\nabla h$  term  $[f_i]$ )、`divv` ( $(\nabla \cdot v)_i$ 、ここで下付きの  $i$  は粒子  $i$  の位置での微分を示している)、`rotrv` ( $(\nabla \times v)_i$ )、`balsw` (Balsara switch のための係数で、定義式は Balsara [1995, JCP, 121, 357] の  $f(a)$ )、`snds` (音速)、`eng.dot` (`eng` の時間

注 4) カーネル関数が 0 になる距離と定義。

変化率)、`ent_dot` (`ent` の時間変化率)、`dt` (この粒子の軌道を時間積分するときに許される最大の時間刻み幅)。

以下の点に注意して頂きたい。

- SPH 粒子が関わる相互作用計算は、重力計算、密度計算、圧力勾配加速度計算の 3 種類あるので、それに応じて `copyFromForce` 指示文も 3 つ用意されている。

Listing 55: FullParticle 型 (構造体 `fp_sph`)

```

1 typedef struct fp_sph { //$fdps FP
2     //$fdps copyFromForce force_grav (acc,acc_grav) (pot,pot_grav)
3     //$fdps copyFromForce force_dens (flag,flag) (dens,dens) (smth,smth) (
4         gradh,gradh) (divv,divv) (rotv,rotv)
5     //$fdps copyFromForce force_hydro (acc,acc_hydro) (eng_dot,eng_dot) (
6         ent_dot,ent_dot) (dt,dt)
7     long long id; //$fdps id
8     double mass; //$fdps charge
9     fdps_f64vec pos; //$fdps position
10    fdps_f64vec vel;
11    fdps_f64vec acc_grav;
12    double pot_grav;
13    fdps_f64vec acc_hydro;
14    int flag;
15    double dens;
16    double eng;
17    double ent;
18    double pres;
19    double smth;
20    double gradh;
21    double divv;
22    fdps_f64vec rotv;
23    double balsw;
24    double snds;
25    double eng_dot;
26    double ent_dot;
27    double dt;
28    fdps_f64vec vel_half;
29    double eng_half;
30    double ent_half;
31 } FP_sph;

```

### 7.1.3.2 EssentialParticle 型

まず、重力計算用の EssentialParticle 型である 構造体 `ep_grav` について解説する。この構造体には、重力計算を行う際、 $i$  粒子と  $j$  粒子が持っているべき全ての物理量をメンバ変数として持たせている。Listing 56 に、この構造体の実装を示す。ユーザは EssentialParticle 型の定義部に、FullParticle 型からのデータコピーの方法を指示するため指示文 (`copyFromFP` 指示文) を書く必要があるが、本サンプルコードでは粒子種が 2 種類のため、2 つの `copyFromFP` 指示文が実装されていることに注意されたい。



Listing 56: EssentialParticle 型 (構造体 ep\_grav)

---

```

1 typedef struct ep_grav { //$fdps EPI,EPJ
2     //$fdps copyFromFP fp_nbody (id,id) (mass,mass) (pos,pos)
3     //$fdps copyFromFP fp_sph (id,id) (mass,mass) (pos,pos)
4     long long id; //$fdps id
5     double mass; //$fdps charge
6     fdps_f64vec pos; //$fdps position
7 } EP_grav;

```

---

次に、密度計算と圧力勾配加速度計算用の EssentialParticle 型である 構造体 ep\_hydro について解説する。この構造体には、密度計算と圧力勾配加速度計算を行う際、 $i$  粒子と  $j$  粒子が持つべき全ての物理量をメンバ変数として持たせている。Listing 57 に、この構造体の実装を示す。

Listing 57: EssentialParticle 型 (構造体 ep\_hydro)

---

```

1 typedef struct ep_hydro { //$fdps EPI,EPJ
2     //$fdps copyFromFP fp_sph (id,id) (pos,pos) (vel,vel) (mass,mass) (smth
3         ,smth) (dens,dens) (pres,pres) (gradh,gradh) (snds,snds) (balsw,
4         balsw)
5     long long id; //$fdps id
6     fdps_f64vec pos; //$fdps position
7     fdps_f64vec vel;
8     double mass; //$fdps charge
9     double smth; //$fdps rsearch
10    double dens;
11    double pres;
12    double gradh;
13    double snds;
14    double balsw;
15 } EP_hydro;

```

---

### 7.1.3.3 Force 型

まず、重力計算用の Force 型である 構造体 force\_grav について解説する。この構造体は、重力計算を行った際にその結果として得られる全ての物理量をメンバ変数として持っている必要がある。Listing 58 にこの構造体の実装を示す。

Listing 58: Force 型 (構造体 force\_grav)

---

```

1 typedef struct force_grav { //$fdps Force
2     //$fdps clear
3     fdps_f64vec acc;
4     double pot;
5 } Force_grav;

```

---

次に、密度計算用の Force 型である 構造体 force\_dens について解説する。この構造体は、密度計算を行った際にその結果として得られる全ての物理量をメンバ変数として持っている必要がある。Listing 59 に、この構造体の実装を示す。本サンプルコードの SPH 法では、smoothing length は固定ではなく、密度に応じて変化する。そのため、メンバ変数として smth を持つ。また、密度計算と同時に、 $\nabla h$  term および  $(\nabla \cdot \mathbf{v})_i$ 、 $(\nabla \times \mathbf{v})_i$  の計算を同

時行うため、メンバ変数に `gradh`, `divv`, `rotv` を持つ。メンバ変数 `flag` は  $\rho_i$  と  $h_i$  を決定するイテレーション計算が収束したかどうかの結果を格納する変数である (詳細は、相互作用関数の節を参照のこと)。

Listing 59: Force 型 (構造体 `force_dens`)

---

```

1 typedef struct force_dens { //$fdps Force
2     //$fdps clear smth=keep
3     int flag;
4     double dens;
5     double smth;
6     double gradh;
7     double divv;
8     fdps_f64vec rotv;
9 } Force_dens;

```

---

最後に、圧力勾配加速度計算用の Force 型である 構造体 `force_hydro` について解説する。この構造体は、圧力勾配加速度計算を行った際にその結果として得られる全ての物理量をメンバ変数として持っている必要がある。Listing 60 に、この構造体の実装を示す。

Listing 60: Force 型 (構造体 `force_hydro`)

---

```

1 typedef struct force_hydro { //$fdps Force
2     //$fdps clear
3     fdps_f64vec acc;
4     double eng_dot;
5     double ent_dot;
6     double dt;
7 } Force_hydro;

```

---

#### 7.1.4 相互作用関数

本サンプルコードで使用する相互作用関数はすべて `user_defined.c` に実装されている。全部で 4 種類あり、重力計算 (粒子間相互作用及び粒子-超粒子間相互作用)、密度計算、圧力勾配加速度計算に使用される。以下、順に説明していく。

##### 7.1.4.1 重力計算

重力計算用の相互作用関数は void 関数 `calc_gravity_ep_ep` 及び `calc_gravity_ep_sp` として実装されている。Listing 61 にこれらの実装を示す。実装は第 3-4 節で紹介した  $N$  体計算サンプルコードのものとほぼ同じであり、詳細はそちらを参照されたい。

Listing 61: 相互作用関数 (重力計算用)

---

```

1 #if defined(ENABLE_PHANTOM_GRAPE_X86)
2 void calc_gravity_ep_ep(struct ep_grav *ep_i,
3                        int n_ip,
4                        struct ep_grav *ep_j,
5                        int n_jp,
6                        struct force_grav *f) {
7     int i,j;

```

---

```

8     int npipe = n_ip;
9     int njpipe = n_jp;
10    double (*xi)[3] = (double (*)[3])malloc(sizeof(double) * npipe * 3);
11    double (*ai)[3] = (double (*)[3])malloc(sizeof(double) * npipe * 3);
12    double *pi      = (double *)malloc(sizeof(double) * npipe);
13    double (*xj)[3] = (double (*)[3])malloc(sizeof(double) * njpipe * 3);
14    double *mj      = (double *)malloc(sizeof(double) * njpipe);
15    for (i = 0; i < n_ip; i++) {
16        xi[i][0] = ep_i[i].pos.x;
17        xi[i][1] = ep_i[i].pos.y;
18        xi[i][2] = ep_i[i].pos.z;
19        ai[i][0] = 0.0;
20        ai[i][1] = 0.0;
21        ai[i][2] = 0.0;
22        pi[i]    = 0.0;
23    }
24    for (j = 0; j < n_jp; j++) {
25        xj[j][0] = ep_j[j].pos.x;
26        xj[j][1] = ep_j[j].pos.y;
27        xj[j][2] = ep_j[j].pos.z;
28        mj[j]    = ep_j[j].mass;
29    }
30    #if defined(PARTICLE_SIMULATOR_THREAD_PARALLEL) && defined(_OPENMP)
31        int devid = omp_get_thread_num();
32        // [IMPORTANT NOTE]
33        // The function calc_gravity_ep_ep is called by a OpenMP thread
34        // in the FDPS. This means that here is already in the parallel
35        // region.
36        // So, you can use omp_get_thread_num() without !$OMP parallel
37        // directives.
38        // If you use them, a nested parallel regions is made and the
39        // gravity
40        // calculation will not be performed correctly.
41    #else
42        int devid = 0;
43    #endif
44    g5_set_xmjMC(devid, 0, n_jp, xj, mj);
45    g5_set_nMC(devid, n_jp);
46    g5_calculate_force_on_xMC(devid, xi, ai, pi, n_ip);
47    for (i = 0; i < n_ip; i++) {
48        f[i].acc.x += ai[i][0];
49        f[i].acc.y += ai[i][1];
50        f[i].acc.z += ai[i][2];
51        f[i].pot  -= pi[i];
52    }
53    free(xi);
54    free(ai);
55    free(pi);
56    free(xj);
57    free(mj);
58 }
59 void calc_gravity_ep_sp(struct ep_grav *ep_i,
60                        int n_ip,
61                        fdps_spj_monopole *ep_j,

```

```

60         int n_jp,
61         struct force_grav *f) {
62     int i,j;
63     int npipe = n_ip;
64     int njpipe = n_jp;
65     double (*xi)[3] = (double (*)[3])malloc(sizeof(double) * npipe * 3);
66     double (*ai)[3] = (double (*)[3])malloc(sizeof(double) * npipe * 3);
67     double *pi      = (double *)malloc(sizeof(double) * npipe);
68     double (*xj)[3] = (double (*)[3])malloc(sizeof(double) * njpipe * 3);
69     double *mj      = (double *)malloc(sizeof(double) * njpipe);
70     for (i = 0; i < n_ip; i++) {
71         xi[i][0] = ep_i[i].pos.x;
72         xi[i][1] = ep_i[i].pos.y;
73         xi[i][2] = ep_i[i].pos.z;
74         ai[i][0] = 0.0;
75         ai[i][1] = 0.0;
76         ai[i][2] = 0.0;
77         pi[i]    = 0.0;
78     }
79     for (j = 0; j < n_jp; j++) {
80         xj[j][0] = ep_j[j].pos.x;
81         xj[j][1] = ep_j[j].pos.y;
82         xj[j][2] = ep_j[j].pos.z;
83         mj[j]    = ep_j[j].mass;
84     }
85     #if defined(PARTICLE_SIMULATOR_THREAD_PARALLEL) && defined(_OPENMP)
86     int devid = omp_get_thread_num();
87     // [IMPORTANT NOTE]
88     //   The function calc_gravity_ep_ep is called by a OpenMP thread
89     //   in the FDPS. This means that here is already in the parallel
90     //   region.
91     //   So, you can use omp_get_thread_num() without !$OMP parallel
92     //   directives.
93     //   If you use them, a nested parallel resions is made and the
94     //   gravity
95     //   calculation will not be performed correctly.
96     #else
97     int devid = 0;
98     #endif
99     g5_set_xmjMC(devid, 0, n_jp, xj, mj);
100    g5_set_nMC(devid, n_jp);
101    g5_calculate_force_on_xMC(devid, xi, ai, pi, n_ip);
102    for (i = 0; i < n_ip; i++) {
103        f[i].acc.x += ai[i][0];
104        f[i].acc.y += ai[i][1];
105        f[i].acc.z += ai[i][2];
106        f[i].pot  -= pi[i];
107    }
108    free(xi);
109    free(ai);
110    free(pi);
111    free(xj);
112    free(mj);
113 }
114 #else

```

```

112 void calc_gravity_ep_ep(struct ep_grav *ep_i,
113                         int n_ip,
114                         struct ep_grav *ep_j,
115                         int n_jp,
116                         struct force_grav *f) {
117     int i,j;
118     double eps2 = eps_grav * eps_grav;
119     for (i = 0; i < n_ip; i++) {
120         fdps_f64vec xi,ai;
121         double poti;
122         xi.x = ep_i[i].pos.x;
123         xi.y = ep_i[i].pos.y;
124         xi.z = ep_i[i].pos.z;
125         ai.x = 0.0;
126         ai.y = 0.0;
127         ai.z = 0.0;
128         poti = 0.0;
129         for (j = 0; j < n_jp; j++) {
130             fdps_f64vec rij;
131             rij.x = xi.x - ep_j[j].pos.x;
132             rij.y = xi.y - ep_j[j].pos.y;
133             rij.z = xi.z - ep_j[j].pos.z;
134             double r3_inv = rij.x * rij.x
135                          + rij.y * rij.y
136                          + rij.z * rij.z
137                          + eps2;
138             double r_inv = 1.0/sqrt(r3_inv);
139             r3_inv = r_inv * r_inv;
140             r_inv = r_inv * ep_j[j].mass;
141             r3_inv = r3_inv * r_inv;
142             ai.x -= r3_inv * rij.x;
143             ai.y -= r3_inv * rij.y;
144             ai.z -= r3_inv * rij.z;
145             poti -= r_inv;
146         }
147         f[i].acc.x += ai.x;
148         f[i].acc.y += ai.y;
149         f[i].acc.z += ai.z;
150         f[i].pot += poti;
151     }
152 }
153
154 void calc_gravity_ep_sp(struct ep_grav *ep_i,
155                         int n_ip,
156                         fdps_spj_monopole *ep_j,
157                         int n_jp,
158                         struct force_grav *f) {
159     int i,j;
160     double eps2 = eps_grav * eps_grav;
161     for (i = 0; i < n_ip; i++) {
162         fdps_f64vec xi,ai;
163         double poti;
164         xi.x = ep_i[i].pos.x;
165         xi.y = ep_i[i].pos.y;
166         xi.z = ep_i[i].pos.z;

```

```

167     ai.x = 0.0;
168     ai.y = 0.0;
169     ai.z = 0.0;
170     poti = 0.0;
171     for (j = 0; j < n_jp; j++) {
172         fdps_f64vec rij;
173         rij.x = xi.x - ep_j[j].pos.x;
174         rij.y = xi.y - ep_j[j].pos.y;
175         rij.z = xi.z - ep_j[j].pos.z;
176         double r3_inv = rij.x * rij.x
177                     + rij.y * rij.y
178                     + rij.z * rij.z
179                     + eps2;
180         double r_inv = 1.0/sqrt(r3_inv);
181         r3_inv = r_inv * r_inv;
182         r_inv = r_inv * ep_j[j].mass;
183         r3_inv = r3_inv * r_inv;
184         ai.x -= r3_inv * rij.x;
185         ai.y -= r3_inv * rij.y;
186         ai.z -= r3_inv * rij.z;
187         poti -= r_inv;
188     }
189     f[i].acc.x += ai.x;
190     f[i].acc.y += ai.y;
191     f[i].acc.z += ai.z;
192     f[i].pot += poti;
193 }
194 }
195 #endif

```

#### 7.1.4.2 密度計算

密度計算用の相互作用関数は void 関数 `calc_density` として実装されている。Listing 62 に、実装を示す。実装はマクロ `ENABLE_VARIABLE_SMOOTHING_LENGTH` が定義されているか否かで分かれる。このマクロが未定義の場合には、固定長カーネルコードとなり、実装は第 3-4 節で紹介した SPH サンプルコードとほぼ同じであるので、そちらを参照されたい。以下、このマクロが定義されている場合の実装について解説する。

第 7.1.2 節で説明したように、密度  $\rho_i$  と smoothing length  $h_i$  は式 (14) と式 (9) を無矛盾に解いて決定する必要がある。これには 2 つの方程式を反復的に解く必要がある。このイテレーションを無限 for ループの中で行っている。本サンプルコードでは  $\rho_i$  と  $h_i$  の計算を効率的に行うため、smoothing length の値を定数 `SCF_smth` 倍してから密度計算を実行している。このため、定数倍する前の smoothing length の値を  $h_{i,0}$  とすると、このイテレーションの間に  $h_i$  を 0 から  $h_{\max, \text{alw}} \equiv \text{scf\_smth} \times h_{i,0}$  までの間なら変化させてもよいことになる。なぜなら、 $j$  粒子リストの取りこぼしは発生しないからである。逆にこの範囲でイテレーションが収束しなければ、求めたい  $h_i$  は  $h_{\max, \text{alw}}$  よりも大きいということになり、既存の  $j$  粒子リストでは  $\rho_i$  と  $h_i$  を決定できないということになる。この場合、 $h_{i,0}$  を大きくした上で、密度計算をやり直す必要がある。この外側のイテレーションは `c_main.c` の void 関数 `calc_density_wrapper` で行われている。この void 関数の詳細は第 7.1.5 節で行う。

無限 for ループの後には、 $\nabla h$  term の計算、 $(\nabla \cdot v)_i$  及び  $(\nabla \times v)_i$  の計算を行っている。

Listing 62: 相互作用関数 (密度計算用)

```

1 void calc_density(struct ep_hydro *ep_i,
2                  int n_ip,
3                  struct ep_hydro *ep_j,
4                  int n_jp,
5                  struct force_dens *f) {
6 #if defined(ENABLE_VARIABLE_SMOOTHING_LENGTH)
7     // Local parameters
8     const double eps=1.0e-6;
9     // Local variables
10    int i,j;
11    int n_unchanged;
12    double M,M_trgt;
13    double dens,drho_dh;
14    double h,h_max_alw,h_L,h_U,dh,dh_prev;
15    fdps_f64vec dr,dv,gradW_i;
16    double *mj = (double *)malloc(sizeof(double) * n_jp);
17    double *rij = (double *)malloc(sizeof(double) * n_jp);
18    M_trgt = mass_avg * N_neighbor;
19    for (i = 0; i < n_ip; i++) {
20        dens = 0.0;
21        h_max_alw = ep_i[i].smth; // maximum allowance
22        h = h_max_alw / SCF_smth;
23        // Note that we increase smth by a factor of scf_smth
24        // before calling calc_density().
25        h_L = 0.0;
26        h_U = h_max_alw;
27        dh_prev = 0.0;
28        n_unchanged = 0;
29        // Software cache
30        for (j = 0; j < n_jp; j++) {
31            mj[j] = ep_j[j].mass;
32            dr.x = ep_i[i].pos.x - ep_j[j].pos.x;
33            dr.y = ep_i[i].pos.y - ep_j[j].pos.y;
34            dr.z = ep_i[i].pos.z - ep_j[j].pos.z;
35            rij[j] = sqrt(dr.x * dr.x
36                        +dr.y * dr.y
37                        +dr.z * dr.z);
38        }
39        for(;;) {
40            // Calculate density
41            dens = 0.0;
42            for (j = 0; j < n_jp; j++)
43                dens += mj[j] * W(rij[j], h);
44            // Check if the current value of the smoohting length
45            // satisfies
46            // Eq.(5) in Springel (2005).
47            M = 4.0 * pi * h * h * h * dens / 3.0;
48            if ((h < h_max_alw) && (fabs(M/M_trgt - 1.0) < eps)) {
49                // In this case, Eq.(5) holds within a specified accuracy.
50                f[i].flag = 1;
51                f[i].dens = dens;
52                f[i].smth = h;

```

```

52         break;
53     }
54     if (((h == h_max_alw) && (M < M_trgt)) || (n_unchanged == 4))
55     {
56         // In this case, we skip this particle forcibly.
57         // In order to determine consistently the density
58         // and the smoothing length for this particle,
59         // we must re-perform calcForceAllAndWriteBack().
60         f[i].flag = 0;
61         f[i].dens = dens;
62         f[i].smth = h_max_alw;
63         break;
64     }
65     // Update h_L & h_U
66     if (M < M_trgt) {
67         if (h_L < h) h_L = h;
68     } else if (M_trgt < M) {
69         if (h < h_U) h_U = h;
70     }
71     dh = h_U - h_L;
72     if (dh == dh_prev) {
73         n_unchanged++;
74     } else {
75         dh_prev = dh;
76         n_unchanged = 0;
77     }
78     // Update smoothing length
79     h = pow((3.0 * M_trgt)/(4.0 * pi * dens), 1.0/3.0);
80     if ((h <= h_L) || (h == h_U)) {
81         // In this case, we switch to the bisection search.
82         // The inclusion of '=' in the if statement is very
83         // important to escape a limit cycle.
84         h = 0.5 * (h_L + h_U);
85     } else if (h_U < h) {
86         h = h_U;
87     }
88     // Calculate grad-h term
89     if (f[i].flag == 1) {
90         drho_dh = 0.0;
91         for (j = 0; j < n_jp; j++)
92             drho_dh += mj[j] * dWdh(rij[j], h);
93         f[i].gradh = 1.0 / (1.0 + (h * drho_dh) / (3.0 * dens));
94     } else {
95         f[i].gradh = 1.0; // dummy value
96     }
97     // Compute \div v & \rot v for Balsara switch
98     #if defined(USE_BALSARA_SWITCH)
99     for (j = 0; j < n_jp; j++) {
100         dr.x = ep_i[i].pos.x - ep_j[j].pos.x;
101         dr.y = ep_i[i].pos.y - ep_j[j].pos.y;
102         dr.z = ep_i[i].pos.z - ep_j[j].pos.z;
103         dv.x = ep_i[i].vel.x - ep_j[j].vel.x;
104         dv.y = ep_i[i].vel.y - ep_j[j].vel.y;
105         dv.z = ep_i[i].vel.z - ep_j[j].vel.z;

```



```

106         gradW_i = gradW(dr, f[i].smth);
107         f[i].divv -= mj[j] * (dv.x * gradW_i.x
108                             +dv.y * gradW_i.y
109                             +dv.z * gradW_i.z);
110         f[i].rotr.x -= mj[j] * (dv.y * gradW_i.z - dv.z * gradW_i.y);
111         f[i].rotr.y -= mj[j] * (dv.z * gradW_i.x - dv.x * gradW_i.z);
112         f[i].rotr.z -= mj[j] * (dv.x * gradW_i.y - dv.y * gradW_i.x);
113     }
114     f[i].divv /= f[i].dens;
115     f[i].rotr.x /= f[i].dens;
116     f[i].rotr.y /= f[i].dens;
117     f[i].rotr.z /= f[i].dens;
118 #endif
119 }
120 free(mj);
121 free(rij);
122 #else
123 int i,j;
124 for (i = 0; i < n_ip; i++) {
125     f[i].dens = 0.0;
126     for (j = 0; j < n_jp; j++) {
127         fdps_f64vec dr;
128         dr.x = ep_j[j].pos.x - ep_i[i].pos.x;
129         dr.y = ep_j[j].pos.y - ep_i[i].pos.y;
130         dr.z = ep_j[j].pos.z - ep_i[i].pos.z;
131         double rij = sqrt(dr.x * dr.x
132                         +dr.y * dr.y
133                         +dr.z * dr.z);
134         f[i].dens += ep_j[j].mass * W(rij,ep_i[i].smth);
135     }
136     f[i].smth = ep_i[i].smth;
137     f[i].gradh = 1.0;
138     // Compute \div v & \rot v for Balsara switch
139 #if defined(USE_BALSARA_SWITCH)
140     for (j = 0; j < n_jp; j++) {
141         double mj = ep_j[j].mass;
142         fdps_f64vec dr,dv,gradW_i;
143         dr.x = ep_i[i].pos.x - ep_j[j].pos.x;
144         dr.y = ep_i[i].pos.y - ep_j[j].pos.y;
145         dr.z = ep_i[i].pos.z - ep_j[j].pos.z;
146         dv.x = ep_i[i].vel.x - ep_j[j].vel.x;
147         dv.y = ep_i[i].vel.y - ep_j[j].vel.y;
148         dv.z = ep_i[i].vel.z - ep_j[j].vel.z;
149         gradW_i = gradW(dr, f[i].smth);
150         f[i].divv -= mj * (dv.x * gradW_i.x
151                         +dv.y * gradW_i.y
152                         +dv.z * gradW_i.z);
153         f[i].rotr.x -= mj * (dv.y * gradW_i.z - dv.z * gradW_i.y);
154         f[i].rotr.y -= mj * (dv.z * gradW_i.x - dv.x * gradW_i.z);
155         f[i].rotr.z -= mj * (dv.x * gradW_i.y - dv.y * gradW_i.x);
156     }
157     f[i].divv /= f[i].dens;
158     f[i].rotr.x /= f[i].dens;
159     f[i].rotr.y /= f[i].dens;
160     f[i].rotr.z /= f[i].dens;

```

```

161 #endif
162     }
163 #endif
164 }

```

#### 7.1.4.3 圧力勾配加速度計算

圧力勾配加速度用の相互作用関数は void 関数 `calc_hydro_force` として実装されている。Listing 63 に、実装を示す。この void 関数では、式 (10)、(12)、(13) の右辺の計算、及び、Springel [2005, MNRAS, 364, 1105] の式 (16) に従って `dt` の計算を行っている (`dt` については 構造体 `fp_sph` の説明を参照のこと)。

Listing 63: 相互作用関数 (圧力勾配加速度計算用)

```

1 void calc_hydro_force(struct ep_hydro *ep_i,
2                       int n_ip,
3                       struct ep_hydro *ep_j,
4                       int n_jp,
5                       struct force_hydro *f) {
6     // Local variables
7     int i,j;
8     double mass_i,mass_j,smth_i,smth_j,
9            dens_i,dens_j,pres_i,pres_j,
10            gradh_i,gradh_j,balsw_i,balsw_j,
11            snds_i,snds_j;
12     double povrho2_i,povrho2_j,
13            v_sig_max,dr_dv,w_ij,v_sig,AV;
14     fdps_f64vec pos_i,pos_j,vel_i,vel_j,
15            dr,dv,gradW_i,gradW_j,gradW_ij;
16     for (i = 0; i < n_ip; i++) {
17         // Zero-clear
18         v_sig_max = 0.0;
19         // Extract i-particle info.
20         pos_i = ep_i[i].pos;
21         vel_i = ep_i[i].vel;
22         mass_i = ep_i[i].mass;
23         smth_i = ep_i[i].smth;
24         dens_i = ep_i[i].dens;
25         pres_i = ep_i[i].pres;
26         gradh_i = ep_i[i].gradh;
27         balsw_i = ep_i[i].balsw;
28         snds_i = ep_i[i].snds;
29         povrho2_i = pres_i/(dens_i*dens_i);
30         for (j = 0; j < n_jp; j++) {
31             // Extract j-particle info.
32             pos_j.x = ep_j[j].pos.x;
33             pos_j.y = ep_j[j].pos.y;
34             pos_j.z = ep_j[j].pos.z;
35             vel_j.x = ep_j[j].vel.x;
36             vel_j.y = ep_j[j].vel.y;
37             vel_j.z = ep_j[j].vel.z;
38             mass_j = ep_j[j].mass;
39             smth_j = ep_j[j].smth;

```

```

40     dens_j = ep_j[j].dens;
41     pres_j = ep_j[j].pres;
42     gradh_j = ep_j[j].gradh;
43     balsw_j = ep_j[j].balsw;
44     snds_j = ep_j[j].snds;
45     povrho2_j = pres_j/(dens_j*dens_j);
46     // Compute dr & dv
47     dr.x = pos_i.x - pos_j.x;
48     dr.y = pos_i.y - pos_j.y;
49     dr.z = pos_i.z - pos_j.z;
50     dv.x = vel_i.x - vel_j.x;
51     dv.y = vel_i.y - vel_j.y;
52     dv.z = vel_i.z - vel_j.z;
53     // Compute the signal velocity
54     dr_dv = dr.x * dv.x + dr.y * dv.y + dr.z * dv.z;
55     if (dr_dv < 0.0) {
56         w_ij = dr_dv / sqrt(dr.x * dr.x + dr.y * dr.y + dr.z * dr.z
57                             );
58     } else {
59         w_ij = 0.0;
60     }
61     v_sig = snds_i + snds_j - 3.0 * w_ij;
62     if (v_sig > v_sig_max) v_sig_max = v_sig;
63     // Compute the artificial viscosity
64     AV = - 0.5*v_sig*w_ij / (0.5*(dens_i+dens_j)) * 0.5*(balsw_i+
65                 balsw_j);
66     // Compute the average of the gradients of kernel
67     gradW_i = gradW(dr,smth_i);
68     gradW_j = gradW(dr,smth_j);
69     gradW_ij.x = 0.5 * (gradW_i.x + gradW_j.x);
70     gradW_ij.y = 0.5 * (gradW_i.y + gradW_j.y);
71     gradW_ij.z = 0.5 * (gradW_i.z + gradW_j.z);
72     // Compute the acceleration and the heating rate
73     f[i].acc.x -= mass_j*(gradh_i * povrho2_i * gradW_i.x
74                         +gradh_j * povrho2_j * gradW_j.x
75                         +AV * gradW_ij.x);
76     f[i].acc.y -= mass_j*(gradh_i * povrho2_i * gradW_i.y
77                         +gradh_j * povrho2_j * gradW_j.y
78                         +AV * gradW_ij.y);
79     f[i].acc.z -= mass_j*(gradh_i * povrho2_i * gradW_i.z
80                         +gradh_j * povrho2_j * gradW_j.z
81                         +AV * gradW_ij.z);
82     f[i].eng_dot += mass_j * gradh_i * povrho2_i * (dv.x * gradW_i
83                                                         .x
84                                                         +dv.y * gradW_i
85                                                         .y
86                                                         +dv.z * gradW_i
87                                                         .z);
88     + mass_j * 0.5 * AV * (dv.x * gradW_ij.x
89                         +dv.y * gradW_ij.y
90                         +dv.z * gradW_ij.z);
91     f[i].ent_dot += 0.5 * mass_j * AV * (dv.x * gradW_ij.x
92                                         +dv.y * gradW_ij.y
93                                         +dv.z * gradW_ij.z);
94 }

```

```

90         f[i].ent_dot *= ((specific_heat_ratio - 1.0)
91                          /pow(dens_i,specific_heat_ratio - 1.0));
92         f[i].dt = CFL_hydro*2.0*smth_i/v_sig_max;
93     }
94 }

```

### 7.1.5 プログラム本体

本節では、主に `c_main.c` に実装されたサンプルコード本体について解説を行う。詳細な説明に入る前に、サンプルコードの内容と全体構造について説明を与える。7.1 節冒頭で述べたように、このサンプルコードでは円盤銀河の  $N$  体/SPH シミュレーションを行うものであるが、初期条件としては円盤銀河の他、簡単なテスト計算用の初期条件も用意されている。具体的に以下の4つの場合に対応している:

- (a) 円盤銀河用の初期条件。この初期条件はコンパイルオプション時に `-DINITIAL_CONDITION=0` が指定された場合に選択される。初期条件作成は `ic.c` の `void` 関数 `galaxy_IC` で行われる。ダークマターと星の分布は事前に MAGI で作成されたファイルを読み込んで設定される。一方、ガスの初期分布はこの `void` 関数内部で生成される。デフォルトでは粒子数  $2^{18}$  で exponential disk ( $M = 10^{10} M_{\odot}$ ,  $R_s = 7$  kpc [scale radius],  $R_t = 12.5$  kpc [truncation radius],  $z_d = 0.4$  kpc [scale height],  $z_t = 1$  kpc [truncation height]) が生成される。
- (b) Cold collapse 問題用の初期条件。この初期条件はコンパイルオプション時に `-DINITIAL_CONDITION=1` が指定された場合に選択される。初期条件作成は `ic.c` の `void` 関数 `cold_collapse_test_IC` で行われる。
- (c) Evrard test (Evrard [1988,MNRAS,235,911] の第 3.3 節) 用の初期条件。この初期条件はコンパイルオプション時に `-DINITIAL_CONDITION=2` が指定された場合に選択される。初期条件作成は `ic.c` の `void` 関数 `Evrard_test_IC` で行われる。作成方法は2つあり、`void` 関数の最後の引数の値を手動で 0 か 1 にして指定する。0 の場合、格子状に並んだ SPH 粒子から Evrard 球の密度分布を作成する。1 の場合、ガラス状に分布した SPH 粒子から Evrard 球の密度分布を作成する。1 を選択するためには、事前に次項で説明するモードで SPH 粒子のデータを作成しておく必要がある。
- (d)  $[-1, 1]^3$  の立方体中に一様密度のガラス状の SPH 粒子分布を作成するための初期条件/動作モード。この初期条件はコンパイルオプション時に `-DINITIAL_CONDITION=3` が指定された場合に選択される。初期条件作成は `ic.c` の `void` 関数 `make_glass_IC` で行われる。

コード全体の構造は以下のようになっている:

- (1) FDPS で使用するオブジェクトの生成と初期化
- (2) (必要であれば)Phantom-GRAPe ライブラリの初期化
- (3) 初期条件ファイルの読み込み、或いは、初期条件の作成
- (4) 終了時刻まで粒子の運動を計算

以下で、個々について詳しく説明を行う。

### 7.1.5.1 ヘッダファイルのインクルード

FDPS の C 言語用 API にアクセスできるようにするため、`c_main.c` のファイル冒頭部分で、`FDPS_c_if.h` をインクルードしている。

Listing 64: FDPS の C 言語用 API のヘッダファイルのインクルード

---

```
1 #include "FDPS_c_if.h"
```

---

### 7.1.5.2 開始、終了

まずは、FDPS の初期化/開始を行う必要がある。次のように、メイン関数に記述する。

Listing 65: FDPS の開始

---

```
1 fdps_initialize();
```

---

FDPS は、開始したら明示的に終了させる必要がある。今回は、プログラムの終了と同時に FDPS も終了させるため、メイン関数の最後に次のように記述する。

Listing 66: FDPS の終了

---

```
1 fdps_finalize();
```

---

### 7.1.5.3 オブジェクトの生成と初期化

FDPS の初期化に成功した場合、ユーザーはコード中で用いるオブジェクトを作成する必要がある。本節では、オブジェクトの生成/初期化の仕方について、解説する。

#### 7.1.5.3.1 粒子群オブジェクトの生成と初期化

本サンプルコードでは、 $N$  体粒子と SPH 粒子のデータを異なる粒子群オブジェクトを用いて管理する。2 つの整数 `psys_num_nbody` と `psys_num_sph` は、それぞれ、 $N$  体粒子と SPH 粒子の粒子群オブジェクトの識別番号を格納する変数である。これら 2 つの整数を使い、粒子群オブジェクトを生成・初期化を以下のように行っている。

Listing 67: 粒子群オブジェクトの生成・初期化

---

```
1 fdps_create_psys(&psys_num_nbody, "fp_nbody");
2 fdps_init_psys(psys_num_nbody);
3 fdps_create_psys(&psys_num_sph, "fp_sph");
4 fdps_init_psys(psys_num_sph);
```

---

#### 7.1.5.3.2 領域情報オブジェクトの生成と初期化

本サンプルコードでは、計算領域の分割を、 $N$  体粒子と SPH 粒子を合わせた粒子全体が等分割されるように行うこととする。この場合、必要な領域情報オブジェクトは 1 つである。

したがって、本コードでは領域情報オブジェクトの識別番号を格納する整数変数 `dinfo_num` を用意し、それを用いて生成・初期化を次のように行っている。

Listing 68: 領域情報オブジェクトの生成・初期化

---

```
1 fdps_create_dinfo(&dinfo_num);
2 fdps_init_dinfo(dinfo_num, coef_ema);
```

---

#### 7.1.5.3.3 ツリーオブジェクトの生成と初期化

本サンプルコードでは、重力計算用、密度計算、圧力勾配加速度計算のそれぞれに1つずつツリーを用意している。ツリーオブジェクトの初期化の際には、API `fdps_init_tree` の第2引数に計算で使用する大雑把な粒子数を渡す必要がある。重力計算用のツリーオブジェクト(変数 `tree_num_grav` を介して制御される)では、ローカル粒子数の3倍の値を渡している。一方、密度計算と圧力勾配加速度計算に使用されるツリーオブジェクト(それぞれ変数 `tree_num_dens` と `tree_num_hydro` を介して制御される)では、ローカルのSPH粒子数の3倍の値を渡している。

Listing 69: ツリーオブジェクトの生成・初期化

---

```
1 // Make three tree structures
2 int nptcl_loc_sph = 1;
3 if (fdps_get_nptcl_loc(psys_num_sph) > 1)
4     nptcl_loc_sph = fdps_get_nptcl_loc(psys_num_sph);
5 int nptcl_loc_nbody = fdps_get_nptcl_loc(psys_num_nbody);
6 int nptcl_loc_all = nptcl_loc_nbody + nptcl_loc_sph;
7 // tree for gravity calculation
8 int tree_num_grav;
9 fdps_create_tree(&tree_num_grav,
10                 "Long, force_grav, ep_grav, ep_grav, Monopole");
11 const float theta=0.5;
12 const int n_leaf_limit=8, n_group_limit=64;
13 fdps_init_tree(tree_num_grav, 3*nptcl_loc_all, theta,
14               n_leaf_limit, n_group_limit);
15 // tree for the density calculation
16 int tree_num_dens;
17 fdps_create_tree(&tree_num_dens,
18                 "Short, force_dens, ep_hydro, ep_hydro, Gather");
19 fdps_init_tree(tree_num_dens, 3*nptcl_loc_sph, theta,
20               n_leaf_limit, n_group_limit);
21 // tree for the hydrodynamic force calculation
22 int tree_num_hydro;
23 fdps_create_tree(&tree_num_hydro,
24                 "Short, force_hydro, ep_hydro, ep_hydro, Symmetry");
25 fdps_init_tree(tree_num_hydro, 3*nptcl_loc_sph, theta,
26               n_leaf_limit, n_group_limit);
```

---

#### 7.1.5.4 初期条件の設定

初期条件の設定は void 関数 `setup_IC` で行われる。この void 関数はマクロ `INITIAL_CONDITION` の値に応じて、内部でさらに別の void 関数を呼び出しており、呼び出される void 関数とマクロの値の対応は、既に述べた通りである。引数の `time_dump`, `dt_dump`, `time_end` は、データ出力の最初の時刻、出力時間間隔、シミュレーション終了時間を表す変数であり、個々の初期条件作成関数の中で設定すべきものである。また、境界条件、重力ソフトニングの値 (`eps_grav`)、系に許される最大の時間刻み (`dt_max`) も設定する必要がある (`dt_max` に関しては必ずしも設定する必要はない)。

Listing 70: 初期条件の設定

```
1 setup_IC(psys_num_nbody, psys_num_sph, dinfo_num,
2          &time_dump, &dt_dump, &time_end);
```

以下、円盤銀河の初期条件を設定する void 関数 `galaxy_IC` について、留意事項を述べておく。

- MAGI が作成する粒子データは MAGI のコード内単位系で出力される。単位系の情報は MAGI を実行したときに出力されるファイル `doc/unit.txt` に記述されている。このファイルに記載された単位質量、単位長さ、単位時間の値と、定数 `magi_unit_mass`, `magi_unit_leng`, `magi_unit_time` は一致させなければならない。
- 関数が読み込むファイルは `./magi_data/dat/Galaxy.tipsy` である。別なファイルを読み込ませたい場合、手動でソースコードを変更する必要がある。
- 関数が生成するガス分布は  $R (\equiv \sqrt{x^2 + y^2})$  方向と  $z$  方向に exponential な密度分布を持つガス円盤である。それぞれの方向のスケール長が変数 `Rs`, `zd` で、分布を打ち切る距離は変数 `Rt`, `zt` である。
- 初期のガスの熱力学的状態はガス温度 `temp` と水素原子に対する平均分子量 `mu` を与えて指定する。コンパイル時マクロ `USE_ENTROPY` が定義済み/未定義に関わらず、粒子の熱力学的状態は単位質量あたりの内部エネルギーとして与える必要がある (`fp_sph` のメンバ変数 `eng`)。 `USE_ENTROPY` が定義済みの場合、メイン関数 `c_main()` で呼び出されている void 関数 `set_entropy` によって、計算された密度と内部エネルギーの初期値から初期エントロピーが自動的に決定される。未定義の場合、ここで設定した `eng` の値がそのまま内部エネルギーの初期値となる。

#### 7.1.5.5 領域分割の実行

複数の粒子種がある場合に、これらを合わせた粒子分布に基づいて領域分割を実行するには、領域情報オブジェクト用の 2 つの API `fdps_collect_sample_particle` と `fdps_decompose_domain` を併用する必要がある。まず、API `fdps_collect_sample_particle` でそれぞれの粒子群オブジェクトからサンプル粒子を集める。このとき、2種類目以降の粒子種に対する呼び出しでは、第 3 引数に `false` を指定する必要がある。この

指定がないと、1種類目の粒子群オブジェクトの情報がクリアされてしまうからである。すべての粒子群オブジェクトに対して、このAPIの呼び出しが終わったら、API `fdps_decompose_domain` で領域分割を実行する。

Listing 71: 領域分割の実行

---

```
1 fdps_collect_sample_particle(dinfo_num, psys_num_nbody, true, -1.0);
2 fdps_collect_sample_particle(dinfo_num, psys_num_sph, false, -1.0);
3 fdps_decompose_domain(dinfo_num);
```

---

#### 7.1.5.6 粒子交換の実行

先程計算した領域情報に基づいてプロセス間の粒子の情報を交換するには、粒子群オブジェクト用API `fdps_exchange_particle` を使用する:

Listing 72: 粒子交換の実行

---

```
1 fdps_exchange_particle(psys_num_nbody, dinfo_num);
2 fdps_exchange_particle(psys_num_sph, dinfo_num);
```

---

#### 7.1.5.7 相互作用計算の実行

領域分割・粒子交換が完了したら、計算開始時の加速度を決定するため、相互作用計算を行う必要がある。以下に、本サンプルコードにおける初期条件作成後最初の相互作用計算の実装を示す。最初に重力計算をし、その後、密度計算・圧力勾配加速度計算を行っている。

Listing 73: 相互作用計算の実行

---

```
1 // Gravity calculation
2 double t_start = fdps_get_wtime();
3 #if defined(ENABLE_GRAVITY_INTERACT)
4 fdps_set_particle_local_tree(tree_num_grav, psys_num_nbody, true);
5 fdps_set_particle_local_tree(tree_num_grav, psys_num_sph, false);
6 fdps_calc_force_making_tree(tree_num_grav,
7                             calc_gravity_ep_ep,
8                             calc_gravity_ep_sp,
9                             dinfo_num,
10                            true);
11 nptcl_loc_nbody = fdps_get_nptcl_loc(psys_num_nbody);
12 FP_nbody *ptcl_nbody = (FP_nbody *) fdps_get_psys_cptr(psys_num_nbody)
13 ;
14 for (i = 0; i < nptcl_loc_nbody; i++) {
15     Force_grav f_grav;
16     void *pforce = (void *) &f_grav;
17     fdps_get_force(tree_num_grav, i, pforce);
18     ptcl_nbody[i].acc.x = f_grav.acc.x;
19     ptcl_nbody[i].acc.y = f_grav.acc.y;
20     ptcl_nbody[i].acc.z = f_grav.acc.z;
21     ptcl_nbody[i].pot = f_grav.pot;
22 }
23 int offset = nptcl_loc_nbody;
```

---



```

23     nptcl_loc_sph = fdps_get_nptcl_loc(psys_num_sph);
24     FP_sph *ptcl_sph = (FP_sph *) fdps_get_psys_cptr(psys_num_sph);
25     for (i = 0; i < nptcl_loc_sph; i++) {
26         Force_grav f_grav;
27         fdps_get_force(tree_num_grav, i + offset, (void *)&f_grav);
28         ptcl_sph[i].acc_grav.x = f_grav.acc.x;
29         ptcl_sph[i].acc_grav.y = f_grav.acc.y;
30         ptcl_sph[i].acc_grav.z = f_grav.acc.z;
31         ptcl_sph[i].pot_grav = f_grav.pot;
32     }
33 #endif
34     double t_grav = fdps_get_wtime() - t_start;
35     // SPH calculations
36     t_start = fdps_get_wtime();
37 #if defined(ENABLE_HYDRO_INTERACT)
38     calc_density_wrapper(psys_num_sph, dinfo_num, tree_num_dens);
39     set_entropy(psys_num_sph);
40     set_pressure(psys_num_sph);
41     fdps_calc_force_all_and_write_back(tree_num_hydro,
42                                         calc_hydro_force,
43                                         NULL,
44                                         psys_num_sph,
45                                         dinfo_num,
46                                         true,
47                                         FDPS_MAKE_LIST);
48 #endif
49     double t_hydro = fdps_get_wtime() - t_start;

```

まず重力計算の方法について説明する。重力計算は、 $N$  体粒子と SPH 粒子の両方が関わる。このような複数の粒子種の間で1つの相互作用計算を行うには、

ツリーオブジェクト用の API `fdps_set_particle_local_tree` と `fdps_calc_force_making_tree` を合わせて使用する必要がある。まず、各粒子群オブジェクトに対して、API `fdps_set_particle_local_tree` を使って、粒子情報をツリーオブジェクトに渡す。このとき、2種類目以降の粒子群オブジェクトに対する呼び出しでは、第3引数に `false` を指定する必要がある。この指定が無いと、これまでツリーオブジェクトに渡した粒子情報がクリアされてしまうからである。重力計算に関係するすべての粒子群オブジェクトに対して、この API の呼び出しが完了したら、API `fdps_calc_force_making_tree` で相互作用計算を行う。相互作用計算の結果を取得するためには、API `fdps_get_force` を使う。この API は引数に整数  $i$  を取り、API `fdps_set_particle_local_tree` で  $i$  番目に読み込んだ粒子が受ける相互作用を返す。したがって、2種類目以降の粒子種の相互作用の結果を取得する場合、適切にオフセット値を指定する必要があることに注意されたい。

次に密度計算と圧力勾配加速度計算について説明する。これらの計算は1粒子種しか関わらないため、本チュートリアルでこれまで使ってきた API `fdps_calc_force_all_and_write_back` が使用できる。圧力勾配加速度に関しては、`void` 関数 `cmain` 内でこの API を直接呼び出している。一方、密度計算は、第 7.1.4 節でも述べた通り、 $\rho_i$  と  $h_i$  のイテレーション計算が収束しなかったときのための対処が必要であり、これを `void` 関数 `calc_density_wrapper` の中で行っている。実装は次のようになっている。実装はマクロ `ENABLE_VARIABLE_SMOOTHING_LENGTH` が定義済みか未定義かで分岐しており、未定義の場合には固定長カーネ

ルの SPH コードとなるので、単に、API `fdps_calc_force_all_and_write_back` を 1 回だけ実行している。一方、上記マクロが定義済みの場合、すべての粒子の  $\rho_i$  と  $h_i$  が無矛盾に決定されるまで、API `fdps_calc_force_all_and_write_back` を繰り返し実行する。各粒子が収束したかの情報は構造体 `fp_sph` のメンバ変数 `flag` に格納されており、値が 1 のときに収束していることを示す。`flag` が 1 を取る粒子数が全 SPH 粒子数に一致したときに計算を終わらせている。

Listing 74: void 関数 `calc_density_wrapper` の実装

---

```

1 void calc_density_wrapper(int psys_num,
2                           int dinfo_num,
3                           int tree_num) {
4 #if defined(ENABLE_VARIABLE_SMOOTHING_LENGTH)
5     int nptcl_loc = fdps_get_nptcl_loc(psys_num);
6     int nptcl_glb = fdps_get_nptcl_glb(psys_num);
7     FP_sph *ptcl = (FP_sph *) fdps_get_psys_cptra(psys_num);
8     // Determine the density and the smoothing length
9     // so that Eq.(6) in Springel (2005) holds within a specified accuracy.
10    for (;;) {
11        // Increase smoothing length
12        int i;
13        for (i = 0; i < nptcl_loc; i++) ptcl[i].smth *= SCF_smth;
14        // Compute density, etc.
15        fdps_calc_force_all_and_write_back(tree_num,
16                                           calc_density,
17                                           NULL,
18                                           psys_num,
19                                           dinfo_num,
20                                           true,
21                                           FDPS_MAKE_LIST);
22        // Check convergence
23        int n_compl_loc = 0;
24        for (i = 0; i < nptcl_loc; i++)
25            if (ptcl[i].flag == 1) n_compl_loc++;
26        int n_compl = fdps_get_sum_s32(n_compl_loc);
27        if (n_compl == nptcl_glb) break;
28    }
29 #else
30    fdps_calc_force_all_and_write_back(tree_num,
31                                       calc_density,
32                                       NULL,
33                                       psys_num,
34                                       dinfo_num,
35                                       true,
36                                       FDPS_MAKE_LIST);
37 #endif
38 }

```

---

void 関数 `set_entropy` は、初期条件作成後 1 回だけ呼び出される void 関数で、エントロピーの初期値をセットする。式 (8) から、エントロピーを計算するには初期密度が必要である。そのため、void 関数 `calc_density_wrapper` の後に配置されている。void 関数 `set_entropy` では、計算された密度と  $u_i$  の初期値を使って、エントロピーをセットする。これ以降は、エントロピーが独立変数となる。

#### 7.1.5.8 時間積分ループ

本サンプルコードでは、時間積分を Leapfrog 時間積分法によって行っている (この方法に関しては、第 4.1.3.5.4 節を参照されたい)。粒子位置を時間推進する  $D(\cdot)$  オペレータは void 関数 `full_drift`、粒子速度を時間推進する  $K(\cdot)$  オペレータは void 関数 `initial_kick`, `final_kick` として実装されている。

## 8 ユーザーサポート

---

FDPS を使用したコード開発に関する相談は [fdps-support<at>mail.jmlab.jp](mailto:fdps-support@mail.jmlab.jp) で受け付けています (<at>は@に変更お願い致します)。以下のような場合は各項目毎の対応をお願いします。

### 8.1 コンパイルできない場合

ユーザーには以下の情報提供をお願いします。

- コンパイル環境
- コンパイル時に出力されるエラーメッセージ
- ソースコード (可能ならば)

### 8.2 コードがうまく動かない場合

ユーザーには以下の情報提供をお願いします。

- 実行環境
- 実行時に出力されるエラーメッセージ
- ソースコード (可能ならば)

### 8.3 その他

思い通りの性能がでない場合やその他の相談なども、上のメールアドレスにお知らせください。

## 9 ライセンス

MIT ライセンスに準ずる。標準機能のみ使用する場合は、Iwasawa et al. (PASJ, 68, 54)、Namekata et al. (PASJ, 70, 70)、Iwasawa et al. (PASJ, 72, 13) の引用をお願いします。

拡張機能の Particle Mesh Multipole クラスを使用する場合は Nitadori(2014, arXiv:1409.5981) の引用をお願いします。

拡張機能の Particle Mesh クラスは GreeM コード (開発者: 石山智明、似鳥啓吾) (Ishiyama, Fukushige & Makino 2009, Publications of the Astronomical Society of Japan, 61, 1319; Ishiyama, Nitadori & Makino, 2012 SC'12 Proceedings of the International Conference on High Performance Computing, Networking Storage and Analysis, No. 5) のモジュールを使用している。GreeM コードは Yoshikawa & Fukushige (2005, Publications of the Astronomical Society of Japan, 57, 849) で書かれたコードをベースとしている。Particle Mesh クラスを使用している場合は、上記 3 つの文献の引用をお願いします。

拡張機能のうち x86 版 Phantom-GRAPe を使用する場合は Tanikawa et al.(2012, New Astronomy, 17, 82) と Tanikawa et al.(2012, New Astronomy, 19, 74) の引用をお願いします。

Copyright (c) <2015-> <FDPS development team>

Permission is hereby granted, free of charge, to any person obtaining a copy of this software and associated documentation files (the “Software”), to deal in the Software without restriction, including without limitation the rights to use, copy, modify, merge, publish, distribute, sublicense, and/or sell copies of the Software, and to permit persons to whom the Software is furnished to do so, subject to the following conditions:

The above copyright notice and this permission notice shall be included in all copies or substantial portions of the Software.

THE SOFTWARE IS PROVIDED “AS IS”, WITHOUT WARRANTY OF ANY KIND, EXPRESS OR IMPLIED, INCLUDING BUT NOT LIMITED TO THE WARRANTIES OF MERCHANTABILITY, FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE AND NONINFRINGEMENT. IN NO EVENT SHALL THE AUTHORS OR COPYRIGHT HOLDERS BE LIABLE FOR ANY CLAIM, DAMAGES OR OTHER LIABILITY, WHETHER IN AN ACTION OF CONTRACT, TORT OR OTHERWISE, ARISING FROM, OUT OF OR IN CONNECTION WITH THE SOFTWARE OR THE USE OR OTHER DEALINGS IN THE SOFTWARE.