ԵՐԵՎԱՆԻ ՊԵՏԱԿԱՆ ՀԱՄԱԼՍԱՐԱՆ ՄԱԹԵՄԱՏԻԿԱՅԻ և ՄԵԽԱՆԻԿԱՅԻ ՖԱԿՈՒԼՏԵՏ ՖԻՆԱՆՍԱԿԱՆ ՄԱԹԵՄԱՏԻԿԱՅԻ ԱՄԲԻՈՆ ՖԻՆԱՆՍԱԿԱՆ ՄԱԹԵՄԱՏԻԿԱՅԻ ԿՐԹԱԿԱՆ ԾՐԱԳԻՐ

ԲԼԲՈՒԼՑԱՆ ԳՈՒՐԳԵՆ ՎԱՐԴԱՆԻ

ԱՎԱՐՏԱԿԱՆ ԱՇԽԱՏԱՆՔ

ԲԱԺՆԵՏՈՄՍԻ ԳՆԻ ՓՈՓՈԽՈՒԹՅԱՆ ԿԱՆԽԱՏԵՍՈՒՄԸ ԱՌՔՈՒՎԱՃԱՌՔԻ ԱՌԱՋԱՐԿՆԵՐՈՎ

«Ֆինանսական մաթեմատիկա » մասնագիտությամբ Ֆինանսական մաթեմատիկայի բակալավրի որակավորման աստիձանի հայցման համար

Ուսանող՝	hyhi
	ստորագրություն
	<u>Գուրգեն Բլբուլյան</u>
Ղեկավար՝	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	ստորագրություն
	<i>ֆ.մ.գ.թ. Միքայել Պողոսյան</i>
«Թույլատրել պաշտպ	ឃេប្រារុស្សាយប៉ូ»
Ամբիոնի վարիչ՝	
	ստորագրություն
	<i>ֆ.մ.գ.թ. Միքայել Պողոսյան</i>

Բաժնետոմսի գնի փոփոխության կանխատեսումը առքուվաձառքի առաջարկներով Predicting price movement from limit order book

Прогнозирование направления изменения цен акций по лимит-ордер заявкам

ՀԱՄԱՌՈՏԱԳԻՐ

Աշխատանքի ընթացքում կառուցվել են նեյրոնային ցանցերի CNN, LSTM, CNN-LSTM մոդելներ, որոնց միջոցով կանխատեսվել է բաժնետոմսի գնի փոփոխության ուղղությունը հաջորդ ժամանակաշրջաններում՝ օգտագործելով բաժնետոմսերի առքուվաձառքի առաջարկների տվյալները (Limit Order Book)։ Կանխատեսման ձշգրտությունը հասել է միջև 54%-ի, որը համեմատական է միջև այժմ եղած նմանատիպ մոդելներին։

ԲՈՎԱՆԴԱԿՈՒԹՅՈՒՆ

F	ՈՎԼ	ֈՆԴԱԿՈՒԹՅՈՒՆ	4
Ն	ԵՐՄ	JԾՈՒԹՅՈՒՆ	5
1.	. h	<i>ነ</i> ՆԴՐԻ ԴՐՎԱԾՔԸ	7
2.	. S	ՎՅԱԼՆԵՐԻ ՆԿԱՐԱԳՐՈՒԹՅՈՒՆԸ	8
3.		ያበՐԱՑՎԱԾ በՒՍՈՒՑՈՒՄGRADIENT DECENT	
4.		ACTIVATION FUNCTIONS	
5.	. ኒ	ԵՅՐՈՆԱՅԻՆ ՑԱՆՑԵՐԻ ՆՊԱՏԱԿԸ	17
6.	. V	ANISHING AND EXPLODING GRADIENT	19
7.		ODEL PREFORMANCECONFUSION MATRIX	
8.		ONVOLUTIONAL NEURAL NETWORKS (CNN)EDGE DETECTION	
	8.2	CONVOLUTION OPERATION MODIFICATIONS	25
	8.3	MULTILAYER CNN	27
	8.4	POOLING LAYER	29
	8.5	CNN-Ը ԺԱՄԱՆԱԿԱՅԻՆ ՇԱՐՔԵՐԻ ՀԱՄԱՐ	29
9.		ՒԵԿՈՒՐԵՆՏ ՆԵՅՐՈՆԱՅԻՆ ՑԱՆՑԵՐ LONG SHORT-TERM MEMORY NETWORKS	
10	0. 10.1	ՏՎՅԱԼՆԵՐԻ ՆԱԽԱՊԱՏՐԱՍՏՈՒՄԸ ՏՎՅԱԼՆԵՐԻ ՊԻՏԱԿԱՎՈՐՈԻՄԸ	
1:	1.	CNN ՄՈԴԵԼԻ ԱՐԴՅՈՒՆՔՆԵՐԸ	41
12	2.	LSTM ՄՈԴԵԼԻ ԱՐԴՅՈՒՆՔՆԵՐԸ	43
13	3.	CNN-LSTM ՄՈԴԵԼ ԱՐԴՅՈՒՆՔՆԵՐԸ	45
14	4.	ՀԱՄԵՄԱՏՈՒԹՅՈՒՆ ԱՅԼ ՄՈԴԵԼՆԵՐԻ ՀԵՏ	47
Ъ	ԶՐՄ	ԱԿԱՑՈՒԹՅՈՒՆ	48
q	ւրղ	ւ ԱՆՈՒԹՅԱՆ ՑԱՆԿ	49
7 1	प्रचा	ा चारि	52

ՆԵՐԱԾՈՒԹՅՈՒՆ

Գրեթե բոլոր ժամանակներում և ոլորտներում արդիական է այն խնդիրը, թե ինչ է սպասվում ապագայում և թե ինչպես այդ տեղեկությունը օգտագործելով նվազեցնել ռիսկը կամ ավելացնել եկամուտները։

Արդի տեխնոլոգիաները հնարավորություն են տալիս հավաքագրել մեծածավալ և բարձր հաձախությամբ տվյալներ և այդ տվյալները վարյկյանների ընթացքում փոխանցել մարդկանց, որոնք օգտագործելով այդ կստեղծեն որոշակի արժեք ապագայում։

Ժամանակակից աշխարհում ֆինանսական շուկաները հանդիսանում են միլիոնավոր մարդկանց եկամտի աղբյուր։ Ապագայի մասին բոլորից առավել ինֆորմացիա ունենալու շնորհիվ հնարավոր է վաստակել մեծ գումարներ վայրկյաների ընթացքում։ Այս պատձառով ժամանակի ընթացքում ֆինանսական տվյալների վերլուծության բազմապիսի մոդելներ են ստեղծվել։

Ներկայումս լայնորեն կիրառվում են մեքենայական ուսուցման ալգորիթմները, որոնք հնարավորություն են տալիս բացահայտելու այնպիսի թաքնված երևույթներ, որոնք միջև այժմ եղած ալգորիթմների միջոցով հնարավոր չէր հայտնաբերել։ Հետազոտության ընթացքում օգտագործվել է բաժնետոմսի առքուվաձառքի առաջարկների տվյալներ (Limit Order Book), որոնք այժմ լայնորեն կիրառվում են բաժնետոմսի առքուվաձառքով զբաղվող անձանց կողմից։

Հետազոտության ընթացքում օգտագործվել են 3 մոդելներ ՝ CNN, LSTM և CNN-LSTM, որոնցից վերջինը ժամանակային շարքերի համար հիմնականում օգտագործվում է մարդկային շարժումները դասակարգելու համար։ Համացանցում կան մի քանի հոդվածներ, որոնք կիրառում են այս մոդելները LOB տվյալների վրա (1, 2)։ Այս աշխատանքի մեջ կառուցվել են ավելի պարզ մոդելներ, որոնցով ստացված արդյունքները կարող են մրցակցել վերոնշյալ մոդելների արդյունքների հետ։ Աշխատանքի ընթացքում կիրառվել են տվյալների պիտակավորման մի քանի մեթոդներ, որոնք ևս տարբերվում են վերոնշյալ մոդելներից։ Հիմնականում օգտագործվել է մարդկային շարժման դասակարգման մասին գրականությունը՝ հասկանալու համար մոդելների լուրահատկությունները։

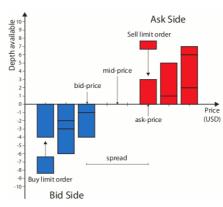
Աշխատանքի ընթացքում փորձ է արվել մոդելները ներկայացնել այնպես, որ ռեգրեսիայի մասին նախնական գիտելիքներ ունեցող անձը հասկանա հետազոտությունը ամբողջությամբ, այդ իսկ պատձառով օրինակները բերված են պարզ խնդիրների վրա։

1. ԽՆԴՐԻ ԴՐՎԱԾՔԸ

Աշխատանքի հիմնական նպատակն է կառուցել այնպիսի մոդելներ, որոնց միջոցով հնարավոր կլինի կանխատեսել բաժնետոմսի գնի ապագա տեղաշարժի ուղղությունը՝ օգտագործելով Limit Order Book տվյալներ։ Ապագա տեղաշարժի ուղղություն ասելով հասկանում ենք, թե արդյոք մոտ ապագայում բաժնետոմսի գինը կաձի, կնվազի թե կմնա հաստատուն։

2. ՏՎՑԱԼՆԵՐԻ ՆԿԱՐԱԳՐՈՒԹՅՈՒՆԸ

Նախ հասկանանք ինչ է իրենից ներկայացնում Limit Order Book-ը (LOB)։ Դիցուք ունեն բարձր իրացվելի բաժնետոմս, և յուրաքանչյուր վայրկյան որոշակի մարդիկ պատրաստ են վաճառել իրենց բաժնետոմսերը և որոշներն էլ պատրաստ են գնել դրանք։ LOB-ը իր մեջ ներառում է բոլոր գնելու և վաճառելու առաջարկները (orders)։ Այն կազմված է երկու մասից Ask և Bid։ Ask մասում գտնվում են բոլոր այն order-ները որոնք կատարվել են վաճառողների կողմից, այսինքն թե ինչքան գնով և քանի հատ բաժնետոմս են պատրաստ վաճառել այդ պահին։ Bid մասում գտնվում են բոլոր այն order-ները որոնք կատարվել են գնորդների կողմից, այսինքն թե ինչքան գնով և քանի հատ բաժնետոմս են պատրաստ գնել դրանք։ Ամենամեծ գնով bid order-ը և ամենափոքր գնով ask order-ը կոչվում են level 1 LOB։ Եթե մեր տվյաները պարունակում են օրինակ 3 ամենամեծ bid order-ները և 3 ամենափոքր ask order-ներ կասենք որ ունենք level 3 LOB։ Յուրաքանչյուր պահին հնարավոր է ունենալ բազմաթիվ order-ներ, և նույն տրամաբանությամբ LOB տվյալների level-ը կախված է թե քանի տվյալ է պարունակում այն իր մեջ։

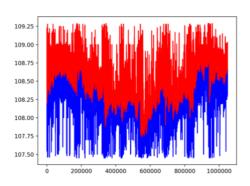


Նկար 1 LOB

Հետազոտության ընթացքում օգտագործվել է Royal Bank of Canada-ի բաժնեթղթերի LOB-ը, որտեղ ներառված էին բոլոր այն order-ները որոնք արվել էին 2019թ-ի նոյեմբերի 7-ից 18-ը ընկած ժամանակահատվածում, և վերցվել են միայն այն order-ները որոնք արվել են այն ժամանակ, երբ շուկան բաց էր, որպեսզի միայն նորմալ առևտրային գործարքները ներառվեն։

Տվյալները բազմությունը ներառում է 1048575 տվյալ, որոնցից յուրաքանչյուրը իրենից ներկայացնում է մեկ order և դասավորված են ժամանակային հաջորդականությամբ։ Տվյալները ունեն միլիվայրկյանական հաձախականություն։ Գրաֆիկ 1-ը ցույց է տալիս ամեն պահին եղած bid և ask order-ների գները։

Ինչու [°]LOB



Նկար 2 RBC-ի LOB-ը

Ինչպես գիտենք բաժնետոմսի գնի վրա ազդող հիմնական գործոններից են առաջարկը և պահանջարկը։ LOB-ի միջոցով հնարավոր է ամեն պահին գնահատել առաջարկը և պահանջարկը և դրա միջոցով որոշում կայացնել գնել թե վաձառել բաժնետոմսը։

3. ԽՈՐԱՑՎԱԾ ՈՒՍՈՒՑՈՒՄ

Խորացված ուսուցումը ավելի լավ հասկանալու համար, հարմար է սկսել պարզ լոգիստիկ ռեգրեսիայից։ Դիցուք ունենք $(x^{(i)}, y^{(i)})$ զույգեր,

որտեղ՝
$$x^{(i)} \in R^{n_x}$$
 և $y^{(i)} \in \{0,1\}$, $\forall i \in [1,, m]$ ։

 $x^{(i)}$ -երը ամեն մի տվյալի բնութագրիչների վեկտորներն են, $y^{(i)}$ -երը ցույց են տալիս թե ամեն մի տվյալ որ դասին է պատկանում։ Ունենալով այս տվյալները ցանկանում ենք կառուցել մոդել, որը մեզ կվերադարձնի $\hat{y}=P(y=1|x)$, ցանկացած նոր տվյալի համար։ Սովորական ռեգրեսիաի պարագայում չենք կարող \hat{y} -ը դիտարկել որպես հավանականություն, որովհետև \hat{y} -ը կարող է մեծ լինել 1-ից կամ փոքր 0-ից։

$$\hat{\mathbf{y}} = \mathbf{w}^T \mathbf{x} + \mathbf{b} \quad \mathbf{w} \in R^{n_x}, \mathbf{b} \in R$$

Որպեսզի այս խնդիրը լուծվի, լոջիստիկ ռեգրեսիայի պարագայում

$$\hat{y} = \sigma(w^T x + b), \qquad nnnn \sigma(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$

Ունենալով m hատ տվյալ, մենք ցանկանում ենք գտնել այնպիսի w վեկտոր, որի պարագայում

$$\hat{\mathbf{y}}^{(i)} \approx y^{(i)} \ \forall i \in [1,m]$$

Այս խնդիրը լուծելու համար մեզ անհրաժեշտ է ֆունկցիա, որը կչափի թե ինչքան լավն է y-ը երբ իրական պիտակը y-ն է։ Այդ ֆունկցիան անվանենք

Loss function =
$$L(y,y)$$

Լոջիստիկ ռեգրեսիայի պարագայում հիմնականում վերցնում են հետևյալ Loss function-ը։

$$L(\hat{y}, y) = -ylog(\hat{y}) - (1 - y)log(1 - \hat{y})$$

Մենք կարող են պայմանական հավանականությունը ներկայացնել այս կերպ, եթե y=1 մենք ստանում ենք $\overset{\circ}{y}$, իսկ եթե y=0 $\overset{\circ}{1}$ - $\overset{\circ}{y}$

$$p(y|x) = \hat{y}^y (1-\hat{y})^{1-y}$$

Մենք ցանկանում ենք որպեսզի հնարավորինս մեծ լինի այս հավանականությունը։

Գիտենք որ $argmax p(y|x) = argmax \log (p(y|x))$

ԵՎ եթե վերցնենք բացասական նշանով կստանանք loss function-ը։

$$\log p(y|x) = \log [\hat{y}^y (1 - \hat{y})^{1 - y}]$$
$$-\log p(y|x) = -[y \log \hat{y} + (1 - y) \log(1 - \hat{y})]$$

Ինչպես երևում է ներքևում երբ y=1 մենք ցանկանում ենք որ \hat{y} -ը լինի մեծ, և երբ y=0 \hat{y} -լինի փոքր՝

$$L(\hat{y},y) = \left\{ egin{aligned} -log(\hat{y}), & if \ y=1 \ -log(1-\hat{y}), & if \ y=0 \end{aligned}
ight.$$

Բազմադաս դասակարգման խնդրում loss function-ը ունի հետևյալ տեսքը։ Հաձախ այն անվանում են նաև cross-entropy loss։

$$L(\hat{\mathbf{y}}, \mathbf{y}) = -\sum_{j=1}^{k} y_j \log(\hat{\mathbf{y}}_j)$$

Մենք հաշվելով loss function-ը յուրաքանչյուր օրինակի համար և այդ արդյունքները միջինացնելով կստանանք cost function։

Ինչպես տեսնում ենք cost function -ր կախված է պարամետրերից, և մենք պետք

$$J(w,b) = rac{1}{m} \sum_{i=1}^m \ L(\hat{y}^{(i)}, y^{(i)})$$

է գտնենք այն պարամետրերը, որի արդյունքում cost functiony կլինի հնարավորինս փոքր։

3.1 GRADIENT DECENT

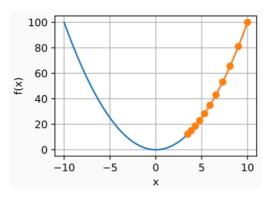
Լոջիստիկ ռեգրեսիայի պարագայում Cost functiony մինիմալացնելու համար, կարող ենք իհարկե ածանցել այն և գտնել մինիմում արժեքը հեշտորեն, քանի որ այն ուռուցիկ ֆունկցիա է և ունի ընդամենը մեկ մինիմումի կետ։ Բայց հետագայում կտեսնենք որ խորացված ուսուցման ժամանակ հաձախ հանդիպում են այնպիսի cost function-ներ որոնք ունեն հարյուրավոր լոկալ և գլոբալ մինիմումի կետեր, և հաձախ անհնար է տալ դրանց մաթեմատիկական արտապատկերումը ֆունկցիայի տեսքով։ Այդ պատձառով անհրաժեշտ է մեկ այլ բազմաֆունկցիոնալ գործիք։ Այն ինչ անում է gradient decent-ը հետևյալն է։ Վերցնելով սկզբնական արժեքներ պարամետրերի համար հաշվում է cost function-ի արժեքը։ Այնուհետև հաշվելով cost function-ի

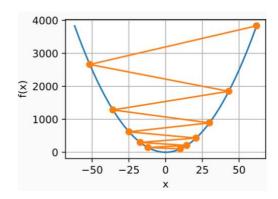
ածանցյալը ըստ պարամետրի, թարմացնում է պարամետրի արժեքը հետևյալ բանաձևով։

$$egin{aligned} w_j &= w_j - lpha rac{\partial}{\partial \, w_j} J(w,b) \ b &= b - lpha rac{\partial}{\partial \, b} J(w,b) \end{aligned} \qquad (for \ \ j = \overline{1,m})$$

Այստեղ α-ն անվանում ենք learning rate: α-ն ցույց է տալիս թե ինչքան արագ է ալգորիթմը թարմացնում պարամետրերը։

Գրաֆիկորեն պատկերը հետևյալն է։





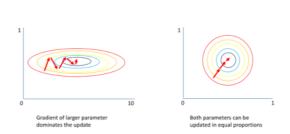
Նկար 3 Gradient Decent 1

Նկար 4 Gradient Decent 2

Գրաֆիկում երևում է, որ ամեն մի քայլում ձգտում ենք դեպի օպտիմումը և եթե մեծ վերցնենք α-ն հնարավոր է որ օպտիմումին ձգտենք ավելի քաոսային շարժումներով։

Այսինքն α -ն շատ կարևոր հիպերպարամետր է gradient decent-ի համար։ Հաձախ կիրառում են learning rate decay տեխնիկան, որի միջոցով ամեն քայլում ինչ-որ չափով α -ն փոքրացնում են։

Հաձախ տվյալներ լինում են տարբեր չափողականության, դրա համար անհրաժեշտ է տվյալները բերել նույն չափողականության, որպեսզի ավելի արագ լինի սովորելու գործընթացը։



Why normalize?

Նկար 5 Տվյալների նորմալիզացում

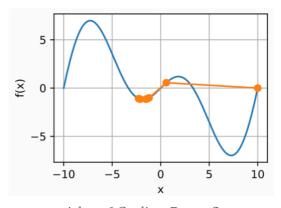
Տարբերում են մի քանի ալգորիթմներ։

Batch gradient decent

Եթե ամեն քայլում cost function-ը հաշվենք բոլոր տվյալները հաշվի առնելով և պարամետրերը փոխենք դրա հիման վրա, ապա մենք սահուն կերպով կմոտենանք լոկալ մինիմումին։ Բայց կան մի քանի այլ ալգորիթմներ, որոնց շնորհիվ հնարավորություն է ստեղծվում նույնիսկ ձգտել գլոբալ մինիմումին։

Mini batch gradient decent

Այս ալգորիթմի ժամանակ ամեն քայլը կատարվում է տվյալներ որոշակի խմբի հիման վրա։ Օրինակ եթե 200 տվյալ ունենք, կարող ենք այն պատահականորեն բաժանել 10 մասի և ամեն քայլում 20 տվյալի համար հաշվել cost function-ը և ըստ դրա փոխել պարամետրերը։ Այս ալգորիթմի միջոցով ավելի քաոսային ենք մոտենում օպտիմումին և հնարավորություն է ընձեռնվում լոկալ մինիմումից տեղափոխվել դեպի գլոբալ մինիմում։ Այս ալգորիթմը ավելի արագ է բայց նաև անկանխատեսելի որոշ չափով։



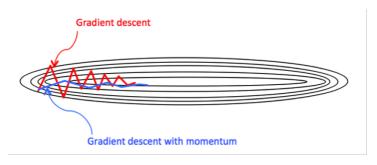
Նկար 6 Gradient Decent 3

Stochastic gradient decent

Այս ալգորիթմի ժամանակ փոփոխությունը կատարվում է միայն մեկ տվյալ հաշվի առնելով։ Այս ալգորիթմը ավելի քաոսային է ձգտում օպտիմումին, ավելի արագ է և հնարավորություն է տալիս լոկալ մինիմումից տեղափոխվել գլոբալ մինիմումի։

Gradient decent with momentum

Այս ալգորիթմի ժամանակ որոշակիորեն հարթեցվում է։ Պարամետրերը փոխվում են հաշվի առնելով նախորդ փոփոխությունները միջինացնելով։ Սրա շնորհիվ ավելի քիչ քաոսային շարժումով ենք ձգտում օպտիմումին։



Ыµир 7 Gradient decent with momentum

RMSprop

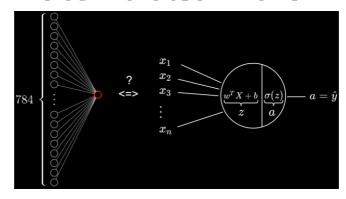
Այս ալգորիթմի ժամանակ հաշվի են առնվում cost function-ի փոփոխությունը բոլոր առանցքներով, և եթե շատ է տատանվում ըստ x առանցքի օրինակ, ապա ալգորիթմը փորձում է փոքրացնել այդ տատանումը։

Adam

Այս ալգորիթմը RMSprop-ի և gradient decent with momentum-ի զուգակցությունն է։

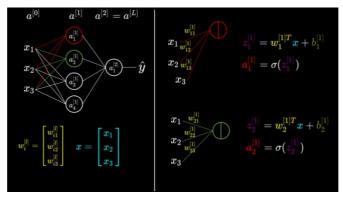
4. MULTILAYER PERCEPTRON

Լոջիստիկ ռեգրեսիան կարելի է ներկայացնել որպես մեկ նեյրոն ունեցող նեյրոնային ցանց։ Օրինակ եթե ունենք նկարներ որոնք 784 պիքսել ունեն, և դրանք եթե համարենք որպես ամեն նկարի բնութագրիչներ, ապա լոգիստիկ ռեգրեսիա միջոցով կարող ենք կանխատեսել արդյոք նոր նկարը կատու է թե ոչ։



Նկար 8 Լոջիստիկ ռեգրեսիա

MLP նեյրոնային ցանցերը ունեն հետևյալ տեսքը։

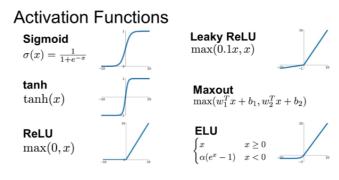


Նկար 9 MLP ցանցեր

Ինչպես տեսնում ենք նեյրոնային ցանցը իրենից ներկայացնում է մի քանի լոգիստիկ ռեգրեսիաների համադրություն։ Երկրորդ շերտում, որը նաև անվանում են գաղտնի շերտ, մենք տարբեր պարամետրերով կիրառում ենք 4 լոջիստիկ ռեգրեսիա, և այդ 4 նոր արդյունքները համարելով որպես նոր բնութագրիչներ ամեն տվյալի համար, կատարում ենք ևս մեկ լոգիստիկ ռեգրեսիա, որի արդյունքում ստանում ենք վերջնական արդյունք։ Ցանցերը կարող են ունենալ բազմաթիվ շերտեր և նելրոններ։

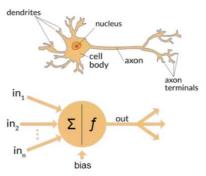
4.1 ACTIVATION FUNCTIONS

Նեյրոնային ցանցերի մեջ sigmoid ֆունկցիայի փոխարեն հաձախ կիրառում են այլ ֆունկցիաներ, որոնք կոչվում են activation ֆունկցիաներ։ Ընդվորում ամեն շերտում կարող են տարբերվել ֆունկցիանրը։



<u><u>Uyun 10 Activation functions</u></u>

Activation ֆունկցիաների միջոցով որոշվում է թե որ նեյրոններն են սկսում գործել։ Մարդկային ուղեղի նեյրոնային նման, արհեստական նեյրոնները ստանալով որոշակի ազդակներ և անցնելով որոշակի փուլով կատարում են որոշակի գործողություն։ Activation ֆունկցիաների միջոցով է որոշվում, թե հաջորդ շերտում որ նեյրոնները պետք է ակտիվանան։



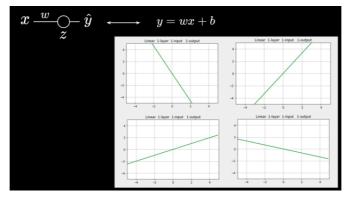
Uyun 11 Biological nets

Եթե ցանկանում ենք օրինակ դասակարգել 3 դասի նկարները, ապա վերջին շերտում կարող է լինել 3 նեյրոն, որը ցույց կտա ամեն դասին պատկանելու հավանականությունը։ Դա հաշվարկվում է softmax ֆունկցիայի միջոցով և վերջին շերտր կոչում ենք softmax layer։

$$\operatorname{softmax}(z)_i = \frac{\exp(z_i)}{\sum_j \exp(z_j)}.$$

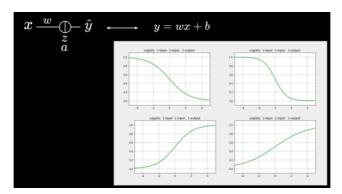
5. ՆԵՑՐՈՆԱՅԻՆ ՑԱՆՑԵՐԻ ՆՊԱՏԱԿԸ

Հարց է առաջանում թե ինչի համար են պետք activation ֆունկցիաները, և բազմակի շերտերը։ Պարզ գծաին ռեգրեսիայի պարագայում մենք մեր տվյալների բազմությունը փորձում ենք մոտարկել ուղիղ գծով, որը կարող ենք ներկայացնել որպես նեյրոնային ցանց առանց activation ֆունկցիայի։



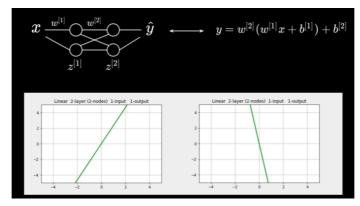
Նկար 12 Գծային ռեգրեսիա

Եթե կիրառում ենք լոջիստիկ ռեգրեսիա, այսինքն activation ֆունկցիան վերցնում ենք որպես սիգմոիդ ֆունկցիա, այդ պարագայում տվյալները մոտարկում ենք սիգմոիդ ֆունկցիայով։



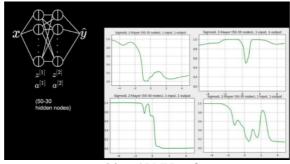
Նկար 13 Լոջիստիկ ռեգրեսիա

Եթե կառուցենք երկշերտ նեյրոնային ցանց առանց ակտիվացնող ֆունկցիայով այդ պարագայում գրեթե ոչինչ չի փոխվի, մենք տվյալները կմոտարկենք ուղիղ գծով։



Նկար 14 Քազմաշերտ գծային ռեգրեսիա

Բայց բազմաշերտ նեյրոնային ցանցում, որտեղ օգտագործում ենք activation ֆունկցիաներ, տեսնում ենք հնարավոր է ստանալ բավականին բարդ ֆունկցիաներ, որոնք ավելի մոտ են իրականությանը և ցանկացած տվյալների բազմության համար կարելի է կառուցել այնպիսի նեյրոնային ցանց, որի շնորհիվ մեր բոլոր տվյալները կանցնեն այդ ֆունկցիայով, բայց մեծ քանակի տվյալների դեպքում այդ ցանցը բավականին մեծ կլինի։

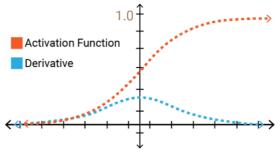


Նկար 15 MLP ցանց

Այսպիսով activation ֆունկցիաները գծայնությունը կոտրելու համար են, և նեյրոները քանակը և շերտերը ավելի բարդ ֆունկցիաներ ստանալու համար են։

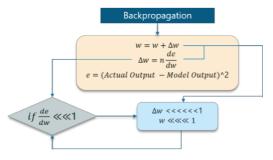
6. VANISHING AND EXPLODING GRADIENT

Gradient decent ալգորիթմների ժամանակ առաջանում են vanishing and exploding gradient-ի խնդիրը։



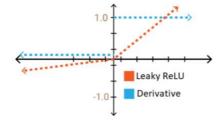
Նկար 16 Սիգմոյիդի ածանցյալը

Միգմոիդ ֆունկցիայի ածանցիալը մեծ արժեքների համար ընդունում է շատ փոքր արժեք։ Եթե մենք ունենանք շատ երկար նեյրոնային ցանց, ապա ժամանակի ընթացքում կստացվի, որ ալգորիթմը սկսում է պարամետրերը ավելի դանդաղ փոխել և սովորելու գործընթացը դանդաղում է։



<u><u>Ulun 17 Backpropagation</u></u>

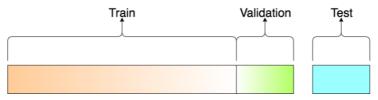
Այս երևույթը կոչվում է vanishing gradient։ Exploding gradient-ի դեպքում պարամետրերը շատ արագ են փոփոխվում, որը ևս կարող է խնդիրներ առաջացնել։ Այս խնդիրը կարելի է լուծել ուրիշ activation ֆունկցիաների միջոցով։ Օրինակ leaky ReLU ֆունկցիան օգտագործելով։



Ъушр 18 Leaky ReLu

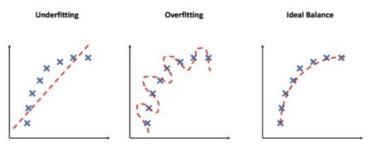
7. MODEL PREFORMANCE

Մոդելները կառուցելիս, համախ ունեցած տվյալները բաժանում են 3 մասի՝ train set, validation set, test set-ի։ Train set-ի վրա կառուցում ենք մոդելը, validation set-ի վրա փորձարկում ենք մոդելը ամեն քայլում իսկ test set-ի վրա փորձարկելով վերջնական մոդելը կարծիք ենք ձևավորում մոդելի որակի վրա։ Համախ test և validation set-երը նույնանում են։



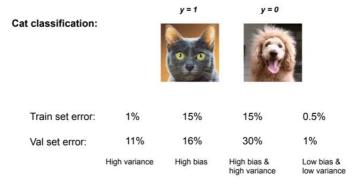
Նկար 19 Տվյայների բաժանում

Կախված մոդելի բարդությունից՝ հնարավոր է ունենալ տարբեր արդյունքներ train և test set-երի վրա։ Օրինակ եթե տվյալները դասավորված են էքսպոնենտական կերպով և մենք այն մոտարկում ենք ուղիղ գծով, մենք կունենանք underfitting-ի կամ high bias-ի խնդիր, այսինքն մենք տվյալների օրինաչափությունը սխալ ենք մոտարկել։



Ulun 20 Overfiting and underfitting

Եթե մենք այնպես կառուցենք ֆունկցիա, որը կանցնի բոլոր կետերով այս պարագայում մենք կունենանք overfitting-ի կամ high variance խնդիր։ Այս պարագայում մեր ֆունկցիան կսովորի «անգիր» մեր տվյալները և նոր տվյալի համար բավականին սխալ մոտարկում կստանանք։ Այսինքն մենք պետք է այնպիսի մոդելի բարդություն ընտրենք որ հնարավորինս լավագույն արդյունքները ստանանք train և test set-ի վրա։



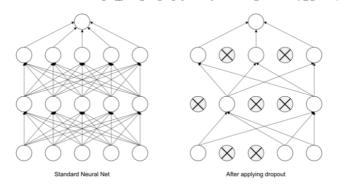
<u><u><u>U</u> **Ump 21 High bias and variance</u>**</u>

High bias-ի խնդիրը կարելի է լուծել կառուցելով ավելի բարդ մոդելներ և ավելի երկար սովորեցնել մոդելը, այսինքն մոդելի պարամետրերը ավելի շատ անգամներ փոփոխել։



Նկար 22 Մոդելի բարդույթյուն

High variance-ի խնդիր լուծելու համար օրինակ կարելի է ավելի շատ տվյալներ ավելացնել training set-ի մեջ։ Կարելի է կեղծ տվյալներ ավելացնել, օրինակ նկարների պարագայում շրջել որոշակի անկյան տակ, կամ գույները խամրեցնել։ Այս տեխնիկան կոչվում է data augmentation։ Կարելի է նաև կատարել dropout տեխնիկան, որի ժամանակ պատահականորեն, որոշակի հավանականությամբ ջնջում ենք նեյրոներ, որի արդյունքում ունենում ենք ավելի պարզ ցանց։ ԵՎ կան այլ բազմապիսի մեթոդներ։



7.1 CONFUSION MATRIX

Մոդելների արդյունքները չափելու միքանի մեթոդներ կան, որոնցից մեկը confusion matrix-ն է։ Այն իրենից ներկայացնում է աղյուսակ, որը ցույց է տալիս ձշգրիտ և ոչ ձշգրիտ կանխատեսված տվյալների քանակը։ Դիցուք ունենք կենդանիների նկարներ և ցանկանում ենք կառուցել մոդել, որի միջոցով կկարողանանք ձիշտ կանխատեսել կենդանիների տիպը։ Մոդելը test set-ի վրա կիրառելուց հետո, կառուցենք confusion matrix-ը։

		True/Actual				
		Cat (🐯)	Fish (¶)	Hen (🐔)		
P	Cat (🐻)	4	6	3		
Predicted	Fish (¶)	1	2	0		
ed	Hen (🐴)	1	2	6		

Use Strain 24 Confusion matrix

Ինչպես տեսնում ենք, անկյունագծի թվերը ցույց են տալիս այն տվյալների քանակը, որոնք կանխատեսվել է ձիշտ։ Եթե վերցնենք առաջին սյունը կտեսնենք որ 4 կատվի նկար ձիշտ է դասակարգել մոդել և մեկական նկարներ այն սխալմամբ դասակարգել է որպես ձուկ և հավ։

Confusion matrix-ի հիման վրա կարելի է հաշվել միքանի ցուցանիշներ, որոնք պատկերացում կտան մոդելի որակի մասին։ Դրանցից են precision-ը և recall-ը։ Այն հաշվում են ամեն մի դասի համար առանձին։ Օրինակ կատուների դասի համար precision-ը հավասար է $\frac{4}{4+6+3}$, որը ցույց է տալիս կատուների ձիշտ կանխատեսված տվյալների և կատու կանխատեսված տվյալների քանակների հարաբերությունն է։ Կատուների դասի համար recall-ը հավասար է $\frac{4}{4+1+1}$, որը կատուների ձիշտ կանխատեսված տվյալների և իրական կատուների տվյալների քանակների հարաբերությունն է։

F1-score-ը precision-ի և recall-ի հարմոնիկ միջինն է, որը հաշվում են հետևյալ կերպ՝

$$F1\ score = 2 \times \frac{precision \times recall}{precision + recall}$$

8. CONVOLUTIONAL NEURAL NETWORKS (CNN)

CNN-ը կիրառվում է այնպիսի ոլորտներում, ինչպիսիք են ինքնակառավարվող մեքենաները, անվտանգության, ֆիլմարտադրություն, առողջապահություն, ֆինանսներ և բազմապիսի այլ ոլորտներում։

CNN-ի գախափարը սկսվել է 1960-ակաների մի դաժան փորձից (experiment video), որտեղ Հուբելը և Վիեսելը կատարում էին փորձ կատվի վրա, որի համար հետագայում ստացան նոբելյան մրցանակ։

Electrical signal from brain

Recording electrode

Visual area of brain

Stimulus

They received Nobel prize for this work

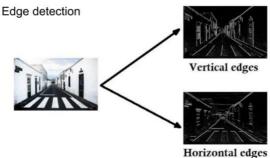
Hubel and Wiesel (1959 - 1968) - experiment with cat

Use 15 Use 15 Cat experiment

Նրանք, տեղադրելով Էլեկտրոդներ կատվի ուղեղի նեյրոնների վրա, կատվին ցույց էին տալիս պատկերներ ստվերներ, փորձում էին հասկանալ, թե ինչպես է արձագանքում ուղեղը։ Փորձելով տարբեր պատկերներ, կատվի ուղեղի նեյրոնը ոչ-մի իմպուլս չէր հաղորդում։ Որոշ ժամանակ անց նրանք նկատեցին, որ նեյրոնը արձագանքում է այն ժամանակ, երբ նրանք թիթեղը հանում են լուսարձակիչի միջից։ Մի շարք փորձերից հետո նրանք եկան այն եզրահանգման, որ նրանք դիպել էին այն նեյրոնին, որը պատասխանատու էր գծերը ընկալելու համար։ Երբ նրանք հանում էին թիթեղը, թիթեղի եզրը ուղիղ գիծ էր ստվերում կատվի աչքին, և այդ պատձառով կատվի այդ նեյրոնը արձագանքում էր պատկերին։ Հետագայում պարզ դարձավ, որ ամեն մի նեյրոն պատասխանատու է ավելի պարզ դետալներ ընկալելու համար։ Եվ այդ պարզ դետալները համախմբելով՝ մենք ընկալում ենք որնէ առարկա ամբողջությամբ։

8.1 EDGE DETECTION

Մարդիկ փորձեցին այս գաղափարի շուրջ մաթեմատիկական մոդելներ կառուցել, որը որոշակի հաջողության հասավ նկարների մեջ եզրերը գտնելու հարցում։ Ցանկացած եզր կարելի է դիտարկել, որպես մուգ գույնից դեպի բաց գույնի անցում կամ հակառակը։



Նկար 26 Եզրերի հայտնաբերում

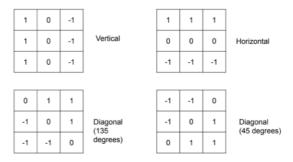
Տեսնենք թէ ինչպես կարելի է դա անել պարզ մաթեմատիկական գործողությունների արդյունքում։

Նկար 27 Ուղահայաց եզրեր

Դիցուք ունենք քառակուսի, որի աջ կողմը սպիտակ է և ձախ կողմը մոխրագույն։ ԵՎ քանի որ ունենք բաց գույնից դեպի մուգ գույն անցում, ուրեմն մենք ունենք եզր այդ պատկերում, որը գտնվում է անմիջապես մեջտեղում։ Գիտենք որ ցանկացած գույն կարելի է ստանալ կարմիր, կանաչ և կապույտ գույների համադրությամբ, և այդ գույները կարելի է ներկայացնել երեք թվի համադրությամբ։ Այս պարագայում ենթադրենք որ ունենք մեկ գույն և ինչքան փոքր է թիվը, այնքան այն ավելի մոտ է սևին, և հակառակը ինչքան մեծ է այնքան մոտ է սպիտակին։ Այնուհետև սահմանում ենք որոշակի ֆիլտեր։ Ֆիլտերը տեղադրելով ձախ անկյունում, համապատասխան ֆիլտրի արժեքները բազմապատկում ենք նկարի տվյալ վայրում գտնվող արժեքով, և այդ արժեքները գումարում ենք իրար (այսուհետև convolution operation)։ Այնուհետև սահեցնելով ֆիլտերը նկարի վրայով կատարում ենք նույն գործողությունները։ Այդ

արդյունքները հերթականությամբ դասավորելով նոր մատրիցի մեջ, ստանում ենք նոր պատկեր, որի միջոցով հասկանում ենք թե արդյոք եզր կա նկարում, թէ ոչ։ Վերևում բերված օրինակում տեսնում ենք, որ այս ֆիլտերը միայն գտնում է ուղահայաց գծերը, բայց կան նաև հորիզոնական, անկյունային և այլ տիպի գծեր։ Ժամանակի ընթացքում իհայտ էին գալիս բազմապիսի այլ ֆիլտրեր որոնք ավելի բարդ էլեմենտներ էին բացահայտում նկարի մեջ։

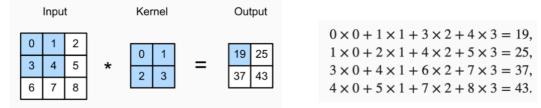
Prewitt masks



Նկար 28 Ֆիլտրեր

8.2 CONVOLUTION OPERATION MODIFICATIONS

Գոյություն ունեն convolution operation-ի մի քանի ձևափոխություններ, որոնք հնարովորություն են տալիս լուծել որոշակի խնդիրներ, որոնք առաջանում են convolution operation-ի ժամանակ։ Դիցուք ունենք 3x3 չափի նկար, կիրառելով 2x2 չափի ֆիլտեր մենք կստանանք 2x2 չափի նոր մատրից։



Ulum 29 Convolution operation

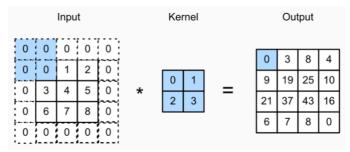
Ընդհանուր դեպքում, եթե ունենք $n_h \times n_w$ չափի նկար, և կիրառում ենք $k_h \times k_w$ չափի ֆիլտեր, ստացվող մատրիցը կլինի հետևյալ չափի `

$$(n_h - k_h + 1) \times (n_w - k_w + 1)$$

Ինչպես տեսնում ենք convolution operation կիրառելով ստացվող մատրիցները սկսում են փոքրանալ։ Հաջորդ խնդիր այն է երբ եզրային պիքսելները ավելի քիչ են ներառվում հաշվարկների մեջ քան կենտրոնական պիքսելներ, մյուսը որ այս գործողությունները կարող են շատ երկար ժամանակ պահանջել հաշվելու համար։

Padding

Առաջին երկու խնդիրները մասնակիորեն լուծվում են padding-ի միջոցով, նկարի բոլոր կողմերից ավելացնելով զրոներ, և կիրառելով convolution operation-ը կունենաք, որ եզրային գծերը ավելի շատ են հաշվարկի մեջ ներառվում և նկարը համեմատաբար ավելի քիչ չափով է փոքրանում։



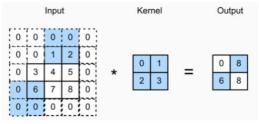
Uyun 30 Padding

Եթե մենք ավելացնենք p_h - ական տող վերևում և ներքևում և p_w -ական սյուն աջ մասում և ձախ մասում, ապա ընդհանուր դեպքում մեր ստացվող մատրիցը կլինի հետևյալ չափի՝

$$(n_h + 2p_h - k_h + 1) \times (n_w + 2p_w - k_w + 1)$$

Stride

Երրորդ խնդիրը մասնակիորեն լուծվում է stride-ի միջոցով։ Stride-ի ժամանակ ֆիլտրերը տեղաշարժում ենք ոչ թե մեկ քայլով դեպի աջ կամ ներքն, այլ մեկից ավելի քայլով։ Մա հեշտացնում է հաշվարկները և նաև լուծում է այն խնդիրը որ մեկ պիքսելը կարող է շատ անգամներ հաշվարկվի, որը հավելյալ ժամանակի կորուստ է։



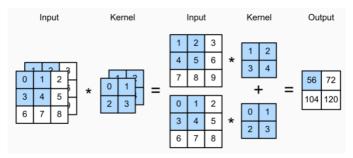
Ъушр 31 Stride

Այս պարագայում եթե s_h քայլով դեպի ներքն տեղաշարժենք ֆիլտերը և s_w քայլով դեպի աջ, ապա ստացվող մատրիցը կլինի հետևյալ չափի՝

$$\frac{(n_h + 2p_h - k_h + 1)}{s_h} \times \frac{(n_w + 2p_w - k_w + 1)}{s_w}$$

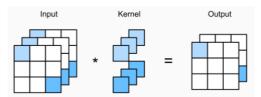
8.3 MULTILAYER CNN

Այժմ ենթադրենք ունենք նկար, որը կազմված է երկու գույնից, այսինքն մեր նկարը օրինակ կապույտի և կարմիրի համադրությամբ է։ Այս պարագայում նկարի համար ավելանում է ևս մեկ չափողականություն, որը ցույց է տալիս նկարի շերտերի քանակը։ Այս պարագայում ֆիլտրի չափողականությունը ևս ավելանում է մեկով, որը կանվանենք` ֆիլտրի խորություն։ Ֆիլտրի խորությունը միշտ պետք է հավասար լինի նկարի շերտերի քանակին Օրինակ ունենք 3x3x2 չափի նկար, ֆիլտրը 2x2x2 է, կատարելով ստորև ներկայացված գործողությունը, որը շատ նման է մեկ շերտանի նկարի դեպքին, կստանանք 2x2x1չափանի զանգված, որտեղ վերջին չափողականությունը ֆիլտրերի քանակն է ցույց տալիս։



Уушр 32 Multifilter convolution 1

Օրինակ եթե ուզում ենք ոչ միայն ուղղահայաց գծերը գտնենք, այլ նաև հորիզոնական, պետք է կիրառենք երկու ֆիլտեր և կունենանք 2x2x2 չափի զանգված։ Այս օրինակում ունենք երեք շերտ այդ պատձառով զանգվածի չափսը 3x3x2 է։

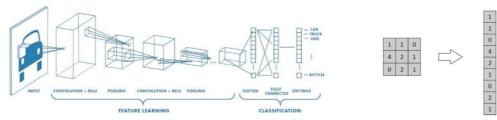


Ыµир 33 Multifilter convolution 2

Ընդհանուր դեպքում եթե ունենք $n_h \times n_w \times c_0$ չափի նկար (որտեղ c_0 -ն նկարի խորթությունն է), կիրառելով c_1 հատ ֆիլտեր, որոնցից յուրաքանչյուրը $k_h \times k_w \times c_0$ չափանի է, և վերցնելով (p_h,p_w) չափի padding և (s_h,s_w) չափի stride, կունենանք հետևյալ չափի զանգված։

$$\frac{(n_h + 2p_h - k_h + 1)}{s_h} \times \frac{(n_w + 2p_w - k_w + 1)}{s_w} \times c_1$$

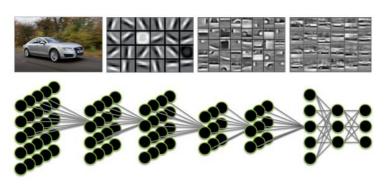
Մեքենայական ուսուցման զարգացման զուգընթաց, մարդիկ հասկացան, որ ֆիլտրներ հնարելու փոխարեն կարելի են մեքենային սովորեցնել, որպեսզի նա ինքը այնպիսի ֆիլտրեր օգտագործի, որը հնարավորինս լավ կտարբերակի օբյեկտի դետալները և հենց ինքը օբյեկտին։ Դրա համար ֆիլտրերի արժեքները վերցնում ենք որպես պարամետրեր և ամեն քայլի ժամանակ փորձում ենք փոխել այդ պարամետրերը այնպես, որ լավագույնս տարբերակի օբյեկտները միմյանցից։



Նկար 34 Ավտոմեքենայի ճանանչում 1

Որպեսզի ստանանք CNN-ի առաջին շերտը, նկարի վրա convolution operation ենք կիրառում յուրաքանչյուր ֆիլտրով և գումարում ենք որոշակի շեղում յուրաքանչյուր ֆիլտրից ստացված արդյունքի վրա։ Այդ ստացված արդյունքները տեղադրելով ակտիվացնող ֆունկցիայի մեջ, ստանում ենք CNN-ի առաջին շերտը։ Եթե կիրառել ենք c_1 հատ ֆիլտեր, ապա առաջին շերտում կունենանք c_1 դետալ տարբերակող նեյրոններ, որոնք պատասխանատու են փոքր դետալների համար օրինակ՝ գծեր, կորեր և այլ փոքր դետալներ։ Այնուհետև այս c_1 խորությամբ զանգվածի վրա կիրառելով նույն գործողությունները տարբեր պարամետրերով կստանանք CNN-ի նոր շերտ, որը պատասխանատու կլինի ավելի բարդ դետալներ տարբերակելու համար։ Օրինակ ավտոմեքենայի նկար ձանաչելու դեպքում անիվ կամ հայելի։ Դասավորելով ստացված թվերը մեկ տողում և կատարելով MLP ցանցի գործողությունները կտարբերակենք օրինակ ավտոմեքենաների տեսակները միմյանցից։

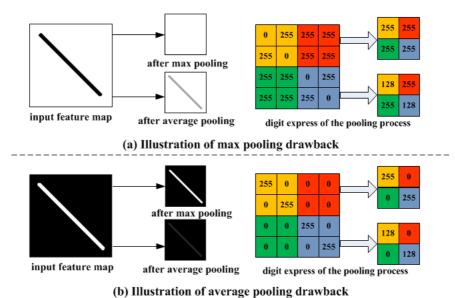
HOW A DEEP NEURAL NETWORK SEES



Նկար 35 Ավտոմեքենայի ճանանչում 2

8.4 POOLING LAYER

Համախ CNN-ի մեջ կիրառում են pooling operation-ը որը շատ նման է convolution operation-ին , բայց այս դեպքում ֆիլտրերի արժեքները չենք բազմապատկում նկարի արժեքներով այլ վերցնում ենք, կա'մ այդ տարածքի միջինը (average pooling), կա'մ մաքսիմումը (max pooling)։ Սրա նպատակը հիմնականում հաշվարկները քչացնելն է, և սրա միջոցով ավելի է ընգծվում դետալները և որոշակիորեն լուծվում է overfitting-ի խնդիրը։

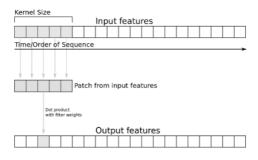


Uyun 36 Pooling convolution

8.5 CNN-Ը ԺԱՄԱՆԱԿԱՅԻՆ ՇԱՐՔԵՐԻ ՀԱՄԱՐ

Վերոնշյալ CNN մոդելներ նկարներ տարբերակելու համար էին, բայց հնարավոր է CNN-ը օգտագործել ժամանակային շարքերի համար ևս։ Ժամանակային շարքերը իտարբերություն նկարների ունեն ընդհամենը մեկ չափողականություն, դրա համար որոշակի ձևափոխություններ է պետք կատարել որպեսզի այն օգտագործվի նաև ժամանակային շարքերի համար։ Մենք ժամանակային շարքը կարող ենք բաժանել տարբեր մասերի և դրանք համարել որպես նկար որոնք ունեն մեկ պիքսել երկարություն և լայնությունը հավասար է բաժանված մասի երկարությանը։ Այս

պարագայում ֆիլտրերը ևս ունեն մեկ չափողականություն։ ԵՎ կատարելով convolution operation-ը ինչպես երկչափ CNN-ի պարագայում կստանանք նոր շարք։



Ulun 37 1D convolution

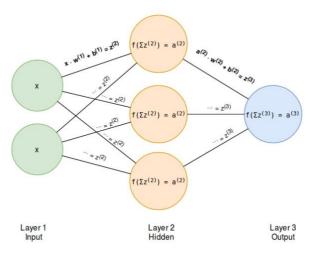
Եթե ցանկանում ենք վերլուծել միքանի ժամանակային շարքեր միառժամանակ, այդ պարագայում մենք ուղղակի կարող ենք համարել որ ժամանակային շարքը կազմված է օրինակ 3 «գույն»-ից։ ԵՎ նույն տրամաբանության շարունակելով և օգտագործելով տարբեր ֆիլտրեր կստանանք միքանի շարքեր, որոնցից ամեն մեկը պատասխանատու է որևէ երևույթ բացահայտելու համար։ Այնուհետև դրանք դասավորելով մեկ տողում և կիրառելով MLP ցանցի քայլերը՝ կտարբերակենք ժամանակային շարքերը միմյանցից։



Uyup 38 Scheme of 1D convolution

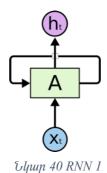
9. ՌԵԿՈՒՐԵՆՏ ՆԵՑՐՈՆԱՅԻՆ ՑԱՆՑԵՐ

MLP նեյրոնային ցանցերը ունեն հետևյալ տեսքը։ Նրանք ամեն անգամ որպես input վերցնում են վեկտորներ, և կատարելով որոշակի գործողություներ, վերադարձնում են որևէ արդյունք։ Այսինքն ամեն անգամ մեր input տվյալները միմյանցից անկախ են։



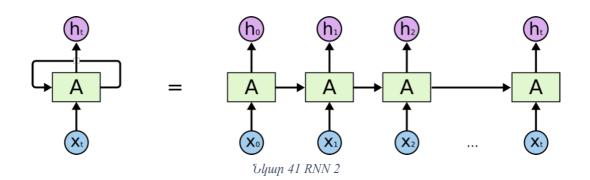
Նկար 39 MLP ցանց

Այս մոդելը հարմար չէ ժամանակային շարքերը կանխատեսելու համար։ Օրինակ՝ բաժնետոմսի այսօրվա գինը կախված է երեկվա գնից և այսօրվա որևէ իրադարձությունից։ Այս պարագայում օգնության են գալիս Ռեկուրենտ նեյրոնային ցանցերը (այսուհետև՝ RNN)։ RNN-ի պարագայում նեյրոնային ցանցերը ունեն հետևյալ տեսքը։



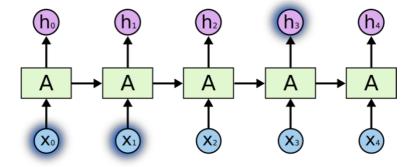
31

Ինչպես տեսնում ենք այն իր մեջ ներառում է ցիկլ։ Ամեն անգամ նոր արդյունք վերադարձնելիս այն հաշվի է առնում նախորդ արդյունքը։ Ավելի պարզ տեսնելու համար ներկայացնենք բացված տեսքով ։



Ինչպես տեսնում ենք առաջին քայլում վերցնելով X_0 մեզ վերադարձնում է h_0 ։ Երկրորդ քայլում հաշվի առնելով նախորդ քայլում կանխատեսված h_0 -ն և նոր X_1 վեկտորը, կանխատեսում է երկրորդ ցուցանիշը։

Այս ցանցը բավականին լավ է աշխատում կարձաժամկետ կանխատեսումներ կատարելու համար։

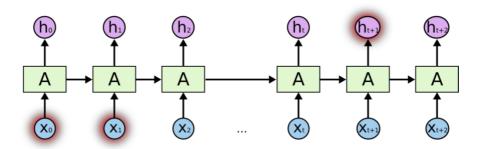


*Ъկ***ир 42 RNN 3**

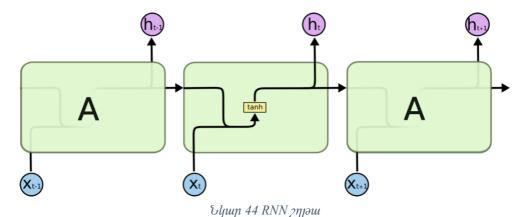
Օրինակ եթե ունենք նախադասություն «Արևը գտնվում է....» և ցանկանում ենք կանխատեսել հաջորդ բառը ինչ կլինի։ Կիրառելով RNN՝ այն կվերադարձնի միգուցե «երկնքում» բառը ։ Այս նախադասությունը ավարտելու համար RNN-ին որևէ այլ նախադասությունից կողմնակի ինֆորմացիա հարկավոր չէ։

Բայց լինում են դեպքեր, որ նախադասությունը ավարտելու համար պետք է նախկինից իմանալ որոշակի ինֆորմացիա։

Օրինակ՝ «Ես ծնվել եմ Հայաստանում։ Իմ մայրենի լեզուն», այս պարագայում երբ շատ ենք հեռանում Հայաստան բառից, ցավոք RNN-ը ուղակի մոռանում տեքստի բովանդակությունը անհետացող գրադիենտի պատձառով։



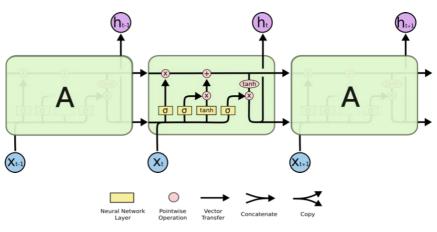
Գրեթե բոլոր ռեկուրենտ նեյրոնային ցանցերը կարող ենք ներկայացնել կրկնվող նեյրոնային ցանցերի շղթայի միջոցով։ RNN-ի պարագայում այն ունի հետևյալ տեսքը։



9.1 LONG SHORT-TERM MEMORY NETWORKS

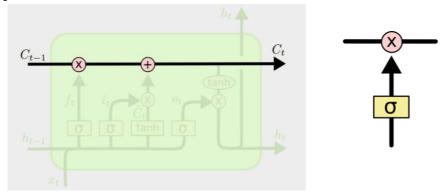
Անհետացող գրադիենտից խուսափելու մեթոդներից մեկը Long Short Term Memory networks (LSTM) ալգորիթմն է։ Այս ալգորիթմը իր մեջ պահում է երկար ժամանակ առաջ եղած ինֆորմացիան։

LSTM-ի պարագայում շղթան ունի հետևյալ տեսքր։



Ինչպես տեսնում ենք այն բավականաչափ հետաքրքիր է կառուցված։ Այժմ դիտարկենք թե ինչ է ներառվում մոդուլի մեջ։

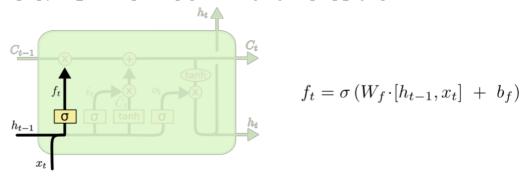
Մոդուլի մեջ գտնվող հորիզոնական գիծը կոչվում է բջջի վիձակ։ LSTM-ի հիմնական գաղափարը սրա մեջ է։ LSTM-ի ունի հնարավորություն հեշտորեն ավելացնելու կամ պակասեցնելու ինֆորմացիա բջջի վիձակի մեջ դարպասների միջոցով։



<u><u><u></u><u><u><u>U</u> **Ууран Таран Тара**</u></u></u></u>

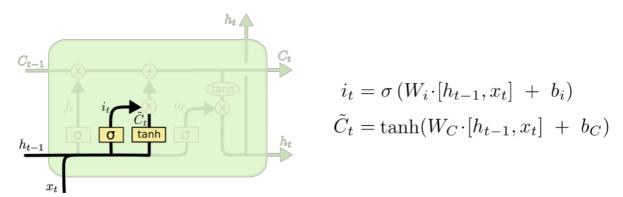
Առաջին քայլով LSTM-ը որոշում է, թե որ ինֆորմացիան պետք չէ ներառվի բջջի վիձակի մեջ։ Այն կատարվում է սիգմոյիդ շերտի միջոցով որը կոչվում է "forget gate layer"։ Այն միավորելով xւ-ն և hւ-ւ-ն, տալով նրանց կշիռներ և գումարելով որոշակի շեղում, տեղադրում է սիգմոյիդ ֆունկցիայի մեջ։ Այն վերադարձնում է 0-ի և 1-ի միջև

գտնվող վեկտոր։ 1-ը նշանակում է ամբողջապես պահիր ինֆորմացիան, իսկ 0-ն ոչինչ մի պահիր։ Օրինակ՝ Արամը լավ մարդ է։ Բայց Գոռը չար է։ Երբ ալգորիթմը տեսնում է վերջակետը և Գոռ բառը, նա մոռանում է նախորդ նախադասության բովանդակությունը և սա կատարվում է forget gate-ի միջոցով։



Uhun 47 Forget gate

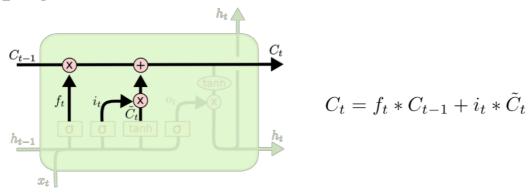
Հաջորդ քայլում որոշում է ինչ նոր ինֆորմացիա պահի բջջի վիձակի մեջ։ Սա բաղկացած է երկու մասից։ Առաջին քայլով սիգմոյիդ ֆունկցիայի միջոցով որոշվում է, որ արժեքները պետք է պահվեն բջջի վիձակի մեջ։ Երկրորդ քայլում ստեղծել վեկտոր, որը պարունակում այն բոլոր հնարավոր արժեքներ որոնք կարող են ավելացվել բջջի վիձակի մեջ։ Սա կատարվում է tanh ֆունկցիայի միջոցով, որը ընդունում է արժեքներ -1 ից 1 միջակայքում։ Բազմապատկում ենք այս երկու արդյունքները և ստանում ենք կարևոր ինֆորմացիա, որը պետք է ավելացվի բջջի վիձակին։



Uyun 48 Information gate

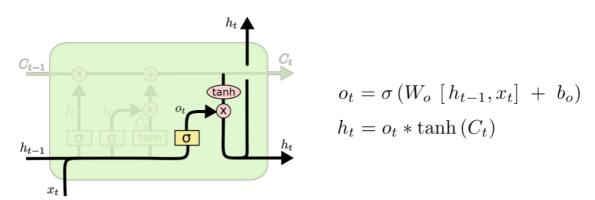
Օրինակ՝ Արամը լողալ գիտի։ Նա ինձ հեռախոսով ասաց, որ նա նավաստի է։ Այստեղ կարևոր ինֆորմացիա է օրինակ, որ Արամը լողալ գիտի և նավաստի է, բայց հեռախոսով ասելը այդքան էլ կարևոր չէ և կարող է անտեսվել։

Հաջորդ քայլում պետք է C_{t-1}-ից անցնենք նոր C_t բջջի վիձակին։ Բազմապատկելով նախորդ վիձակը ք-ով ալգորիթմը մոռանում է այն, ինչ նախորոք որոշել էինք որ պետք է մոռանալ։ Այնուհետև գումարելով նախորդ արդյունքին ստանում ենք նոր բջջի վիճակ։



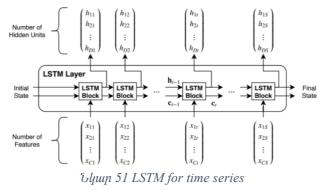
Նկար 49 Ավելացում բջջի վիճակին

Վերջին քայլում որոշում ենք output-ը։ Սկզբում որոշում ենք բջջի վիձակի որ մասնենք ներկայացնելու որպես output։ Դա անում են սիգմոյիդ ֆունկցիայի միջոցով։ Այնուհետև վիձակի վեկտորի վրա կիրառում ենք tanh ֆունկցիան որպեսզի ստանանք -1-ից 1 միջակայքում գտնվող թվեր։ Բազմապատկելով նախորդ քայլում ստացված արդյունքի հետ, արտածում ենք այն մասը, որը որոշել էինք արտածել։



<u><u><u></u><u><u><u>U</u> **Upunuðn</u><u>L</u> ú**</u></u></u>

Ժամանակային շարքերի համար LSTM-ը ունի հետևյալ տեսքը։ Այն ընդունելով մի քանի հաջորդական տվյալներ՝ կանխատեսում է հաջորդ ժամանակի արժեքները։

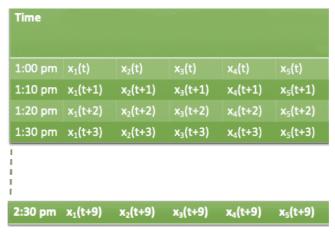


.....

10. ՏՎՅԱԼՆԵՐԻ ՆԱԽԱՊԱՏՐԱՍՏՈՒՄԸ

Նեյրոնային ցանցեր կառուցելու համար անհրաժեշտ են տվյալների որոշակի կառուցվածք։ Նախնական տվյալները չէին բավարարում այդ կառուցվածքին։ Անհրաժեշտ էր տվյալները տողերում դասավորել ըստ ժամանակահատվածի, և ամեն ժամանակահատվածի համար ունենալ ask և bid order-ները և դրանց համապատասխանող քանակները դասավորված ըստ level-ների։

Դասավորելով այդպես ստացվեց, որ LOB-ը ունի 200-ից ավել level և քանի որ



Ulun 52 LOB

բարձր level-ներում գտնվող տվյալները այքան էլ ազդեցություն չունեն բաժնետոմսի գնի վրա, որոշվեց օգտագործել level 10 LOB տվյալներ, հետազոտության համար։ Այն ժամանակահատվածները որոնց համար միայն կային ask և bid order-ներ, հեռացվեցին տվյալների միջից։ Այսպես ստացվեց որ երկու իրար հաջորդող պահերի հեռավորությունը միջինում 22 վայրկյան է։ Կային ժամանակահատվածներ որոնք ունեին օրինակ միայն level 2 տվյալներ, հաջորդ level-ների համար դրանք լցվեցին իրենց նախորդող level-ի թվով։ Ամեն պահի միջին գինը հաշվել է level 1 ask-ի և level 1 bid-ի գները միջինացնելով։

10.1 ՏՎՅԱԼՆԵՐԻ ՊԻՏԱԿԱՎՈՐՈՒՄԸ

Որպեսզի լուծենք խնդիրը նախևառաջ պետք է ունենանք պիտակավորված տվյալներ։ Տվյալները պիտակավորելու համար պետք է սահմանենք թե ինչ ենք հասկանում բաժնետոմսի գնի աճ կամ նվազում ասելով։ Կան մի քանի պիտակավորման մեթոդներ, որոնցից ոմանք փորձել եմ տվյալների վրա։

Սահմանենք $m_-(t)$ և $m_+(t)$ մեծությունները։

$$m_{-}(t) = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^{k} p_{t-i}$$

$$m_{+}(t) = \frac{1}{k+1} \sum_{i=0}^{k} p_{t+i}$$

Որտեղ t-u ցույց t տալիս t-p դահն t, k-u ժամանակային հորիզոնը u p_t -u u պահի գինը։

Պիտակավորման մեթոդ 1

t-րդ պահի համար սահմանենք l_t մեծությունը հետևյալ կերպ

$$l_t = \frac{m_+(t) - p_t}{p_t}$$

Եթե $l_t > \alpha$, ապա t-րդ պահը կպիտակավորենք որպես գնի աձ, եթե $l_t < -\alpha$ ապա որպես նվազում, մնացած դեպքերում կհամարենք որ գինը չի փոխվել։ Այստեղ α -ն նախորոք որոշված հաստատուն է։

Պիտակավորման մեթոդ 2

$$l_t = \frac{m_+(t) - m_-(t)}{m_-(t)}$$

Եթե l_t > α , ապա t-րդ պահը կպիտակավորենք որպես գնի աձ, եթե l_t <- α ապա որպես նվազում, մնացած դեպքերում կհամարենք որ գինը չի փոխվել։

Պիտակավորման մեթոդ 3

$$l_t = \frac{p_t - m_-(t)}{m_-(t)}$$

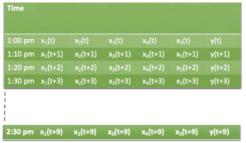
Եթե $l_t>lpha$, ապա t-րդ պահը կպիտակավորենք որպես գնի աձ, եթե $l_t<-lpha$ ապա որպես նվազում, մնացած դեպքերում կհամարենք որ գինը չի փոխվել։

Պիտակավորման մեթոդ 4

$$l_t = \frac{p_{t+k} - p_t}{p_t}$$

Եթե $l_t > \alpha$, ապա t-րդ պահը կպիտակավորենք որպես գնի աձ, եթե $l_t < -\alpha$ ապա որպես նվազում, մնացած դեպքերում կհամարենք որ գինը չի փոխվել։

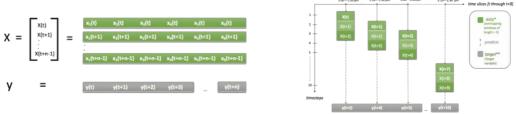
Վերջնական մոդելներ կառուցվել են 4-րդ մեթոդով պիտակավորված տվյալների վրա։



Ulun 53 LOB with label

Տվյալները պիտակավորելուց հետո տվյալները անհրաժեշտ էր բաժանել այնպիսի մասերի (պատուհանների), որը անհրաժեշտ է CNN և LSTM մոդելներ կառուցելու համար։ Դրա համար պետք է սահմանել 3 փոփոխական՝

- Այն տվյալների քանակը որոնց հիման վրա պետք է կանխատեսել ապագա գնի պիտակը։ Մա պայմանականորեն անվանենք տվյալների պատուհանի մեծություն։
- Ժամանակային հորիզոն։
- Քանի քայլով պետք է տեղաշարժել տվյալների պատուհանը։



Նկար 54 Տվյալների մասնատում

Հետազոտության ժամանակ պատուհանի մեծությունը վերցվել է 50, ժամանակային հորիզոնը 5 և քայլերի քանակը 1։ Այսինքն նախորդ 50 տվյալների օգտագործելով փորձվել է կանխատեսել բաժնետոմսի գնի ուղղությունը 5 պահ հետո։ Եթե այս թվերը վերածենք ժամանակի, կստացվի որ միջինում նախորդ 18 րոպեների order-ների հիման վրա փորձում ենք կանխատեսել թե մոտավորապես 2 րոպե հետո բաժնետոմսի գինը կամի, կնվացի թե՞ կմնա նույնը։

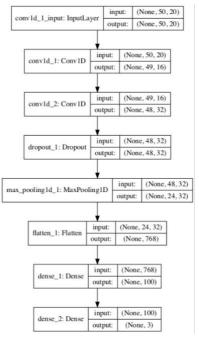
Հետազոտության ընթացքում կառուցվել են 3 մոդել, որոնք կառուցվածքը և արդյունքները ներկայացված են հաջորդ գլուխներում։

11. CNN ՄՈԴԵԼԻ ԱՐԴՅՈՒՆՔՆԵՐԸ

Ինչու [°]CNN

CNN-ը հնարավորություն է տալիս գտնել թաքնված օրինաչափություններ ժամանակային շարքերում, որոնք նախկինում հնարավոր չէր լինում գտնել.

Փորձելով CNN-ի տարբեր կառուցվածքներ՝ լավագույն արդյունքը ստացվեց հետևյալ կառուցվածքի պարագայում։

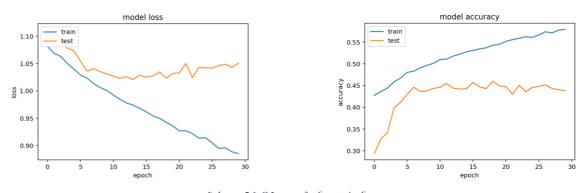


Նկար 55 CNN ցանց

ծանցի առաջին շերտում գտնվում են 16 ֆիլտրներ։ Երկրորդ շերտում 32 ֆիլտրներ։ Այնուհետև dropout տեխնիկայի միջոցով անջատվել են ցանցի 0.4 տոկոսը և կիրառվել է maxpooling overfiting-ից խուսափելու համար։

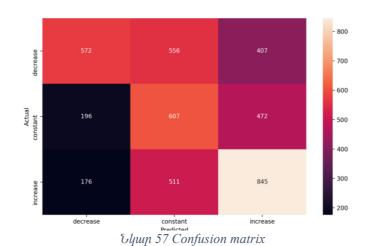
Այնուհետև հարթեցնելով արդյունքը հաջորդ շերտերում կիրառվել է 100 նեյրոն ունեցող MLP և softmax շերտ, որպեսզի ստանանք դասերին պատկանելու հավանականությունները։

Օպտիմիզացման ալգորիթմն ընտրվել է Adam ալգորիթմը և որպես loss function վերցվել է categorical crossentropy ֆունկցիան։ Ուսուցման ընթացքում կիրառվել են learning rate decay և early stopping տեխնիկաները։ Ուսուցման գործընթացը ունի այս տեսքը։



Նկար 56 ПҒипւдման գործընթաдը

Այս մոդելը ձիշտ կանխատեսեց test set-ի տվյալների 46%-ի պիտակները։ Confusion matrix-ը, precision և recall-ը և F1-score-երը հետևյալն են։



	precision	recall	f1-score
decrease	0.61	0.37	0.46
constant	0.36	0.48	0.41
increase	0.49	0.55	0.52

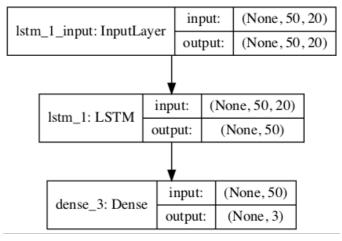
Uyun 58 Model results

12. LSTM ՄՈԴԵԼԻ ԱՐԴՅՈՒՆՔՆԵՐԸ

Ինչու LSTM

LSTM-ը հնարավորություն է տալիս բացահայտել երկարաժամկետ կապեր երկու ժամանակների միջն։

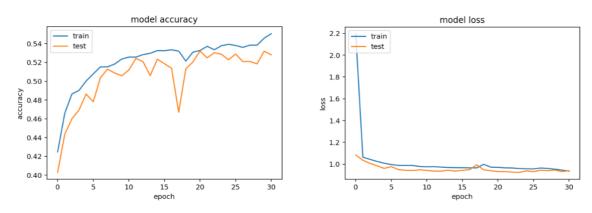
LSTM-ի պարագայում լավագույն արդյունքը ստացվեց հետևալ կառուցվածքի պարագայում։



Ышр 59 LSTM дийд

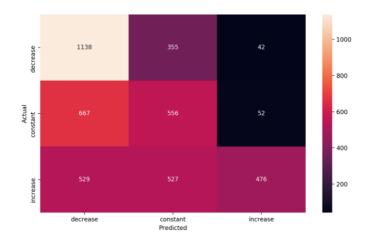
Առաջին շերտում LSTM-ի 50 նելրոն և հաջորդ շերտում softmax շերտ։

LSTM-ի պարագայում ևս կիրառվել են Adam ալգորիթմը և categorical crossentropy loss function-ը։ Ուսուցման գործընթացը ունի այս տեսքը։



Նկար 60 Ուսուցման գործընթացը

LSTM-ի պարագայում կանխատեսելու Ճշգրտությունը ստացվեց 50%։ Confusion matrix-ը, precision և recall-ը և F1-score-երը հետևյալն են։



Ъушр 61 Confusion matrix

decrease	0.49	0.74	0.59
constant	0.39	0.44	0.41
increase	0.84	0.31	0.45

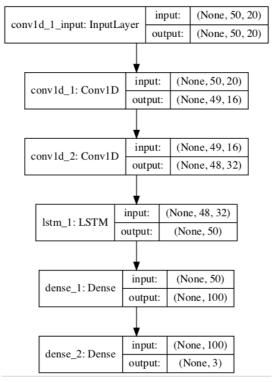
Uyup 62 Model results

13. CNN-LSTM ՄՈԴԵԼ ԱՐԴՅՈՒՆՔՆԵՐԸ

າວ ການ CNN-LSTM

Այս մոդելը հնարավորություն է տալիս բացահայտելու և' թաքնված երևույթները, և' երկու ժամանակների միջև կապերը։

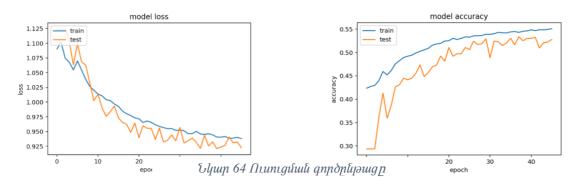
Համադրելով վերոնշյալ երկու մոդելները կառուցվեց ցանց, որը ունի հետևյալ կառուցվածքը։



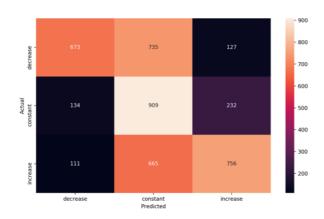
Նկար 63 CNN-LSTM ցանց

Առաջին երկու շերտերում համապատասխանաբար CNN-ի երկու շերտ՝ 16 և 32 ֆիլտրերով։ Այնուհետև LSTM-ի 50 նեյրոն և MLP-ի 100 նեյրոն և վերջում softmax շերտ։

Այս մոդելի ընթացքում կիրառվել են ինչպես Adam այնպես էլ stochastic gradient descent օպտիմալիզացման ալգորիթմները։ Ուսուցման գործընթացը հետևյալ տեսքն ունի։



Uյս մոդելի արդյունքում, test set-ի Ճշգրտությունը հասավ մինչև 0.538%-ի։ Confusion matrix-ը, precision և recall-ը և F1-score-երը հետևյալն են։



Ыµир 65 Confusion matrix

	precision	recall	f1-score
decrease	0.73	0.44	0.55
constant increase	0.39 0.68	0.71 0.49	0.51 0.57

Uyup 66 Model results

14. ՀԱՄԵՄԱՏՈՒԹՅՈՒՆ ԱՅԼ ՄՈԴԵԼՆԵՐԻ ՀԵՏ

Համացանցում սակավաթիվ աշխատանքներ կան, որոնք փորձում են կանխատեսել բաժնետոմսի գնի փոփոխությունը LOB տվյալների հիման վրա՝ օգտագործելով վերոնշյալ մոդելները [1],[2] ։ Այս աշխատանքում կառուցված ցանցերը ավելի պարզ և փոքր են և զբաղեցնում են ավելի փոքր ծավալ, որոնք հնարավորություն են տալիս ավելի արագ կանխատեսլու բաժնետոմսի գնի ուղղությունը։ Ստորև ներկայցված են այս աշխատանքի և [1] աշխատանքի արդյունքները։

Model	Mean Precision	Mean Recall	Mean F1-Score
CNN	0.47	0.47	0.46
LSTM	0.57	0.50	0.48
CNN-LSTM	0.60	0.54	0.54

Աղյուսակ 1 Այս մոդելը

Model	Mean Precision	Mean Recall	Mean F1-Score
CNN	0.44	0.54	0.43
LSTM	0.45	0.55	0.42
CNN-LSTM	0.45	0.56	0.44

Աղյուսակ 2 Այլ մոդել

Ինչպես տեսնում ենք արդյունքները բավականին մոտ են ստացվել։ Համեմատելու համար՝ այս աշխատանքի ցուցանիշներից հանենք [1]-ի ցուցանիշները։

Model	Precision Diff	Recall Diff	F1-Score Diff
CNN	0.03	-0.07	0.03
LSTM	0.12	-0.05	0.06
CNN-LSTM	0.15	-0.02	0.10

Աղյուսակ 3 Մոդեյների տարբերությունը

ԵԶՐԱԿԱՑՈՒԹՅՈՒՆ

Այսպիսով կիրառելով պիտակավորման 4-րդ մեթոդը LOB տվյալների համար և կառուցելով CNN, LSTM և CNN-LSTM մոդելներ այդ տվյալների վրա, հնարավոր եղավ կանխատեսել բաժնետոմսի գնի ուղղությունը հաջորդ երկու րոպեների ընթացքում համապատասխանաբար 46%, 49%, 54% տոկոս Ճշգրտությամբ, որը համեմատելի է միջև այժմ եղած մոդելների հետ։

Կառուցված մոդելների կշիռները ունեն փոքր ծավալ, ինչը հնարավորություն է տալիս ցանկացած ցուցանիշ կանխատեսել միլիվայրկյանների ընթացքում, որը խիստ կարևոր է այն մարդկանց համար որոնք զբաղվում են ինտենսիվ առևտրով։ Այս մոդելները նաև կարող են օգտագործվել ավտոմատ առևտուր կատարող ալգորիթմներում որպեսզի հաղորդեն լրացուցիչ կարձաժամկետ ինֆորմացիա և կարող են հանդիսանալ որպես ուղղենիշներ ընկերություների համար՝ զերծ պահելու բաժնետոմսի գինը անցանկալի տատանումներից։

Հետագայում հնարավոր է բարելավել մոդելների որակը, ցանցերի կառուցվածքը փոխելով, այլ պիտակավորման մեթոդներ կիրառելով և ավելի շատ տվյալներ օգտագործելով։

ԳՐԱԿԱՆՈՒԹՅԱՆ ՑԱՆԿ

Հոդվածներ

- "Using Deep Learning for price prediction by exploiting stationary limit order book features"; Avraam Tsantekidisa, Nikolaos Passalisa, Anastasios Tefasa, Juho Kanniainenb, Moncef Gabboujc, Alexandros Iosifidisd; 2018 year
- 2. "DeepLOB: Deep Convolutional Neural Networks for Limit Order Books"; Zihao Zhang, Stefan Zohren, and Stephen Roberts; 2020 year
- 3. "Human activity recognition based on time series analysis using U-Net"; Yong Zhang, Yu Zhang, Zhao Zhang, Jie Bao, Yunpeng Song; China
- 4. "1D Convolutional Neural Networks and Applications A Survey"; Serkan Kiranyaz, Onur Avci, Osama Abdeljaber, Turker Ince, Moncef Gabbouj, Daniel J. Inman
- 5. "U-Time: A Fully Convolutional Network for Time Series Segmentation Applied to Sleep Staging"; Mathias Perslev, Michael Hejselbak Jensen, Sune Darkner, Poul Jørgen Jennum, Christian Igel; 2019 year
- 6. "Long-term Recurrent Convolutional Networks for Visual Recognition and Description"; Jeff Donahue, Lisa Anne Hendricks, Marcus Rohrbach, Subhashini Venugopalan, Sergio Guadarrama, Kate Saenko, Trevor Darrell; 2016 year
- 7. "Efficient Dense Labeling of Human Activity Sequences from Wearables using Fully Convolutional Networks"; Rui Yao, Guosheng Lin, Qinfeng Shi, Damith Ranasinghe; 2017 year
- 8. "Deep learning for time series classification: a review"; Hassan Ismail Fawaz, Germain Forestier, Jonathan Weber, Lhassane Idoumghar, Pierre-Alain Muller; 2019 year
- 9. "Deep Learning Specialization"; Andrew Ng; 2020 year
- 10. "Get Started with Using CNN+LSTM for Forecasting"; Yitong Ren; 2019
- 11. "Introduction to 1D Convolutional Neural Networks in Keras for Time Sequences"; Nils Ackermann; 2018 year
- 12. "How to Develop Convolutional Neural Network Models for Time Series Forecasting";

 Jason Brownlee; 2019 year
- 13. "How to Develop 1D Convolutional Neural Network Models for Human Activity Recognition; Jason Brownlee"; 2019 year

- 14. "Deep Learning for Time Series Classification: a brief overview"; Hassan Ismail Fawaz;2019 year
- 15. "Human Activity Recognition (HAR) Tutorial with Keras and Core ML (Part 1)"; Nils Ackermann; 2018 year
- 16. "Human Activity Recognition using LSTMs on Android TensorFlow for Hackers" (Part VI); Venelin Valkov; 2017 year
- 17. "Gentle Dive into Math Behind Convolutional Neural Networks"; Piotr Skalski; 2019
 year
- 18. "A Comprehensive Guide to Convolutional Neural Networks the ELI5 way"; Sumit Saha; 2018 year
- 19. "The Problem of Vanishing Gradients", Animesh Agarwal; 2019 year
- 20. "How to Develop Multi-Step LSTM Time Series Forecasting Models for Power Usage";

 Jason Brownlee; 2018 year
- 21. "How to Choose Loss Functions When Training Deep Learning Neural Networks"; Jason Brownlee; 2020 year
- 22. "A Beginner's Guide to LSTMs and Recurrent Neural Networks"; Søren Kierkegaard
- 23. "Essentials of Deep Learning: Introduction to Long Short Term Memory"; Pranjal Srivastava; 2017 year
- 24. https://www.youtube.com/watch?v=WCUNPb-5EYI
- 25. https://www.youtube.com/watch?v=y7qrilE-Zlc
- 26. http://dprogrammer.org/rnn-lstm-gru
- 27. https://colah.github.io/posts/2015-08-Understanding-LSTMs/
- 28. https://github.com/deKeijzer/Multivariate-time-series-models-in-Keras
- 29. https://github.com/miroblog/limit_orderbook_prediction

Գրքեր

- "Dive into Deep Learning"; Aston Zhang, Zachary C. Lipton, Mu Li, and Alexander J. Smola; 2019 year
- 2. "Predict the Future with MLPs, CNNs and LSTMs in Python"; Jason Brownlee; 2018 year

- 3. "Logistic Regression"; Daniel Jurafsky & James H. Martin; 2019 year
- 4. "Human Activity Recognition Based on Motion Sensor Using U-Net"; Yong Zhang, Zhao Zhang, Yu Zhang, Jie Bao, Yifan Zhang, Haiqin Deng; 2019 year

ՀԱՎԵԼՎԱԾ

Այստեղ կցում եմ github-ի հասցեն՝ որտեղ գտնվում են բոլոր աշխատանքային ֆայլերը։

 $https://github.com/Gurgen-Blbulyan/My_Projects/tree/Yerevan_State_University/Yerevan\%20State\%20University/Pridicting\%20price\%20movement\%20from\%20LOB(Bachelor's\%20thesis)\%20price\%20movement\%20from\%20LOB(Bachelor's\%20thesis)\%20price\%20movement\%20from\%20LOB(Bachelor's\%20thesis)\%20price\%20movement\%20from\%20LOB(Bachelor's\%20thesis)\%20price\%20movement\%20from\%20LOB(Bachelor's\%20thesis)\%20price\%20movement\%20from\%20LOB(Bachelor's\%20thesis)\%20price\%20movement\%20from\%20LOB(Bachelor's\%20thesis)\%20price\%20movement\%20from\%20LOB(Bachelor's\%20thesis)\%20price\%20movement\%20from\%20LOB(Bachelor's\%20thesis)\%20price\%20movement\%20from\%20LOB(Bachelor's\%20thesis)\%20price\%20movement\%20from\%20LOB(Bachelor's\%20thesis)\%20price\%20movement\%20from\%20LOB(Bachelor's\%20thesis)\%20price\%20movement\%20from\%20LOB(Bachelor's\%20thesis)\%20price\%20movement\%20from\%20thesis)\%20price\%20movement\%20from\%20price\%$