Conversão de Unidades - Exercícios

Gustavo J. V. Meira Filho

Table of contents

Exercício 1: pH de um tampão	3
Exercício 2: Constante de equilíbrio pela energia livre	4
Exercício 3: Verificando a conversão da reação	5
Exercício 4: Faixa segura de temperatura de operação	6
Exercício 5: Conversão de uma lista de temperaturas	7
Exercício 6: Verificação de pressão com while loop	8
Exercício 7: Tabela de massas molares	9
Exercício 8: Conversor simples de unidades com dicionário	10
Exercício 9: Função para calcular a taxa de reação (lei de velocidade)	11
Exercício 10: Cálculo da constante de velocidade pela Equação de Arrhenius	13
Exercício 11: Conversão automática de temperatura	14
Exercício 12: Cálculo do Coeficiente Global de Transferência de Calor (U)	15

Exercício 1: pH de um tampão

A equação de Henderson–Hasselbalch relaciona o pH de uma solução tampão com o pKa do ácido e a razão entre base conjugada e ácido:

$$pH = pKa + \log_{10} \left(\frac{[base]}{[cido]} \right)$$

Sabendo que:

- pKa = 4.76
- [base] = 0.1 mol/L
- [ácido] = 0.01 mol/L

Calcule o pH do tampão.

Opcional: não use nenhuma operação de multiplicação ou divisão!

```
import math

pKa = 4.76
base = 0.1
acido = 0.01

pH = pKa + math.log10(base / acido)

print(f"O pH do tampão é {pH:.2f}")
```

O pH do tampão é 5.76

```
pH = pKa + math.log10(base) - math.log10(acido)
print(f"O pH do tampão é {pH:.2f}")
```

O pH do tampão é 5.76

Exercício 2: Constante de equilíbrio pela energia livre

A relação entre a variação da energia livre padrão (ΔG°) e a constante de equilíbrio (K) é dada por:

$$K = e^{-\frac{\Delta G^{\circ}}{RT}}$$

Sabendo que:

- $\begin{array}{l} \bullet \ \ \Delta G^\circ = -5000 \ J/mol \\ \bullet \ \ R = 8.314 \ J/(mol \cdot K) \\ \bullet \ \ T = 298 \ K \end{array}$
- Calcule a constante de equilíbrio K.

```
import math

# Dados
dG = -5000  # J/mol
R = 8.314  # J/(mol·K)
T = 298  # K

# Equação de equilíbrio
K = math.exp(-dG / (R * T))

print(f"A constante de equilíbrio é K = {K:.3f}")
```

A constante de equilíbrio é K = 7.524

Exercício 3: Verificando a conversão da reação

A conversão X em uma reação é dada por:

$$X = \frac{C_{A0} - C_A}{C_{A0}}$$

onde:

- C_{A0} é a concentração inicial do reagente mol/L
- C_A é a concentração final mol/L

O processo é considerado:

- Excelente se $X \ge 0.9$
- Aceitável se $0.7 \le X < 0.9$
- Ruim se X < 0.7

```
Ca0 = 2.0  # mol/L
Ca = 0.3  # mol/L

X = (Ca0 - Ca) / Ca0

if X >= 0.9:
    print(f"Conversão = {X:.1%} → Reação excelente!")
elif X >= 0.7:
    print(f"Conversão = {X:.1%} → Reação aceitável.")
else:
    print(f"Conversão = {X:.1%} → Reação ruim.")
```

Conversão = 85.0% → Reação aceitável.

Exercício 4: Faixa segura de temperatura de operação

Um reator deve operar entre $\bf 350~K~e~600~K$. Crie um programa que leia a temperatura $\bf T~e$ indique:

- "Temperatura segura" se estiver dentro da faixa;
- "Temperatura muito baixa" se menor que 350 K;
- "Temperatura muito alta" se maior que 600 K.

```
T = 420 # K

if T < 350:
    print("Temperatura muito baixa!")
elif T > 600:
    print("Temperatura muito alta!")
else:
    print("Temperatura segura ")
```

Temperatura segura

Exercício 5: Conversão de uma lista de temperaturas

Você tem uma lista de temperaturas em ${}^{\circ}$ C e quer convertê-las para K usando a relação:

$$T_K = T_C + 273.15$$

Escreva um programa que percorra a lista e imprima todas as temperaturas em Kelvin.

```
temps_c = [25, 50, 75, 100]

for T in temps_c:
    T_k = T + 273.15
    print(f"{T} °C = {T_k:.2f} K")
```

```
25 °C = 298.15 K
50 °C = 323.15 K
75 °C = 348.15 K
100 °C = 373.15 K
```

Exercício 6: Verificação de pressão com while loop

Um sistema começa a operar a **100 kPa**, e a pressão aumenta **20 kPa por ciclo**. Escreva um programa que use um **while loop** para imprimir a pressão a cada ciclo até atingir **200 kPa**.

```
P = 100  # kPa
while P <= 200:
    print(f"Pressão atual: {P} kPa")
    P += 20  # aumenta 20 kPa a cada iteração</pre>
```

Pressão atual: 100 kPa Pressão atual: 120 kPa Pressão atual: 140 kPa Pressão atual: 160 kPa Pressão atual: 180 kPa Pressão atual: 200 kPa

Exercício 7: Tabela de massas molares

Crie um dicionário com as massas molares g/mol de algumas substâncias e use-o para calcular a massa de uma amostra.

Sabendo que:

 $m = n \times M$

onde

- n = número de mols
- M = massa molar g/mol

```
molar_mass = {
    "H2": 2.016,
    "02": 32.00,
    "C02": 44.01,
    "CH4": 16.04
}

n = 0.5  # mols de CO2
m = n * molar_mass["CO2"]

print(f"Massa de {n} mol de CO2 = {m:.2f} g")
```

Massa de 0.5 mol de CO2 = 22.00 g

Exercício 8: Conversor simples de unidades com dicionário

Monte um dicionário com **fatores de conversão de pressão** e use-o para converter **1 atm** para outras unidades.

1 atm = 101325 Pa = 1.01325 bar = 760 mmHg

```
pressao = {
    "Pa": 101325,
    "bar": 1.01325,
    "mmHg": 760
}

valor_atm = 1  # atm
for unidade, fator in pressao.items():
    print(f"{valor_atm} atm = {valor_atm * fator} {unidade}")
```

```
1 atm = 101325 Pa
1 atm = 1.01325 bar
1 atm = 760 mmHg
```

Exercício 9: Função para calcular a taxa de reação (lei de velocidade)

A lei de velocidade para uma reação genérica

 $A \rightarrow produtos$

pode ser escrita como:

$$r = k \cdot [A]^n$$

onde:

- $r \in a$ taxa de reação $mol \cdot L^{-1} \cdot s^{-1}$,
- $k \notin a$ constante de velocidade,
- [A] é a concentração do reagente,
- $n \in a$ ordem da reação.

"E se dobrarmos [A]? A taxa dobra também? Ou quadruplica?"

```
def taxa_reacao(k, A, n):
    """
    Calcula a taxa de reação pela lei de velocidade r = k * [A]^n.
    Retorna o valor de r.
    """
    r = k * (A ** n)
    return r

# Exemplo de uso:
r1 = taxa_reacao(0.02, 0.5, 1)  # 1ª ordem
r2 = taxa_reacao(0.005, 0.5, 2)  # 2ª ordem

print(f"Reação de 1ª ordem: r = {r1:.4f} mol/L·s")
print(f"Reação de 2ª ordem: r = {r2:.4f} mol/L·s")
```

```
Reação de 1ª ordem: r = 0.0100 \text{ mol/L} \cdot \text{s}
Reação de 2ª ordem: r = 0.0013 \text{ mol/L} \cdot \text{s}
```

Agora dobrando a concentração de A:

```
# Dobrando a quantidade de [A] <3
r1_duplicado = taxa_reacao(0.02, 0.5*2, 1)  # 1ª ordem
r2_duplicado = taxa_reacao(0.005, 0.5*2, 2)  # 2ª ordem

print(f"Reação de 1ª ordem: r = {r1_duplicado:.4f} mol/L·s")
print(f"Reação de 2ª ordem: r = {r2_duplicado:.4f} mol/L·s")</pre>
```

```
Reação de 1ª ordem: r = 0.0200 \text{ mol/L} \cdot \text{s} Reação de 2ª ordem: r = 0.0050 \text{ mol/L} \cdot \text{s}
```

Avaliando as proporções...

```
print(f"A taxa para r1 fica {(r1_duplicado / r1)} vezes maior")
print(f"A taxa para r2 fica {(r2_duplicado / r2)} vezes maior")
```

```
A taxa para r1 fica 2.0 vezes maior A taxa para r2 fica 4.0 vezes maior
```

Aqui a gente nota a diferença entre primeira e segunda ordem de uma reação!

Exercício 10: Cálculo da constante de velocidade pela Equação de Arrhenius

A Equação de Arrhenius relaciona a constante de velocidade (k) com a temperatura (T):

$$k = A \cdot e^{-\frac{E_a}{R \cdot T}}$$

onde:

- $A = \text{fator pr\'e-exponencial } s^{-1}$
- E_a = energia de ativação J/mol
- $R = \text{constante dos gases } 8.314 J/mol \cdot K$
- T = temperatura K

"E se aumentarmos a temperatura para 400 K? O que acontece com k? Por que isso acelera a reação?"

```
import math

def arrhenius(A, Ea, T):
    """
    Calcula a constante de velocidade (k) pela equação de Arrhenius.
    Retorna k em s^-1.
    """
    R = 8.314  # J/mol·K
    k = A * math.exp(-Ea / (R * T))
    return k

# Exemplo de uso:
A = 1.2e7  # s^-1
Ea = 75000  # J/mol
T = 350  # K

k = arrhenius(A, Ea, T)
print(f"Constante de velocidade k = {k:.4e} s^-1")
```

Constante de velocidade $k = 7.6849e-05 s^-1$

```
k = arrhenius(A, Ea, T=400)
print(f"Constante de velocidade k = {k:.4e} s^-1")
```

Constante de velocidade $k = 1.9268e-03 s^{-1}$

Ou seja, um aumento de 50 K faz k crescer cerca de $25\times$, o que ilustra lindamente o efeito da temperatura sobre a velocidade das reações

Exercício 11: Conversão automática de temperatura

Crie uma **função** que receba o valor e a unidade de temperatura ("C", "K", "F") e retorne um **dicionário** com as três equivalentes.

```
def converte_temp(T, unidade):
    if unidade == "C":
        C = T
        K = T + 273.15
        F = T * 9/5 + 32
    elif unidade == "K":
        C = T - 273.15
        K = T
        F = C * 9/5 + 32
    elif unidade == "F":
        C = (T - 32) * 5/9
       K = C + 273.15
       F = T
    else:
        return "Unidade inválida!"
    return {"C": round(C,2), "K": round(K,2), "F": round(F,2)}
print(converte_temp(300, "K"))
```

```
{'C': 26.85, 'K': 300, 'F': 80.33}
```

Exercício 12: Cálculo do Coeficiente Global de Transferência de Calor (U)

(com conversão automática de unidades)

Em engenharia térmica, uma forma empírica americana de estimar o **coeficiente global de transferência de calor** (U) é:

$$U = \frac{C \cdot Q^{0.8}}{A^{0.2}}$$

onde:

- $U = \text{coeficiente global (} \mathbf{BTU/h \cdot ft^2 \cdot °F} \mathbf{)}$
- $Q = \text{taxa de calor transferido (} \mathbf{BTU/h} \mathbf{)}$
- A =área de troca térmica ($\mathbf{ft^2}$)
- C = constante empírica do sistema americano (C = 0.023 para água-água**)

Tarefa:

- 1. O usuário fornece \mathbf{Q} em \mathbf{kW} , \mathbf{A} em \mathbf{m}^2 , e quer o resultado de \mathbf{U} em $\mathbf{W}/\mathbf{m}^2 \cdot \mathbf{K}$.
- 2. O programa deve:
 - Converter Q e A para unidades do sistema americano,
 - Calcular U (em BTU/h · ft² · °F),
 - Converter o resultado final de volta para $W/m^2 \cdot K$.

Variações possíveis para deixar mais rica a discussão:

- 1. Adicionar parâmetro de fluido: Diferentes valores de (C):
 - Água-água $\rightarrow 0.023$
 - Óleo-água $\rightarrow 0.017$
 - Ar-água $\rightarrow 0.012$
- 2. Usar entrada de dados real:

```
tipo = input("Fluido (agua, oleo, ar): ").lower()
if tipo == "agua":
    C = 0.023
elif tipo == "oleo":
    C = 0.017
else:
    C = 0.012
```

3. Caso queiram adiantar as próximas aulas: Fazer gráfico ${\bf U}$ vs ${\bf Q}$ para mostrar comportamento exponencial.

```
# Conversões base
KW_TO_BTU_H = 3412.14 # 1 kW = 3412.14 BTU/h
M2 TO FT2 = 10.7639 # 1 m<sup>2</sup> = 10.7639 ft<sup>2</sup>
M2_{T0_{FT2}} = 10.7639
                               # 1 m^2 = 10.7639 ft^2
BTU_HFT2F_T0_W_M2K = 5.678 \# 1 BTU/h \cdot ft^2 \cdot °F = 5.678 W/m^2 \cdot K
def calc_U(Q_kW, A_m2, C=0.023):
    Calcula o coeficiente global U usando fórmula empírica americana.
    Converte internamente as unidades e retorna em W/m^2 \cdot K.
    # 1. Converter para sistema americano
    Q_btu_h = Q_kW * KW_TO_BTU_H
    A_ft2 = A_m2 * M2_T0_FT2
    # 2. Calcular U em BTU/h·ft<sup>2</sup>·°F
    U_btu = (C * (Q_btu_h ** 0.8)) / (A_ft2 ** 0.2)
    # 3. Converter de volta para W/m<sup>2</sup>·K
    U_w = U_btu * BTU_HFT2F_T0_W_M2K
    return U_w
# Exemplo de uso:
U = calc_U(Q_kW=150, A_m2=50)
print(f"Coeficiente global U = {U:.2f} W/m2·K")
```

Coeficiente global U = 1370.98 W/m²·K

Há um motivo físico e numérico de por que essas conversões são necessárias.

Essa equação empírica não funcionaria diretamente em unidades SI (comuns)! Ela **só é válida no sistema americano**, porque o valor da constante (C) foi ajustado empiricamente **para aquelas unidades**.

O que você faz	O que acontece
Usa unidades americanas + C original	Funciona, valores coerentes
Usa unidades SI com o mesmo C	Dá resultado fisicamente incorreto
Usa SI e recalibra C	Funciona, mas você precisa medir novos dados

Esse foi um problema no PIBIC do Gugu Meira... então fica aqui minha contribuição de sabedoria ${\bf rs}$