# Computergrafik

### Mitschrift von

Markus Vieth

David Klopp

6. Dezember 2016

# Vorwort

Dieses Skript basiert auf unserer Mitschrift der Vorlesung Computergrafik und VR im WS 2016/17 an der JGU Mainz (Dozent: Prof. Dr. E. Schömer).

Es handelt sich nicht um eine offizielle Veröffentlichung der Universität.

Wir übernehmen keine Gewähr für die Fehlerfreiheit und Vollständigkeit des Skripts.

Fehler können unter Github gemeldet werden. Die aktuelle Version dieses Skriptes ist ebenfalls auf Github zu finden.

# Inhaltsverzeichnis

Vo	orwor	t	
1	VBO		1
	1.1	Baryzentrische Koordinaten	2
	1.2	Texturen	3
		1.2.1 Mipmap	
	1.3	Orthogonalprojektion	S
	1.4	Perspektivische Projektion	6
		1.4.1 Smoothing	g

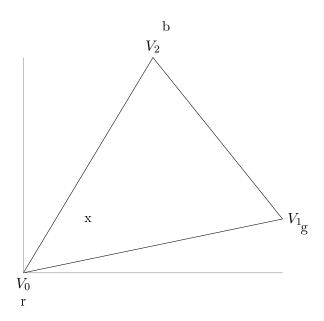


Abbildung 1.1: Beispiel Raster?

## 1.1 Baryzentrische Koordinaten

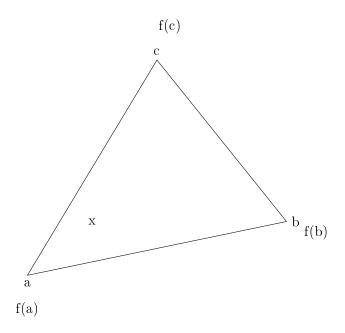


Abbildung 1.2: Baryzentrisches Koordinatensystem

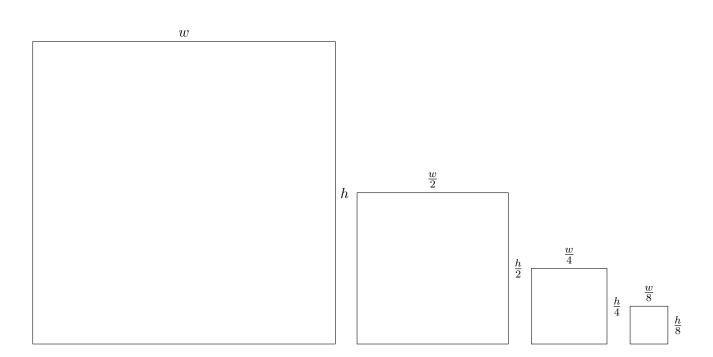
$$\begin{pmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \\ \gamma \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$x = \alpha \cdot a + \beta \cdot b + \gamma \cdot c \wedge \alpha + \beta + \gamma = 1$$

$$\Rightarrow f(x) = \alpha \cdot f(a) + \beta \cdot f(b) + \gamma \cdot f(c)$$

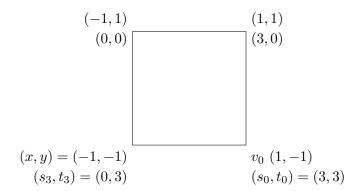
# 1.2 Texturen

## 1.2.1 Mipmap

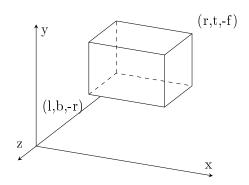


$$S = \sum_{i=0}^{\infty} (\frac{1}{4})^i = \frac{1}{1 - \frac{1}{4}} = \frac{4}{3}$$

#### 1.3 Orthogonalprojektion

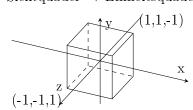


## 1.3 Orthogonalprojektion



$$x \in [l,r]$$
 
$$y \in [b,t]$$
 
$$z \in [-f,-n]$$

Sichtquader  $\rightarrow$  Einheitsquader



$$x' \in [-1, 1]$$
  
 $y' \in [-1, 1]$   
 $z' \in [-1, 1]$ 

$$x' = a\alpha \cdot x + \beta$$
$$l \mapsto -1, \ r \mapsto 1$$

(1) 
$$(2) \qquad 1 = \alpha \cdot l + \beta$$
(2) 
$$(2) - (1) \qquad 2 = \alpha \cdot r - \alpha \cdot l \Rightarrow \alpha = \frac{2}{r - l}$$

$$1 = \frac{2 \cdot r}{r - l} + \beta$$

$$\beta = 1 - \frac{2r}{r - l} = \frac{r - l - 2r}{r - e} = -\frac{r + l}{r - l}$$

$$\begin{cases} x' \\ y' \\ z' \\ 1 \\ \end{pmatrix} = \underbrace{\begin{pmatrix} \frac{2}{r - l} & 0 & 0 & \frac{r + l}{r - l} \\ 0 & \frac{2}{t - b} & 0 & \frac{t + b}{t - b} \\ 0 & 0 & \frac{-2}{f - n} & -\frac{f + n}{f - n} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}}_{Q} \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{pmatrix}$$

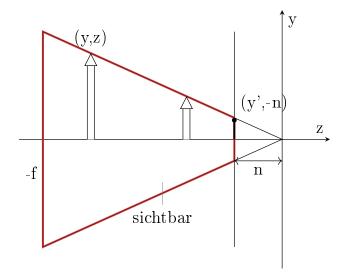
$$z' = -\frac{2}{f - n} z - \frac{f + n}{f - n}$$

$$z = n \quad z * = \frac{2n - (f + n)}{f - n} = \frac{n - f}{f - n} = -1$$

$$-n \mapsto -1, \quad -f \mapsto 1$$

Qmatrix4x4.ortho(1,n,b,t,n,f);

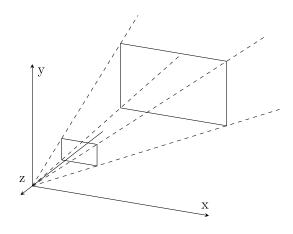
### 1.4 Perspektivische Projektion



$$\frac{y'}{-n} = \frac{y}{z}$$

$$y' = -\frac{n \cdot y}{z}$$

#### Sichtpyramide $\rightarrow$ Einheitswürfel



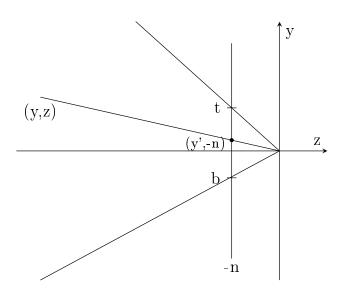
$$y' = -\frac{n \cdot y}{z}$$

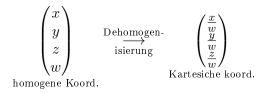
$$(b, t) \mapsto [-1, 1]$$

$$y'' = \alpha \cdot y' + \beta$$

$$y'' = \frac{2}{t \cdot b} \cdot y' - \frac{t + b}{t - b}$$

$$y'' = \frac{-2n}{t - b} \cdot \frac{y}{z} - \frac{t + b}{t - b}$$





$$\begin{pmatrix} x'' \\ y'' \\ z'' \\ w'' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{2n}{r-l} & 0 & \frac{r+l}{r-l} & 0 \\ 0 & \frac{2n}{t-b} & -\frac{t+b}{t-b} & 0 \\ 0 & 0 & \alpha & \beta \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$y'' = \frac{2n}{t-b} \cdot y + \frac{t+b}{t-b} \cdot z$$

$$w'' = -z$$

$$\frac{y''}{w''} = \frac{2n}{t-b} \frac{y}{(-z)} + \frac{t+b}{t-b} \frac{z}{(-z)}$$

$$z''' = \frac{z''}{w''} = \frac{\alpha \cdot z + \beta}{-z} = -\alpha - \frac{\beta}{z}$$

$$-n \mapsto -1, -f \mapsto 15$$

$$-\alpha - \frac{\beta}{-n} = -1$$

$$-\alpha - \frac{\beta}{-f} = 1$$

$$-\alpha + \frac{\beta}{n} = -1(1)$$

$$-\alpha + \frac{\beta}{f} = 1(2)$$

$$\frac{\beta}{f} - \frac{\beta}{n} = 2(2) - (1)$$

$$\beta \left(\frac{1}{f} - \frac{1}{n}\right) = 2$$

$$\beta \left(\frac{n - f}{fn}\right)$$

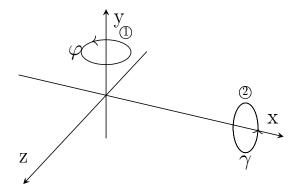
$$\beta = \frac{-2nf}{f - n}$$

$$\alpha = \frac{\beta}{f} - 1 = -\frac{2n - (f - n)}{f - n} = \frac{f + n}{f - n}$$

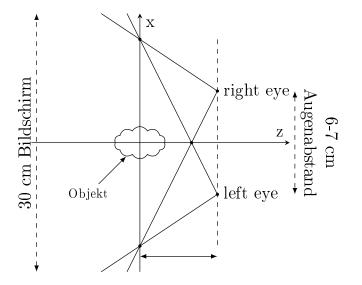
$$p' = R_{\vartheta,x} \cdot R_{\varphi,y} \cdot p$$

$$0 \qquad 0 \qquad 0$$
Drohung um

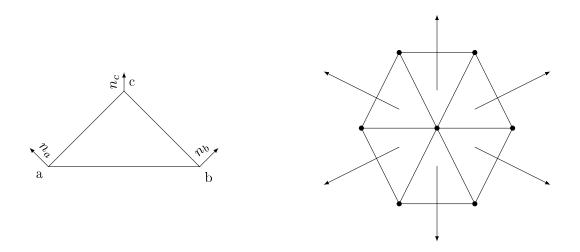
Drehung um Drehung um die Welt-x-Achse die Welt-y-Achse



### 3D-Brille



## 1.4.1 Smoothing



### Lambert

$$I_D = I_L \cdot (n^T \cdot \ell)$$

