## SI LV4 Linjär Algebra

## $\label{lem:niklas} Niklas~Gustafsson~|~Gustav~\"{O}rtenberg\\ niklgus@student.chalmers.se~|~gusort@student.chalmers.se$

2017-02-10

## Repetition

Beräkna determinanten

a) 
$$\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$$

b) 
$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 2 & 3 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

c) 
$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 2 & 3 \\ 0 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{d}) \quad \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & 2 & 3 & 3 \\ 2 & 1 & 4 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 1 \end{bmatrix}$$

1

Antag att ni har vektorerna 
$$\vec{v} = \begin{bmatrix} 1\\2\\3\\4\\5 \end{bmatrix}$$
 och  $\vec{u} = \begin{bmatrix} -1\\4\\-2\\4\\0 \end{bmatrix}$ .

- a) Vad blir  $\vec{v} + \vec{u}$ ?
- b) Vad blir  $\vec{v} \vec{u}$ ?
- c) Vad blir vinkeln mellan  $\vec{v}$  och  $\vec{u}$ ?
- d) Vad kallas det vektorrum som  $\vec{v}$  tillhör? Hint: Hur många dimensioner har  $\vec{v}$ ?

2

Lös ekvationssystemet: 
$$\begin{cases} 4x - 8 \cdot y = 8 \\ -x + 2 \cdot y = 2 \end{cases}$$

Kan ni göra en geometrisk tolkning av lösningen?

3

Lös ekvationssystemet: 
$$\begin{cases} 2\cdot x - 3\cdot y + z = 8\\ -2\cdot x + 4\cdot y - z = 2\\ 4\cdot x - 6\cdot y + 2\cdot z = 16 \end{cases}$$

Kan ni göra en geometrisk tolkning av lösningen?

4

5 utbytesstudenter på chalmers gick till Bulten för att köpa fika. De minns alla vad de köpte och hur mycket det kostade tillsammans men vet ej de individuella priserna för Kaffe, Te, Körsbärspaj, Choklad och Kanelbulle. Vilket är rellevant då många av dem har köpt saker till fler en en person och vill dela upp notan. Hitta priserna för alla föremål, förslagsvis via gauselimination av ett ekvationssytem.

Här är alla personernas information:

Donna: 2 kaffe, 4 kanelbullar, kostnad 42kr

Audrey: 1 kaffe, 1 te, 1 kanelbulle, 1 choklad, 1 körsbärspaj, kostnad 39kr

Harry: 1 te, 8 choklad, kostnad 101kr

Cooper: 3 körsbärspajer, 2 te, 3 kanelbullar, kostnad 55kr Shelly: 1 kanelbulle, 1 körsbärspaj, 1 choklad, kostnad 27kr

5

tentauppgift nr\_4, 2012 Mars IT

Låt  $\vec{v} = \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix}$ . Bestäm en vektor  $\vec{w}$  sådan att mellan  $\vec{v}$  och  $\vec{w}$  är  $\pi/4$  radiander

6