INT104W5 分类与模型训练

分类

二元分类器 (Binary Classifier)

- 分类器: 分类算法就是找到一个函数, 这个函数可以判断输入的数据属于哪个类别。
- 二元分类器:属于一种监督学习算法,可以将新的观测值分成两类

简单来说,二元分类器就是将事情分成是与非。如判断一个数字5,在二元分类器中就是用来分成两个类别:5(正)或非5(负)。此时随机梯度是一个很好的选择(SGD)。因为SGD可以独立处理实例,一次一个。

如果我们创造了一个分类器,评判分类器分类质量是很重要的一件事。

如何评价分类质量?

∥准确率 (Accuracy)

在机器学习中,我们通常把整个数据集拆分为训练集(Train set)和测试集(Test set)(比如70%训练集,30%测试集)

[训练集-70%][测试集-30%]

评价机器学习的泛化(generalize)性能取决于他在测试集(独立于训练集)上的预测能力。

但我们发现,如果仅仅以一个独立的测试集评判机器学习的性能,我们获得的可能只是在该测试集上表现最好的参数,而不是在整个数据集上表现最好,也就是泛化能力最好的参数。为防止这一问题的产生,我们可以使用**交叉验证(Cross Validation)**把训练集再分为训练集(Training **fold**)和验证集(Validation **fold**)。

♥交叉验证 (Cross Validation)

[训练集-(70-n)%][验证集-n%][测试集-30%]

训练集:用于拟合模型

验证集:用于估计模型选择的预测误差

测试集:用于评估最终所选模型的预测误差

K-flod 交叉验证

将训练集分为K份,每次选一份作为验证集,其余为训练集,从而可以交叉验证 假设这里分为3份:

		测试集		
split1	Flod1	Flod2	Flod3	
split2	Flod1	Flod2	Flod3	
split3	Flod1	Flod2	Flod3	
最终评估				Test data

在split1~3中,每次以加粗的部分作为验证集,其余部分作为训练集,从而找到泛化能力最强的参数,最后在最终评估中用测试集测试能力。

问题:类别失衡 (class imbalance),分类任务中不同类别的训练样例数目差别很大的情况。假设一个二分问题,有1000个训练样本,其中正类995个,负类5个。如果我们的**优化目标**是错误率最小化(Accuracy最大化),那么模型完全可以把所有样本都分为正类,准确率高达99.5%。我们发现,在类别不平衡的情况下,模型对少数类(样本量过小的类)的错误分类对准确率的影响很小。很明显,此时尽管模型准确率高达99.5%,但对负类的分类正确率是0%(查全率=0),我们应当选择更科学的优化目标。我们可以引入混淆矩阵。

∥混淆矩阵 (Confusion Matrix) (便于计算)

• TP (True Positive, 真正): 将正类预测为正类

• TN (True Negative, 真负): 将负类预测为负类

• FP (False Positive, 假正): 将负类预测为正类 (误报)

• FN (False Negative, 假负): 将正类预测为负类 (漏报)

		真标签		
		正	负	
预测标签	正	真正TP	假正FP	精确率(Precision)
	负	假负FN	真负TN	
		召回率 (Recall)		准确率(Accuracy)

假设模型一共将数据集分为n类:

• 精确率(查准率):模型**正确分类的正例占总预测正例**的比例。

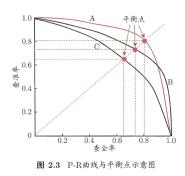
$$Precision = rac{\sum_{1}^{n}TP_{n}}{\sum_{1}^{n}(TP_{n}+FP_{n})}$$

召回率(查全率):模型正确分类的正例占总实际正例的比例。

$$Recall = rac{\sum_{1}^{n}TP_{n}}{\sum_{1}^{n}(TP_{n}+FN_{n})}$$

• 准确率:模型**正确分类的正例**占总**例**的比例。

$$Accuracy = rac{\sum_{1}^{n}(TP_n + TN_n)}{\sum_{1}^{n}(TP_n + FP_n + FN_n + TN_n)}$$



查准率=查全率的平衡点 (BEP Break-Even Point) 是一种简易评估分类性能的方法,越大越好。p-r曲线面积也可以是一种性能评估方法。

常言道,错抓一万个也不能漏过一个。同时做到高查准率和查全率是几乎不可能的,减少误报往往会导致漏报,减少漏报往往会导致误报。在实际应用中,我们需要根据任务需求平衡精确率与召回率。如在面部识别逃犯时,我们宁愿多一些误报也不要漏过逃犯;而在面部识别门禁中,我们宁愿漏报(让住户的脸有时识别失败)也不希望误报(让陌生人进门)。

那么, 如何更科学地评判精确率和召回率呢?

#F1/Fβ度量(F1/Fβ Score)

精确率和召回率的调和平均值(相较于算术平均和几何平均,调和平均更重视最小值)

$$F_1 = \frac{1}{2} * (\frac{1}{精确率} + \frac{1}{召回率}) = \frac{2 * 精确率 * 召回率}{精确率 + 召回率}$$

如果对精确率和召回率的重视程度不同,我们还可以使用F1度量的更一般形式: Fg

$$F_{\beta} = \frac{1}{1+\beta^2}*(\frac{1}{精确率} + \frac{\beta^2}{召回率}) = \frac{(1+\beta^2)*精确率*召回率}{\beta^2 精确率+召回率}$$

β>1时召回率影响更大, 0<β<1时查准率影响更大。

ROC(Receiver Operating Characteristic curve 受试者工作 #特征曲线)

很多机器学习的学习器在做预测时并不是直接给出1-正类,0-负类的,而是给出一个处于[0,1]之间的数字,将其与0.5(阈值Threshold)比较,大于阈值被判为正类1,小于阈值被判为负类0。想象把所有样本根据其预测值从低到高排列,我们可以通过改变阈值的大小把样本切成不同的两部分,低于阈值判负,高于阈值判正。将阈值提高,我们更重视查准率;将阈值降低,我们更重视查全率。我们可以通过从高到低调节这个阈值,改变模型预测的输出,进而画出 ROC 曲线。

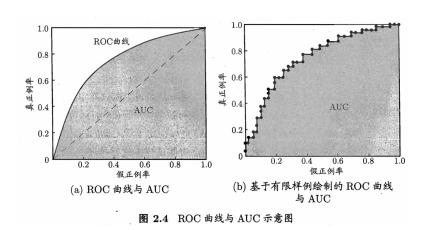
ROC 曲线越接近左上角,模型预测准确率越高;在最理想的情况下,所有正类的预测值是1.0,负类0.0,是过(0,1)的直线。

真正例率TP Rate (召回率/命中率): 在所有事实上的正类中模型判对为正的占比

$$TPR = rac{TP}{TP + FN}$$

假正例率FP Rate (误判率/假阳率): 在所有事实上的负类中模型判错为正的占比

$$TPR = \frac{FP}{FP + TN}$$



基准线 ((0,0)到(1,1)的对角线)代表了随机预测时的情况,低于他意味着分类性能不如蒙眼瞎猜。

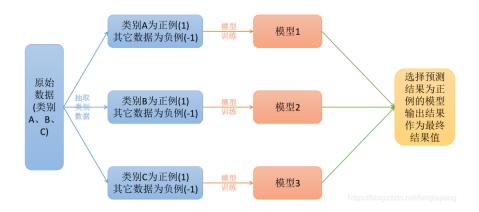
AUC(Area Under Curve): 曲线下面积,通过比较曲线下面积,我们可以比较预测性能的好坏,越大越好。

多类分类 (multiclass classification)

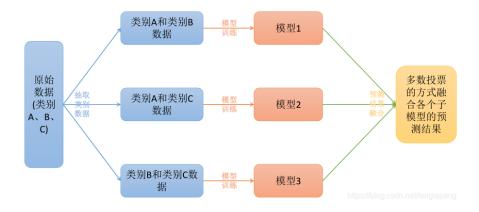
指可以区分两个以上类的分类任务。

策略:

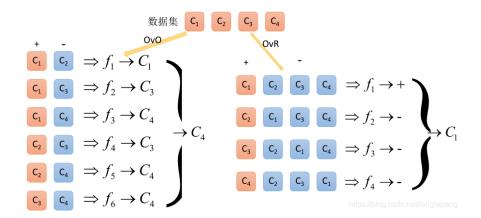
One-Versus-The-Rest (OvR): 为每个类训练多个二元分类器,选择分类器输出最高分的类。训练n次



One-versus-one (OvO): 为每对类训练一个二元分类器。训练n(n-1)/2次



区别:



• 多标签分类 (Multi-Label Machine Learning MLL) : 输出多个二进制标签

模型训练

线性回归

回归: 试图确定一个因变量 (pendent variable 通常用 Y 表示) 和一系列其他变量 (independent variables称为自变量) 之间关系的强度和特征。

$$\hat{y} = kx + b$$

• x: 输入的特征 (feature value)

y^hat: 输出的预测值 (predicted value)

• k,b: 模型的参数 (权重与偏置)

推广到n个参数的情况下:

$$\hat{y}= heta_0+ heta_1x_1+ heta_2x_2+...++ heta_nx_n$$

y^hat: 输出的预测值 (predicted value)

• x_i: 第i个特征 (feature value)

θ_j: 第j个模型的参数 (θ_{1~n}权重与θ₀偏置)

残差:
$$\hat{e}_i = y_i - \hat{y}_i$$

残差:实际观察值与估计值(拟合值)之间的差。

残差平方和:
$$RSS = \sum_{1}^{n} \hat{e}^2$$

损失函数Cost (loss) function: 线性回归模型的均方误差 (MSE mean-square error)

$$MSE(X,h_{ heta}) = rac{1}{m} \sum_{1}^{m} (heta^T x_i - y_i)^2$$

MSE越小说明loss越小, 拟合越好。

正态方程Normal Equation:

TODO!

梯度下降 (Gradient Descent)

*在机器学习领域,向量一般是列向量

思想: 先任取点 (x0,f(x0)), 求f(x)在该点x0的导数f"(x0),在用x0减去导数值f"(x0),计算所得就是新的点x1。然后再用x1减去f"(x1)得x2...以此类推,循环多次,慢慢x值就无限接近极小值点。可理解为: 一个人下山,以他当前的所处的位置为基准,寻找这个位置最陡峭的方向,然后朝着下降方向走一步,然后又继续以当前位置为基准,再找最陡峭的方向,再走,直到最后到达最低处。

目的是尽可能降低损失函数,从而确保模型精度足够高

从起始位置 $\theta_0 = [\theta_0, \theta_1, ..., \theta_n]^T$ 开始: 计算梯度

起始位置:
$$\Theta_0 = [\theta_0, \theta_1, ..., \theta_n]^T$$
 (1)

计算梯度:
$$\nabla_{\theta}MES(\Theta)$$
 (2)

迭代:
$$\Theta_{i+1} = \Theta_i - \eta \nabla_{\theta} MES(\Theta_i)$$
 (3)

其中,η是学习率 (步长),是重要的

特征规模不同时可能要花很久到达最小,此时归一化特征规模很重要,确保各个数据的规模是一 样的。

此外,除非损失函数是凸函数,普通的梯度下降法不能保证得到全局最优解。

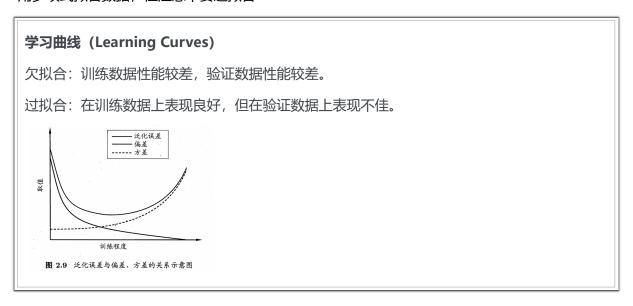
全 (批量) 梯度下降 (FGD): TODO! 计算mse

随机梯度下降(SGD):每次选择一个随机的instance,尽管可能不能达到最低点,但快速且有效。每次迭代的噪声会导致损失函数振荡。

小批量梯度下降 (Mini-batch gradient decent) : 收敛性优于随机梯度下降。对于大型数据集具有计算效率。但不能保证收敛到全局最小值。

多项式回归 (Polynomial Regression)

用多项式拟合数据,但注意不要过拟合



岭回归 (Ridge Regression) (L2正则化)

在普通的线性回归中, 当特征数大于样本数时, 模型会出现过拟合的问题。而岭回归通过限制参数的大小, 可以有效地避免过拟合问题。

岭回归的实现方式是给损失函数添加一个正则项,这个正则项包含所有参数的平方和,并乘以一个系数alpha。

alpha的值越大,惩罚力度越大,参数越趋向于0,就越容易解决过拟合的问题。

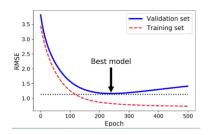
套索回归 (Lasso Regression) (L1正则化)

一般线性回归模型的目标是最小化残差平方和,即通过拟合一个线性方程来预测目标变量。然而,在实际问题中,可能存在大量的自变量,其中一些可能对目标变量的预测能力较弱或冗余。此时,Lasso回归通过引入L1正则化(即Lasso惩罚项),可以将系数向量中小的权重变为0,从而实现特征选择和模型稀疏性。

正则化线性模型:

弹性网络 (elastic net)

使用L1和L2先验作为正则化矩阵的线性回归模型



注意在模型训练时注意欠拟合和过拟合

逻辑回归 (logistic regression) -softmax回归

适合离散二值数据

∦softmax函数

逻辑函数的一种推广。它能将一个含任意实数的K维向量z"压缩"到另一个K维实向量σ(z)中,使得每一个元素的范围都在(0,1)之间,并且所有元素的和为1。多用于多分类问题。

$$P\left(y=j
ight) = rac{e^{x^T}W_j}{\sum_{k=1}^K e^{x^TW_k}}$$