

CENTRO DE INVESTIGACIÓN EN MATEMÁTICAS (CIMAT).  
UNIDAD MONTERREY  
INFERENCIA ESTADÍSTICA

---

## HINTS TAREA 1

---

Nelson Ariza Morales

22 de agosto de 2024

### Problema 2

#### Función de Masa de Probabilidad vs Función de Densidad de Probabilidad

Es importante destacar que  $X$  es una **variable aleatoria discreta**, ya que solo puede tomar un número finito de valores (en este caso, 0, 1, 2 o 3).

#### Función de Masa de Probabilidad (FMP)

Para variables aleatorias discretas, como  $X$ , usamos la **función de masa de probabilidad** (FMP). La FMP se define como:

$$P(X = x) = \text{Probabilidad de que la variable aleatoria } X \text{ tome el valor } x.$$

En términos simples, la FMP asigna una probabilidad a cada posible valor que  $X$  puede tomar. En el ejemplo de las manzanas, la función de masa de probabilidad describe la probabilidad de que el número de manzanas frescas seleccionadas sea, por ejemplo, 2.

#### Función de Densidad de Probabilidad (FDP)

Por otro lado, una **variable aleatoria continua** es aquella que puede tomar cualquier valor dentro de un intervalo, como por ejemplo la altura de una persona.

Para variables aleatorias continuas, usamos la **función de densidad de probabilidad** (FDP). La FDP no proporciona la probabilidad de que  $X$  tome un valor exacto (ya que en el caso continuo, esa probabilidad sería 0), sino que describe la probabilidad de que  $X$

caiga dentro de un cierto intervalo. Matemáticamente, la probabilidad de que  $X$  esté entre  $a$  y  $b$  se calcula integrando la función de densidad de probabilidad entre esos límites:

$$P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f_X(x) dx.$$

## Problema de las Manzanas

En el problema en cuestión,  $X$  es el número de manzanas frescas seleccionadas, lo cual es un valor discreto. Por tanto, lo correcto es hablar de la **función de masa de probabilidad de  $X$** , ya que  $X$  solo puede tomar un número finito de valores discretos. Una anotación que quedará en la tarea para los profesores.

## Problema 8

En este problema, se está evaluando la probabilidad de aceptar un lote de componentes basado en la proporción de componentes defectuosos. Se utiliza la **distribución binomial** para modelar la probabilidad de encontrar un número específico de componentes defectuosos en una muestra de 10 componentes seleccionados al azar.

### 1. Entender la distribución binomial

La distribución binomial describe el número de éxitos en una secuencia de  $n$  ensayos independientes, cada uno con una probabilidad de éxito  $p$ . La fórmula para la probabilidad de tener exactamente  $k$  éxitos (en este caso, componentes defectuosos) en  $n$  ensayos es:

$$P(X = k) = \binom{n}{k} p^k (1 - p)^{n-k}$$

Aquí,  $n = 10$  es el número de componentes en la muestra,  $p$  es la proporción de componentes defectuosos, y  $k$  es el número de defectuosos que estamos calculando.

### 2. Condiciones del problema

La proporción de defectuosos  $p$  varía: se consideran los valores  $p = 0,01$ ,  $p = 0,05$ ,  $p = 0,10$ , y  $p = 0,20$ . Se busca la probabilidad de que el número de componentes defectuosos  $X$  en la muestra sea 2 o menos, es decir....

### 3. Calcular probabilidades acumuladas

#### EJEMPLO

Para calcular  $P(X \leq 4)$ , necesitas sumar las probabilidades de  $P(X = 0)$ ,  $P(X = 1)$ , ...,  $P(X = 4)$ . Esto implica calcular  $P(X = k)$  para  $k = 0, 1, \dots, 4$  y luego sumar estos resultados.